

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» $(M\Gamma T Y \text{ им. H. Э. Баумана})$

| ФАКУЛЬТЕТ _ | Фундаментальные науки |
|-------------|-----------------------|
| КАФЕДРА | Прикладная математика |

Отчет по лабораторной работе №3 на тему:

" Численное решение краевых задач для одномерного волнового уравнения"

| Студент | ФН2-61Б | | М. А. Каган | |
|----------|----------|-----------------|----------------|--|
| | (Группа) | (Подпись, дата) | (И.О. Фамилия) | |
| Студент | ФН2-61Б | | И.А. Яковлев | |
| | (Группа) | (Подпись, дата) | (И.О. Фамилия) | |
| Проверил | | | А. О. Гусев | |
| проверня | | (Подпись, дата) | (И.О. Фамилия) | |

ОГЛАВЛЕНИЕ 2

| () | Γ . Π . | a_{BJ} | ен | ие |
|--------|--------------------|----------|----|----|
| \sim | TOT | CUDU. | | |

| Контрольные вопросы | 3 |
|---------------------|---|
|---------------------|---|

Контрольные вопросы

1. Предложите разностные схемы, отличные от схемы «крест», для численного решения волнового уравнения с граничными условиями.

Om eem:

(а) Неявная схема:

$$\frac{\hat{y} - 2y + \check{y}}{\tau^2} = \frac{\hat{y}_{+1} - 2\hat{y} + \hat{y}_{-1}}{h^2}$$

(b) Экстраполяционная схема:

$$\frac{\hat{y} - 2y + \check{y}}{\tau^2} = \frac{\check{y}_{+1} - 2\check{y} + \check{y}_{-1}}{h^2}$$

(с) Экстраполяционная схема:

$$\frac{\hat{y} - 2y + \check{y}}{\tau^2} = \frac{\check{y}_{+1} - 2\check{y} + \check{y}_{-1}}{h^2}$$

2. Предложите способ контроля точности полученного решения.

Ответ:

Зная порядок аппроксимации схемы, по правилу Рунге каждые два шага можно оценивать погрешность решения и при, необходимости, уменьшать шаг интегрирования по времени.