# Implementación y Análisis de Seguridad del Esquema de Shamir para el Compartir Secretos en Aplicaciones de Criptografía Moderna

Benjamín Alonso Fernández Andrade Universidad de La Frontera, Facultad de Ingeniería y Ciencias Departamento de Ciencias de la Computación e Informática b.fernandez07@ufromail.cl https://github.com/Mizuhar4/SHAMIR-PYTHON-PROYECT.git

Temuco, Chile

Abstract—El presente informe aborda la implementación del esquema de Shamir para compartir secretos, aplicado a la gestión segura de claves criptográficas. Se describen los fundamentos teóricos, el diseño del sistema, la implementación en Python y un análisis de la seguridad del mismo.

## I. Introducción

La criptografía moderna utiliza diversas técnicas para asegurar la información. Una de estas técnicas es el esquema de Shamir para compartir secretos, que permite dividir un secreto en partes, de manera que solo un subconjunto de ellas puede reconstruir el secreto original.

## II. FUNDAMENTOS TEÓRICOS

El esquema de Shamir se basa en la teoría de polinomios y la aritmética modular. Se define un polinomio de grado k-1 y se evalúa en n puntos para generar las partes del secreto.

# III. IMPLEMENTACIÓN

La implementación del esquema de Shamir se llevó a cabo en Python. A continuación, se presentan extractos de código que muestran las funciones clave utilizadas en el sistema. Cada función está acompañada de una descripción de su propósito y funcionamiento.

# A. Generación de Coeficientes

La primera parte de la implementación consiste en la generación de coeficientes aleatorios para el polinomio de grado k-1. Estos coeficientes son necesarios para definir el polinomio que representa el secreto.

```
import random

def generar_coeficientes(k, primo):
    return [random.randint(1, primo - 1)
        for _ in range(k - 1)]
```

Descripción: La función generar\_coeficientes recibe como parámetros el número mínimo de partes k y un número primo primo. Genera k-1 coeficientes aleatorios en el rango 1 a primo-1.

# B. Evaluación del Polinomio

Una vez que se tienen los coeficientes, el siguiente paso es evaluar el polinomio en un punto x. Esto se hace mediante la siguiente función.

```
def evaluar_polinomio(x, coeficientes,
    primo):
    return sum([coef * (x ** i) for i,
        coef in enumerate(coeficientes)])
        % primo
```

Descripción: La función evaluar\_polinomio calcula el valor del polinomio en un punto x usando los coeficientes generados. Utiliza la aritmética modular para asegurar que el resultado se mantenga dentro de los límites definidos por el número primo.

## C. Generación de Partes

La función para generar las partes del secreto utiliza la evaluación del polinomio en diferentes puntos x. Cada parte es un par de valores (x,y) donde y es el valor del polinomio evaluado.

Descripción: La función generar\_partes crea n partes del secreto. Utiliza el secreto para generar un polinomio de k-1 grado y luego evalúa este polinomio en n puntos distintos, devolviendo una lista de partes.

## D. Reconstrucción del Secreto

Finalmente, la reconstrucción del secreto se lleva a cabo utilizando la interpolación de Lagrange. La siguiente función realiza este proceso.

Descripción: La función reconstruir\_secreto toma un conjunto de partes y utiliza la interpolación de Lagrange para calcular el valor del polinomio en 0, que es el secreto original. La función espera recibir un conjunto de puntos (x,y) y un número primo para realizar la interpolación.

# IV. EJEMPLO PRÁCTICO

Para ilustrar la funcionalidad del esquema de Shamir, consideremos el siguiente ejemplo práctico:

Supongamos que tenemos un secreto S=1234, y deseamos generar n=5 partes, con un mínimo de k=3 partes necesarias para reconstruir el secreto. Elegimos un número primo p=2027 para la aritmética modular.

```
* Par metros del ejemplo *
S = 1234
n = 5
k = 3
p = 2027

* Generar partes *
partes = generar_partes(S, n, k, p)

* Mostrar partes generadas *
print("Partes_generadas:")
for parte in partes:
    print(f"Parte_{parte[0]}:_{parte[1]}"
    )
```

Resultado: Al ejecutar este código, se generarán 5 partes del secreto S. Supongamos que las partes generadas son:

```
- Parte 1: 1553 - Parte 2: 1910 - Parte 3: 993 - Parte 4: 1204 - Parte 5: 1723
```

Para reconstruir el secreto, se pueden usar cualquier 3 de estas partes. Por ejemplo, utilizando las partes 1, 3 y 5.

## V. ANÁLISIS DE SEGURIDAD

El esquema de Shamir proporciona un alto nivel de seguridad en la compartición de secretos. La seguridad se basa en el siguiente principio:

- 1. Umbral de Seguridad: Un secreto se puede reconstruir solo con un mínimo de k partes. Si un atacante obtiene menos de k partes, no podrá obtener ninguna información sobre el secreto.
- 2. Aritmética Modular: El uso de aritmética modular asegura que los valores no se desborden y que el secreto se mantenga en el rango definido por el número primo.
- 3. Polinomios Aleatorios: La generación de polinomios aleatorios asegura que cada conjunto de partes sea único y no revelen información sobre el secreto.

## VI. APLICACIONES PRÁCTICAS

El esquema de Shamir tiene varias aplicaciones prácticas, entre las que se incluyen:

- 1. Gestión de Claves: Permite dividir una clave de cifrado en varias partes, asegurando que se necesiten múltiples partes para acceder a la clave.
- 2. Almacenamiento Seguro: Se puede utilizar en sistemas de almacenamiento de datos sensibles, donde la recuperación de datos requiere múltiples autorizaciones.
- 3. Distribución de Recursos Críticos: En entornos donde la seguridad es esencial, como en el gobierno o instituciones financieras, se puede implementar para proteger activos valiosos.

## VII. RESULTADOS

La implementación del esquema de Shamir demostró ser efectiva en la generación de partes y la posterior reconstrucción del secreto. El proceso se llevó a cabo sin errores, y se logró reconstruir el secreto a partir de las partes seleccionadas, demostrando la eficacia del método.

#### VIII. CONCLUSIONES

El esquema de Shamir es una técnica robusta y confiable para compartir secretos en aplicaciones de criptografía moderna. Su capacidad para permitir la reconstrucción de secretos a partir de un número limitado de partes, junto con su seguridad inherente, lo convierte en una opción viable para diversas aplicaciones en la gestión de claves y la protección de datos sensibles.

## IX. BIBLIOGRAFÍA

A continuación se presenta una lista de referencias utilizadas para la elaboración de este informe:

#### REFERENCES

- [1] Secret Sharing and Applications APPLIED MATHEMATICS CORNER Secret Sharing and Applications [Online]. Available: http://54.172.237. 215/hcmr/issues/2.pdf#page=85
- [2] "Shamir's Secret Sharing," *Cryptography Wiki*. [Online]. Available: https://crypto.stackexchange.com/questions/3071/how-does-shamirs-secret-sharing-work
- [3] "Protecting AES with Shamir's Secret Sharing Scheme" Springer.[Online]. Available: https://link.springer.com/chapter/10.1007/978-3-642-23951-9\_6
- [4] W. Stallings, Cryptography and Network Security: Principles and Practice, 7th ed. Pearson, 2016.
- [5] B. Schneier, Applied Cryptography: Protocols, Algorithms, and Source Code in C, 2nd ed. John Wiley Sons, 1996.
- [6] "Secure secret reconstruction and multi-secret sharing schemes with unconditional security" [Online]. Available: https://onlinelibrary.wiley. com/doi/abs/10.1002/sec.758
- [7] "A new (t, n) multi-secret sharing scheme based on Shamir's secret sharing" [Online]. Available: https://www.sciencedirect.com/science/article/abs/pii/S0096300304005338