

Semestrální práce z KIV/PC

Vyhledávání cest v grafu technikou DFS

Petr Hlaváč A15B0037P petrh@students.zcu.cz

Obsah

1	Zad	lání	2
	1.1	Popis činnosti programu	3
		1.1.1 Specifikace výstupu programu	3
		1.1.2 Řazení výstupu	3
	1.2	Podrobné zadání	1
2	Ana	alýza úlohy	2
	2.1	Načtení vstupních dat	2
	2.2	Vybrání vhodné datové struktury	3
		2.2.1 Matice sousednoti	3
		2.2.2 Spojový seznam	4
	2.3	Modifikace algoritmu DFS	4
		2.3.1 Ukončovací podmínky	5
		2.3.2 Ukládání cest	5
	2.4	Vypisování výsledných cest	6
3	Implementace		7
	3.1	main	7
	3.2	dataloader	7
	3.3	date	8
4	Uži	vatelská příručka	9
5	Záv	ěr	10

1 Zadání

Naprogramujte v ANSI C přenositelnou **konzolovou aplikaci**, která bude **procházet graf technikou DFS** (Depth–First–Search). Vstupem aplikace bude soubor s popisem grafu. Výstupem je pak odpovídající výčet všech cest mezi požadovanými uzly.

Program se bude spouštět příkazem **dfs.exe** <soubor-grafu> <id1> <id2> <maxD>

- Symbol <soubor-grafu> zastupuje parametr název vstupního souboru se strukturou grafu.
- Následují identifikátory (dále jen id) dvou uzlů v grafu <id1> a <id2>, mezi kterými bude spouštěn proces hledání cest.
- <maxD> je parametr popisující maximální délku cest, které mají být nalezeny.

Vámi vyvinutý program tedy bude vykonávat následující činnosti.

- 1. Při spuštění bez potřebných parametrů vypíše nápovědu pro jeho správné spuštění a ukončí se.
- 2. Při spouštění s parametry načtě zadaný vstupní soubor do vhodné struktury reprezentující graf a mezi zadanými uzly najde všechny cesty, jejichž délka nepřekročí konstatnu nastavenou vstupním parametrem.

Váš program může být během testování spuštěn například takto:

dfs.exe graph.csv 1 2 4

Při tomto spuštění program vyhledá všechny cesty délky 1 až 4 mezi uzly 1 a 2.

Hotovou práci odevzdejte v jediném archivu typu ZIP prostřednictvím automatického odevzdávacího a validačního systému. Postupujte podle instrukcí uvedených na webu předmětu. Archiv nechť obsahuje všechny zdrojové soubory potřebné k přeložení programu, **makefile** pro Windows i Linux a dokumentaci ve formátu PDF vytvořenou v typografickém systému TEX, resp. LATEX.

1.1 Popis činnosti programu

Program načte vstup ve formátu CSV, který vhodným zbůsobem uloží do paměti pro pozdější prohledávání. Následně spustí algoritmus, jehož výstupem bude seznam všech cest mezi dvěma uzly, které bude vypisovat na standardní výstup ve formátu popsaném dále.

1.1.1 Specifikace výstupu programu

Program bude na standardní výstup vypisovat jednotlivé cesty. Vždy na jeden řádek právě jednu cestu. Cesty budou popsány posloupností id jenotlivých uzlů oddělených pomlčkou (tj. znakem minus, "-"). následovat bude středník a popisky jednotlicých hran v grafu oddělené čárkou. Za posledním středníkem bude uvedena hodnota sekundární metriky - relevance cesty, podle které budou cesty seřazeny (viz Řazení výstupu).

Například tedy pro hledání cest mezi uzly A a B:

```
A-B;h_1;m_1

A-F-B;h_2,h_3;m_{2,3}

A-W-B;h_4,h_5;m_{4,5}

A-F-O-B;h_2,h_6,h_7;m_{2,6,7}
```

Kde A, B, F, W, F, ... jsou popisky uzlů grafu, h_n jsou ohodnocení hran a $m_{c1.c2...cn}$ je hodnota metrika relevance nalezené cesty.

1.1.2 Řazení výstupu

Cesty budou na standardním výstupu seřazeny podle jejich délky. Pokud bude nalezeno více cest stejné dálky, budou seřezeny podle jejich relevance následujícím způsobem. Popisky grafu nesou informaci o kalendářním datu ve formátu YYYY–MM–DD. Každá cesta budde tedy ohodnocena celým číslem, které bude odpovídat rozdílu v počtu dní mezi nejstarším a nejnovějším datem, následně budou podle toho čísla cesty se shodnou délkou seřazeny vzestupně.

Pokud tedy nalezete cestu, kterou budou tvořit tyto 4 hrany s hodnotami:

```
2000-01-15,
2000-01-04,
2000-01-19,
```

2000-01-24,

vypočte se hodnota metriky jako počet dnů mezi daty 2000–01–04 a 2000–01–24, což je 20.

1.2 Podrobné zadání

Originální nezkrácené zadání je možné nalézt na adrese:

http://www.kiv.zcu.cz/studies/predmety/pc/doc/work/sw2017-02.pdf

2 Analýza úlohy

Úloha se skládá z následujícíh kroků:

- 1. Načtení vstupních dat.
- 2. Vybrání vhodné datové struktury.
- 3. Modifikace algoritmu DFS pro hledání všech cest mezi dvěma body.
- 4. Vypisování výsledných cest.

2.1 Načtení vstupních dat

CSV nebo-li Comma-separeted-values je jednoduchý souborový formát určený pro výměnu tabulkových dat.

Ukázka vstupního souboru ve formátu CSV

```
\begin{array}{c} 1;2;2007-02-16 \\ 1;2;2008-02-15 \\ 1;3;2007-10-26 \\ 1;4;2007-10-30 \\ 3;2;2007-10-11 \\ 3;6;2007-06-14 \\ 3;7;2007-08-14 \\ 3;9;2008-03-05 \\ 4;2;2007-10-05 \\ 5;1;2007-02-04 \end{array}
```

Data jsou formátovány ve stylu idUzlu1; idUzlu2; hodnotaHrany

Jedna řádka vstupního souboru představuje jednu hranu. Bude tedy vhodné načítat a zpracovávat data po řádcích. Formát CSV nám práci s daty velmi ulehčí, neboť nebude příliš náročné data v řádce rozdělit za pomoci znaku ";".

2.2 Vybrání vhodné datové struktury

Pro reprezentaci grafu se využívají následující struktury:

- 1. Matice sousednosti
- 2. Spojový seznam

2.2.1 Matice sousednoti

Matice sousednosti má velikost $V \times V$ kde V je počet uzlů. Vzhledem k faktu, že máme ohodnocené hrany grafu vložíme na pozice v matici, kde se nachází hrana její hodnotu a na pozice kde hrana není nějakou specialní hodnotu v našem případě (NULL). Hrany v grafu jsou zadány jako neorientované, tudíž matice bude symetrická viz vzorová matice stavené pro výše zmíněná vstupní data.

```
0
    1
          2
                 3
                       4
                             5
                                    6
                                          7
                                                 8
                                                       9
                                              NULL
  NULL
                                        NULL
1
        h1, h2
                h3
                       h4
                             h10
                                  NULL
                                                     NULL
2
                h5
                       h9
                                        NULL
  h1. h2
        NULL
                           NULL
                                  NULL
                                               NULL
                                                     NULL
3
          h5
               NULL
                           NULL
                                   h6
                                          h7
                                               NULL
                                                       h8
   h3
                     NULL
4
          h9
               NULL
                     NULL
                           NULL
                                  NULL
                                        NULL
                                              NULL
   h4
                                                     NULL
        NULL
                                  NULL
5
   h10
               NULL
                     NULL
                           NULL
                                        NULL
                                               NULL
                                                     NULL
6
 NULL
        NULL
                h6
                     NULL
                           NULL
                                  NULL
                                        NULL
                                               NULL
                                                     NULL
7
  NULL
        NULL
                h7
                     NULL
                           NULL
                                  NULL
                                        NULL
                                               NULL
                                                     NULL
 NULL NULL
              NULL
                    NULL
                           NULL
                                 NULL
                                        NULL NULL
                                                     NULL
                     NULL NULL NULL NULL NULL
9
 NULL NULL
                h8
                                                    NULL
```

Neboť je matice pro orientované hrany simetrické, lze ji z paměťových důvodů polovinu zanedbat. Uložená matice by tedy vypadala takto.

```
2
                 3
0
    1
                       4
                              5
                                    6
                                                 8
                                                       9
1
  NULL
2
  h1, h2
        NULL
               NULL
3
   h3
          h5
4
   h4
          h9
               NULL
                     NULL
5
   h10
        NULL
               NULL
                     NULL
                           NULL
6
  NULL
        NULL
                h6
                     NULL
                           NULL
                                  NULL
  NULL
                     NULL
                                  NULL
        NULL
                h7
                           NULL
                                        NULL
  NULL
        NULL
              NULL
                     NULL
                           NULL
                                  NULL
                                        NULL
                                               NULL
 NULL NULL
                     NULL NULL NULL NULL NULL NULL
                h8
```

Pokud se na tuto matici podíváme pozorně zjistíme, že jde v podstatě o reprezentaci Spojovým seznamem. Jedinou výhodou je přístup na dané hrany ve složitosti O(1), neboť matice je reprezentována polem. Tato výhoda má ale ovšem i negativa. Spočívají v tom, že je třeba uložit pole, které je stejně veliké jako id největšího vrcholu v našem grafu. V případě, který nastal i zde, je tedy možné že budeme mít v maticí řádky, které jsou uloženy zcela zbytečně například řádek číslo 8.

Další nevýhodou, které si můžeme všimnout je násobnost hran. Abychom v matici uchovali více hran mezi dvěma vrcholy. Musí být hrany v matici reprezentovány spojovým seznamem nebo polem. V případ volby pole by každé přidání nové hrany znamenalo zvětší pole o jedna a přepsání všech hodnot do nového pole, což je v při načítání velkého grafu velmi neefektivní. Vhodnější je tedy spojový seznam.

Výsledkem této reprezentace je tedy matice spojových seznamů. Velkou výhodou je přístup k hranám vrcholů vO(1). Nevýhodou může být v některých případech grafů zbytečně velká paměťová složitost a také složitost implementace.

2.2.2 Spojový seznam

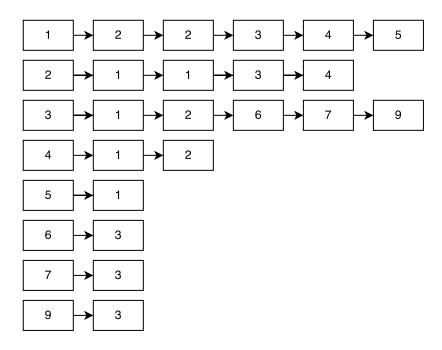
Struktura spojového seznamu znamené, že máme pro každý vrchol vytvořen spojový seznam hran, které z něho vycházejí a v kterých je uloženo id souseda a ohodnocení hrany. Spojový seznam pro výše zmíněna data by vypadal takto.

Neorientované hrany jsou vyřešené přidáním stejné hrany k obou vrcholům. Násobné hrany v této implementaci nedělají žádný problém.

Vrcholy grafu je možné mít uložené v poli nebo spojovém seznamu. Výhoda pole je přístup k hraném v O(1). Nevýhodou je pamětová náročnost v případě nevyužítí všech indexů pole. Spojový seznam má přístup k vrcholům v O(n), což může program značně zpomalovat v případě velkého počtu vrcholů v grafu. Vhodná volba tedy záleží hlavně na znalosti vstupních dat.

2.3 Modifikace algoritmu DFS

Vyjdeme ze základního algoritmu DFS neboť nám byl pevně stanovem zadáním úlohy.



Obrázek 2.1: Reprezentace grafu spojovým seznamem

2.3.1 Ukončovací podmínky

Ze zadání víme, že naše prohledávání bude omezeno hloubkou. Dále bylo také řečeno, že se jedná o cestu. Cesta v grafu je definová jako posloupnost vrcholů ve které není žádný vrchol obsažen dvakrát. Známe tedy dvě hlavní podmínky pro ukončení prohledávání do hloubky. První je maximální hloubka, kterou dostaneme zadanou při spuštění programu a druhá je v případě, že aktuální hledaná cesta již obsahuje daný vrchol.

2.3.2 Ukládání cest

Nyní již máme vhodný způsob jak v daném grafu cesty hledat. Bylo by ale také vhodné si je někam ukládat. Budeme si proto při každém nalezení vrcholu ukládat předchůdce, nebo-li vrchol ze kterého sme se do nově nalezeného vrcholu dostali. Vznikne nám tedy u každého vrcholu seznam předchůdců. Pokud půjdeme po jednotlivých předchůdcích dostaneme cestu z danného vrcholu do vrcholu, ze kterého sme prohledávání začali. Vrchol bude obsahovat tolik předchudců, kolik existuje cest z výchozího vrcholu do námi zkoumaného vrcholu.

Seznam předchůdcu pro jednotlivé vrcholy by pro vzorová vstupní data a vzorové spuštění programu vypadal takto:

```
1()
2(1,1,3,4)
3(2,2,1,2)
4(2,2,2,1)
5(1)
6(3,3,3,3)
7(3,3,3,3)
9(3,3,3,3)
```

Hodnota před závorkou značí id vrcholu hodnoty v závorce pak id předchudců. Při přidávání předchudců bude také vhodné přidávat ohodnocení jejich hran aby bylo možné zpětně sestavit i ohodnocení dané cesty.

2.4 Vypisování výsledných cest

Vzhledem k metodě ukládání cest nemáme cesty seřazené ani podle ohodnocení ani podle délky. Nejvhodnější tedy bude u každé cesty vypočítat její ohodnocení, délku a poté je setřídit.

Setřízení je možné provéct více způsoby například:

- 1. Polem (kde uložíme id cesty,ohodnocení a délku), následně pole uspořádáme a budeme cesty vypisovat podle jednotlivých indexů.
- 2. Spojovým seznam, kde nově přidanou cestu zařadíme na pozici určenou jejím ohodnocením.

Spojový seznam se zde zdá jako vhodnější varianta, neboť výsledkem bude uspořádaný seznam cest, které už bude stačit pouze vypsat ve formátu uvedeném v zadání.

3 Implementace

Dle zadání byla sestavena přenositelná konzolová aplikace naprogramována v jazyce ANSI C. Program je rozdělen do 9 modulů. Každá část kromě (**main**) se skládá z hlavičkového souboru s příponou .h a zdrojového textu s výkoným kódem s příponou .c.

- 1. main
- 2. dataloader
- 3. date
- 4. graph
- 5. neighbours
- 6. paths
- 7. predecessors
- 8. search
- 9. stack

3.1 main

Modul main se stará o kontrolu argumentů převzatých z příkazové řádky. Kontroluje jejich počet správný typ a předává je modulu dataloader a modulu search. Při špatném počtu parametrů vypíše návod jak správně aplikaci spustit. V případě nevalidního parametru vypíše, který to byl.

3.2 dataloader

Modul dataloader se stará o načítání dat ze souboru a vytváří z nich datovou strukturu grafu. Data jsou načítány po řádcích funkcí **fgets()**. Jako maximální počet znaků načtených z řádky je zvolena hodnota 36. K tomu číslu sme dospěli započítáním počtu znaků dvou integeru, dvou středníků a datumu ve formátu YYYY-MM-DD. Poté jsou pomocí funkce **strtok()** rozdělí na data idUzlu1, idUzlu2 a hodnotuHrany. Tyto informace jsou uložené do datové struktury v modulu graph.

3.3 date

Modul date je pouze podmožinou struktury tm z modulu <time.h> obsahuje celkem 3 hlavní funkce první je vytvoření struktury date z textu ve formátu YYYY-MM-DD a porovnání dvou datumů. Poslední funkce slouží k získání rozdílu dvou datumů ve dnech. Tato funkce je realizována pomocí modulu <time.h> a jeho metody difftime().

4 Uživatelská příručka

5 Závěr