

Escuela Técnica Superior de Ingeniería
Informática

Asignatura:

Cálculo Infinitesimal y Numérico

Autor:

Fernando José Mateos Gómez

Ultima Modificacion: 13 de agosto de 2021

≈ ကံ နှ့် နှံ့နှံ့ ၊ ပုံမှန် ။ ဇီဝိက များသော
 ≈ ဒါး၊ ရွက်တို့ကို အညီအမျှ ဖြင့်

Indice

1. Tema 1: Resolución Aproximada de Ecuaciones No Lineales	2
1.1. Introducción	2
1.2. Método de Bisección	2
1.2.1. Cota de Error a priori	2
1.3. Método del Punto Fijo	2
1.3.1. Cota de Error a posteriori	2
1.4. Método de Newton	2
1.4.1. Regla de Fourier	2
2. Tema 2: Interpolación	3
3. Tema 3: Polinomio de Taylor	4
4. Tema 4: Series Numéricas. Series de Potencias	5
5. Tema 5: Series de Fourier. Series Trigonómicas	6
6. Tema 6: Funciones de Varias Variables	7

1. Tema 1: Resolución Aproximada de Ecuaciones No Lineales

1.1. Introducción

Podemos definir dos tipos de ecuaciones:

- Ecuaciones Lineales $f(x) = ax + b$
- Ecuaciones no lineales $f(x)$ tal que tiene varias raíces, o soluciones, y se representan como \bar{x}

Solamente podemos obtener raíces sin recurrir a métodos iterativos, siempre y cuando la ecuación sea de **grado inferior a 3**, ya que existen expresiones que calculan todas sus raíces, y mediante Ruffini, solo en casos muy específicos, para cualquier función polinómica.

Definimos la multiplicidad de una función con el número de derivadas hasta que la derivada enésima de la función no sea cero con una de las raíces la función:

$$f(\bar{x}) = 0 \quad f'(\bar{x}) = 0 \quad \cdots \quad f^n(\bar{x}) \neq 0$$

Decimos que una función tiene multiplicidad simple cuando la primera derivada cumple esta condición.

1.2. Método de Bisección

1.2.1. Cota de Error a priori

Aprovecharemos el Teorema de Bolzano para poder obtener el número de iteraciones necesarias para alcanzar la precisión deseada:

$$\varepsilon_n \leq \frac{b-a}{2^n}$$

Siendo ε_n un número que nos indica el número de decimales que queremos obtener, b y a los extremos del intervalo y n el número de iteraciones.

Podemos simplificarlo de esta forma, para obtener el número de iteraciones:

$$n \geq \left\lceil \log_2 \left(\frac{b-a}{\varepsilon_n} \right) \right\rceil$$

1.3. Método del Punto Fijo

1.3.1. Cota de Error a posteriori

La diferencia con el anterior método de calcular el error, es que no podemos calcularlo hasta que no obtengamos el valor en la iteración deseada. Se obtiene con la siguiente fórmula:

$$\varepsilon_n \leq \frac{|f(x_n)|}{\min_{x \in [a,b]} |f'(x)|}$$

El único detalle a tener en cuenta es que el denominador debe de ser el valor absoluto de la derivada de $f(x)$ con x que pertenezca al intervalo de actuación, y que de el menor valor entre los dos extremos.

1.4. Método de Newton

1.4.1. Regla de Fourier

2. Tema 2: Interpolación

3. Tema 3: Polinomio de Taylor

4. Tema 4: Series Numéricas. Series de Potencias

5. Tema 5: Series de Fourier. Series Trigonométricas

6. Tema 6: Funciones de Varias Variables