Obs.: As respostas estão em destaque em amarelo, botei toda a função para ficar mais fácil o teste. Somente a 3 que não consegui implementar em recursão.

Questão 1

```
#include <stdio.h>
/*Função recursiva de encontrar o
maior inteiro*/
int recursive major digit(int num) {
int num 1 = num\%10;
int num_2 = num/10;
/*caso base */
if (num 2 == 0) {
return num 1;
}
/*chama a recursão para encontrar o
maior digito*/
int num 3 =
recursive major digit(num 2);
return num 1 > num 3 ? num 1 :
num 3;
}
/*Função principal*/
int main(void) {
int n;
scanf("%d", &n);
printf("%d\n",
recursive major digit(n));
return 0;
}
/*
Entrada
Basta digitar m valor inteiro
como
678950
Saida
*/
```

```
Questão 2
                                               }
                                              /*
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
void recursive insertion sort(int* array,
int size)
{
if (size \leq 1)
return:
// Sorteia os n-1 elementos
recursive insertion sort( array, size-1);
// Insere o último elemento na posição
correta
// no array classificado.
int last = array[size-1];
int i = size-2;
/* Move elementos do array, que são
maior que a chave, para uma posição à
frente
de sua posição atual */
while (j \ge 0 \&\& array[j] > last)
array[j+1] = array[j];
j--;
}
array[j+1] = last;
/*Imprime o vetor do insertion*/
void print array(int* array, int size){
for(int i = 0; i < size; i++){
  printf("%d ", array[i]);
printf("\n");
/*Função principal*/
int main (void){
 int size, value, *array;
 // Insira primeiro a quantidade de itens a
lista, depois os valores na linha de baixo
 while(scanf("%d", &size) != EOF){
 array = malloc (size * sizeof (int));
  for(int i = 0; i < size; i++){
   scanf("%d", &value);
   array[i] = value;
  print array(array, size);
recursive insertion sort(array, size);
  print array(array, size);
  free(array);
```

```
return 0;
}
/*
Exemplo de inserção
10
5 4 3 6 90 10 45 78 50 12

Saída (consiste do vetor normal e depois da saida reranjada)
5 4 3 6 90 10 45 78 50 12
3 4 5 6 10 12 45 50 78 90

*/
```

```
Questão 3
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
struct cel {
int chave;
struct cel *prox;
};
typedef struct cel no;
struct lista {
no* inicio;
};
typedef struct lista lista;
no* menorElemento (lista* L){
L = L->prox;
int menor valor = L->chave;
while (L != NULL) {
if (menor valor > L->chave) {
menor valor = L->chave;
L = L - prox;
return menor valor;
```

```
preOrder(root->right);
Questão 4
#include <stdio.h>
                                          }
#include <stdlib.h>
                                         //imprime pos ordem
                                         void posOrder(Node *root)
// Estruturas
struct node{
                                         if (root != NULL)
int kev:
struct node *left, *right;
                                          posOrder(root->left);
                                          posOrder(root->right);
                                         printf("%d ", root->key);
typedef struct node Node;
// estrutura para usar um booleano
typedef enum {false, true} bool;
                                         //inserção dos nós na ABB
int is binary(Node *root) {
                                          Node* insert(Node* no, int key){
return (!root->right && !root->left)
                                         //Se esta vazio retorna new Node
|| (root->right && root->left &&
                                         if(no == NULL)
is binary(root->left) && is binary(root-
                                         return newNode(key);
>right));
                                         // senãão vai inserir o no na esquerda
                                         if (kev<no->kev)
                                          no->left = insert(no->left, key);
                                         //senao insere na direita
//Criação da ABB
                                         else if(key > no->key)
                                          no->right = insert(no->right, key);
Node *newNode(int item) {
                                         //retorna no do ponteiro
Node* temp =
                                          return no;
(Node*)malloc((sizeof(Node)));
temp->key = item;
temp->left = temp->right = NULL;
                                         // busca
return temp;
                                         Node* search(Node *root, int key)
// imprime inordem
void inOrder(Node *root)
                                         if(root == NULL || root->key == key)
                                         //if root->data is x then the element is
if (root != NULL)
                                         found
                                         return root;
inOrder(root->left);
printf("%d ", root->key);
                                         else if(key > root->key ) // x is
                                         greater, so we will search the right
inOrder(root->right);
                                         subtree
}
                                         return search(root->right, key);
}
                                         else //x is smaller than the data, so we
// imprime pre ordem
                                          will search the left subtree
void preOrder(Node *root)
                                         return search(root->left,key);
                                          }
if (root != NULL)
printf("%d ", root->key);
                                         // min value
preOrder(root->left);
```

```
Node* minValueNode(Node* node){
                                         // nó com dois filhos: obtenha o
Node* current = node;
                                         sucessor inorder (menor na subárvore
// loop para encontrar o menor item
                                         direita)
while(current && current->left !=
                                         Node* temp = minValueNode(root-
NULL)
                                         >right);
current = current->left;
                                         // usa uma copua co conteudoo do
                                         sucessor inordem para este nó
return current;
                                         root->key = temp->key;
}
                                         // deleta o sucessor inordem
                                         root->right = deleteNode(root->right,
// deletar no
                                         temp->kev);
Node* deleteNode(Node* root, int key)
                                         }
                                         return root;
// caso base
                                         }
if(root == NULL){
return NULL;
                                         // quantidade de nós
}
//if(search(root,key)) return NULL;
                                         int countNodes(Node* root) {
// Se a chave a ser excluída for menor
que a chave da raiz, então fica na sub-
                                         if (root == NULL)
árvore esquerda
                                         return 0:
                                         return countNodes(root->left) +
if (kev < root->kev){
root->left = deleteNode(root->left,
                                         countNodes(root->right) + 1;
key);
}
                                         // altura
// Se a chave a ser excluída for maior
que a chave da raiz, então está na
sub-árvore direita
                                         int height(Node* root){
                                         int u, v;
else if (key > root->key){
root->right = deleteNode(root->right,
                                         if(root == NULL)
                                         return 1:
key);
}
                                         u = height(root->left);
// se a chave é igual à chave da raiz,
                                         v = height(root->right);
                                         if (u>v)
então este é o nó para ser deletado
                                         return u+1;
else{
// Nos com somente uma folha ou sem
                                         else
                                         return v+1;
folhas
                                         }
if (root->left == NULL){
Node* temp = root->right;
                                         int height v2(Node *root){
                                         if (root == NULL)
free(root);
                                         return 0:
return temp;
                                         int height left = height v2(root->left);
else if(root->right == NULL){
                                         int height right = height v2(root-
Node* temp = root->left;
                                         >right);
                                         if (height left > height right)
free(root);
                                         return (height left + 1);
return temp;
}
                                         else
                                         return(height right + 1);
```