

## 定义

中国剩余定理 (Chinese Remainder Theorem, CRT) 可求解如下形式的一元线性同余方程组 (其中  $n_1, n_2, \dots, n_k$  两两互质) :

$$\begin{cases} x \equiv a_1 \pmod{n_1} \\ x \equiv a_2 \pmod{n_2} \\ \vdots \\ x \equiv a_k \pmod{n_k} \end{cases}$$

上面的「物不知数」问题就是一元线性同余方程组的一个实例。

## 过程 ¶

1. 计算所有模数的积  $n$ ;
2. 对于第  $i$  个方程:
  - a. 计算  $m_i = \frac{n}{n_i}$ ;
  - b. 计算  $m_i$  在模  $n_i$  意义下的 [逆元](#)  $m_i^{-1}$ ;
  - c. 计算  $c_i = m_i m_i^{-1}$  (**不要对  $n_i$  取模**)。
3. 方程组在模  $n$  意义下的唯一解为:  $x = \sum_{i=1}^k a_i c_i \pmod{n}$ 。