#### Universidade de São Paulo Instituto de Matemática e Estatística Bachalerado em Ciência da Computação

Mateus Barros Rodrigues

Implementação de algoritmos para consultas de segmentos em janelas

> São Paulo Setembro de 2016

# Implementação de algoritmos para consultas de segmentos em janelas

 ${\it Monografia final \ da \ disciplina}$   ${\it MAC0499-Trabalho \ de \ Formatura \ Supervisionado.}$ 

Supervisor: Prof. Dr. Carlos Eduardo Ferreira

São Paulo Setembro de 2016

#### Resumo

Este trabalho de conclusão de curso fundamentou-se na compreensão e implementação em linguagem python de um algoritmo para consultas de intersecções de segmentos de retas com janelas retangulares no espaço, um subproblema de geometria computacional conhecido por: buscas em regiões ortogonais. Este algoritmo foi o foco da tese de mestrado de Álvaro Junio Pereira Franco. Além da implementação, foi feita também a adaptação do visualizador de algoritmos geométricos disponibilizado pelo Alexis para exposição dos resultados obtidos.

Palavras-chave: Geometria, janelas, segmentos, buscas.

# Sumário

1	Introdução	1
2	Definições e Primitivas    2.1 Primitivas geométricas	<b>3</b>
3	Desenvolvimentos	5
4	Conclusões	7
A	Título do apêndice	9
Re	eferências Bibliográficas	11

### Introdução

Neste trabalho de conclusão de curso foi abordado o problema de consultas de segmentos em janelas, um problema de buscas em intervalos ortogonais, que é um dos tópicos fundamentais da área de geometria computacional.

Dado um conjunto S de segmentos no espaço (Seja no  $\mathbb{R}$ ,  $\mathbb{R}^2$ , etc.) e uma janela W de lados paralelos, queremos responder rapidamente a seguinte pergunta: quais segmentos de S estão contidos na ou intersectam a janela W?

Este trabalho foi baseado em Consultas de segmentos em janelas: algoritmos e estruturas de dados de Álvaro Junio (2009), portanto seguiremos a mesma divisão do problema que foi proposta nessa dissertação: Encontrar pontos contidos em janelas e achar todos os segmentos que intersectam com um dado segmento (Horizontal ou vertical). Seguiremos também a mesma divisão de capítulos: Primeiramente apresentaremos definições e primitivas geométricas, dedicaremos um capítulo para falar de consultas de pontos em janelas, um para falar de encontrar intersecção de segmentos e finalmente um onde agregaremos esses algoritmos para resolver o problema proposto. Todo o código desenvolvido foi escrito em linguagem python e está disponível no gitHub.

# Definições e Primitivas

#### 2.1 Primitivas geométricas

Neste trabalho trataremos basicamente com pontos e segmentos de reta no espaço ( $\mathbb{R}$  e  $\mathbb{R}^2$ ). Sejam  $x,y\in\mathbb{R}$  definimos um ponto no  $\mathbb{R}^2$  como um par p=(x,y). Um segmento s é da forma  $s=\overline{(p_1,p_2)}$  onde  $p_1$  e  $p_2$  são pontos chamados de pontos extremos de s.

### Desenvolvimentos

Embora neste exemplo tenhamos apenas um capítulo, entre a introdução e a conclusão de uma monografia podemos ter uma sequência de capítulos descrevendo o trabalho e os resultados. Estes podem descrever fundamentos, trabalhos relacionados, método/modelo/algoritmo proposto, experimentos realizados, resulatdos obtidos.

Cada capítulo pode ser organizado em seções, que por sua vez pode conter subseções. Um exemplo de figura está na figura 3.1.

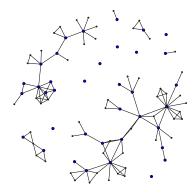


Figura 3.1: Exemplo de uma figura.

### Conclusões

Texto texto

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Exemplo de referência para página Web: www.vision.ime.usp.br/~jmena/stuff/tese-exemplo

# Apêndice A

# Título do apêndice

Texto texto.

# Referências Bibliográficas

**Álvaro Junio(2009)** Álvaro Junio. Consultas de segmentos em janelas: algoritmos e estruturas de dados. Dissertação de Mestrado, Instituto de Matemática e Estatística, Universidade de São Paulo, Brasil. Citado na pág. 1