# 参考模版

#### Mitake Moca

```
顺序表
  约瑟夫问题
栈队
  计算栈的最小容量
  判断是否是栈的合法输出序列
  中缀表达式转后缀表达式
  给定入栈出栈顺序求操作串
  后缀表达式转中缀表达式
  前缀表达式转中缀表达式
二叉树
  二叉查找树查找某元素的比较次数
  中序后序求先序(中缀后缀求前缀)
  中序前序求后序 (中缀前缀求后缀)
  前序中序后序遍历完全二叉树的结果
  哈夫曼树的带权路径长度
排序与查找
  字符串排序-二维数组实现
  字符串排序-指针实现
  在大顶堆尾部插入元素调整过程的比较次数
  折半查找某元素的比较下标
  结构体 qsort
  堆排序中获得初始大顶堆
冬
  Prim求最小生成树
  Kruskal求最小生成树
  拓扑排序
  迪杰斯特拉求单源最短路
文件
```

## 顺序表

### 约瑟夫问题

文件读写 freopen 文件读写 fscanf

```
/*
    n 人从 1 到 n 编号围成一圈,从第 j 个人开始,依次报数,每次报到 k 的人出圈,问: 出圈顺序 / 最后一个剩下的人输入: n j k 输出: n 个人的出圈顺序
    示例输入: 20 1 2 示例输出: 2 4 6 8 10 12 14 16 18 20 3 7 11 15 19 5 13 1 17 9
```

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <stdlib.h>
int read() {
    int tem;
    scanf("%d",&tem);
    return tem;
}
typedef struct node node;
typedef struct node* nptr;
struct node {
    int id;
    nptr prev;
    nptr next;
};
nptr head, tail;
int size;
nptr newnode() {return (nptr)malloc(sizeof(node));}
nptr getnode(int id) {
    nptr p = newnode();
    p \rightarrow id = id;
    p -> next = p -> prev = NULL;
    return p;
}
int main() {
    int n = read(), j = read(), k = read();
    // 创建链表
    for(int i = 1; i <= n; i++) {
        nptr p = getnode(i);
        if(head == NULL)
            head = tail = p;
        else
            tail -> next = p, p -> prev = tail, tail = p;
    }
    // 闭环
    tail -> next = head;
    head -> prev = tail;
    size = n;
    // 找到第一个开始报数的人
    for(int i = 1; i < j; i++) {
        head = head -> next;
```

```
// 模拟出链的操作
   nptr now = head;
   while(size) {
       // 报数
       for(int i = 1; i < k; i++)
           now = now -> next;
       // now 应该出圈的人, 让 now 出圈
       nptr p = now;
       p -> prev -> next = p -> next;
       p -> next -> prev = p -> prev;
       size--;
       printf("%d ", p -> id);
       // 让 now 重新变成下一次报数开始报 1 的人
       now = now -> next;
   }
   return 0;
}
```

## 栈队

### 计算栈的最小容量

```
/*
  设栈 S 和队列 Q 的初始状态为空, n 个元素依次通过栈 S, 一个元素出栈后即进队列
Q
  若 6 个元素出队的序列给定,则栈 S 的容量至少应该是
  输入: 第一行一个整数 n 表示元素个数,第二行元素入栈顺序,第三行元素出队顺序
  输出: 栈的最小容量
  示例输入:
    6
    abcdef
    bdcfea
  示例输出:
    3
  拓展:
    这道题同样也是以下题目的模板:
       设有一顺序栈 S,n 个元素依次进栈,如果元素出栈的顺序给定,则栈的容
量至少应该是
       即没有队也是这个板子
*/
```

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
int read() {
    int tem;
   scanf("%d",&tem);
    return tem;
}
char element[105];
char stack[105], queue[105];
int top = -1, front, rear; // 分别代表栈顶, 队头和队尾
int ans = 0;
// 入栈
void push(char ele) {
   stack[++top] = ele;
   if(top >= ans)
       ans = top + 1;
}
// 元素出栈
int pop() {
    return stack[top--];
}
int main() {
   int n = read();
    for(int i = 0; i < n; i++)
       scanf(" %c", &element[i]);
    for(int i = 0; i < n; i++)
        scanf(" %c", &queue[i]); // 表示入队顺序
    front = 0, rear = n - 1;
    for(int i = 0; i < n; i++) {
        push(element[i]);
       // 栈不为空 且 栈顶 = 队头
       while(top > -1 && stack[top] == queue[front])
           pop(), front++;
    }
    printf("%d\n", ans);
   return 0;
}
```

### 判断是否是栈的合法输出序列

```
/*
   给定一个栈的输入序列,判断某个输出序列是不是栈的合法输出序列
   输入: 第一行一个整数 n 表示元素个数, 第二行元素入栈顺序, 第三行元素出栈顺序
   输出: 0 或者 1, 1 代表是合法输出序列, 0 代表不是合法输出序列
   示例输入 1:
      5
      abcde
      cbaed
   示例输出 1:
      1
   示例输入 2:
      5
      a b c d e
      dcabe
   示例输出 2:
      0
*/
#include <stdio.h>
#include <string.h>
int read() {
   int tem;
   scanf("%d",&tem);
   return tem;
}
char element[105];
char stack[105], queue[105];
int top = -1, front, rear; // 分别代表栈顶, 队头和队尾
// 入栈
void push(char ele) {
   stack[++top] = ele;
}
// 元素出栈
int pop() {
   return stack[top--];
}
int main() {
   int n = read();
   for(int i = 0; i < n; i++)
      scanf(" %c", &element[i]);
   for(int i = 0; i < n; i++)
      scanf(" %c", &queue[i]); // 表示入队顺序
```

```
front = 0, rear = n - 1;

for(int i = 0; i < n ; i++) {
    push(element[i]);
    // 栈不为空 且 栈顶 = 队头
    while(top > -1 && stack[top] == queue[front])
        pop(), front++;
}

// 队和栈都为空
printf("%d\n", top == -1 && rear < front);

return 0;
}
```

### 中缀表达式转后缀表达式

```
/*
   中缀表达式转后缀表达式
   输入:一行字符串,表示中缀表达式,每个操作数都是字母变量,中间可以有多余的空
格
   输出:一行字符串,表示中缀表达式对应的后缀表达式
   示例输入: A-(B+C/D)*E
   示例输出: ABCD/+E*-
*/
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <ctype.h>
#include <string.h>
char stack[105];
int top = -1;
void push(char value) {
   stack[++top] = value;
}
char pop() {
   return stack[top--];
}
int isOp(char ch) {
   return ch == '+' || ch == '-' || ch == '*' || ch == '/' || ch == '(' ||
ch == ')';
}
// 运算符优先级
int pre(char op) {
   switch (op) {
```

```
case '+':
        case '-':
           return 1;
        case '*':
        case '/':
           return 2;
        case '(':
            return 0;
        default:
           return -1;
   }
}
char a[105], b[105];
int main() {
   gets(a);
    puts(a);
    int k = 0;
   int len = strlen(a);
    for (int i = 0; i < len; i++) {
        char ch = a[i];
        if (ch == ' ')
           continue;
        if (isalpha(ch)) {
           b[k++] = ch;
        } else if (ch == '(') {
           push(ch);
        } else if (ch == ')') {
           while (top != -1 && stack[top] != '(') {
                b[k++] = pop();
           }
           pop();
        } else if (isop(ch)) { // 处理操作符
           while (top != -1 && pre(stack[top]) >= pre(ch))
                b[k++] = pop();
           push(ch);
       }
    }
   // 弹出剩余的操作符
   while (top !=-1)
        b[k++] = pop();
   puts(b);
   return 0;
}
```

### 给定入栈出栈顺序求操作串

```
/*
   用 S 表示入栈操作, X 表示出栈操作, 给定元素的入栈顺序和出栈顺序, 求相应的 S
和X的操作串
   输入: 第一行一个整数 n 表示元素个数, 第二行元素入栈顺序, 第三行元素出栈顺序
   输出:一行只含有 S 和 X 的字符串,表示操作序列
   示例输入:
       4
       ABCD
       ACDB
   示例输出:
      SXSSXSXX
*/
#include <stdio.h>
#include <string.h>
int read() {
   int tem:
   scanf("%d",&tem);
   return tem;
}
char input[105], output[105];
char stack[105];
int top = -1;
void push(char c) {
   stack[++top] = c;
}
char pop() {
   return stack[top--];
}
int main() {
   int n = read();
   getchar();
   gets(input);
   gets(output);
   int j = 0; // output 下标
   for(int i = 0; i < n; i++) {
       push(input[i]);
       putchar('s');
       while(top != -1 && stack[top] == output[j])
          putchar('X'), pop(), j++;
   }
```

```
return 0;
}
```

### 后缀表达式转中缀表达式

```
/*
   后缀表达式转中缀表达式
   输入:一行字符串,表示后缀表达式,每个操作数都是字母变量,中间可以有多余的空
格
   输出:一行字符串,表示后缀表达式对应的中缀表达式
   示例输入: ABCD/+E*-
   示例输出: (A-((B+(C/D))*E))
*/
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>
#include <ctype.h>
char stack[105][105];
int top = -1;
void push(char* str) {
   strcpy(stack[++top], str);
}
char* pop() {
   return stack[top--];
}
int isOperator(char ch) {
   return ch == '+' || ch == '-' || ch == '*' || ch == '/';
}
int main() {
   char postfix[105];
   char infix[105 * 2]; // 预留足够的空间存储中缀表达式
   gets(postfix);
   int len = strlen(postfix);
   for (int i = 0; i < len; i++) {
       char ch = postfix[i];
       if (ch == ' ')
           continue;
       if (isalpha(ch)) {
           char operand[2] = \{ch, '\setminus 0'\};
           push(operand);
```

### 前缀表达式转中缀表达式

```
/*
   前缀表达式转中缀表达式
   输入:一行字符串,表示前缀表达式,每个操作数都是字母变量,中间可以有多余的空
格
   输出:一行字符串,表示前缀表达式对应的中缀表达式
   示例输入: -A*+B/CDE
   示例输出: (A-((B+(C/D))*E))
*/
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>
#include <ctype.h>
char stack[105][105];
int top = -1;
void push(char* str) {
   strcpy(stack[++top], str);
}
char* pop() {
   return stack[top--];
}
int isOperator(char ch) {
   return ch == '+' || ch == '-' || ch == '*' || ch == '/';
}
int main() {
   char prefix[105];
   char infix[105 * 2]; // 预留足够的空间存储中缀表达式
   gets(prefix);
```

```
int len = strlen(prefix);
    for (int i = len - 1; i >= 0; i--) {
        char ch = prefix[i];
        if (ch == ' ')
            continue:
        if (isalpha(ch)) {
            char operand[2] = \{ch, '\setminus 0'\};
            push(operand);
        } else if (isOperator(ch)) {
            char operand1[105], operand2[105];
            strcpy(operand1, pop());
            strcpy(operand2, pop());
            snprintf(infix, sizeof(infix), "(%s%c%s)", operand1, ch,
operand2);
            push(infix);
        }
    }
    printf("%s\n", stack[top]);
    return 0;
}
```

## 二叉树

## 二叉查找树查找某元素的比较次数

```
#include <string.h>
int read() {
    int tem;
    scanf("%d",&tem);
    return tem;
}
int a[10005]; // 表示树
int vis[10005]; // 标记树上有没有结点
void insert(int i) {
    int tem = 0;
    while(vis[tem]) {
        if(i < a[tem])</pre>
            tem = tem * 2 + 1;
        else
            tem = tem * 2 + 2;
    }
    a[tem] = i;
    vis[tem] = 1;
}
int main() {
    int n = read();
    for(int i = 0; i < n; i++)
        insert(read());
    int x = read();
    int tem = 0, cnt = 0;
    while(vis[tem]) {
        cnt++;
        if(x < a[tem])
            tem = tem * 2 + 1;
        else if(x == a[tem])
            break;
        else
            tem = tem * 2 + 2;
    }
    printf("%d", cnt);
    return 0;
}
```

## 中序后序求先序 (中缀后缀求前缀)

原理: https://www.bilibili.com/video/BV1Ki4y1x7Lm

```
/*
给定算数表达式的中缀形式和后缀形式求前缀形式
输入:两行,第一行是表达式的中缀形式,第二行是表达式的后缀形式
```

```
输出:一行,表达式的前缀形式
   示例输入 1:
       A+B*C-D/E
       ABC*+DE/-
   示例输出 1:
       -+A*BC/DE
   示例输入 2:
       DBCAFEG
       DCBFGEA
   示例输出 2:
       ABDCEFG
*/
#include <stdio.h>
#include <string.h>
char a[10005], b[10005];
// 查找某个字符在字符串中的位置,返回下标
int search(char x[], char y){
   int i = 1;
   while(x[i] != y) i++;
   return i;
}
//中序数组从 1 到 r, 后序数组从 12 到 r2
void dfs(int 1, int r, int 12, int r2)
   if((1 > r) || (12 > r2)) return ;
   printf("%c", b[r2]);//后序数组的最后一位,即为当前的根
   int t = search(a, b[r2]);
   dfs(1, t - 1, 12, 12 + t - 1 - 1);
   dfs(t + 1, r, r^2 - r + t, r^2 - 1);
}
// 输入 中序和后序 -> 前序
// 注意输入的顺序
int main() {
   scanf("%s", a + 1);//读入中序排列
   int n = strlen(a + 1);
   scanf("%s", b + 1);//读入后序排列
   dfs(1, n, 1, n);
   return 0;
}
```

### 中序前序求后序 (中缀前缀求后缀)

原理: https://www.bilibili.com/video/BV1Ki4y1x7Lm

```
/*
   给定算数表达式的中缀形式和前缀形式求后缀形式
   输入:两行,第一行是表达式的中缀形式,第二行是表达式的前缀形式
   输出:一行,表达式的后缀形式
   示例输入 1:
      A+B*C-D/E
       -+A*BC/DE
   示例输出 1:
       ABC*+DE/-
   示例输入 2:
       DBCAFEG
       ABDCEFG
   示例输出 2:
       DCBFGEA
*/
#include <stdio.h>
#include <string.h>
//求后序遍历
char a[10005], b[10005], c[10005];
int num;
// 查找 y 在 x 里的位置
int search(char x[], char y) {
   int i = 0;
   while(x[++i] != y);
   return i;
}
void dfs(int 1, int r, int 12, int r2) {
   if((1 > r) || (12 > r2)) return;
   c[num] = b[12];
   num--;
   int t = search(a, b[12]);
   dfs(t + 1, r, r2 + t + 1 - r, r2); // 先搜右子树
   dfs(1, t - 1, 12 + 1, 12 + t - 1); // 再搜左子树
}
// 输入 中序和前序 -> 后序
// 注意输入的顺序
int main() {
   scanf("%s", a + 1);
   scanf("%s", b + 1);
   num = strlen(a + 1);
```

```
int n = num;
dfs(1, n, 1, n);
printf("%s",c + 1);
return 0;
}
```

## 前序中序后序遍历完全二叉树的结果

原理: <a href="https://www.bilibili.com/video/BV1RZ4y1n7V2">https://www.bilibili.com/video/BV1RZ4y1n7V2</a>、<a href="https://www.bilibili.com/video/BV1g4y1i7CY">https://www.bilibili.com/video/BV1g4y1i7CY</a>

```
/*
   已知某完全二叉树采用顺序存储结构,给定结点的存放次序
   求该二叉树的前序序列、中序序列和后序序列
   输入:一个字符串表示二叉树对应的各个节点
   输出: 三行,分别代表前序序列、中序序列和后序序列
   示例输入:
      ABCDEFGHIJ
   示例输出:
      ABDHIEJCFG
      HDIBJEAFCG
      HIDJEBFGCA
*/
#include <stdio.h>
#include <string.h>
int read() {
   int tem;
   scanf("%d",&tem);
   return tem;
}
// 数组代替二叉树
char str[10005];
int n;
void preorder(int i) {
   if(i >= n)
      return;
   printf("%c", str[i]);
   preorder(2 * i + 1);
   preorder(2 * i + 2);
}
void midorder(int i) {
   if(i >= n)
       return;
   midorder(2 * i + 1);
```

```
printf("%c", str[i]);
    midorder(2 * i + 2);
}
void postorder(int i) {
    if(i >= n)
        return;
    postorder(2 * i + 1);
    postorder(2 * i + 2);
    printf("%c", str[i]);
}
int main() {
    gets(str);
    n = strlen(str);
    preorder(0);
    puts("");
    midorder(0);
    puts("");
    postorder(0);
    puts("");
   return 0;
}
```

## 哈夫曼树的带权路径长度

```
/*
   给定叶子结点的权, 求哈夫曼树的带权路径长度
   输入: 第一行一个整数 n, 表示叶子结点的个数; 第二行 n 个整数表示各个节点的权
   输出:一个整数表示带权路径长度
   示例输入:
     5
     3 9 6 2 5
   示例输出:
      55
*/
#include <stdio.h>
int read() {
   int tem;
   scanf("%d", &tem);
   return tem;
}
```

```
int heap[10005];
int n;
void swap(int *a, int *b) {
    int c = *a;
    *a = *b;
    *b = c;
}
// 维护一个小顶堆
void adjust(int i, int n) {
    int j = 2 * i + 1, temp = heap[i];
    while (j < n) {
        if (j < n - 1 \& heap[j] > heap[j + 1])
        if (temp <= heap[j])</pre>
           break;
        heap[(j - 1) / 2] = heap[j];
        j = 2 * j + 1;
    heap[(j-1) / 2] = temp;
}
int pop() {
    int min = heap[0];
    heap[0] = heap[--n];
    adjust(0, n);
    return min;
}
void push(int x, int n) {
    int i = n - 1;
    while (i > 0 \&\& heap[(i - 1) / 2] > x) {
        heap[i] = heap[(i - 1) / 2];
        i = (i - 1) / 2;
    heap[i] = x;
}
int main() {
    n = read();
    for (int i = 0; i < n; i++)
        heap[i] = read();
    // 数组 -> 堆 的初始化操作
    for (int i = (n - 1 - 1) / 2; i >= 0; i--)
        adjust(i, n);
    int ans = 0;
```

```
while (n > 1) {
    int min1 = pop();
    int min2 = pop();
    int sum = min1 + min2;
    ans += sum;
    push(sum, ++n);
}

printf("%d\n", ans);

return 0;
}
```

## 排序与查找

按照 PPT 上实现的排序和查找等可以去第七次作业的第二题、第四题里找代码。

### 字符串排序-二维数组实现

```
对给定的字符串进行字典序排序
   输入:第一行一个整数 n,表示字符串的个数;
      后面 n 行,每行一个字符串,表示待排序的字符串
   输出: n 行,表示排序后的字符串
   示例输入:
      5
      orange
      banana
      undefined
      apple
      otter
   示例输出:
      apple
      banana
      orange
      otter
      undefined
*/
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <stdlib.h>
int read() {
   int tem;
   scanf("%d",&tem);
```

```
return tem;
}
char str[1005][1005];
int cmp(const void *a, const void *b) {
    char *x = (char *)a;
    char *y = (char *)b;
    return strcmp(x, y);
}
int main() {
    int n = read();
    for(int i = 0; i < n; i++)
        scanf(" %s", str[i]);
    qsort(str, n, sizeof(str[0]), cmp);
    for(int i = 0; i < n; i++)
        puts(str[i]);
    return 0;
}
```

## 字符串排序-指针实现

```
/*
   对给定的字符串进行字典序排序
   输入:第一行一个整数 n,表示字符串的个数;
     后面 n 行,每行一个字符串,表示待排序的字符串
   输出: n 行,表示排序后的字符串
   示例输入:
      5
      orange
      banana
      undefined
      apple
      otter
   示例输出:
      apple
      banana
      orange
      otter
      undefined
*/
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <stdlib.h>
int read() {
```

```
int tem;
    scanf("%d",&tem);
    return tem;
}
char* str[1005];
char tem[1005];
int cmp(const void *a, const void *b) {
    char *x = *(char **)a;
    char *y = *(char **)b;
    return strcmp(x, y);
}
int main() {
    int n = read();
    for(int i = 0; i < n; i++) {
        scanf(" %s", tem);
        str[i] = (char *)malloc(strlen(tem) + 1);
        strcpy(str[i], tem);
    }
    qsort(str, n, sizeof(str[0]), cmp);
    for(int i = 0; i < n; i++)
        puts(str[i]);
    return 0;
}
```

### 在大顶堆尾部插入元素调整过程的比较次数

原理: https://www.bilibili.com/video/BV1Eh4y1j7Y1

```
int tem;
    scanf("%d", &tem);
    return tem;
}
int heap[10005];
void swap(int *a, int *b) {
    int c = *a;
    *a = *b;
    *b = c;
}
int main() {
    int n = read();
    for (int i = 0; i < n; i++)
        heap[i] = read();
    int x = read();
    heap[n] = x;
    n++;
    int ans = 0;
    int i = n - 1;
    // 向上调整大顶堆
    while (i > 0) {
        int parent = (i - 1) / 2;
        ans++;
        if (heap[i] > heap[parent]) {
            swap(&heap[i], &heap[parent]);
            i = parent;
        } else {
            break;
        }
    }
    printf("%d\n", ans);
    return 0;
}
```

## 折半查找某元素的比较下标

```
/*
    将若干数据元素依次存放于一个一维数组中,然后采用折半查找方法查找元素12,输出被比较过的数组元素的下标输入:第一行一个整数 n,表示数组中元素的个数;第二行 n 个整数,表示数组中的元素;
    第三行一个整数 x,表示要被查找的元素输出:被比较过的数组元素的下标
```

```
10
        2 4 6 8 10 12 14 16 18 20
        12
    示例输出:
       4 7 5
*/
#include <stdio.h>
#include <string.h>
int read() {
    int tem;
    scanf("%d",&tem);
    return tem;
}
int a[10005];
int main() {
    int n = read();
    for(int i = 0; i < n; i++)
        a[i] = read();
    int x = read();
    int l = 0, r = n - 1;
    while(1 \ll r) {
        int mid = (1 + r) >> 1;
        printf("%d ", mid);
        if(a[mid] < x)
            l = mid + 1;
        else if(a[mid] == x)
            break;
        else
            r = mid - 1;
    }
    return 0;
}
```

## 结构体 qsort

```
/*
结构体排序,先按学生名字字典序排序;当学生名字相同时,按照 id 从小到大排序
输入:
第一行一个整数 n,表示学生数目
接下来 n 行,每行一个整数和一个字符串(不带空格),表示学生 id 和姓名
输出:
n 行,每行输出学生 id 和 name
示例输入:
```

```
5
        1 moca
        2 ran
        3 tsugu
        4 moca
        5 lisi
    示例输出:
        5 lisi
        1 moca
        4 moca
        2 ran
        3 tsugu
*/
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <stdlib.h>
int readInt() {
    int tem;
    scanf("%d",&tem);
    return tem;
}
typedef struct student student;
struct student {
    char name[15];
    int id;
};
student a[20];
int cmp(const void *a, const void *b) {
    student x = *(student *)a;
    student y = *(student *)b;
    if(strcmp(x.name, y.name))
        return strcmp(x.name, y.name);
    return x.id - y.id;
}
int main() {
    int n = readInt();
    for(int i = 1; i <= n; i++)
        a[i].id = readInt(), scanf("%s", a[i].name);
    qsort(a + 1, n, sizeof(a[0]), cmp);
    for(int i = 1; i <= n; i++)
        printf("%d %s\n", a[i].id, a[i].name);
    return 0;
}
```

## 堆排序中获得初始大顶堆

```
堆排序中,用关键字序列创建初始大顶堆,得到的初始大顶堆是什么
   输入:
       第一行一个整数 n, 表示数字个数
      接下来一行输入 n 个整数,用一个空格分隔,表示排序的 n 个数
   输出:
       一行 n 个整数,用一个空格分隔,表示初始大顶堆
   示例输入:
       7
       6 9 1 5 8 4 7
   示例输出:
       9 8 7 5 6 4 1
*/
#include <stdio.h>
#include <string.h>
int readInt() {
   int tem;
   scanf("%d",&tem);
   return tem;
}
int a[100005];
void swap(int *a, int *b) {
   int c = *a;
   *a = *b;
   *b = c;
}
void adjust(int k[], int i, int n) {
   int j, temp;
   temp = k[i];
   j = 2 * i + 1;
   while(j < n) {
       if(j < n - 1 \&\& k[j] < k[j + 1])
          j++;
       if(temp >= k[j])
          break;
       k[(j - 1) / 2] = k[j];
       j = 2 * j + 1;
   k[(j - 1) / 2] = temp;
}
```

```
int main() {
    int n = readInt();

    for(int i = 0; i < n ; i++)
        a[i] = readInt();

// 维护堆
    for(int i = n / 2 - 1; i >= 0; i--)
        adjust(a, i, n);

// 输出初始大顶堆
    for(int i = 0; i < n; i++)
        printf("%d ", a[i]);

return 0;
}</pre>
```

### 冬

### Prim求最小生成树

原理: https://www.bilibili.com/video/BV1CS4y1e7qZ

```
/*
  给出一个无向、无自环、无重边的无向连通图,用 Prim 算法求它的最小生成树
  输入:第一行输入两个数,第一个表示图上点的个数 n (点的编号从 0 到 n-1),
第二个表示图上边的个数 m;
     第二行一个整数,表示第一个加入最小生成树的点;
     后面 m 行,每行代表一条边,四个数字,分别表示边的编号,两个端点编号,边的
权重
  输出: 第一行一个权重,表示最小生成树的权重; 第二行从 n - 1 个整数,表示选取边
的编号, 按加入最小生成树的顺序给出
  示例输入:
     6 10
     1 0 1 600
     2 0 2 100
     3 0 3 500
     4 1 2 500
     5 2 3 500
     6 1 4 300
     7 2 4 600
     8 2 5 400
     9 3 5 200
     10 4 5 600
  示例输出:
```

```
1500
        2 8 9 4 6
*/
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <stdlib.h>
const int INF = 0x3f3f3f3f;
int readInt() {
   int tem;
   scanf("%d",&tem);
   return tem;
}
typedef struct node node;
typedef struct node* nptr;
struct node {
   int id;
   int v;
   int weight;
   nptr next;
};
int vis[10005];
int dis[10005];
int from[10005]; // 记录每个点分别是由哪条边加入的最小生成树
int ans[10005]; // 记录用来构建最小生成树的边集
nptr head[10005];
nptr newnode() { return (nptr)malloc(sizeof(node)); }
nptr getnode(int id, int v, int weight) {
   nptr p = newnode();
   p \rightarrow id = id;
   p \rightarrow v = v;
   p -> weight = weight;
   p -> next = NULL;
   return p;
}
void addedge(int id, int u, int v, int weight) {
    nptr e = getnode(id, v, weight);
   e -> next = head[u];
   head[u] = e;
}
int main() {
   int n = readInt(), m = readInt(), cnt = 0;  // cnt 表示加入最小生成树边
的个数
```

```
int totalWeight = 0;
    int sta = readInt();
    for(int i = 0; i < n; i++)
        if(i != sta)
            dis[i] = INF;
    for(int i = 0; i < m; i++) {
        int id = readInt(), u = readInt(), v = readInt(), weight =
readInt();
        addedge(id, u, v, weight);
        addedge(id, v, u, weight);
    }
    // 每次选择一个距离最小的点加入最小生成树的点集
    for(int i = 0; i < n; i++) {
        int tem = -1, minDis = INF; // 表示当前选择的距离最短的点和最短距离
        for(int j = 0; j < n; j++)
            if(dis[j] < minDis && !vis[j])</pre>
                 minDis = dis[j], tem = j;
        ans[cnt++] = from[tem];
        vis[tem] = 1;
        totalWeight += minDis;
        for(nptr p = head[tem]; p ; p = p -> next)
            if(!vis[p \rightarrow v] \&\& dis[p \rightarrow v] > p \rightarrow weight)
                 dis[p \rightarrow v] = p \rightarrow weight, from[p \rightarrow v] = p \rightarrow id;
    }
    printf("%d\n", totalWeight);
    for(int i = 1; i < n; i++)
        printf("%d ", ans[i]);
    return 0;
}
```

## Kruskal求最小生成树

原理: https://www.bilibili.com/video/BV1yt4y1H7F9

```
/*
    给出一个无向、无自环、无重边的无向连通图,用 Kruskal 算法求它的最小生成树 输入:第一行输入两个数,第一个表示图上点的个数 n (点的编号从 0 到 n - 1),第二个表示图上边的个数 m;
    后面 m 行,每行代表一条边,四个数字,分别表示边的编号,两个端点编号,边的权重 输出:第一行一个权重,表示最小生成树的权重;第二行从 n - 1 个整数,表示选取边的编号,按加入最小生成树的顺序给出 示例输入:
    6 10
```

```
1 0 1 600
       2 0 2 100
       3 0 3 500
       4 1 2 500
       5 2 3 500
       6 1 4 300
       7 2 4 600
       8 2 5 400
       9 3 5 200
       10 4 5 600
   示例输出:
       1500
       2 9 6 8 4
*/
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <stdlib.h>
int read() {
   int tem;
   scanf("%d",&tem);
   return tem;
}
typedef struct edge edge;
struct edge {
   int id;
   int u;
   int v;
   int weight;
};
int f[10005]; // 用来维护并查集
edge e[10005]; // 用来维护所有边
int ans[10005]; // 记录 MST 选择的边
// 查
int find(int i) {
   return f[i] = f[i] == i ? i : find(f[i]);
}
// 并
void link(int u, int v) {
   f[find(u)] = find(v);
}
int cmp(const void *a, const void *b) {
   edge x = *(edge *)a;
```

```
edge y = *(edge *)b;
    return x.weight - y.weight ? x.weight - y.weight : x.id - y.id;
}
int main() {
    int n = read(), m = read();
    for(int i = 0; i < m; i++)
        e[i].id = read(), e[i].u = read(), e[i].v = read(), e[i].weight =
read();
    qsort(e, m, sizeof(e[0]), cmp);
    int totalWeight = 0, cnt = 0;
    // 并查集初始化
    for(int i = 0; i < n; i++)
        f[i] = i;
    for(int i = 0; i < m; i++) {
        if(find(e[i].u) != find(e[i].v))
            ans[++cnt] = e[i].id, totalWeight += e[i].weight, link(e[i].u,
e[i].v);
    }
    printf("%d\n", totalWeight);
    for(int i = 1; i < n; i++)
        printf("%d ", ans[i]);
    return 0;
}
```

## 拓扑排序

原理: https://www.bilibili.com/video/BV17g41197sa

```
/*
  给出一个有向无环图,输出它的拓扑序
  输入: 第一行输入两个数, 第一个表示图上点的个数 n (点的编号从 1 到 n), 第二
个表示图上边的个数 m;
     后面 m 行,每行代表一条边,两个数字,第一个数字代表边的起点,第二个数字代
表边的终点
  输出:一行,表示边的拓扑序
  示例输入:
     6 8
     1 2
     1 4
     2 6
     3 1
     3 4
     4 5
     5 2
     5 6
```

```
示例输出:
       3 1 4 5 2 6
*/
#include <stdio.h>
#include <string.h>
int read() {
   int tem;
    scanf("%d",&tem);
   return tem;
}
// 但是我们期末图不考编程,只考选填,就那么几个点,我就拿临接矩阵建图了
int e[1005][1005];
int vis[1005];
int ans[1005]; // 点的拓扑序
int de[1005]; // 点的入度
int cnt, n, m;
void topoLogic(int i) {
   if(vis[i])
       return;
   vis[i] = 1;
   for(int j = 1; j <= n ; j++)
       if(e[i][j])
           topoLogic(j);
   ans[++cnt] = i;
}
int main() {
   n = read(), m = read();
   for(int i = 0; i < m; i++) {
       int u = read(), v = read();
       e[u][v] = 1, de[v]_{++};
   }
   for(int i = 1; i <= n; i++)
       if(de[i] == 0)
           topoLogic(i);
   for(int i = n; i >= 1; i--)
       printf("%d ", ans[i]);
   return 0;
}
```

### 迪杰斯特拉求单源最短路

原理: https://www.bilibili.com/video/BV1Ya411L7gb

```
/*
   给出一个有向无环图, 求指定原点到指定终点的最短路
   输入: 第一行输入两个数,第一个表示图上点的个数 n (点的编号从 1 到 n),第二
个表示图上边的个数 m;
      第二行输入两个数字,表示起点和终点编号
     后面 m 行,每行代表一条边,三个数字,第一个数字代表边的起点,第二个数字代
表边的终点,第三个代表边的权重
   输出:第一行一个整数,代表最短路长度;
      第二行输出从起点到终点经过的所有顶点的编号,若有多种最优方案输出数字字典
序最小的一个
   示例输入:
     7 10
      1 7
      1 2 3
      1 3 2
      1 4 3
      2 3 3
      2 5 1
      3 5 3
      6 3 1
      4 6 3
      5 7 1
      6 7 5
   示例输出:
     1 2 5 7
*/
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <stdlib.h>
int read() {
   int tem;
   scanf("%d",&tem);
   return tem;
}
const int INF = 0x3f3f3f3f;
typedef struct node node;
typedef struct node* nptr;
struct node {
```

```
int v;
    int weight;
    nptr next;
};
nptr head[10005]; // 邻接表数组
int from[10005]; // 每个点被谁更新
int dis[10005];  // 每个点的最短距离 int vis[10005];  // 每个点是否被访问
int road[10005]; // 记录从起点到终点的路径
nptr newnode() { return (nptr)malloc(sizeof(node)); }
nptr getnode(int v, int weight) {
    nptr p = newnode();
    p \rightarrow v = v;
    p -> weight = weight;
    p -> next = NULL;
    return p;
}
void addedge(int u, int v, int weight) {
    nptr p = getnode(v, weight);
    p -> next = head[u];
    head[u] = p;
}
int main() {
    int n = read(), m = read();
    int sta = read(), end = read();
    for(int i = 0; i < m; i++) {
        int u = read(), v = read(), weight = read();
        addedge(u, v, weight); // 单向边
    }
    for(int i = 1; i <= n; i++)
        if(i != sta)
             dis[i] = INF;
    for(int i = 1; i <= n; i++) {
        int tem = -1, minDis = INF;
        for(int j = 1; j <= n ; j++)
             if(!vis[j] && dis[j] < minDis)</pre>
                 minDis = dis[j], tem = j;
        vis[tem] = 1;
        for(nptr p = head[tem]; p ; p = p -> next)
             if(!vis[p \rightarrow v] \& p \rightarrow weight + dis[tem] < dis[p \rightarrow v])
                 dis[p \rightarrow v] = p \rightarrow weight + dis[tem], from[p \rightarrow v] = tem;
    }
    printf("%d\n", dis[end]);
```

```
int tem = end, cnt = 0;
while(tem) {
    road[++cnt] = tem;
    tem = from[tem];
}

for(int j = cnt; j > 0 ;j--)
    printf("%d ", road[j]);

return 0;
}
```

## 文件

## 文件读写 freopen

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
// 文件读写的前提是输入文件存在
int readInt() {
   int tem;
   scanf("%d",&tem);
   return tem;
}
int a[105];
int main() {
   freopen("in.txt", "rb", stdin);
   int n;
   // 假设先从文件中读入 n, 再读入 n 个整数
   n = readInt();
   for(int i = 1; i <= n; i++)
       scanf("%d", &a[i]);
   // 再将 n 个整数输出到文件中
   freopen("out.txt", "wb", stdout);
   for(int i = 1; i <= n; i++)
       printf("%d\n", a[i]);
   return 0;
}
```

## 文件读写 fscanf

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
// 文件读写的前提是输入文件存在
int readInt() {
   int tem;
   scanf("%d",&tem);
   return tem;
}
int a[105];
int main() {
   FILE *in = fopen("in.txt", "rb");
   int n;
   // 假设先从文件中读入 n, 再读入 n 个整数
   fscanf(in, "%d", &n);
   for(int i = 1; i <= n; i++)
       fscanf(in, "%d", &a[i]);
   // 再将 n 个整数输出到文件中
   FILE *out = fopen("out.txt", "wb");
   for(int i = 1; i \le n; i++)
       fprintf(out, "%d\n", a[i]);
   return 0;
}
```