

# AKADEMIA NAUK STOSOWANYCH W NOWYM SĄCZU

Wydział Nauk Inżynierskich  
Katedra Informatyki

## DOKUMENTACJA PROJEKTOWA ZAAWANSOWANE PROGRAMOWANIE

### **Drzewo BST działające na sterce w języku C++**

Autor:  
Mateusz Smaga  
Kamil Trzópek

Prowadzący:  
mgr inż. Dawid Kotlarski

Nowy Sącz 2024

## **Spis treści**

|                                     |           |
|-------------------------------------|-----------|
| <b>1. Ogólne określenie wymagań</b> | <b>3</b>  |
| <b>2. Analiza problemu</b>          | <b>4</b>  |
| <b>3. Projektowanie</b>             | <b>8</b>  |
| <b>4. Implementacja</b>             | <b>15</b> |
| <b>5. Wnioski</b>                   | <b>22</b> |
| <b>Literatura</b>                   | <b>23</b> |
| <b>Spis rysunków</b>                | <b>24</b> |
| <b>Spis listingów</b>               | <b>25</b> |

## 1. Ogólne określenie wymagań

Zadanie w projekcie jest napisanie programu przedstawiające strukturę „drzewa BST” działającego na sterce w języku C++. Drzewo winno być zaimplementowana w klasie. Funkcjonalność (metod) drzewa:

- - Dodaj element,
- - Usuń element,
- - Usuń całe drzewo,
- - Szukaj drogi do podanego elementu,
- - Wyświetl drzewo graficznie na ekranie, użytkownik wybiera metodę podczas wyświetlania (metody preorder, inorder, postorder) [oprogramuj wszystkie trzy],
- - Zapis do pliku tekstowego wygenerowanego drzewa,

W drugiej klasie należy zaimplementować (metody) zapis do pliku i odczyt z pliku utworzonego drzewa BTS (plik musi być zapisany binarnie). Funkcja main powinna wyświetlać menu z opcjami drzewa oraz odczytu i zapisu pliku. Program czeka na wybranie opcji. Wszystkie utworzone klasy mają być zaimplementowane w oddzielnych plikach. Funkcja main także powinna być w osobnym pliku.

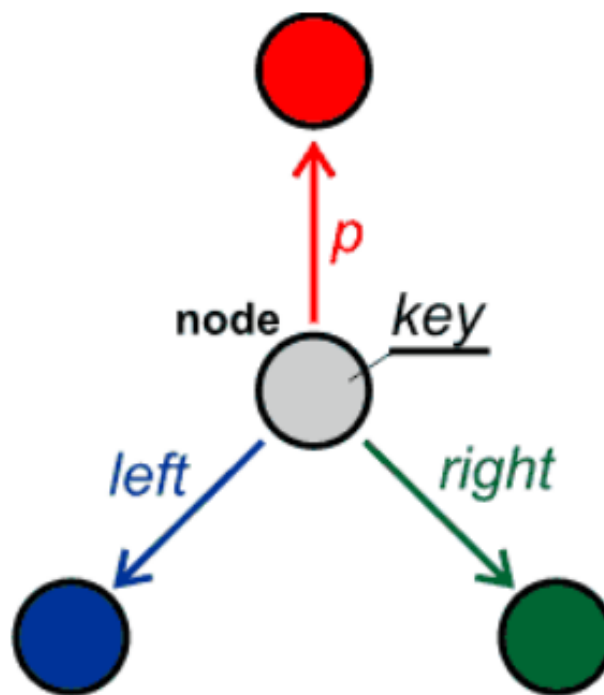
Przy oddawaniu projektu należy zaprezentować:

- - Co najmniej 5 commit’ów (każdej osoby),
- - Najpierw jedna osoba tworzy gałąź i po kilku comitach ją scala. Po scaleniu druga osoba
- - tworzy gałąź i po kilku comitach ją scala do głównej gałęzi ,
- - Obie osoby w grupie mają utworzyć nowe gałęzie (w jednym punkcie obie osoby zaczynają pracę równoległą), a po kilku comitach wykonują scalenie do głównej gałęzi,
- - Co najmniej 6 konfliktów, które należy rozwiązać (3 jedna osoba, 3 druga osoba) przy scalaniu gałęzi (w wcześniejszych punktach),

## 2. Analiza problemu

Drzewa poszukiwań binarnych - BST

Drzewo poszukiwań binarnych BST (ang. Binary Search Tree) jest dynamiczną strukturą danych zbudowaną z węzłów (ang. node). Każdy węzeł może posiadać dwóch potomków (left - lewy i right - prawy) oraz jednego przodka (p - parent)(2.1). Z każdym węzłem dodatkowo związany jest klucz (key) (link do strony z której pochodzą grafiki, oraz informacje [1])

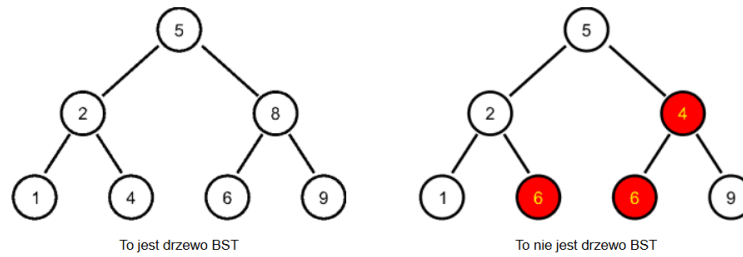


Rys. 2.1. node schemat

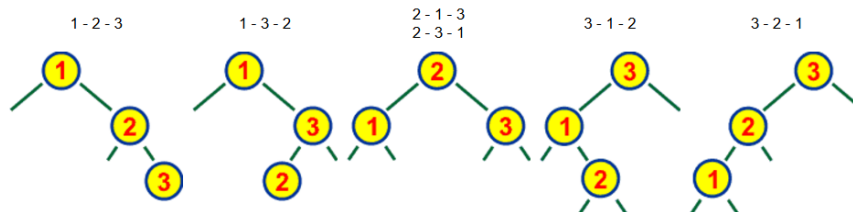
Dla każdego węzła w drzewie BST zachodzą następujące własności 2.2:

- Wartości kluczy węzłów leżących w prawym poddrzewie węzła są większe lub równe wartości klucza danego węzła.
- Wartości kluczy węzłów leżących w lewym poddrzewie węzła są mniejsze lub równe wartości klucza danego węzła.

Ważnym jest że zależności od kolejności wprowadzania danych do drzewa BST mogą powstać różne konfiguracje węzłów 2.3.



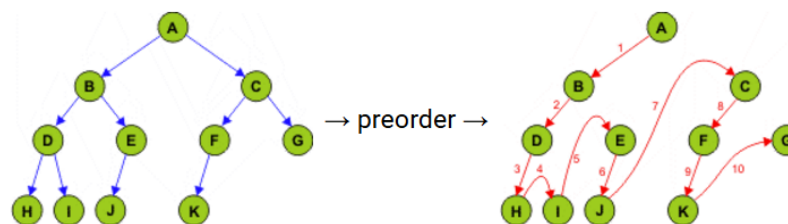
**Rys. 2.2.** node schemat



**Rys. 2.3.** node różnica

Przedstawienie działania metod sortowania drzewa BTS: (postorder, inorder, preorder) (strona referencyjna: [2])

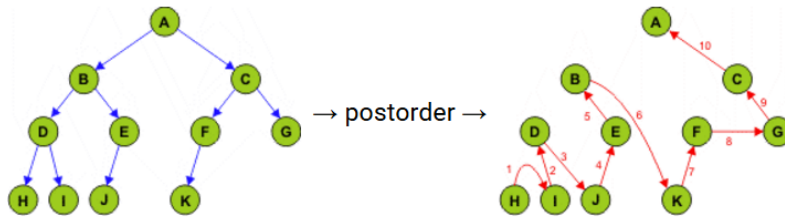
Preorder to metoda przeglądania drzewa binarnego, w której odwiedza się węzeł bieżący przed jego lewym i prawym poddrzewem (kolejność: węzeł -> lewe poddrzewo -> prawe poddrzewo). Stosuje się ją często w rekursywnych algorytmach przetwarzania drzew, odwiedzając każdy węzeł dokładnie raz (rys: 2.4).



**Rys. 2.4.** preorder

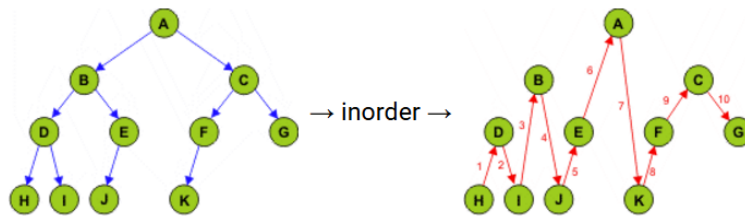
Postorder to metoda przeglądania drzewa binarnego, w której odwiedza się najpierw lewe poddrzewo, potem prawe poddrzewo, a na końcu bieżący węzeł (kolejność: lewe poddrzewo -> prawe poddrzewo -> węzeł). Ta metoda jest używana m.in. do usuwania drzewa lub oceny wyrażeń w notacji polskiej odwrotnej (rys: 2.5).

Inorder to metoda przeglądania drzewa binarnego, w której odwiedza się najpierw lewe poddrzewo, następnie bieżący węzeł, a na końcu prawe poddrzewo (ko-



Rys. 2.5. postorder

lejność: lewe poddrzewo -> węzeł -> prawe poddrzewo). Stosuje się ją, gdy chce się uzyskać elementy drzewa w kolejności rosnącej, np. w drzewach poszukiwań binarnych (BST) (rys: 2.6).



Rys. 2.6. inorder

```

1
2
3 int BSTminkey(BSTNode * root)
4 {
5     BSTNode * x = root;
6
7     while((x->left) x = x->left;
8
9     return x->key;
10 }

```

Listing 1. BTS

Wyszukiwanie rozpoczynamy od korzenia drzewa BST, przechodzimy przez poszczególne węzły drzewa BST zaawsze wybierając lewo (listninig:1)

```

1
2 struct Node {
3     int key;
4     Node* left;
5     Node* right;

```

```
6     Node(int k) : key(k), left(nullptr), right(nullptr) {}
7 };
8
9 Node* insert(Node* root, int key) {
10     if (!root)
11         return new Node(key);
12     if (key < root->key)
13         root->left = insert(root->left, key);
14     else
15         root->right = insert(root->right, key);
16     return root;
17 }
```

**Listing 2. BTS**

Założenie konstrukcji wsawiania do drzewa BTS (listnini:2)

```
1
2 Node* search(Node* root, int key) {
3     if (!root || root->key == key)
4         return root;
5     if (key < root->key)
6         return search(root->left, key);
7     return search(root->right, key);
8 }
```

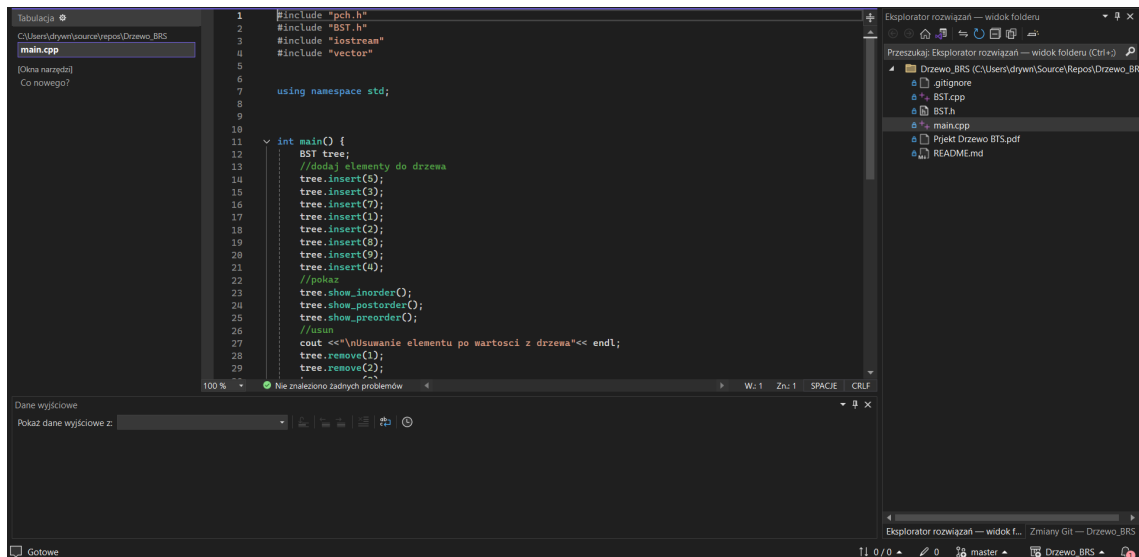
**Listing 3. BTS**

Przykładowa konstrukcja kodu do Wyszukiwania w drzewie BTS 3

### 3. Projektowanie

Program do projektu został napisany w języku programowania C++, przy użyciu edytora Visual Studio Code 3.1. Repozytorium projektu zostało utworzone w serwisie Github (link [3]), także dokumentacja została wygenerowana automatycznie przy użyciu "Doxywizard" obsługiwana przez program doxygen. (link do pobrania doxygen [4]) (link Visual Studio: [5])

Program został wykonany w edytorze kodu visual studio 2022 3.1. Edytor został podpięty do repetytorium git (sklonowany), oraz edytowany i zapisywany krok po kroku.



Rys. 3.1. visual 1









Projekt Drzewa BTS został wykonany wspólnie za pomocą githuba na różnych gałęziach pozwalających na wspólną pracę takich jak master (całość już działającego kodu) 3.2, dev (gałąź zawierającą całość zmian przed omówieniem, oraz po)3.3, latex (osobna gałąź przechowująca kod latex,doxygen, oraz pdf z dokumentacją, oraz zmiany w niej wprowadzane) 3.4

Całość konstrukcji repetytorium można zabaczyć za zrzucie 3.5, przedstawiające powiazania i konflikty między dev a master, oraz odosobnienie gałęzi latex.









Przedstawienie przykładowego konfliktu (rys: 3.6) po przez narzędzie github, oraz przedstawienie jego roziwiązania i wpływu na wykres (rys: 3.7)

Poza tym do projektu została wygentowania dokumentacja za pomocą programu doxywizard (doxygen), wybieranie z czego ma zastać wgenerowana dokumntacja 3.8,











|   |                              |                        |  |
|---|------------------------------|------------------------|--|
|  Mitrivxxx back to dev |                              | daeba4d · 17 hours ago |  30 Commits |
|  .gitignore            | modyfikacja pliku .gitignore | last week              |  |
|  BST.cpp               | kontrolny                    | 18 hours ago           |  |
|  BST.h                 | kontrolny                    | 18 hours ago           |  |
|  Prjekt Drzewo BTS.pdf | Add files via upload         | last week              |  |
|  README.md             | Create README.md             | last week              |  |
|  main.cpp              | back to dev                  | 17 hours ago           |  |

Rys. 3.2. github 1

|   |                              |                        |  |
|---|------------------------------|------------------------|--|
|  Mitrivxxx back to dev |                              | b199c86 · 17 hours ago |  31 Commits |
|  .gitignore            | modyfikacja pliku .gitignore | last week              |  |
|  BST.cpp               | kontrolny                    | 18 hours ago           |  |
|  BST.h                 | kontrolny                    | 18 hours ago           |  |
|  Prjekt Drzewo BTS.pdf | Add files via upload         | last week              |  |
|  README.md            | Create README.md             | last week              |  |
|  main.cpp            | back to dev                  | 17 hours ago           |  |

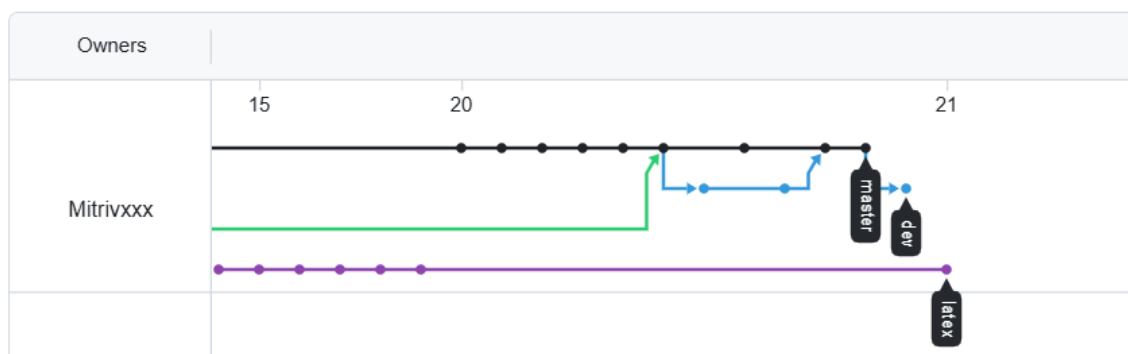
Rys. 3.3. github 2

|  |                            |                       |  |
|--|----------------------------|-----------------------|--|
|  Drywno kolejne dopiski |                            | 02a2501 · 3 hours ago |  24 Commits |
|  BST.h                  | Dodaj do element do drzewa | last week             |  |
|  BYS true.zip           | Add files via upload       | last week             |  |
|  BYS_true.pdf           | Add files via upload       | last week             |  |
|  Drzewo BTS.pdf         | kolejne dopiski            | 3 hours ago           |  |
|  Drzewo BTS.zip         | kolejne dopiski            | 3 hours ago           |  |
|  README.md              | Create README.md           | last week             |  |

Rys. 3.4. github 3

jaki typ dokumentacji na zstac wygenetowany 3.9, oraz gdzie ma ona zostać zapisana po generacji (w razie braku jest to miejsce z którego bierzemy dane) 3.10

Gotowy i wygenerowany dokument w doxygen (rys: 3.11)



Rys. 3.5. github wykres drzewa

```
<<<<<< HEAD
//to jest kod osoby 1
//funkcja 1
//funkcja 2
//funkcja 3

// to jest osoba 2
//Funkcja 4
//Funkcja 5
//jakas zmiana

//osoba 3 dodaje kod
=====
//dev
//konflikt
>>>>>> dev

int main() {
    BST tree;
    //dodaj elementy do drzewa
    tree.insert(5);
}
```

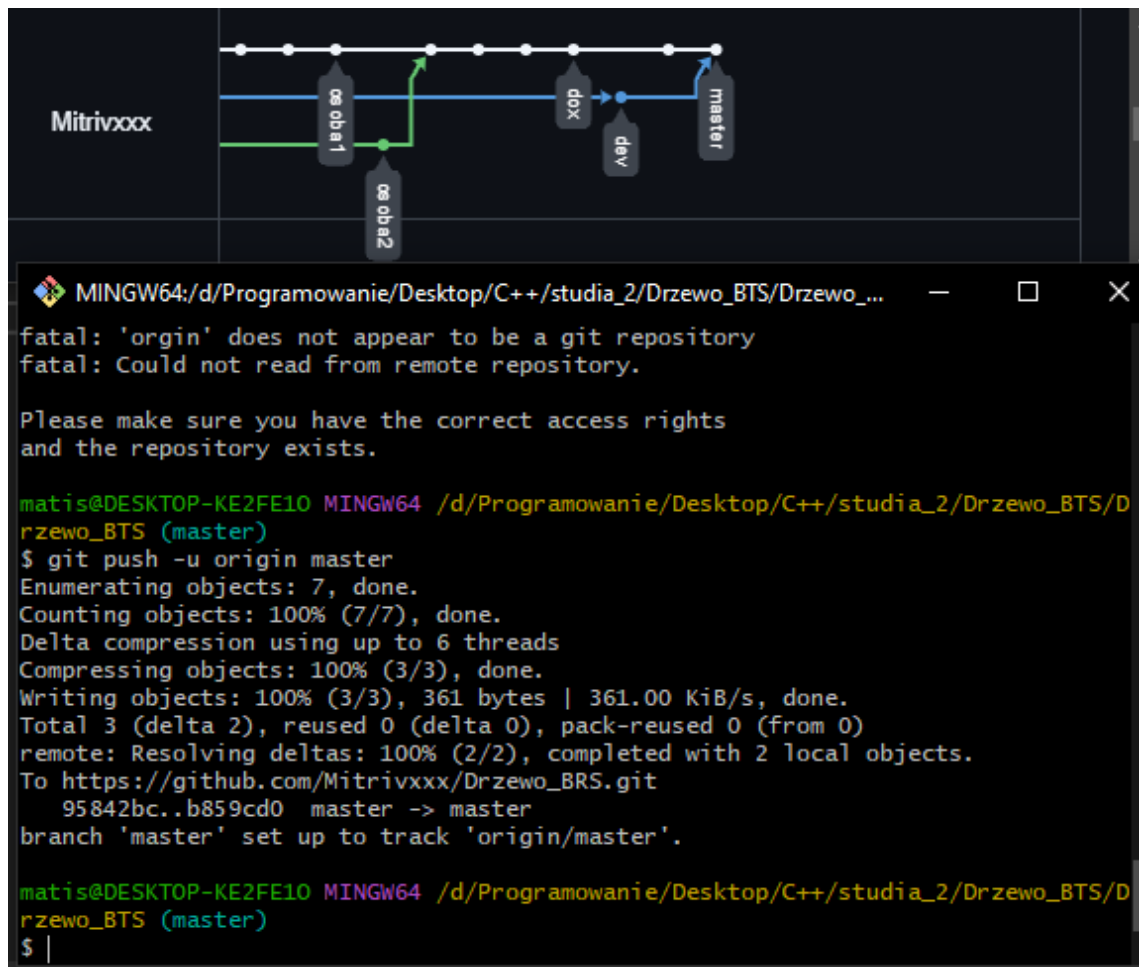
```
MINGW64/d/Programowanie/Desktop/C++/studia_2/Drzewo_BTS/Drzewo_...
Delta compression using up to 6 threads
Compressing objects: 100% (3/3), done.
Writing objects: 100% (3/3), 296 bytes | 296.00 KiB/s, done.
Total 3 (delta 2), reused 0 (delta 0), pack-reused 0 (from 0)
remote: Resolving deltas: 100% (2/2), completed with 2 local objects.
To https://github.com/Mitrivxxx/Drzewo_BRS.git
   edf29a9..33d1be1  dev -> dev

matis@DESKTOP-KE2FE10 MINGW64 /d/Programowanie/Desktop/C++/studia_2/Drzewo_BTS/D
rzewo_BTS (dev)
$ git checkout master
Switched to branch 'master'
Your branch is up to date with 'origin/master'.

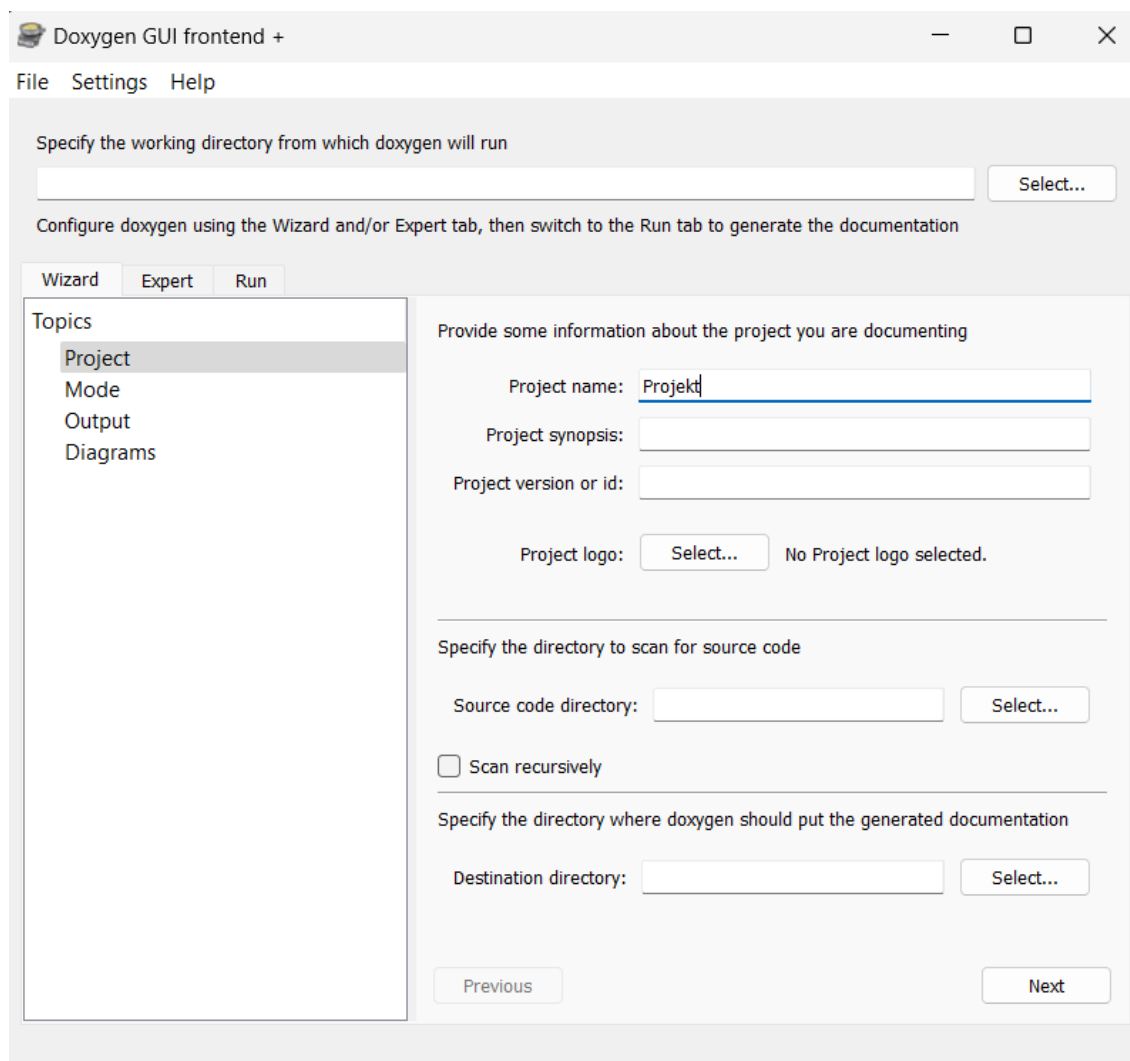
matis@DESKTOP-KE2FE10 MINGW64 /d/Programowanie/Desktop/C++/studia_2/Drzewo_BTS/D
rzewo_BTS (master)
$ git merge dev
Auto-merging main.cpp
CONFLICT (content): Merge conflict in main.cpp
Automatic merge failed; fix conflicts and then commit the result.

matis@DESKTOP-KE2FE10 MINGW64 /d/Programowanie/Desktop/C++/studia_2/Drzewo_BTS/D
rzewo_BTS (master|MERGING)
```

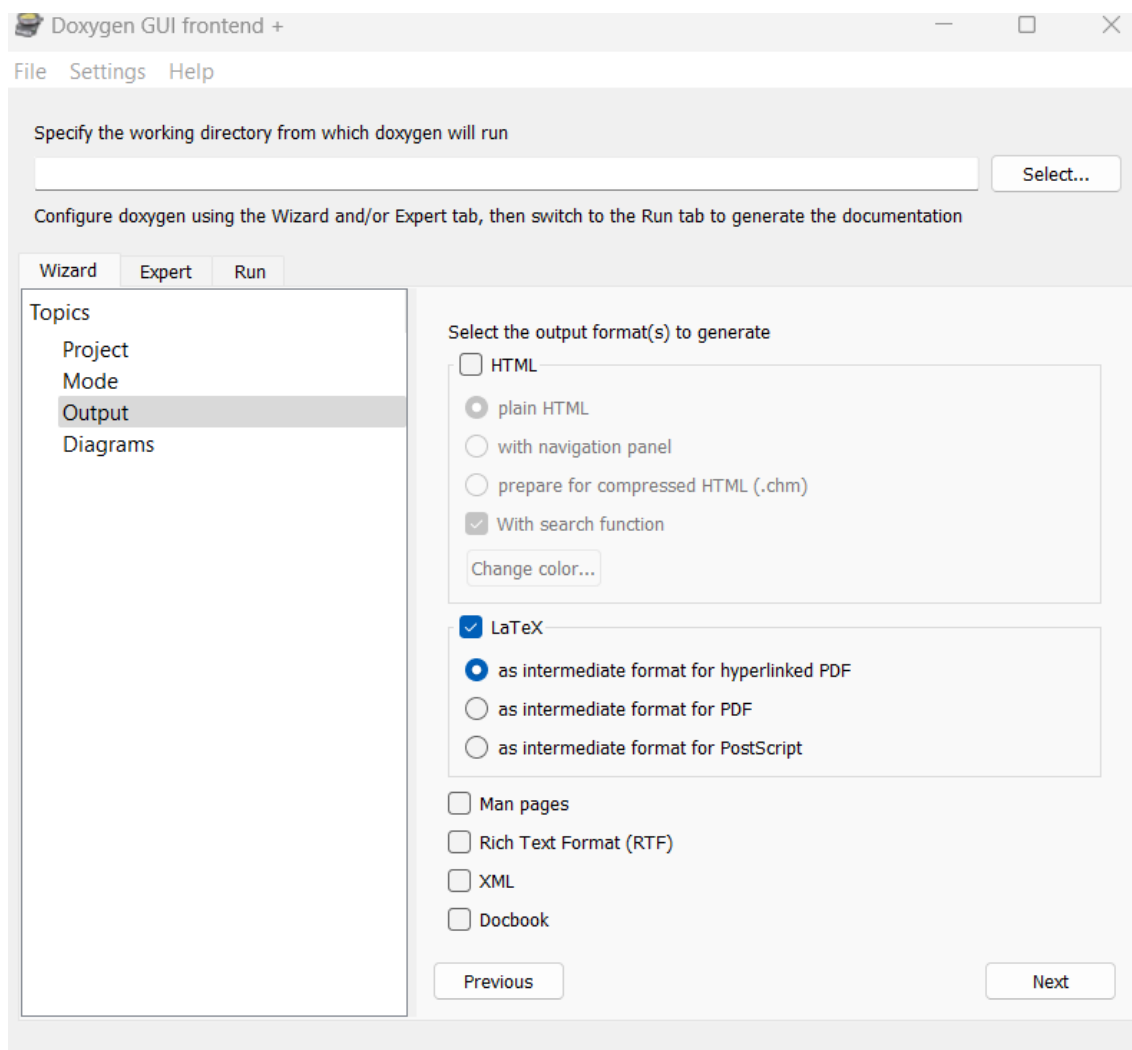
Rys. 3.6. konflikt



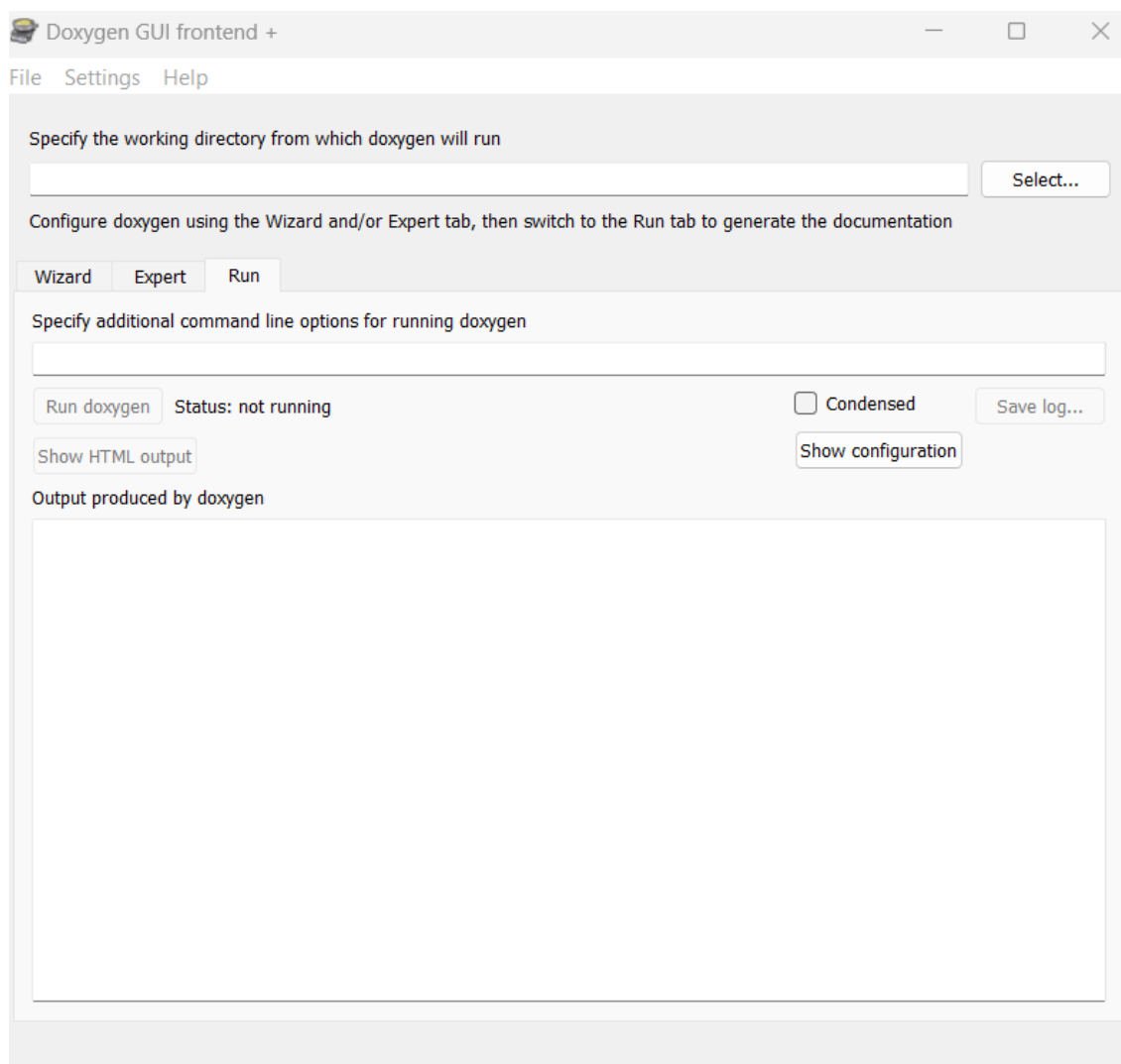
Rys. 3.7. konflikt rozwiązanie



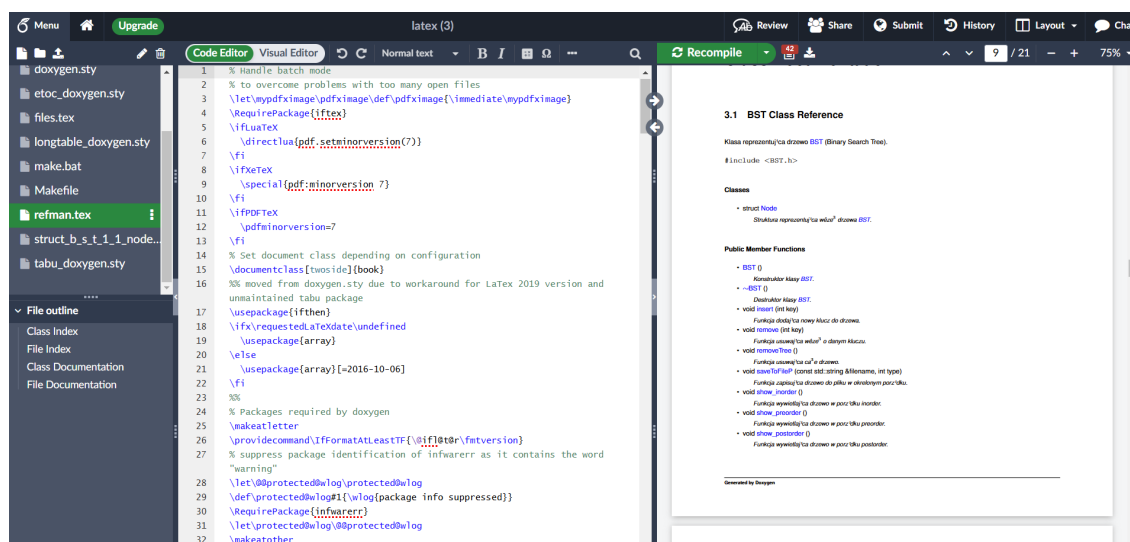
Rys. 3.8. dox1



Rys. 3.9. dox2



Rys. 3.10. dox3



Rys. 3.11. doxygen dokument

## 4. Implementacja

Implementacja całego drzewa zawarta w pliku BTS.h (listing: 4) pozwalająca na wywoływanie m.in: odawanie (insert), usuwanie (remove), znajdowanie minimalnego węzła (findMin), sortowanie drzewa.

```

1
2 class BST {
3 private:
4     struct Node {
5         Node* p;           // Wska nik na rodzica
6         Node* left;        // Wska nik na lewego potomka
7         Node* right;       // Wska nik na prawego potomka
8         int key;           // Klucz (wartość w węźle)
9
10        // Konstruktor dla ułatwienia inicjalizacji w węźle
11        Node(int k) : p(nullptr), left(nullptr), right(nullptr),
key(k) {}
12    };
13    Node* root;           //wskaznik na korzeń drzewa
14
15    Node* insert(Node* current, int key);           //dodaj do drzewa
16    Node* remove(Node* current, int key); // Rekurencyjna funkcja
usuwania
17    Node* findMin(Node* current);
18    void removeTree(Node* current); // usun całe drzewo
19
20
21    //układanie drzewa
22    void inorder(Node* root);
23    void preorder(Node* current);
24    void postorder(Node* current);
25
26 public:
27    // Konstruktor i destruktork
28    BST();
29    ~BST();
30    // Funkcja dodająca element do drzewa
31    void insert(int key);
32
33    //Funkcja usuwająca element
34    void remove(int key);
35    void removeTree();
36    //Funkcja szukająca drogi do podanego elementu

```

```
37
38 //niewiem o co chodzi
39
40 //Zapisz do pliku txt drzewo
41
42
43
44 // Funkcja wy Żwietlaj ca drzewo w porz dku inorder
45 void show_inorder();
46 void show_preorder();
47 void show_postorder();
48
49
50 };
```

Listing 4. BTS szkielec

Przedstawianie wywołania konstrukcji drzewa BTS znajdujące się w pliku main.cpp po przez metode tree dla fubnkcji BTS (listing: 5)

```
1
2 int main() {
3     BST tree;
4     //dodaj elementy do drzewa
5     tree.insert(5);
6     tree.insert(3);
7     tree.insert(7);
8     tree.insert(1);
9     tree.insert(2);
10    tree.insert(8);
11    tree.insert(9);
12    tree.insert(4);
13    //pokaz
14    tree.show_inorder();
15    tree.show_postorder();
16    tree.show_preorder();
17    //usun
18    cout << "\nUsuniecie elementu po wartosci z drzewa" << endl;
19    tree.remove(1);
20    tree.remove(2);
21    tree.remove(3);
22    tree.show_inorder();
23    cout << "\nUsun cale drzewo" << endl;
24    tree.removeTree();
25    tree.show_inorder();
26
```



```

27
28     return 0;
29 }

```

**Listing 5.** BTS wywołaj

Konstruktor, oraz destruktor klasy BTS, oraz podpięte bibliotek (iostream, vector), pliki (pch.h, oraz BST.h) (listing: 6)

```

1
2 #include "pch.h"
3 #include "BST.h"
4 #include "iostream"
5 #include "vector"
6
7 using namespace std;
8
9
10 // Konstruktor klasy BST
11 BST::BST() : root(nullptr) {}
12
13 // Destruktor klasy BST
14 BST::~BST() {}

```

**Listing 6.** BTS konstrukcja

Dodawanie do drzewa BTS (listing:7). Funkcja BST::insert wstawia nowy klucz do drzewa BST, tworząc nowy węzeł, gdy bieżący węzeł (current) jest pusty, lub rekurencyjnie wywołując się na lewym lub prawym poddrzewie w zależności od wartości klucza, aktualizując odpowiednio wskaźniki rodzica, a na końcu zwraca bieżący węzeł.

```

1
2 // dodaj do drzewa
3 BST::Node* BST::insert(Node* current, int key) {
4     if (current == nullptr) {
5         return new Node(key); // Tworzymy nowy węzeł
6     }
7
8     if (key < current->key) {
9         Node* leftChild = insert(current->left, key);
10        current->left = leftChild;
11        leftChild->p = current; // Ustawiamy rodzica
12    }
13    else if (key > current->key) {
14        Node* rightChild = insert(current->right, key);
15        current->right = rightChild;

```

```
16     rightChild->p = current; // Ustawiamy rodzica
17 }
18
19 return current; // Zwracamy bieżący węzeł
20 }
```

**Listing 7.** BTS dodaj

Usuwanie z drzewa BTS (listing: 8) Funkcja BST::remove usuwa węzeł o podanym kluczu z drzewa BST, zaczynając od sprawdzenia, czy węzeł istnieje, następnie rekurencyjnie przeszukując lewe lub prawe poddrzewo, a po znalezieniu klucza usuwa węzeł w zależności od jego struktury: jeśli jest liściem, po prostu go usuwa, jeśli ma jedno dziecko, zastępuje go tym dzieckiem, a jeśli ma dwoje dzieci, znajduje jego następnika (najmniejszy węzeł w prawym poddrzewie), kopiuje jego klucz, a następnie usuwa następnika z drzewa.

```
1
2 BST::Node* BST::remove(Node* current, int key) {
3     if (current == nullptr) {
4         return nullptr; // Klucz nie znaleziony
5     }
6
7     if (key < current->key) {
8         current->left = remove(current->left, key);
9     }
10    else if (key > current->key) {
11        current->right = remove(current->right, key);
12    }
13    else {
14        // Klucz znaleziony
15        if (current->left == nullptr && current->right == nullptr)
16        {
17            // W Ćcie jest liściem
18            delete current;
19            return nullptr;
20        }
21        else if (current->left == nullptr) {
22            // W Ćcie ma jedno dziecko (prawe)
23            Node* temp = current->right;
24            delete current;
25            return temp;
26        }
27        else if (current->right == nullptr) {
28            // W Ćcie ma jedno dziecko (lewe)
29            Node* temp = current->left;
```

```

29         delete current;
30         return temp;
31     }
32     else {
33         // W Źze Ć ma dwoje dzieci
34         Node* minNode = findMin(current->right); // Znajd
nast Źpnika
35         current->key = minNode->key;           // Przepisz
klucz
36         current->right = remove(current->right, minNode->key);
// Usu nast Źpnika
37     }
38 }
39 return current;

```

Listing 8. BTS usuń

Funckja układająca drzewo w sposób: inorder (listing: 9)

```

1
2 void BST::inorder(Node* root)
3 {
4     if (root != nullptr) {
5         inorder(root->left);
6         cout << root->key << " ";
7         inorder(root->right);
8     }
9 }

```

Listing 9. BTS inorder

Funckja układająca drzewo w sposób: preorder (listing: 10)

```

1
2 void BST::preorder(Node* current)
3 {
4     if (current != nullptr) {
5         cout << current->key << " "; // Przetw rz bie cy
w Źze Ć
6         preorder(current->left);    // Przejd do lewego poddrzewa
7         preorder(current->right);   // Przejd do prawego
poddzewa
8     }
9 }

```

Listing 10. BTS preorder

Funckja układająca drzewo w sposób: postorder (listing: 11)

```

1
2 void BST::postorder(Node* current)
3 {
4     if (current != nullptr) {
5         postorder(current->left);    // Przejd do lewego poddrzewa
6         postorder(current->right);   // Przejd do prawego
7         cout << current->key << " "; // Przetw rz bie cy
8     }
9 }

```

**Listing 11.** BTS postorder

Funkcje pomocnicze do wykonywania m.in sortowań: (listing: 12)

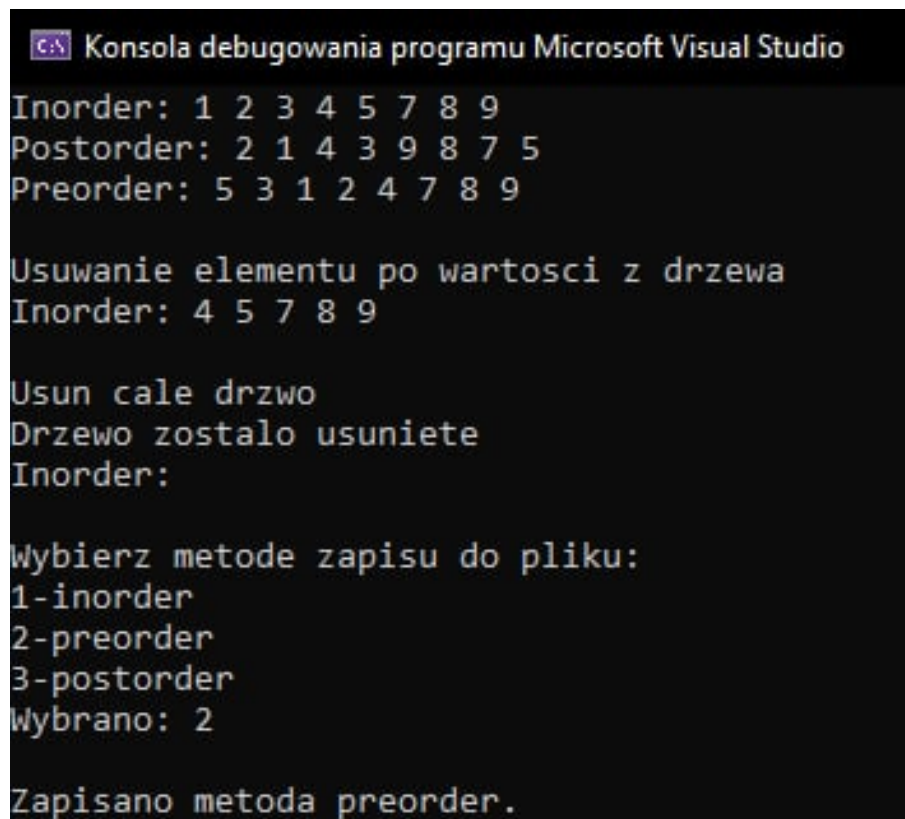
```

1
2 void BST::show_inorder() {
3     cout << "Inorder: ";
4     inorder(root);
5     cout << endl;
6 }
7 void BST::show_preorder(){
8     cout << "Preorder: ";
9     preorder(root);
10    cout << endl; // Dodanie nowej linii po wy Żwietleniu
11 }
12
13 void BST::show_postorder(){
14     cout << "Postorder: ";
15     postorder(root);
16     cout << endl; // Dodanie nowej linii po wy Żwietleniu
17 }
18 void BST::remove(int key) {
19     root = remove(root, key);
20 }
21
22 void BST::removeTree()
23 {
24     removeTree(root);
25     root = nullptr;
26 }

```

**Listing 12.** BTS

Przedstawienie działania kodu w konsoli visual Studio 2022 (obraz 4.1)



```
Konsola debugowania programu Microsoft Visual Studio
Inorder: 1 2 3 4 5 7 8 9
Postorder: 2 1 4 3 9 8 7 5
Preorder: 5 3 1 2 4 7 8 9

Usuwanie elementu po wartosci z drzewa
Inorder: 4 5 7 8 9

Usun cale drzewo
Drzewo zostalo usuniete
Inorder:

Wybierz metode zapisu do pliku:
1-inorder
2-preorder
3-postorder
Wybrano: 2

Zapisano metoda preorder.
```

Rys. 4.1. Wynik działania kodu

## 5. Wnioski

Algorytm drzewa BST został pomyślnie zaimplementowany, a wszystkie metody działają prawidłowo (mam nadzieję). Praca nad implementacją sprawiła jedynie drobne trudności, które przyczyniły się do doskonalenia umiejętności programowania w języku C++ oraz lepszego zrozumienia struktury drzewa binarnego. Praktyczne zmagania z problemami pozwoliły także na rozwinięcie umiejętności analitycznego myślenia i debugowania kodu.

Praca w parach na GitHubie umożliwiła poznanie zasad współpracy na repozytoriach, co obejmowało zarządzanie wersjami kodu, rozwiązywanie konfliktów i organizację pracy zespołowej. Dzięki wykorzystaniu narzędzia Doxygen do generowania dokumentacji projektu, udało się lepiej uporządkować i opisać kod, co zwiększyło jego czytelność i ułatwiło współpracę.

GitHub okazał się bardzo przydatnym narzędziem, umożliwiającym m.in. śledzenie postępów prac, cofanie zmian oraz przechowywanie stabilnych wersji projektu. Wspólna praca na platformie pozwoliła na efektywną organizację zadań i szybsze rozwiązywanie problemów. W przyszłości umiejętności te znajdą zastosowanie zarówno na kolejnych kursach programistycznych, jak i w pracy zawodowej.

## Bibliografia

- [1] *Strona internetowa BTS*. URL: [https://eduinf.waw.pl/inf/utils/002\\_roz/mp001.php](https://eduinf.waw.pl/inf/utils/002_roz/mp001.php).
- [2] *Sortowania*. URL: [https://eduinf.waw.pl/inf/alg/001\\_search/0109.php](https://eduinf.waw.pl/inf/alg/001_search/0109.php).
- [3] *Strona git projektu*. URL: [https://github.com/Mitrivxxx/Drzewo\\_BRS](https://github.com/Mitrivxxx/Drzewo_BRS).
- [4] *Strona internetowa Doxygen'a*. URL: <https://doxygen.nl/>.
- [5] *Strona internetowa Visual Studio Code*. URL: <https://code.visualstudio.com/>.

---

## Spis rysunków

|                                     |    |
|-------------------------------------|----|
| 2.1. node schemat . . . . .         | 4  |
| 2.2. node schemat . . . . .         | 5  |
| 2.3. node różnica . . . . .         | 5  |
| 2.4. preorder . . . . .             | 5  |
| 2.5. postorder . . . . .            | 6  |
| 2.6. inorder . . . . .              | 6  |
| 3.1. visual 1 . . . . .             | 8  |
| 3.2. github 1 . . . . .             | 9  |
| 3.3. github 2 . . . . .             | 9  |
| 3.4. github 3 . . . . .             | 9  |
| 3.5. github wykres drzewa . . . . . | 10 |
| 3.6. konflikt . . . . .             | 10 |
| 3.7. konflikt rozwiązanie . . . . . | 11 |
| 3.8. dox1 . . . . .                 | 12 |
| 3.9. dox2 . . . . .                 | 13 |
| 3.10. dox3 . . . . .                | 14 |
| 3.11. doxygen dokument . . . . .    | 14 |
| 4.1. Wynik działania kodu . . . . . | 21 |



---

## Spis listingów

|     |                           |    |
|-----|---------------------------|----|
| 1.  | BTS . . . . .             | 6  |
| 2.  | BTS . . . . .             | 6  |
| 3.  | BTS . . . . .             | 7  |
| 4.  | BTS szkielet . . . . .    | 15 |
| 5.  | BTS wywołaj . . . . .     | 16 |
| 6.  | BTS konstrukcja . . . . . | 17 |
| 7.  | BTS dodaj . . . . .       | 17 |
| 8.  | BTS usuń . . . . .        | 18 |
| 9.  | BTS inorder . . . . .     | 19 |
| 10. | BTS preorder . . . . .    | 19 |
| 11. | BTS postorder . . . . .   | 20 |
| 12. | BTS . . . . .             | 20 |