International Olympiad in Informatics 2011 22–29 July 2011, Pattaya City, Thailand Competition Tasks – Day 1

Гонки

Наряду с IOI в Паттайе проходят *международные олимпийские гонки* (МОГ) 2011. Принимающей стороне требуется найти наиболее подходящую трассу для гонок.

В регионе Паттайя-Чонбури находятся **N** городов, соединённых сетью из (**N-1**) магистралей. Каждая магистраль — двусторонняя, соединяет два различных города, и для неё известна длина в километрах — целое число. Известно, что между каждой парой городов существует ровно один возможный путь, соединяющий эти города. Таким образом, для любой пары городов существует ровно одна последовательность различных магистралей, по которой можно проехать из одного города в другой, не посещая никакой город дважды.

По требованиям организаторов МОГ трасса должна являться путём суммарной длины *ровно* **К** километров, начинающимся и заканчивающимся в различных городах. Естественно, никакая магистраль и, поэтому, никакой город не могут быть использованы дважды при выборе трассы, иначе возможны столкновения. Чтобы минимизировать влияние гонок на трафик движения в регионе, необходимо выбрать для трассы путь из наименьшего возможного количества магистралей.

Задание

Написать процедуру best_path(N,K,H,L), которой передаются следующие параметры:

- N количество городов. Города нумеруются от 0 до (N-1).
- К требуемая длина трассы.
- **H** двумерный массив, описывающий магистрали. Для $0 \le i < N-1$ магистраль с номером i соединяет города с номерами H[i][0] и H[i][1].
- L одномерный массив, содержащий длины магистралей. Для $0 \le i < N-1$ длина магистрали с номером i равна L[i].

Гарантируется, что все значения в массиве \mathbf{H} лежат в пределах от $\mathbf{0}$ до (N-1) включительно, и описанные в этом массиве магистрали соединяют все города, как описано выше. Также гарантируется, что все значения в массиве \mathbf{L} — целые числа в пределах от $\mathbf{0}$ до $\mathbf{1}$ 000 000 включительно.

Ваша процедура должна возвращать *минимальное возможное количество магистралей* на допустимой трассе, имеющей длину, равную \mathbf{K} . Если такой трассы не существует, ваша процедура должна вернуть значение $-\mathbf{1}$.

Примеры

Пример 1

Рассмотрим пример, представленный на рис. 1, где N=4, K=3,

$$\mathbf{H} = \begin{array}{ccc}
0 & 1 & & & 1 \\
1 & 2 & & & \mathbf{L} = 2 \\
1 & 3 & & & 4
\end{array}$$

Трасса может начинаться в городе с номером 0, проходить через город с номером 1 и закончиться в городе с номером 2. Длина трассы будет равна (1+2)=3 км, как и требуется, и она состоит из двух магистралей. Это наилучшая возможная трасса; поэтому процедура best_path(N,K,H,L) должна вернуть значение **2**.

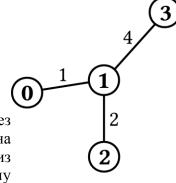


Рис. 1

Пример 2

Рассмотрим пример, представленный на рис. 2, где N=3, K=3,

$$\mathbf{H} = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix} \qquad \mathbf{L} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Здесь допустимой трассы не существует. В этом примере процедура $best_path(N,K,H,L)$ должна вернуть значение **-1**.

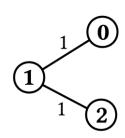
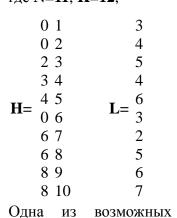


Рис. 2

Пример 3

Рассмотрим пример, представленный на рис. 3, где N=11, K=12,



Одна из возможных трасс состоит из 3 магистралей: она идёт из города с номером 6 через города с номерами 0 и 2 в город с номером

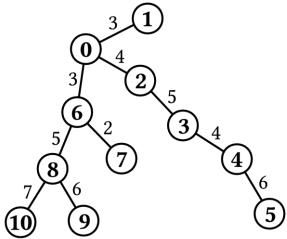


Рис. 3

3. Другая трасса начинается в городе с номером 10 и идёт через город с номером 8 в город с номером 6. Обе эти трассы имеют длину 12 километров, как и требуется. Вторая из них оптимальна, так как не существует подходящей трассы из одной магистрали. Таким образом, процедура best_path(N,K,H,L) должна вернуть значение 2.

Подзадачи

Подзадача 1 (9 баллов)

- $1 \le N \le 100$
- $1 \le K \le 100$
- Сеть магистралей представляет собой линию: для $0 \le i < N-1$, магистраль с номером iсоединяет города с номерами і и і+1.

Подзадача 2 (12 баллов)

- $1 \le N \le 1000$ $1 \le K \le 1000000$

Подзадача 3 (22 балла)

- $1 \le N \le 200000$
- $1 \le K \le 100$

Подзадача 4 (57 баллов)

- $1 \le N \le 200000$
- $1 \le K \le 1000000$

Детали реализации

Ограничения

- Ограничение по времени: 3 секунды
- Ограничение по памяти: 256 МВ

Замечание: Нет отдельного ограничения на размер стека; используемая стеком память входит в общий объём используемой памяти.

Интерфейс (АРІ)

- Папка для разработки: race/
- Участник должен разработать: race.c или race.cpp или race.pas
- Интерфейс участника: race.h или race.pas
- Интерфейс модуля оценивания: race.h или racelib.pas
- Предлагаемый модуль оценивания: grader.c или grader.cpp или grader.pas
- Ввод для предлагаемого модуля оценивания: grader.in.1, grader.in.2, ...

Замечание: Предлагаемый модуль оценивания читает входной файл в следующем формате:

- Строка 1: N и K.
- Строки от 2 до **N**: информация о магистралях; то есть, строка с номером (i+2) содержит для $0 \le i < N-1$ значения H[i][0], H[i][1] и L[i], разделённые одним пробелом.
- Строка **N**+1: ожидаемое решение.
- Ожидаемый вывод для предлагаемого модуля оценивания: grader.expect.1, grader.expect.2, ... В этой задаче каждый из перечисленных файлов должен содержать только текст "Correct."