

Licence 3 info PRG - année 2023/2024



PRG – TP9 à TP12 – Arbres Binaires

Il est fortement conseillé de lire la totalité du sujet avant de se lancer dans la réalisation.

L'objectif de ce TP est d'utiliser les arbres binaires pour le stockage d'images binaires (ou en noir et blanc). Il vise à fournir des méthodes efficaces pour la transformation des images binaires à travers la manipulation de la structure des arbres binaires.

1 Introduction

On considère des images binaires de taille 256×256 pixels où chaque pixel peut avoir soit la valeur 0 (couleur noire) soit la valeur 1 (couleur blanche). On suppose que l'image est divisée en **régions** qui sont classées en trois categories :

- 0 si tous les pixels de la région sont noirs (ou éteints),
- 1 si tous les pixels de la région sont blancs (ou allumés),
- 2 sinon.

Chaque région est définie par le 5-tuple suivant : $\{c, x_{hg}, y_{hg}, x_{bd}, y_{bd}\}$ avec ;

c: la catégorie de la région,

 (x_{hq}, y_{hq}) : les coordonnées du coin haut-gauche de la région,

 (x_{bd}, y_{bd}) : les coordonnées du coin bas-droit de la région.

On souhaite associer l'image à un arbre binaire où chaque noeud représente une région particulière. Chaque noeud de l'arbre binaire peut avoir la valeur 0, 1, ou 2. Les noeuds de l'arbre sont de type Node qui conserve des objets de type entier. **N.B.** Les coordonnées d'une région ne sont pas explicitement représentées dans le noeud correspondant (mais implicitement par la "place" de ce noeud dans l'arbre).

Pour la création des régions, on procède par des découpages successifs, horizontalement puis verticalement, de l'image en deux "moitiés", jusqu'à obtention de régions (carrées ou rectangulaires) de catégorie 0 ou 1 (donc totalement éteintes ou totalement allumées).

L'arbre binaire qui découle de ce processus a les propriétés suivantes :

PRG année 2023/2024

- Les feuilles représentent des régions de l'image totalement éteintes ou bien totalement allumées, et ont resp. soit la valeur 0, soit la valeur 1.
- Chaque autre nœud a deux fils (nœud double) et la valeur 2; ces fils correspondent au découpage en deux "moitiés" de la région représentée par le noeud double.
- Les nœuds de niveau *pair* correspondent à des régions carrées obtenues après un découpage vertical de la région représentée par leur noeud père (sauf pour la racine, de niveau 0, qui représente l'image complète).
- Les nœuds de niveau *impair* correspondent à des régions rectangulaires après un découpage horizontal de la région représentée par leur noeud père.

Exemple de représentation d'une image par un tel arbre binaire

On considère l'image suivante :

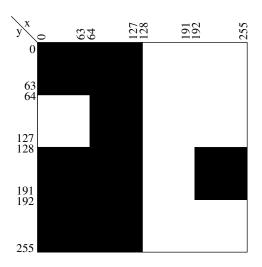


FIGURE 1 – Image binaire.

L'arbre binaire associé à cette image est le suivant :

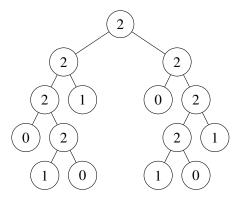


FIGURE 2 – Arbre binaire associé à l'image 1

L'application du processus décrit auparavant sur l'image 1 conduit à la représentation par les feuilles de valeur 1 des régions blanches suivantes : $\{1,0,64,63,127\}$, $\{1,128,0,255,127\}$, $\{1,128,128,191,191\}$ et $\{1,128,192,255,255\}$, par ex.

PRG 2 année 2023/2024

2 Manipulation d'images via des arbres

On souhaite appliquer diverses manipulations sur les images binaires décrites précédemment à travers des opérations faites sur les arbres binaires associés.

Pour cela, la classe AbstractImage hérite de la classe BinaryTree et définit les méthodes abstraites des manipulations d'image souhaitées (par ex. affectation d'une image à une autre, rotation à 180° d'une image, intersection de deux images, etc.).

AbstractImage fournit aussi certaines méthodes concrètes telles que constructTreeFromFile, saveImage, height, numberOfNodes, plotTree qui sont nécessaires/utiles pour l'implémentation des méthodes abstraites.

Notez bien que la classe AbstractImage vous est fournie avec l'implémentation des méthodes concrètes constructTreeFromFile, saveImage, etc.

Ci-après, le squelette de la class Abstract Image vous est donné:

```
public abstract class AbstractImage extends BinaryTree<Node>
2
3
   /**
4
    * Crée this à partir d'un fichier texte (cf al.arb, ...) et l'affiche
5
    * dans une fenêtre. Chaque ligne du fichier est de la forme
    * (e x1 y1 x2 y2) et indique si on souhaite éteindre (e=0) ou
    * allumer (e=1) la région rectangulaire de coordonnées x1, y1, x2, y2
    * Le fichier se termine par un e de valeur -1.
10
   public void constructTreeFromFile() { ... }
11
12
13
   /**
14
    * Sauvegarde, dans un fichier texte, les feuilles de this selon un
15
    * format conforme aux fichiers manipulés par la commande
16
    * constructTreeFromFile.
17
18
    * @pre
                     !this.isEmpty()
19
    */
20
   public void saveImage() { ... }
21
22
23
24
    * @pre
                     !this.isEmpty()
25
    * @return
                     hauteur de this
26
    */
27
   public int height() { ... }
28
29
```

```
30
   /**
31
                      !this.isEmpty()
32
    * @pre
                      nombre de nœuds de this
    * @return
33
34
   public int numberOfNodes() { ... }
35
36
37
   /**
38
    * @param X
                      abscisse du point
39
                      ordonnée du point
    * @param y
                      !this.isEmpty()
    * @pre
41
    * @return
                      true, si le point (x, y) est allumé dans this,
                      false sinon
43
44
   public abstract boolean isPixelOn(int x, int y);
45
46
47
   /**
48
    * this devient identique à image.
49
50
    * @pre
                      !image.isEmpty()
51
                      this != image
    * @pre
52
    */
53
   public abstract void affect(AbstractImage image);
54
55
56
   /**
57
    * this devient inverse vidéo de this, pixel par pixel.
58
                      !this.isEmpty()
    * @pre
60
    */
   public abstract void videoInverse();
62
63
64
   /**
65
    * this devient rotation de image à 180 degrés
66
67
    * @param image image pour rotation
68
                      !image.isEmpty()
    * @pre
69
    * @pre
                      this != image
70
71
   public abstract void rotate180(AbstractImage image);
72
73
74
```

```
75
     * this devient image miroir vertical de image.
76
77
     * @param image image à agrandir
78
     * @pre
                       !image.isEmpty()
79
                      this != image
     * @pre
80
     */
81
   public abstract void mirrorV(AbstractImage image);
82
83
84
     * this devient image miroir horizontal de image.
86
     * @param image image à agrandir
88
                       !image.isEmpty()
     * @pre
                       this != image
     * @pre
90
     */
91
   public abstract void mirrorH(AbstractImage image);
92
93
94
    /**
95
     * this devient quart supérieur gauche de image.
96
97
     * @param image image à agrandir
98
                      !image.isEmpty()
     * @pre
99
                      this != image
     * @pre
100
101
   public abstract void zoomIn(AbstractImage image);
102
103
104
    /**
105
     * Le quart supérieur gauche de this devient image (réduite),
106
     * le reste de this devient éteint.
107
108
     * @param image image à réduire
109
                       !image.isEmpty()
     * @pre
110
     * @pre
                      this != image
111
112
   public abstract void zoomOut(AbstractImage image) ;
113
114
115
    /**
116
     * this devient l'intersection de image1 et image2 au sens des pixels
117
     * allumés.
118
119
```

```
* @param image1 première image
120
     * @param image1 deuxième image
121
                       !image1.isEmpty() && !image2.isEmpty()
122
     * @pre
                       this != image1
     * @pre
123
                       this != image2
     * @pre
124
     */
125
    public abstract void intersection(AbstractImage image1,
126
                                                     AbstractImage image2);
127
128
129
130
     * this devient l'union image1 et image2 au sens des pixels allumés.
131
132
     * @param image1 première image
133
     * @param image1 deuxième image
134
                       !image1.isEmpty() && !image2.isEmpty()
     * @pre
135
                       this != image1
     * @pre
136
                       this != image2
     * @pre
137
138
    public abstract void union(AbstractImage image1,
139
                                             AbstractImage image2);
140
141
142
143
     * Cette fonction ne doit pas utiliser la fonction isPixelOn.
144
145
                       !this.isEmpty()
     * @pre
146
       @return
                       true, si tous les points de la forme (x, x)
147
                        (avec 0 \le x \le 255) sont, ou non, allumés dans this,
148
                       false sinon
149
150
    public abstract boolean testDiagonal();
151
152
153
    /**
154
                      abscisse du premier point
     * \texttt{@param} \ x1
155
     * \texttt{@param} \ y1
                      ordonnée du premier point
156
                      abscisse du deuxième point
     * @param x2
157
                      ordonnée du deuxième point
     * \texttt{@param} \ y2
158
     * @pre
                      !this.isEmpty()
159
       @return
                      true si les deux points (x1, y1) et (x2, y2) sont
160
                      représentés par la même feuille de this, false sinon
161
162
    public abstract boolean sameLeaf(int x1, int y1, int x2, int y2);
163
164
```

```
165
166
       @param image
                       seconde image
167
                       !this.isEmpty() && !image.isEmpty()
       @pre
168
                       this != image
       @pre
169
                       true si this est inclus dans image au sens
       @return
170
                       des pixels allumés, false sinon
171
172
   public abstract boolean isIncludedIn(AbstractImage image);
173
174
175
176
     * Affiche this sous forme d'arbre dans une fenêtre externe.
177
178
                      !this.isEmpty()
       @pre
179
180
   public void plotTree() { ... }
181
182
183
```

Travail à faire

Vous devez coder les méthodes abstraites souhaitées dans la classe Image qui hérite de la classe AbstractImage et implémente les méthodes de manipulation des images à partir des arbres binaires les représentant.

```
public class Image extends AbstractImage
```

Les méthodes d'instance suivantes sont obligatoirement à implémenter :

affect, rotate180, videoInverse, mirrorV, mirrorH, intersection, inIncludedIn, testDiagonal, isPixelOn et zoomOut.

Les méthodes suivantes peuvent être implémentées mais sont en bonus pour le rendu de ce TP : zoomIn, union et sameLeaf.

L'archive tp-arbres.tar, disponible sur Moodle, comporte le squelette de la classe Image.java à compléter, la classe TpArbre.java qui fournit un menu permettant d'appeler les différentes méthodes de manipulation des images, et un ensemble de fichiers décrivant des images.

L'archive tp-arbres.jar contient l'ensemble des fichiers.class nécessaires au bon fonctionnement de la classe Image, dont AbstractImage.class.

Dans un premier temps, vous devez utiliser la mise en œuvre des arbres binaires par les enseignants, BinaryTree.class, fournie dans tp-arbres.jar.

Le fichier conseils-TpArbres-PRG.pdf résume la démarche à suivre pour générer votre projet java et pour réaliser votre TP.

3 Test de l'implementation de la classe Image

Pour tester votre implémentation de la classe Image, vous disposez d'un jeu de tests JUnit dans le fichier testImage. java. Ce programme de test utilise des fichiers .arb décrivant des images (par stockage des coordonnées des régions blanches/allumées des images à traiter).

Pour le test en mode interactif, vous disposez d'une classe <code>TpArbre.java</code> qui permet de créer une fenêtre graphique comportant cinq images de taille 256×256. La classe <code>TpArbre</code> fournit un menu permettant d'appeler les différentes méthodes d'instance de la classe <code>Image</code>. La transformation appliquée aux images peut être affichée pour vérifier visuellement le résultat du traitement. Notez que les arbres représentant les images peuvent également être visualisés.

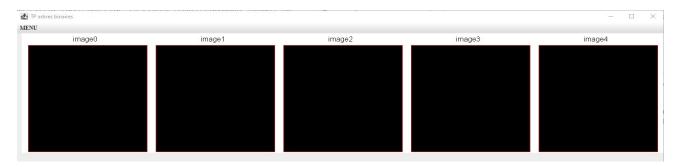


FIGURE 3 – Interface de test de la classe Image

4 Écriture d'une mise en œuvre

Dans un second temps, vous compléterez la classe BinaryTree. java qui se trouvera sur Moodle. Elle correspond à une mise en œuvre des arbres binaires par une représentation chaînée par références avec pile des pères. Tester le bon fonctionnement des méthodes implémentées de manipulation d'images avec votre mise en œuvre des arbres binaires.

5 Travail à rendre

Les fichiers complétés Image. java et BinaryTree. java sont à rendre sur Moodle au plus tard le mardi 7 novembre 2023 à 20h.

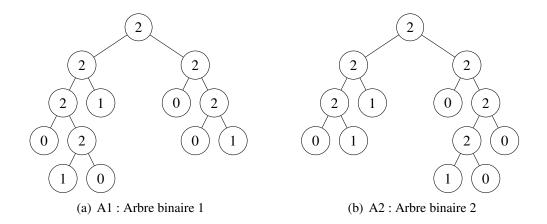
Vous veillerez à ne pas modifier les noms de classes et les packages des squelettes de code fournis. Le code source livré devra être entièrement compilable et l'en-tête de vos fichiers sera un commentaire (idéalement de type JavaDoc) indiquant les noms et prénoms des auteurs (les deux membres du binôme).

Attention, si vous programmez sur votre ordinateur personnel, vos classes doivent pouvoir être utilisées dans un environnement du type des salles de TP Istic.

PRG 8 année 2023/2024

Travail préliminaire à rendre à votre enseignant.e lors de la 1ere séance de TP

Soit les deux arbres suivants :



Donnez l'arbre binaire résultant de l'opération suivante $A1 \cap A2$



PRG 9 année 2023/2024

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
0	
1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
0	
1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
0	
1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
0	
1	
2	

Donnez l'implémentation (code Java) de la méthode intersection de la classe Image.

PRG 10 année 2023/2024