# 实验报告 3 Cluster

本次实验主要是运用 sklearn 中的方法,因此在具体的代码实现上就不再赘述,而是主要研究各方法的异同点及数据集上的表现。

#### 一. 评价标准

实验采用 NMI 评价聚类效果,即 Normalized Mutual information,该方法沿用了信息论中熵的思想,使用真实分布和求的分布的熵的和除以两者联合分布的熵。求得的结果属于[0,1]区间。

#### 二. 聚类算法

#### 1.KMeans:

KMeans 算法在给定一个数 k 之后,通过最小化"最小二乘法"的函数控制变量,不断收敛,最终达到聚类的目的。总的目标函数如下

## argmin I( $\mu$ )= $\Sigma \Sigma ||x-\mu i||^2$

其中 $\mu_i=\Sigma x/|C_i|$  ( $x\in Ci$ )是簇 Ci 的均值向量,或者说是质心, $||x-\mu i||^2$ 代表每个样本点到均值点的距离。以上是对于数值属性来说的,对于一些离散属性也有相关的距离的定义。最后在现实中的数据如果要确定合适的距离计算式,可以通过"距离度量学习"来实现。也就是说上式的目的就是我们要找到 k 个簇,使得在每个簇内,所有的样本点都尽量接近。

Kmeans 方法对 k 的初始值较为敏感,不同的取值可能会获得不同的结果,在收敛速度和聚类表现上表现不错。

#### 2.DBSCAN:

假设样本集是 D=(X1,X2,X3...Xm),则 DBSCAN 具体的描述定义如下:

- 1) $\epsilon$ -邻域: 对于  $xj \in D$ ,其 $\epsilon$ -邻域包含样本集 D 中与 xj 的距离不大于 $\epsilon$ 的子样本集,即 N $\epsilon$ (xj)={ $xi \in D$ |distance(xi,xj) $\leq \epsilon$ },这个子样本集的个数记为|N $\epsilon$ (xj)|
- 2) 核心对象:对于任一样本 xj ∈ D,如果其ϵ-邻域对应的 Nϵ(xj)至少包含 MinPts 个样本,即如果 |Nϵ(xj)| ≥ MinPts,则 xj 是核心对象。
- 3) 密度直达:如果 xi 位于 xj 的 $\epsilon$ -邻域中,且 xj 是核心对象,则称 xi 由 xj 密度直达。注意反之不一定成立,即此时不能说 xj 由 xi 密度直达,除非且 xi 也是核心对象。
- 4)密度可达:对于 xi 和 xj,如果存在样本样本序列 p1,p2,...,pT,满足 p1=xi,pT=xj, 且 pt+1 由 pt 密度直达,则称 xj 由 xi 密度可达。也就是说,密度可达满足传递性。 此时序列中的传递样 p1,p2,...,pT-1 均为核心对象,因为只有核心对象才能使其 他样本密度直达。
- 5) 密度相连:对于 xi 和 xj,如果存在核心对象样本 xk,使 xi 和 xj 均由 xk 密度可达,则称 xi 和 xj 密度相连。

和传统的 K-Means 算法相比,DBSCAN 最大的不同就是不需要输入类别数 k,当然它最大的优势是可以发现任意形状的聚类簇,而不是像 K-Means,一般仅仅使用于凸的样本集聚类。但同样,DBSCAN 方法也有自己的问题,即需要数据样本的分布较为稠密,否则可能会得出多余的类别。

### 3.谱聚类

它的主要思想是把所有的数据看做空间中的点,这些点之间可以用边连接起来。距离较远的两个点之间的边权重值较低,而距离较近的两个点之间的边权重值较高,通过对所有数据点组成的图进行切图,让切图后不同的子图间边权重和尽可能的低,而子图内的边权重和尽可能的高,从而达到聚类的目的。

为了避免最小切图导致的切图效果不佳,我们需要对每个子图的规模做出限定,一般来说,有两种切图方式,RatioCut方法对每个切图,不光考虑最小化,它还同时考虑最大化每个子图点的个数,Ncut切图和RatioCut切图很类似,将

子图中点的个数换为权重.由于子图样本的个数多并不一定权重就大,我们切图时基于权重也更合我们的目标,因此一般来说 Ncut 切图优于 RatioCut 切图。

谱聚类只需要数据之间的相似度矩阵,因此对于处理稀疏数据的聚类很有效。这点传统聚类算法比如 K-Means 很难做到,由于使用了降维,因此在处理高维数据聚类时的复杂度比传统聚类算法好。但是如果最终聚类的维度非常高,则由于降维的幅度不够,谱聚类的运行速度和最后的聚类效果均不好。

#### 4. 层次聚类:

层次聚类是通过从下往上不断合并簇,或者从上往下不断分离簇形成嵌套的簇。这种层次的类通过"树状图"来表示,最开始的时候将所有数据点本身作为簇,然后找出距离最近的两个簇将它们合为一个,不断重复以上步骤直到达到预设的簇的个数。

可以看到,一个很关键的地方就是判断簇之间的距离。判断的准则叫做链接准则。对于此类算法,scikit-learn 有三种准则

Ward:将所有集群内的差异平方和最小化。这是一种方差最小化的方法这种感觉类似于 k-means 目标函数,但采用了聚集层次方法。

Maximum or complete linkage:最小化对集群的观察之间的最大距离。

Average linkage:最小化了对集群的所有观测之间的距离的平均值。

时间复杂度比较高,运行速度较慢,并且可能得到的类大小不均匀,但是对分布怪异的样本有不错的聚类效果。

#### 4. MeanShift:

Mean Shift 算法是指一个迭代的步骤,即先算出当前点的偏移均值,移动该点到其偏移均值,然后以此为新的起始点,继续移动,直到满足一定的条件结束。

在数据集中选定一个点,然后以这个点为圆心,r为半径,画一个圆,求出这个点到所有点的向量的平均值,而圆心与向量均值的和为新的圆心,然后迭代此过程,直到满足一点的条件结束。后来加了权重系数和核函数,目前在聚类,图像平滑,分割,跟踪等方面有着广泛的应用。

#### 5. Affinity propagation Clustering Algorithm:

AP 算法是根据数据点之间的相似度来进行聚类,可以是对称的,也可以是不对称的。 该算法不需要先确定聚类的数目,而是把所有的数据点都看成潜在意义上的聚类中心,这有别于 K-means 等聚类。

AP 算法进行交替两个消息传递的步骤,以更新两个矩阵:

吸引信息 (responsibility) 矩阵 R: r(i,k)

描述了数据对象 k 适合作为数据对象 i 的聚类中心的程度,表示的是从 i 到 k 的消息;

归属信息 (availability) 矩阵 A: a(i,k)

描述了数据对象 i 选择数据对象 k 作为其据聚类中心的适合程度,表示从 k 到 i 的消息。

通过对这两个信息进行迭代以获得聚类结果,同时为了避免振荡,AP 算法更新信息时引入了衰减系数  $\lambda$ 。每条信息被设置为它前次迭代更新值的  $\lambda$  倍加上本次信息更新值的  $1-\lambda$  倍。

AP 聚类算法样本中的所有数据点都可能成为 AP 算法中的质心,叫做 Examplar,而不是由多个数据点求平均而得到的聚类中心(如 K-Means)。同时 对初始值不敏感。多次执行 AP 聚类算法,得到的结果是完全一样的,即不需要 进行随机选取初值步骤。

但是由于AP算法每次迭代都需要更新每个数据点的吸引度值和归属度值,算法复杂度较高,为0(N\*N\*logN),而K-Means 只是0(N\*K)的复杂度。因此当N比较大时,AP聚类算法往往需要算很久,在大数据量下运行时间较长。

实验结果:从实验结果来看,层次聚类的结果相对较好,DBSCN 和 mean-shift 的结果相对较差,其他方法相差无几。而 DBSCN 和 mean-shift 都属于密度聚类,由此我们可得对于这一数据集密度聚类的表现并不好。可能是数据集数据较为稀疏导致。