

자료구조설계

제 출 일	2017.12.03.
과 제 번 호	11
분 반	01
학 과	컴퓨터공학과
학 번	201602038
이 름	이 미 진

1. 구현 내용 설명

1) private boolean inMaxHeap(int l)

```
// 인덱스 i가 max-heap에 위치해 있으면 true를 리턴하고, 그렇지 않으면 false를 리턴한다
private boolean inMaxHeap(int i) {
    for( ; i>2 ; ) {
        i = (i-1)/2;
    }
    if( i==2 ) return true;
    else return false;
}
```

inMaxHeap(int l) 메소드에서는 인덱스 l에 대해 최대힙 존재 여부를 true or false로 반환을 해줘야 한다. 그래서 l가 2보다 커질때까지, $l = (i-1)/2$ 연산을 반복해 준 후에 l가 2가 아니면 max-heap에 위치하고 있지 않으므로 false를, l가 2이면 max-heap에 위치하므로 true를 return 해준다.

2) private int maxPartner(int pos)

```
// 인덱스 pos가 min-heap에 위치해 있을때 max partner의 인덱스를 리턴한다
private int maxPartner(int pos) {
    //j=i+2^((⌊log⌋_2(i+1)) - 1); if(j >= n) then j=(j-1)/2;
    int i = pos + (int)(Math.pow(2,(int)((Math.log(pos+1)/Math.log(2))-1)));
    if( i>=n ) {
        i = (i-1)/2;
    }
    return i;
}
```

maxPartner(int pos) 메소드의 경우, ppt에서 주어진 공식을 이용하였다.
제곱과 로그 계산을 위해 Java에서 제공해주는 Math 클래스를 사용하였다.
(Math.pow : 제곱 / Math.log : 로그)
그리고 l가 n(0)보다 같거나 크면, $l = (i-1)/2$ 이다.

3) private int minPartner(int pos)

```
// 인덱스 pos가 max-heap에 위치해 있을때 min partner의 인덱스를 리턴한다
private int minPartner(int pos) {
    //i=j-2^((⌊log⌋_2(j+1)) - 1)
    return pos - (int)(Math.pow(2,(int)((Math.log(pos+1)/Math.log(2))-1)));
}
```

maxPartner(int pos) 메소드와 동일하게, 제곱과 로그 계산을 위해 Java에서 제공해주는 Math 클래스를 사용하였다.
(Math.pow : 제곱 / Math.log : 로그)
minPartner에서는 따로 조건이 없어서 바로 계산값을 return 하도록 하였다.

4) private void minInsert(int at, int key)

```
// min-heap에 있는 인덱스 at 위치에 key를 삽입
private void minInsert(int at, int key) {
    heap[at] = key;
    for( ; at>1 ; ) { // minHeap
        int tmp = at;
```

```

        at = (at-1)/2;

        if( deap[at] < deap[tmp]+1 ) {    // 부모 < 자식 -> 삽입
            deap[tmp] = key;
            return;
        }
        //swap
        int d_tmp = deap[at];
        deap[at] = deap[tmp];
        deap[tmp] = d_tmp;
    }
}

```

minInsert(int at, int key) 메소드에서는, 최소힙의 위치에 노드를 삽입해야 한다.

우선 deap 배열의 인덱스 at에 key값을 삽입해주고, minHeap일 경우에서 반복을 해준다.

tmp 변수에 초기 at 값을 저장해주고, at는 (at-1)/2의 값으로 바꿔준다.

그리고 부모 노드보다 자식 노드가 크면 deap[tmp]에 key를 삽입해주고 끝난다.

그 후에, d_tmp 변수에 deap[at]값을 저장해두고, deap[at]에는 deap[tmp]를, deap[tmp]에는 d_tmp(deap[at]) 값을 저장함으로써 swap 연산을 해준다.

5) private void maxInsert(int at, int key)

```

// max-heap에 있는 인덱스 at 위치에 key를 삽입
private void maxInsert(int at, int key) {
    deap[at] = key;
    for( ; at>2 ; ) { // maxHeap
        int tmp = at;
        at = (at-1)/2;

        if( deap[tmp] < deap[at]+1 ){    // 부모 > 자식 -> 삽입
            deap[tmp] = key;
            return;
        }
        //swap
        int d_tmp = deap[at];
        deap[at] = deap[tmp];
        deap[tmp] = d_tmp;
    }
}

```

maxInsert(int at, int key) 메소드에서는 minInsert(int at,int key) 메소드와 반대로, 최대힙의 위치에 노드를 삽입해야 한다.

우선 deap 배열의 인덱스 at에 key값을 삽입해주고, maxHeap일 경우에서 반복을 해준다.

tmp 변수에 초기 at 값을 저장해주고, at는 (at-1)/2의 값으로 바꿔준다.

그리고 부모 노드가 자식 노드보다 크면 deap[tmp]에 key를 삽입해주고 끝난다.

그 후에, d_tmp 변수에 deap[at]값을 저장해두고, deap[at]에는 deap[tmp]를, deap[tmp]에는 d_tmp(deap[at]) 값을 저장함으로써 swap 연산을 해준다.

6) public int deleteMax()

```

// max 값을 삭제하여 리턴한다
public int deleteMax() {
    if( n!=2 ){ // 자식이 있으면
        int tmp = deap[n]; // 마지막 노드를 tmp에 저장
        int i = 2;
    }
}

```

```

for( ; i<n/2 ; ) { // leaf노드가 아닐 때까지
    int mi = i*2;
    int cma = 0;
    if( deap[mi+2] < deap[mi+1] ) {
        cma = mi+1;
    }
    else if( deap[mi+2] > deap[mi+1] ) {
        cma = mi+2;
    }

    deap[i] = deap[cma];
    deap[cma] = 0;
    i = cma;
} // leaf노드로 이동

int minPartner = minPartner(i);
if( (2*minPartner+1) == -1 ) {
    minPartner = -1;
}
else if( (2*minPartner+2) <= n-1 ) {
    minPartner = 2*minPartner + 2;
    if( deap[minPartner] < deap[minPartner-1] ) {
        minPartner -= 1;
    }
}
else {};

if( tmp < deap[minPartner] ){
    int tmp2 = deap[minPartner];
    deap[minPartner] = tmp;
    maxInsert(i,tmp2);
    // swap
}
else if( tmp > deap[minPartner] ) { // tmp가 더 크면 삽입
    maxInsert(i,tmp);
}
else {};
}
else if( n==2 ) deap[2] = 0;
--n;

return deap[2];
}

```

deleteMax() 메소드에서는 max값을 찾아서 노드를 삭제하고 삭제한 노드 값을 반환해야 한다.

만약, 자식이 존재하면 tmp변수에 마지막 노드인 deap[n]을 저장해둔다.

leaf노드가 아닐 때까지 for문을 통해 반복을 하는데, deap[mi+2] 가 deap[mi+1] 보다 작으면, 자식 중에 제일 큰 노드의 인덱스 cma는 mi+1이다.

반대로, deap[mi+2]가 deap[mi+1] 보다 크면 자식 중에 제일 큰 노드의 인덱스 cma는 mi+2이다. 반복이 끝나고 나서, 조건에 따라 다른 연산을 해준다.

만약 2*minPartner+1 의 값이 -1 이면, minPartner = -1이다.

2*minPartner+2의 값이 n-1보다 작거나 같으면, minPartner는 2*minPartner+2의 값이고, deap[minPartner]가 deap[minPartner-1] 보다 작으면 minPartner는 minPartner에서 1을 뺀 값이 된다.

그 후에 또다른 조건문이 있는데, 위에서 선언해줬던 int tmp = deap[n]에 관한 것이다. tmp가 deap[minPartner] 보다 작으면, tmp2변수에 deap[minPartner]를 저장해준 후, deap[minPartner]에는 tmp가 저장하여 swap를 해준 후 maxInsert 메소드를 호출하여

최대힙 위치에 노드를 삽입해준다.

반대로, tmp가 deap[minPartner]보다 크면 maxInsert 메소드를 호출하여 최대힙 위치에 노드를 삽입해준다.

자식이 존재하지 않으면 deap[2]는 0이 된다.

모든 조건 코드를 거치면 n은 1 감소되고, deap[2]를 return해준다.

7) public int deleteMin()

```
public int deleteMin() {
    if( n!=2 ){ // 자식이 있으면
        int tmp = deap[n]; // 마지막 노드를 tmp에 저장
        int i = 1;
        for( ; i<n/2 ; ) { // leaf노드가 아닐 때까지
            int mi = i*2;
            int cmi = 0;

            if( deap[mi+1] < deap[mi+2] ) {
                cmi = mi+1;
            }
            else if( deap[mi+1] > deap[mi+2] ) {
                cmi = mi+2;
            }

            deap[i] = deap[cmi];
            deap[cmi] = 0;
            i = cmi;
        } // leaf노드로 이동

        int tmp2 = deap[maxPartner(i)];
        if( tmp < tmp2 ) { // tmp가 더 작으면 삽입
            minInsert(i,tmp);
        }
        else if( tmp > tmp2 ) { // tmp가 더 크면 swap
            deap[i] = tmp2;
            maxInsert(maxPartner(i),tmp);
        }
    }
    else if( n==2 ) deap[1] = 0;
    --n;

    return deap[1];
}
```

deleteMin() 메소드도 deleteMax()메소드와 비슷하다. 자식이 존재하면, tmp 변수에는 마지막 노드인 deap[n]이 저장되고, leaf노드가 아닐 때까지 for문을 통해 반복한다.

deap[mi+1]이 deap[mi+2]보다 작으면, 자식 중에 제일 작은 노드의 인덱스 cmi는 mi+1이 된다. 반대로, deap[mi+1]이 deap[mi+2]보다 크면, cmi는 mi+2가 된다.

tmp2 변수에는 deap[maxPartner(i)]가 저장되고, 위에서 선언된 deap[n]과 비교한다.

tmp가 tmp2보다 작으면, minInsert(i,tmp) 메소드를 호출해, 최소힙의 위치에 노드를 삽입해준다.

반대로, tmp가 tmp2보다 크면, deap[i]에는 tmp2가 저장되고, maxInsert(maxPartner(i),tmp) 메소드가 호출되어 최대힙의 위치에 노드를 삽입해준다.

자식이 없으면 deap[1]는 0이 된다.

모든 조건 코드를 거치면 n은 1 감소되고, deap[1]를 return 해준다.

2. 실행 결과 화면

```
Deap.java
1 package DS01_11_201602038;
2
3
4
5
6
7
8
9
10
11
12
13
14
15
16
17
18
19
20
21
22
23
24
25
26
27
28
29
30
31
32
33
34
35
36
37
38
39
40
41
42
43
44
45
46
47
48
49
50
51
52
53
54
55
56
57
58
59
60
61
62
63
64
65
66
67
68
69
70
71
72
73
74
75
76
77
78
79
80
81
82
83
84
85
86
87
88
89
90
91
92
93
94
95
96
97
98
99
100
101
102
103
104
105
106
107
108
109
110
111
112
113
114
115
116
117
118
119
120
121
122
123
124
125
126
127
128
129
130
131
132
133
134
135
136
137
138
139
140
141
142
143
144
145
146
147
148
149
150
151
152
153
154
155
156
157
158
159
160
161
162
163
164
165
166
167
168
169
170
171
172
173
174
175
176
177
178
179
180
181
182
183
184
185
186
187
188
189
190
191
192
193
194
195
196
197
198
199
200
201
202
203
204
205
206
207
208
209
210
211
212
213
214
215
216
217
218
219
220
221
222
223
224
225
226
227
228
229
230
231
232
233
234
235
236
237
238
239
240
241
242
243
244
245
246
247
248
249
250
251
252
253
254
255
256
257
258
259
260
261
262
263
264
265
266
267
268
269
270
271
272
273
274
275
276
277
278
279
280
281
282
283
284
285
286
287
288
289
290
291
292
293
294
295
296
297
298
299
300
301
302
303
304
305
306
307
308
309
310
311
312
313
314
315
316
317
318
319
320
321
322
323
324
325
326
327
328
329
330
331
332
333
334
335
336
337
338
339
340
341
342
343
344
345
346
347
348
349
350
351
352
353
354
355
356
357
358
359
360
361
362
363
364
365
366
367
368
369
370
371
372
373
374
375
376
377
378
379
380
381
382
383
384
385
386
387
388
389
390
391
392
393
394
395
396
397
398
399
400
401
402
403
404
405
406
407
408
409
410
411
412
413
414
415
416
417
418
419
420
421
422
423
424
425
426
427
428
429
430
431
432
433
434
435
436
437
438
439
440
441
442
443
444
445
446
447
448
449
450
451
452
453
454
455
456
457
458
459
460
461
462
463
464
465
466
467
468
469
470
471
472
473
474
475
476
477
478
479
480
481
482
483
484
485
486
487
488
489
490
491
492
493
494
495
496
497
498
499
500
501
502
503
504
505
506
507
508
509
510
511
512
513
514
515
516
517
518
519
520
521
522
523
524
525
526
527
528
529
530
531
532
533
534
535
536
537
538
539
540
541
542
543
544
545
546
547
548
549
550
551
552
553
554
555
556
557
558
559
560
561
562
563
564
565
566
567
568
569
570
571
572
573
574
575
576
577
578
579
580
581
582
583
584
585
586
587
588
589
590
591
592
593
594
595
596
597
598
599
600
601
602
603
604
605
606
607
608
609
610
611
612
613
614
615
616
617
618
619
620
621
622
623
624
625
626
627
628
629
630
631
632
633
634
635
636
637
638
639
640
641
642
643
644
645
646
647
648
649
650
651
652
653
654
655
656
657
658
659
660
661
662
663
664
665
666
667
668
669
670
671
672
673
674
675
676
677
678
679
680
681
682
683
684
685
686
687
688
689
690
691
692
693
694
695
696
697
698
699
700
701
702
703
704
705
706
707
708
709
710
711
712
713
714
715
716
717
718
719
720
721
722
723
724
725
726
727
728
729
730
731
732
733
734
735
736
737
738
739
740
741
742
743
744
745
746
747
748
749
750
751
752
753
754
755
756
757
758
759
760
761
762
763
764
765
766
767
768
769
770
771
772
773
774
775
776
777
778
779
780
781
782
783
784
785
786
787
788
789
790
791
792
793
794
795
796
797
798
799
800
801
802
803
804
805
806
807
808
809
810
811
812
813
814
815
816
817
818
819
820
821
822
823
824
825
826
827
828
829
830
831
832
833
834
835
836
837
838
839
840
841
842
843
844
845
846
847
848
849
850
851
852
853
854
855
856
857
858
859
860
861
862
863
864
865
866
867
868
869
870
871
872
873
874
875
876
877
878
879
880
881
882
883
884
885
886
887
888
889
890
891
892
893
894
895
896
897
898
899
900
901
902
903
904
905
906
907
908
909
910
911
912
913
914
915
916
917
918
919
920
921
922
923
924
925
926
927
928
929
930
931
932
933
934
935
936
937
938
939
940
941
942
943
944
945
946
947
948
949
950
951
952
953
954
955
956
957
958
959
960
961
962
963
964
965
966
967
968
969
970
971
972
973
974
975
976
977
978
979
980
981
982
983
984
985
986
987
988
989
990
991
992
993
994
995
996
997
998
999
1000
1001
1002
1003
1004
1005
1006
1007
1008
1009
1010
1011
1012
1013
1014
1015
1016
1017
1018
1019
1020
1021
1022
1023
1024
1025
1026
1027
1028
1029
1030
1
```