# نشربه علمی «علوم و فناوری پای مدا فندنوین»

# سال دوازدهم، شماره ۴، زمستان ۱۴۰۰؛ ص ۳۴۴– ۳۳۳ علمی - پژوهشی

# بهینه پایی اندازه حفرههای دال بتن مسلح مجوّف از طریق شبیه سازی عددی با کمینه کردن دو مشخصه خیز و میزان بتن مصرفی زیر بارگذاری انفجاری

على ابراهيمزاده'، صفا پيمان'\*

۱ - دانشجوی کارشناسی ارشد، ۲ - استادیار، دانشگاه جامع امام حسین (ع) (دریافت: ۱۳۹٬۷۰۷،۳۰۳، پذیرش: ۱۴۰۰/۱۰/۱۱)

#### چکیده

امروزه با توجه به نبود مطالعات کافی و همچنین افزایش پتانسیل حمله به مناطق غیرنظامی و خسارتهای سنگین ناشی از آن، بررسی ایمنی و مقاومت سازهها تحت اثر بارهای ناشی از انفجار، بسیار موردتوجه قرار گرفته است. با توجه به کاربرد گسترده دال های بتن مسلح در سازهها، مقاله حاضر به بررسی اثر موج انفجار روی دال بتنی مجوف پرداخته است. ازآنجایی که انجام آزمایشهای تجربی انفجاری، پرهزینه و زمان بر بوده و همچنین استخراج همه پارامترها در این روش غیرممکن است؛ بنابراین این پژوهش به روش عددی با نرمافزار اجزاء محدود آباکوس انجام گرفته است. در این پژوهش یک دال بتنی مجوف با قطر حفرههای متفاوت در برابر پنج مقدار متفاوت جرم خرج تیان تی مورد بررسی قرارگرفته است. اعتبارسنجی مدل نیز با استفاده از نتایج آزمایشهای تجربی موجود در مقالات معتبر انجام شده است. پارامترهای مورد بررسی میزان خیز و میزان آسیب دال بتنی مجوف و پارامترهای متغیر قطر حفرههای کروی درون دال و جرم خرج است. نتایج بهدستآمده نشان داد که با افزایش جرم خرج خیزی که توسط نمونهها تجربه شده است افزایش می باید. از نظر عملکرد سازهای تأثیر اندازه حفرهها بر خیز دال تقریباً مستقل از جرم خرج است، اما در ارزیابیهای دقیق آن را هم باید بهعنوان یک پارامتر متغیر در نظر گرفت. با توجه به اینکه بهترین جاذب انرژی انفجار هوا است، در همه نمونهها وجود حفره موجب کاهش خیز دال در برابر موج انفجار شده و در نمونهای که نسبت قطر حفرهها به ضخامت دال برابر ۲/۳ است شاهد کمترین خیز در وسط دال خواهیم بود. همچنین نتایج نشان داد که آسیب در دال بتنی معمولی نسبت به دال بتنی مجوف جدی تر است.

**کلیدواژهها:** دال بتن مسلح مجوف کروی، خیز دال، آسیب بتن، بارگذاری انفجاری، روش اجزاء محدود، بتن غیر مؤثر، نرمافزار آباکوس

# The optimization of the pore size in hollow reinforced concrete slabs by numerical simulations through minimizing two characteristics of the deflection and the amount of used concrete under blast loading

A. Ebrahimzade, S. Pevman\*

Imam Hossein University (Received: 21/10/2020; Accepted: 31/12/2021)

#### Abstract

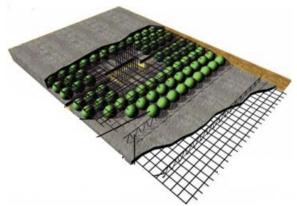
Nowadays, the increasing possibility of offensive attacks against residential areas has drawn much attention to the matter of safety and resistance in the structures subjected to blast loads. Given the widespread use of reinforced concrete slabs in many constructions, the present study investigates the impact of blast loads on hollow-core concrete slabs. This paper discusses the numerical analysis carried out using the finite element software Abaqus, since experimental research would be costly, time-consuming and restricted. This investigation focuses on a hollow-core slab with dissimilar hole diameters dealing with five different amounts of TNT charge mass. The validity of the model is asserted using the results of experiments reported in credited articles. The investigated parameters are the amount of deflection and the damage on the hollow core slab while the variable parameters are the diameter of spherical holes in the concrete slab and the charge mass. The results indicate that with charge mass having increased, the deflection experienced by the samples goes up as well. In terms of structural performance, the effect of pore size on slab deflection is nearly independent of the charge mass, nonetheless it should also be assessed as a variable parameter when making a precise evaluation. Considering the fact that air is the most efficient absorbent of explosion energy practically in all samples, the presence of holes reduces the slab deflection in buildings undergoing blast loading and in the samples whose diameter to thickness ratio is 0.3, the least amount of deflection is observed in the center of the slab. Moreover, the results show that the damage on a conventional slab is more severe in comparison to a hollow-core slab.

Keywords: Spherical Hollow Reinforced Concrete Slab, Slab Deflection, Concrete Damage, Explosive Loading, Finite Element Method, Inefficient Concrete, Abaqus Software

#### ۱. مقدمه

دال بتن آرمه به یک عضو سازهای اطلاق می شود که ضخامت آن در مقایسه با دو بعد دیگر آن کوچک بوده و برای انتقال بار در بام، کف ساختمان و پی، به کار می رود [۱]. به طور معمول دال تنها به منظور تحمل بارهای قائم طراحی می شود مگر اینکه جزئی از سیستم باربر جانبی سازه باشد. با افزایش طول دهانه دال توجه به تغییر شکل و ارتعاش آن از اهمیت زیادی برخوردار می شود. افزایش طول دهانه ها از نظر سازهای افزایش ابعاد دهانه دال منجر به افزایش ضخامت دال و در نتیجه افزایش بار مرده می گردد که به بنوبه خود سبب افزایش ابعاد ستونها و ضخامت شالوده شده که این امر منجر به افزایش مصرف بتن و فولاد در سازه می شود. این امر منجر به افزایش مصرف بتن و فولاد در سازه می شود. به منظور رفع این مشکل که ناشی از افزایش وزن دال است، به منظور رفع این مشکل که ناشی از افزایش وزن دال است، سیستم دال مجوف، ابداع و مورداستفاده قرار گرفت [۲].

یکی از مؤثرترین روشهای مورداستفاده بیرای کاهش وزن دالهای بتنآرمه، مجوفسازی است. دال مجوف نیوع مناسبی از دال است که با حذف بتن غییر مؤثر باعث کاهش بیار میرده و درنتیجه باعث کاهش تغییر مکان و افزایش طول دهانهها میشود. ظرفیت باربری دال بتنی مجیوف، در یک ضخامت یکسان، بیا کاهش مقدار بتن مصرفی بهاندازه ۴۵٪ دال معمولی، میتواند تا دو برابر دال معمولی افزایش یابد [۳]. شکل (۱) نمونهای از یک دال بتنی مجوف را نشان میدهد. مجوفسازی در این نیوع دال ها بهصورت ماندگار انجامشده که سبب کاهش مقدار بتن مصرفی در پروژه میگردد. از آنجایی که این قالبها درون دال مدفون بیوده و پروژه میگردد. از آنجایی که این قالبها درون دال مدفون بیوده و در حدفاصل ستونها تیرهای میانی وجیود ندارنید، سیطح زیرین دال بهصورت مسطح است. بیا استفاده از ایین نیوع دال میتوان دهانههای بلند را بدون استفاده از فناوری ویژهای ماننید می توان دهانههای بلند را بدون استفاده از فناوری ویژهای ماننید



شکل ۱. ساختار درونی دال بتنآرمه مجوف کروی [۴]

کاهش تعداد ستونها، امکان ستون گذاری نامنظم، امکان ایجاد بازشوهای بزرگ و نامنظم در دال بهدلیل عدم وجود تیر، عایق صدا و حرارت و بازیافت زبالههای پلاستیکی در فرایند تولید قالبهای کروی از دیگر مزایای این نوع دال به شمار میآید [۴].

با توجه به اینکه هوا بهترین جاذب انرژی است، به نظر میرسد، عملکرد دالهای بتنی مجوف در برابر انفجار بهتر از عملکرد
دالهای بتنی معمولی باشد. در سالهای اخیر رفتار دالهای بتنی
معمولی در برابر بارهای انفجاری توسط پژوهشگران زیادی
بررسیشده است. لاو [۵] برای تحلیل مدل شکست دال بتن
مسلح یکطرفه خمشی در برابر موج انفجار، دو سیستم تک درجه
آزادی متصل بههم را بکار برد. نتایج نشان داد که مد شکست از
نوع شکست مستقیم است. جانز [۶] برای شبیهسازی پاسخ
دینامیکی دال بتن مسلح تحت بار انفجار یک برنامه المان محدود
دینامیکی دال بتن مسلح تحت بار انفجار یک برنامه المان محدود

ویو [۷] جهت دستیابی به الگوهای خرد شدن بتن در برابر بار انفجار یک سری مطالعات آزمایشگاهی انجام داد. سیلوا [۸] جهت اندازه گیری سطح آسیب دال بتن در مقابل بار انفجار یک روش آزمایشگاهی بهصورت گامبه گام ارائه نمود. اسچنکر [۹] پاسخ دینامیکی دال بتنی معمولی و تقویت شده را در برابر بار انفجار به دو شیوه آزمایشگاهی و عددی بررسی نمود. ژئو [۱۰] با مدل سازی دال بتن در محیط نرمافزار، آن را تحت بار انفجار موردبررسی قرار داد. ونگ [۱۱، ۱۲] نیز مدهای آسیب دال بتن مسلح را تحت انفجار بهصورت آزمایشگاهی و عددی تعیین نمود.

یکی از بهترین روشهای کاهش بار مرده دال بتنی، حذف بتن غیر باربر وسط دال، از طریق ایجاد حفرههای کروی، بیضوی، مکعبی و یا منشوری است [۱۳].

اثر انفجار بر دالهای بتنی مجوف کمتر موردتوجه پژوهشگران قرارگرفته است. بیشتر کارهای انجامشده در این زمینه درباره اثر بارهای استاتیکی و دینامیکی بر دالهای مجوف است. مازون [۱۴] مدهای آسیب و تغییر شکل دال مجوف بتن مسلح و بتن مسلح پیشتنیده را در مقابل بار انفجار بهصورت آزمایشگاهی و عددی بررسی کرد. او یک ونیم کیلوگرم خرج C4 را در مقابل چهار مدل از دال بتن، در فواصل مختلف قرار داد. نتایج او نشان داد که ظهور ترک در بتن مسلح پیشتنیده با تأخیر بیشتری نسبت به بتن مسلح رخ میدهد. علاوه بر این، پیشتنیدگی با افزایش سختی و مقاومت دال بتن مجوف، خیز بیشتنید و دوره تناوب سازه را کاهش میدهد. مازون [۱۵] در

مطالعه دیگری پاسخ دینامیکی دال بتن مجوف را تحت بار انفجاری بهصورت آزمایشگاهی و عددی بهمنظور تعیین بیشینه جابهجایی و الگوی پخش ترک در بتن، موردبررسی قرار داد. اثر نرخ کرنش برای بتن و فولاد در این بررسی در نظر گرفته شد. او بیان نمود که انرژی هورگلس و حذف المان پارامترهایی هستند که تأثیر مهمی در پیشبینی پاسخ دینامیکی دال بتنی مجوف تحت بارگذاری انفجاری دارند.

ناگاشری [۱۳] با مطالعه آزمایشگاهی که بر روی دال بتن مجوف انجام داد؛ این دال را از نظر اقتصادی و سختی با دال معمولی مورد مقایسه قرار داد. او برای دستیابی به سیستم مناسبتری برای یک دال بتنی، آن را با دو نمونه دال مجوف کروی با همین ابعاد، با حفرههای با دو قطر متفاوت تحت بار استاتیکی مورد آزمایش قرار داد. نتایج او حاکی از این بود که سختی دال مجوف با قطر حفرههای ۶۰ میلیمتر از دال معمولی و نیز دال مجوف با قطر حفرههای ۷۰ میلیمتر بیشتر است. همچنین دال مجوف با قطر حفرههای ۷۰ میلیمتر بیشتر است. همچنین دال مجوف با قطر حفرههای ۲۰ میلیمتر بیشتر است. همچنین دال مجوف با قطر حفرههای ۲۰ میلیمتر بیشتر ادلی معمولی مقرون بهصرفی به میزان ۱۴٪ نسبت به دال معمولی مقرون بهصرفهتر است.

نانانگ گاناوان واریاتنو [۱۶] بررسیهایی روی رفتار خمشی دال بتنی مجوف پیشساخته تحت بارگذاری دینامیکی انجام داد. او سه مدل دال بتن مسلح، با قطر میلگردهای متفاوت را موردبررسی قرار داد. مدل اول دال بتنی مجوف او دارای حفرههای منشوری با مقطع دایروی، با ۲۴٪ کاهش وزن و مدل دوم دال بتنی مجوف او دارای هسته فومی با ۲۵٪ کاهش وزن نسبت به دال بتن معمولی بود. او در نتایجش بیان نمود که مدل دوم مقاومت خمشی بیشتری نسبت به مدل اول دارد؛ گرچه دال بتنی معمولی دارای بیشترین مقاومت خمشی است. همچنین ترک ایجادشده در دال بتنی معمولی از نوع ترک خمشی، اما در مدلهای اول و دوم از نوع ترک برشی است.

ادل [۱۷] با بررسی عددی روی دال بتن مسلح مجوف، اثر شکل هندسی حفره و همچنین اثر تعداد و قطر حفرهها را بر میزان حداکثر جابهجایی و حداکثر نیروی قابل تحمل دال، تحت بار استاتیکی متمرکز موردبررسی قرار داد. نتایج حاکی از این بود؛ که حفرههای منشوری با مقاطع مربعی و دایروی، موجب کاهش ترک و مقاومت نهایی دال بتن مسلح میشود. دال مجوف دارای حفرههای با مقطع دایروی، دارای ترک بیشتر و مقاومت نهایی با بزرگتر و خیز بیشتر نسبت به دال مجوف دارای حفرههای با

مقاطع مربعی بود. افزایش قطر دایرهها، منجر به کاهش مقاومت نهایی و افزایش خیز نهایی می شود. همچنین افزایش ابعاد مربعها موجب کاهش مقاومت نهایی و خیز دال می شود. او در انتها دال بتن مجوف با حفرههای منشوری با مقطع دایرهای را به عنوان هندسه مناسب تر نسبت به حالت مربعی، معرفی نمود.

هادی عین آبادی [۱۸, ۱۸] بهمنظور ارزیابی رفتار دال مجوف با حفرههای کروی و دستیابی به ابعاد بهینه حفرهها تحت بارگذاری استاتیکی، تأثیر اندازه حفره را بر مقاومت و سختی دال در سی نمونه متفاوت، موردبررسی قرار داد. او بـا حـداقل کـردن بیشینه تنش خمشی (معیار مقاومت) و همچنین حداقل کردن بیشینه جابهجایی (معیار سختی)، بهعنوان معیارهای طراحی دال، به این نتیجه رسید که دال مجوفی که دارای حفرههای با قطر ۰/۶ ضخامت دال است، دارای کمترین میزان تنش خمشی و كمترين ميزان جابه جايي تحت بار استاتيكي ميباشد؛ كه اين امر نشان دهنده عملکرد بهتر این نمونه نسبت به سایر نمونهها است. فریدون امیدی نسب [۲۰] کاربرد ضد انفجاری بتن توانمند الیافی در جهت حفاظت از اجزای سازه به صورت خاص دال بتنی را بهصورت عددی مورد بررسی قرار داد. نتایج او نشان داد که مقاوم سازی در ناحیه کششی تا میزان ۷ برابر جذب انرژی را نسبت به سایر روشهای مطرحشده جهت مقاومسازی، افزایش مىدهد. استفاده از بتن توانمند اليافى تـأثير بسـزايى در افـزايش میزان ظرفیت باربری، شکلپذیری دال یکطرفه دارد. به عبارت دیگر، استفاده از بتن توانمند الیافی بهعنوان یک روش در مقاومسازی اجرای سازهای ازجمله دالها، در بهبود رفتار سازهای دالهای یکطرفه بخصوص در زمینه پدافند غیرعامل مؤثر خواهد بود. استفاده از ورقههای بتن توانمند الیافی بهصورت همزمان در تمامی نواحی دال موجب افزایش چشمگیر سختی آن و کاهش خیز نمونه در برابر بار انفجار شد.

سید نوید میرهاشمی [۲۱] برای بهدست آوردن تغییر مکان دالها، رفتار یک دال بتن مسلح یکطرفه در چهار حالت تقویت نشده و تقویت شده با استفاده از صفحات پلیمری از نوع GFRP در سامانه باربر ثقلی ساختمان از رو و زیر دال تحت بار انفجار تماسی بهصورت یک سازه یک طبقه با یک دهانه در برابر فشار مستقیم ماده منفجره را مورد بررسی قرار داد. نتایج تحقیقات او نشان داد که استفاده از ورقهای تقویت GFRP و GFRP در کاهش مقدار جابهجایی دال بر اثر نیروی حاصل از انفجار، جلوگیری از قلوه کنی و فروریزش آوار در دالها مؤثر بوده و موجب کاهش ۲۶ درصدی تغییر مکان دال خواهد شد. همچنین

با افزایش ضخامت دال و قطر میلگردهای GFRP و تعداد لایههای CFRP و درصد پوشش آن بر دال، خیری که توسط نمونهها تجربه شده است، به شدت کاهش یافته است.

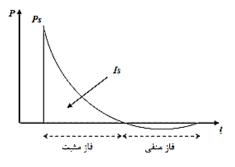
بررسی پژوهشهای انجام شده، نشان میدهد، رفتار دالهای بتنی مجوف تحت اثر بار انفجاری توسط پژوهشگران روشن نشده است. در این تحقیق تلاش می شود، اثر اندازه حفرهها بر عملکرد دالهای بتنی مجوف کروی در برابر انفجارهای با بیشینه فشار متفاوت بررسی گردد.

## ٢. فشار موج انفجار

انفجار واکنشی است که در آن نرخ سوختن مواد با سرعتی بهمراتب بیشتر از سرعت صوت انجام می شود؛ که درنتیجه دما و فشار بسيار بالايي ايجاد و موج انفجار بلافاصله توليد و با سرعت بسیار زیادی منتشر میشود. هر بارگذاری ناشی از موج انفجار توسط سه پارامتر شکل موج، حداکثر فشار و زمان دوام تعیین می شود. مهم ترین پارامتر موج انفجار، فشار است. به فشار ناشی از موج انفجار در هر نقطه از محیط اطراف انفجار که مقدار آن با وزن ماده منفجره رابطه مستقيم و با فاصله از مركز انفجار رابطه معكوس دارد، فشار انفجار مي گويند. محاسبه اندازه اين فشار و تغییرات آن در طی زمان از اهمیت کاربردی زیادی برخوردار است. شکل (۲) پروفیل فشار، برای موج انفجار را نشان می دهد؛ که به دو قسمت فاز مثبت و فاز منفی تقسیم شده است. در بخش فاز مثبت، بیشینه فشار بهصورت آنی تقریباً در زمان صفر شکل گرفته و طی زمان کوتاهی به مقدار فشار محیط کاهش پیدا می کند. بعداز آن موج وارد فاز منفی خود می شود؛ که دارای زمان طولانی تر اما دامنهای کمتر از فشار فاز مثبت است. نمودار فشار-زمان شکل (۲) طبق معادله نمایی (۱) رسم شده است [۲۲].

$$P(t) = p_s \left( 1 - \frac{t}{T_a} \right) e^{-\frac{bt}{T_a}} \tag{1}$$

فشار در زمان  $P_{s}$  بیشینه اضافه فشار و  $P_{s}$  نابت تجربی است.



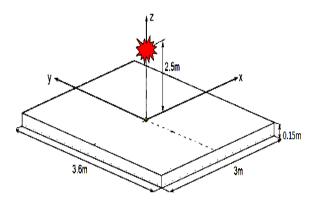
شكل ٢. نمودار فشار-زمان موج انفجار [٢٣]

# ٣. روش تحقيق

انجام شبیهسازی عددی و مدلسازی فرایند، یکی از روشهای اصلی مطالعه پدیدهها بوده و در تحلیل مسائل، راهکار مناسبی برای امکانسنجی و پیش بینی شرایط به شمار می آید. هزینه بالا و دشواری انجام آزمایشهای تجربی نیز در علاقه مندی به شبیه—سازی عددی بی تأثیر نیست. در این مقاله مدلسازی عددی با استفاده از نرمافزار المان محدود آباکوس انجام شده است. در واقع می توان گفت این تحقیق ادامه پژوهشهای تای [۲۴] است.

تای پس از مدلسازی دال بتن مسلح و صحت سنجی آن با نتایج تجربی، عوامل تأثیرگذار بر خرابی بتن در برابر انفجار را مورد بررسی قرار داد. نتایج او در بسیاری از مقالات بهعنوان مرجعی موثق جهت مدلسازی عددی استفاده شده است.

تای جهت دریافت پاسخ دینامیکی دال بتن مسلح در مقابل بارگذاری انفجاری، مقادیر مختلف یک خرج تیانتی را در فاصله ۲/۵ متری از آن قرار داد (شکل ۳)، و مقادیر جابهجایی و تنش را برای نقاط مختلف این دال ارائه نمود. در تحقیق حاضر ابتدا ۲۳۸ حفره کروی درون دال بتنی تای تعبیه شده است سپس پاسخ دینامیکی این دال بتنی مجوف در برابر بار انفجار مورد بررسی قرار گرفته است.



شکل ۳. هندسه دال بتن مسلح تای [۲۴]

در اینجا در مرحله اول پارامترهای مدلسازی دال بتنی تای و مسلح کردن آن با آرماتور در دو بخش جداگانه هندسه و مواد توضیح دادهشده است. در مرحله دوم بارگذاری، نوع تحلیل و شرایط تکیهگاهی و در مرحله آخر نیز اعتبارسنجی مدلسازی و آزمون همگرایی مش ارائه گردیده است.

#### ۳-۱. هندسه مدل

دال بتنی مدلسازی شده، دارای ابعاد ۳/۶×۳ و ارتفاع ۰/۱۵ متر است. این دال دارای دو شبکه آرماتور متشکل از تعداد ۱۵ آرماتور

طولی و ۱۸ آرماتور عرضی که به فاصله ۱۰ سانتی متر از یکدیگر و ۲/۵ سانتی متر از سطح دو طرف دال بتن قرارگرفته اند، می باشد. سطح مقطع آرماتور انتخاب شده ۴۷ میلی متر مربع است. جهت مجوف کردن دال بتنی ۲۳۸ حفره کروی درون آن تعبیه می شود؛ که در حد فاصل دو شبکه آرماتور درون مقطع دال بتن قرار می گیرند. جهت المان بندی بتن از المان هشت گرهی C3D8R2 با اندازه المانهای هفت سانتی متر استفاده شده است. این المانها قابلیت این را دارند که تنش و کرنش را با دقت خیلی بالایی برآورد کنند.

شكل ٢. مدلسازي اجزاء محدود دال بتني مجوف

#### ٣-٢. خواص مواد

برای آنالیز بتن تحتفشار، از مدل ساختاری بتن با پلاستیسیته آسیبدیده استفاده شده است. مدل بتن با پلاستیسیته آسیبدیده بر پایه فرضیات آسیبدیدگی همسان است و برای حالتهایی که بتن تحت بارگذاریهای دلخواه و از جمله بار انفجاری قرار دارد، طراحی شده است. خواص الاستیک بتن مورد مطالعه در جدول (۱) ارائه شده است.

جدول ١. مشخصات بتن

			•	
مدول الاستيسيته (GPa)	نسبت پواسون	مقاومت فشاری (MPa)	چگالی (Kg/m3)	پارامتر
۲۵	٠/١۵	۱۷/۲	74	مقدار

برای مدلسازی آرماتورهای طولی و عرضی از المان خرپایی T3D2 که یک المان سهبعدی دو گرهی با تغییر شکلهای خطی میباشد، استفاده شده است. این المانها در بتن محصور شده و رفتاری هماهنگ با آن خواهند داشت [۲۵]. در جدول (۲) مشخصات الاستیک فولاد مورد استفاده برای آرماتور آورده شده است.

جدول ۲. رفتار الاستیک فولاد در آرماتورهای طولی و عرضی

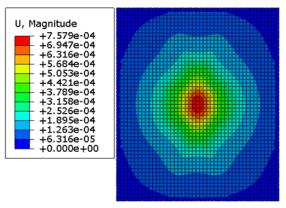
مدول الاستيسيته (GPa)	نسبت پواسون	تنش تسليم (MPa)	پارامتر
۲۱۰	٠/٣	۴٠٠	مقدار

#### ٣-٣. بارگذاري، نوع تحليل و شرايط تكيهگاهي

از روشهای مرسوم در حل مسائل موج شوک، اعمال مستقیم فشار موج انفجار به سازه و یا روش کانوپ  $^{\prime}$  است. در روش کانوپ فشار اعمالی با توجه به معادلات تجربی محاسبه می شود. این معادلات با استفاده از جمع آوری نتایج هزاران آزمایش انفجار ماده منفجره به دست آمده اند. این روش، برای شبیه سازی موج انفجار، مکان نیازمند ورودی های جرم معادل تی ان تی، نوع موج انفجار، مکان ماده منفجره در فضا و مشخصات سطح برای انتخاب نوع فشار اعمالی است. در این پژوهش مقدارهای یک، سه، پنج، ده و پانزده کیلوگرم تی ان تی مجوف، است ان الیز اجزاء محدود به روش دینامیکی صریح کیلوگرم شده است. آنالیز اجزاء محدود به روش دینامیکی صریح انجام شده است. این روش نسبت به روش ضمنی برای بارگذاری های شدید در زمان کوتاه (مانند ضربه و انفجار) بهتر است و جوابهای مناسب تری ارائه می دهد. شرایط تکیه گاهی نیز در چهار طرف دال بتنی منصورت گیردار تعریف شده است.

#### ۳-۴. اعتبارسنجی مدل

برای نمایش صحت مدلسازیهای عددی انجامشده، از نتایج مقاله معتبر آقای تای [۲۴] استفاده شده است. هندسه مدل، خواص مواد، نوع تحلیل و شرایط تکیهگاهی مدلسازی تای منطبق بر مدلسازیهای این تحقیق بوده و در قسمت قبل ارائه شد. در جدول (۳) نتایج تای و نتایج بهدستآمده از مدلسازی-های عددی این پژوهش با هم مقایسه شده است. همانگونه که مشخص است، نتایج حل عددی تطابق بسیار خوبی با نتایج تای دارد.



شکل ۴. توزیع جابهجایی ماندگار برای دال بتنی تای

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> ConWep

جدول ٣. مقایسه نتایج تای [۲۴] با نتایج مدلسازی مقاله حاضر

درصد اختلاف مدل سازی تحقیق حاضر با نتایج تای	بیشینه جابهجایی مدل سازی تحقیق حاضر (mm)	بیشینه جابهجایی تای (mm)	فاصله مقیاس شده (m/kg1/3)	جرم خرج (kg)	نمونه
7.19	7/4	۲/۵	۲/۵	١	A
7.7	۶/۳	8/٢	1/77	٣	В
7.Δ	9/9	9/19	1/48	۵	С
7.4	1.1/9	1 \( \/ \)	1/18	١٠	D
7.17	41	47/1	1/•1	۲٠	Е

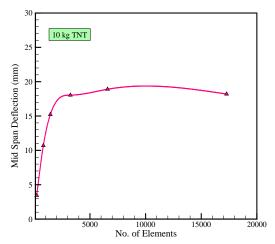
## ٣-۵. آزمون همگرایی مش

نتایج یک مدلسازی اجزای محدود زمانی همگرا میشوند که مش بندی به گونهای باشد که المانهای سازه بهاندازه کافی کوچک باشند. این نیز زمانی قابل دستیابی است که تعداد المانها به حدی برسد که دیگر افزایش تعداد المان، تأثیر چندانی بر نتایج نداشته باشد. در این بخش دال بتنی تای، تحت بارگذاری انفجاری خرج ۱۰ کیلوگرمی تیانتی قرار گرفت و با اندازه المانهای مختلف آنالیز شد. شرایط و مشخصات شش نمونه آنالیز شده در جدول (۴) ارائه گردیده است.

**جدول ۴**. آزمون همگرایی مش

بیشینه جابهجایی (mm)	اندازه المان (cm)	تعداد المان	فاصله مقیاس شده (m/kg1/3)	جرم خرج (kg)	نمونه
١٨/٢	۵	۱۷۲۸۰	1/18	١٠	A
۱۸/۵	γ	۶۵۸۰	1/18	١٠	В
۱۸/۰۴	1.	774.	1/18	١.	С
10/77	۱۵	144.	1/18	١٠	D
1 • /۶9	۲٠	۸۱۰	1/18	١.	Е
7/44	۴.	710	1/18	١٠	F

جهت مقایسه بهتر، نتایج در شکل (۵) ارائه گردیده است. همانطور که مشاهده میشود المانهای کوچکتر از ده سانتیمتر میتوانند نتایج مناسبی را ارائه دهند. در این مدلسازی المان با اندازه هفت سانتیمتر برای مش بندی دال بتنی انتخاب شد.



شکل ۵. نمودار همگرایی مش

#### ۴. نتایج و بحث

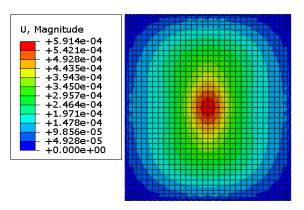
هرکدام از دالها تحت پنج بارگذاری متفاوت مورد بررسی قرار می گیرد. در واقع جهت تعیین مقادیر بهینه سی مدل ارزیابی میشود. مشخصات دالهای بتنآرمه مجوف در جدول (۵) ارائه شده است.

جدول ۵. مشخصات حفرههای دال بتنی مجوف

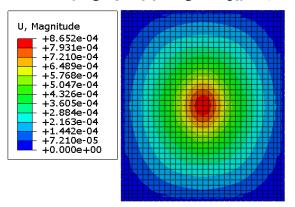
F	Е	D	С	В	A	نام دال
١٢	1.	٨	۶	۴	٠	قطر حفره (cm)
						نسبت قطر حفره
٠/٨	٠/۶٧	٠/۵۴	٠/۴	•/٢٧	•	به ضخامت دال
						(D/H)

#### ۱-۴. جابهجایی بیشینه و جابهجایی ماندگار

یکی از معیارهای بررسی رفتار سازهها، پارامتر جابهجایی است. پس از رسیدن موج انفجار به دال بتنآرمه مجوف، منحنی جابه جایی آن در طی یک فراز و نشیب قابل ملاحظه ای، ابتدا به یک مقدار بیشینه میرسد؛ پس از آن بهدلیل مستهلک شدن انرژی، دامنه نوسان بهصورت تناوبی با گذر زمان کاهش یافته تا اینکه در نهایت منحنی در مقدار جابهجایی ماندگار یکنواخت می شود. در این مقاله دو پارامتر جابه جایی بیشینه و جابه جایی ماندگار که در واقع ملاک ارزیابی پژوهشگران و همچنین ملاک طراحی مهندسان میباشند، مورد بررسی قرار می گیرد. شکلهای (۱۱-۶) توزیع جابهجایی ماندگار را برای D/H های مختلف نشان می دهند. همان طور که ملاحظه می شود جابه جایی ماندگار برای دال بتنی مجوف با D/H = 0/8 کمترین مقدار و برای دال بتنی مجوف بـا D/H=٠/۲۷ و D/H=٠/۲۷ بیشترین مقدار را خواهـد داشت. همچنین مشخص است که دال بتنی معمولی به صورت موضعی تغییر شکل میدهد، درصورتی که دالهای بتنی مجوف دارای توزیع جابهجایی یکنواختتری هستند.



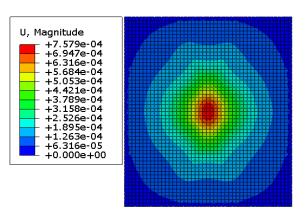
شکل ۱۰. توزیع جابهجایی ماندگار برای دال بتنی مجوف با D/H=۰/۶۷



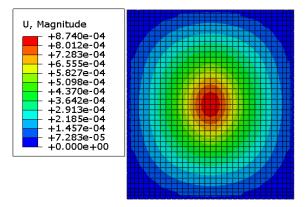
 $D/H=\cdot/\Lambda$  توزیع جابه جایی ماندگار برای دال بتنی مجوف با

در این قسمت با در نظر گرفتن بیشینه جابه جایی به عنوان ملاک ارزیابی، سعی می شود که مناسب ترین نسبت D/H (نسبت قطر حفره به ضخامت دال)، جهت دست یابی به کمترین مقدار جابه جایی بیشینه تحت فشارهای مختلف موج انفجار، تعیین شود. نتایج مدل سازی های انجام شده جهت تعیین نسبت مناسب D/H در جدول (۶) ارائه شده است.

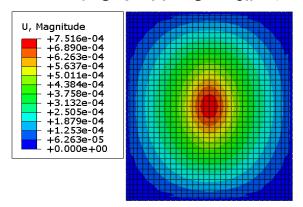
برای دستیابی به هدف موردنظر دو شرط متفاوت لحاظ شده است. شرط اول کمینه کردن میـزان بیشـینه جابـهجـایی و شرط دوم کمینه کردن توأمان میزان بتن مصرفی و میزان بیشینه جابه جایی است که علاوه بر در نظر گرفتن عملکرد سازهای دال بتنآرمه مجوف، از نظر اقتصادی نیز مسئله را مورد ارزیابی قرار می دهد. بر مبنای مقدارهای به دست آمده از جدول (۶) در شکل-های (۱۶-۱۲) منحنیهای درصد کاهش بیشینه مقدار جابهجایی و درصد کاهش جرم بتن مصرفی دال بتنی مجوف نسبت به دال بتنی معمولی برای D/H های مختلف ترسیم شده است. مقدار بیشینه نسبی منحنی درصد کاهش بیشینه مقدار جابهجایی، مقدار D/H بهینه را بر اساس شرط یک و محل تقاطع دو منحنی، مقدار D/H بهینه را بر اساس شرط دوم ارائه میدهند. بررسی نمودارهای ارائهشده در شکلهای (۱۶-۱۲) نشان میدهد که میزان بیشینه جابهجایی دال مجوف در همه حالات نسبت به دال معمولی کمتر است. همچنین مشخص است که کمترین میزان جابهجایی (بیشترین میزان درصد کاهش جابهجایی نسبت به دال



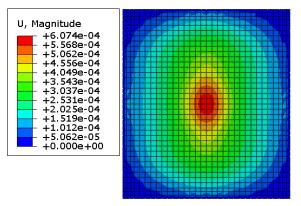
شکل ۶. توزیع جابهجایی ماندگار برای دال بتنی معمولی با ED/H =۰



شكل ۷. توزيع جابهجايي ماندگار براي دال بتني مجوف با D/H=٠/۲۷



شکل ۸. توزیع جابهجایی ماندگار برای دال بتنی مجوف با ۴/H=۰/۴



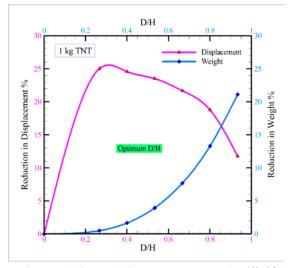
شکل ۹. توزیع جابه جایی ماندگار برای دال بتنی مجوف با D/H=۰/۵۴

معمولی) تحت هر مقدار فشار انفجاری مربوط به دالهای مجوفی می بایر  $\mathrm{D}(\mathrm{H})$  برابر  $\mathrm{D}(\mathrm{H})$  برابر  $\mathrm{D}(\mathrm{H})$  است.

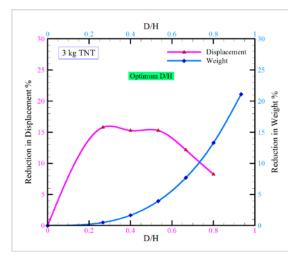
نمودارهای مزبور نشان می دهند که بیشینه مقدار نسبت کاهش جابه جایی دال مجوف به دال معمولی برای خرجهای ۱، ۳، ۵، ۱۰ و ۱۵ کیلوگرمی به ترتیب ۲۶٪، ۱۶٪، ۱۶٪، ۱۴٪ و ۱۱٪ می باشد و با افزایش جرم ماده منفجره اثر وجود حفره بر درصد کاهش جابه جایی دال مجوف نسبت به دال معمولی کمتر می گردد.

جدول ۶. نتایج جابه جایی سی نمونه دال مجوف مدل سازی شده

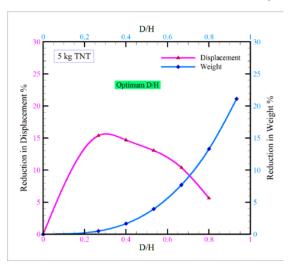
ده	مدلسازىس	ں مجوف	ىمونە دار	جایی سی	۶. نتایج جابه	جدول
جابهجایی	بیشینه	جرم			فاصله	~
جب بین ماندگار	بیسیت جابهجایی	برم نمونه	D/H	نمونه	مقياس	جرم خرج
(mm)	(mm)	(ton)			شده	(kg)
(11111)	(11111)	(toli)			(m/kg1/3)	(Rg)
٠/٧۵	7/87	۳/۸۹	٠	A		
•/ <b>XY</b>	١/٩٨	٣/٨٧	•/٢٧	В		
•/٧۴	1/99	٣/٨٢	•/۴	С	۲/۵	١
٠/۶	۲/۰۱	٣/٧٣	•/64	D	1,2	
٠/۵٨	۲/۰۶	٣/۵٩	٠/۶٧	Е		
٠/٨۶	7/14	٣/٣٧	٠/٨	F		
٣/٠۶	8/44	٣/٨٩	•	A		
٣/٢٣	۵/۴۱	٣/٨٧	•/٢٧	В		
٣/٠۵	۵/۴۵	٣/٨٢	•/۴	С	1/77	٣
٣/٠۵	۵/۴۵	۳/۷۳	•/64	D	17.11	
7/87	۵/۶۵	٣/۵٩	·/۶Y	Е		
٣/٢٧	۵/۹	٣/٣٧	٠/٨	F		
۵/۴۶	1 • / 1	۳/۸۹	•	A	1/49	۵
۵/۵۹	۸/۵۴	٣/٨٧	•/٢٧	В		
۵/۳۷	۸/۶۰	٣/٨٢	•/۴	С		
۵/۱۰	A/YY	۳/۷۳	•/64	D		
۵/۱۳	9/•4	٣/۵٩	•/۶٧	Е		
۵/۷۴	٩/۵٢	٣/٣٧	•/٨	F		
17/Y	19/4	۳/۸۹	•	A		
17/8	۱۶/۸	٣/٨٧	•/٢٧	В		
17/7	18/9	٣/٨٢	•/۴	С	1/18	١٠
۱۱/۸	17/7	۳/۷۳	•/64	D	1/1/	
11/9	۱۷/۸	٣/۵٩	٠/۶٧	Е		
14	١٨/٩	٣/٣٧	•/٨	F		
۵/۵	١.	۳/۸۹	•	A		
۵/۶	٨/۵	٣/٨٧	•/٢٧	В		
۵/۴	۸/۶	٣/٨٢	•/۴	С	,,,	۱۵
۵/۱	٨/٨	٣/٧٣	۰/۵۴	D	1/•1	
۵/۱	٩	٣/۵٩	·/۶Y	Е		
۵/٧	٩/۵	۳/۳۷	٠/٨	F		
				•	·	



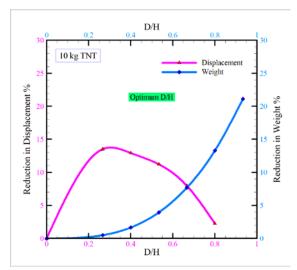
شکل ۱۲. مقادیر بهینه نسبت D/H بر اساس شروط یک و دو، برای خرج ۱ کیلوگرم



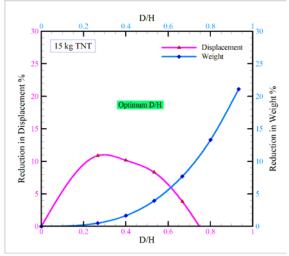
شکل ۱۳. مقادیر بهینه نسبت D/H بر اساس شروط یک و دو، برای خرج T کیلوگرم



شکل ۱۴. مقادیر بهینه نسبت D/H بر اساس شروط یک و دو، برای خرج ۵ کیلوگرم



شکل ۱۵. مقادیر بهینه نسبت D/H بر اساس شروط یک و دو، برای خرج ۱۰ کیلوگرم



شکل ۱۶. مقادیر بهینه نسبت D/H بر اساس شروط یک و دو، برای خرج ۱۵ کیلوگرم

در جدول (۷)، D/H هایی که سبب کمینه کردن میزان بیشینه جابهجایی و کمینه کردن توأمان میزان بتن مصرفی و میزان بیشینه جابهجایی در دالهای بتنی مجوف می شوند یا همان مقادیر بهینه D/H بر اساس شروط یک و دو آورده شده است. همان طور که مشاهده می شود؛ با تقریب نسبتاً خوبی می توان برای شرط یک مقدار بهینه D/H=+/۳ در نظر گرفت. برای شرط دوم، D/H مقدار ثابتی ندارد و وابسته به فاصله مقیاس شده (m/kg1/3) است و با كاهش s، با توجه به كاهش فشار و ایمپالس و لزوم داشتن مقاومت کافی دال، کاهش می یابد. در شکل (۱۷) منحنی D/H بهینه بر اساس شرط دوم، نسبت به فواصل مقياس شده مختلف ترسيم شده است.

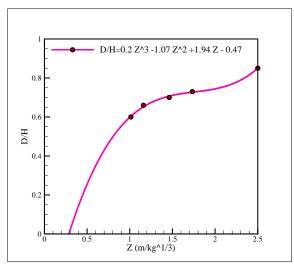
جدول ۷. مقادیر D/H بر آورد شده برای جرم خرجهای متفاوت

مقدار بهینه	مقدار بهينه	فاصله مقياس	جرم
(D/H)	(D/H)	شده	خرج
با شرط دو	با شرط یک	(m/kg1/3)	(kg)
٠/٨۵	٠/٣٢	۲/۵	١
•/٧۴	٠/٣١	1/Y	٣
• /Y	•/٣•	1/4	۵
•188	٠/٢٩	1/1	١٠
٠/۶	•/٢٧	١	۱۵

همان طور که مشاهده می شود با افزایش فاصله مقیاس شده به دلیل کاهش فشار و ایمپالس نسبت D/H افزایش پیدا می کند. جهت تعیین D/H مناسب بر اساس شرط دوم، می توان یک منحنی درجه سه به دادهها برازش داد. معادله (۲) بهترین معادله چندجملهای است که می تواند در فاصله مقیاس شده موردنظر، با خطای استاندارد ۰/۰۱ این رابطه را بیان کند.

$$\frac{D}{H} = 0.2z^3 - 1.07 z^2 + 1.94z - 0.047 \tag{Y}$$

طوری که Z فاصله مقیاس شده، D قطر حفرهها و H ضخامت دال است.



شكل ۱۷. مقادير بهينه نسبت D/H بر اساس شرط دو، برحسب z

# ۴-۲. بررسی آسیب

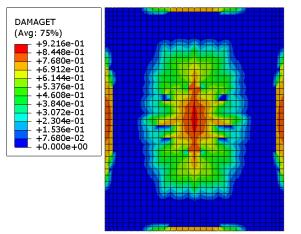
نشانه آسیب جهت بیان ظرفیت بتن برای تحمل بارگذاری مانند فشار موج انفجار تعریف میشود. مقالات زیادی بتن را با استفاده از شاخص خسارت و نشانه آسیب مورد ارزیابی قرار دادهانید [۲۶-۲۹]. نشانه آسیب را می توان به عنوان نسبت

مساحت تخریبشده به مساحت آسیب ندیده دال تعریف نمود، که همواره عددی بین صفر و یک خواهد بود.

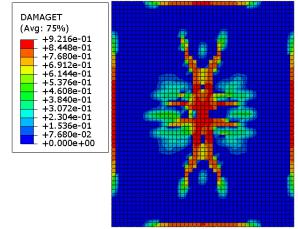
$$DI = 1 - \frac{P_R}{p_o} \tag{7}$$

که  $P_o$  ظرفیت باربری اولیه و  $p_R$  ظرفیت باربری باقی مانده در دال بتن است. سطوح مختلف آسیب می تواند به این صورت تعریف شود که المانهای با DI=۰ ~ ۰/۲ دارای سطح آسیب کماند. المانهای با ۵/۰ ~ DI=۰/۲ دارای سطح آسیب متوسطاند و المانهای با  $DI=1/\Delta \sim 1/A$  دارای سطح آسیب زیاد هستند؛ و در نهایت المانهایی با DI=۰/۸~۱ ظرفیت

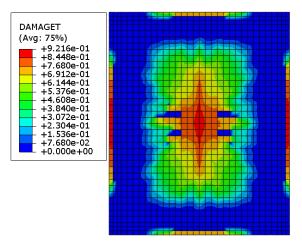
باربری خود را ازدستداده و بهعبارتی فرو میریزند [۲۵]. در شکلهای (۱۸- ۲۲) توزیع آسیب در دالهای بتنی مجوف که تحت فشار ناشی از انفجار یک کیلوگرم تیان تی در فاصله ۲/۵ متری آن قرار گرفتهاند، برای D/H های مختلف رسم شده است. ملاحظه می شود که بیشترین میزان آسیب در مرکز و لبههای دالها رخ میدهد. همچنین در دال بتنی معمولی المانهای بیشتری در محدوده  $I=1/\Lambda \sim DI=0$  قرار می گیرند به عبارتی دیگر آسیب در دال بتنی معمولی نسبت به دال بتنی مجوف جدی تر است. از سوی دیگر مشاهده میشود توزیع آسیب در دالهای بتنی مجوف، یکنواخت تر است.



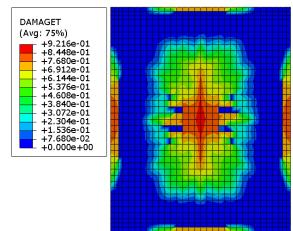
شکل ۱۹. توزیع آسیب کششی در پشت دال بتن مجوف با D/H=٠/۲۷



شکل ۱۸. توزیع آسیب کششی در پشت دال بتن معمولی با -= D/H

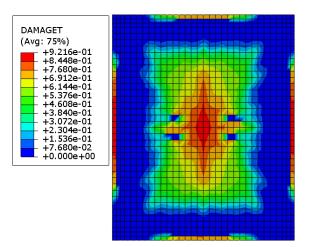


شکل ۲۰. توزیع آسیب کششی در پشت دال بتن مجوف با ۵۴ اسکل ۱۲. توزیع آسیب کششی در پشت دال بتن مجوف با ۳۰/۵۲ سکل ۲۰



#### ع مرجعها

- [1] Mostofinejad, D. "Concrete Reinforced Concrete Structures"; Arkan Danesh. 1394 (In Persian).
- [2] Chung, J. H.; Park, J. H.; Choi, H. K.; Lee, S. C.; Choi, C. S. "An Analytical Study on the Impact of Hollow Shapes in Bi-Axial Hollow Slabs"; Fracture Mechanics of Concrete and Concrete Structures 2010, 1729-1736.
- [3] Breuning, K. I. "System and Method for Biaxial Semi-Prefabricated Lightweight Concrete Slab"; US Patent 20150292203, 2015.
- [4] Joseph, A. V. "Structural Behaviour of Bubble Deck Slab"; M-Tech Seminar Rep. 2016.
- [5] Low, H. Y.; Hao, H. "Reliability Analysis of Direct Shear and Flexural Failure Modes of RC Slabs under Explosive Loading"; Eng. Struct. 2002, 24, 189-198.
- [6] Jones, J. "Finite Difference Analysis of Simply Supported RC Slabs for Blast Loadings"; Eng. Struct. 2009, 31, 2825-2832.
- [7] Wu, C.; Nurwidayati, R.; Oehlers, D. J. "Fragmentation from Spallation of RC Slabs Due to Airblast Loads"; Int. J. Impact. Eng. 2009, 36, 1371-1376.
- [8] Silva, P.F.; Lu, B. "Blast Resistance Capacity of Reinforced Concrete Slabs"; J. Struct. Eng. 2009, 135, 708-716.
- [9] Schenker, A. "Full-Scale Field Tests of Concrete Slabs Subjected to Blast Loads"; Int. J. Impact. Eng. 2008, 35, 184-198.
- [10] Xu, K.; Lu, Y. "Numerical Simulation Study of Spallation in Reinforced Concrete Plates Subjected to Blast Loading"; Comput. & Struct. 2006, 84, 431-438.
- [11] Wang, W. "Experimental Study on Scaling the Explosion Resistance of a One-Way Square Reinforced Concrete Slab under a Close-in Blast Loading"; Int. J. Impact. Eng. 2012, 49, 158-164.
- [12] Wang, W. "Experimental Study and Numerical Simulation of the Damage Mode of a Square Reinforced Concrete Slab under Close-in Explosion"; Eng. Failure Anal. 2013, 27, 41-51.
- [13] Nagashree, B.; Hokrane, S.; Saha, S. "Comparative Studies of Conventional Slab and Bubble Deck Slab Based on Stiffness and Economy"; Int. J. Sci. Res. & Dev. 2017.
- [14] Maazoun, A.; Vantomme, J.; Matthys, S. "Damage Assessment of Hollow Core Reinforced and Prestressed Concrete Slabs Subjected to Blast Loading"; Procedia Eng. 2017, 199, 2476-2481.
- [15] Mazoun, A. "Numerical Prediction of the Pynamic Response of Prestressed Concrete Hollow Core Slabs under Blast Loading" in 11th Euro. LS-Dyna Conf. 2017.
- [16] Wariyatno, N.G.; Haryanto, Y.; Sudibyo, G.H. "Flexural Behavior of Precast Hollow Core Slab Using PVC Pipe and Styrofoam with Different Reinforcement"; Procedia Eng. 2017, 171, 909-916.
- [17] Abed, A.A.A. "Numerical Analysis of Reinforced Concrete Hollow-Core Slabs"; ARPN J. Eng. & Appl. Sci. 2016, 11, 9284.
- [18] Einabadi, H.; Kalatjari, V. "Determine the Optimal Dimensions of Plastic Balls in the Cobiax Roofs Based on Hardness Criteria"; I. Con. Civil Arch. & Urban Dev. 1394 (In Persian).



 $D/H = 0/\Lambda$  توزیع آسیب کششی در پشت دال بتن مجوف با

### ۵. نتیجهگیری

یکی از پرکاربردترین سازهها برای مقابله با موج انفجار دال بتنی است. از آنجایی که بهترین جاذب انرژی موج انفجار هواست؛ لـذا انتظار میرود دال بتنآرمه مجوف با توجه به حذف بتن غیر باربر آن، عملکرد بهتری نسبت به دال بتنآرمه در مقابل انفجار داشته باشد. در این مقاله با استفاده از آنالیز اجزاء محدود روشی جهت تعیین قطر مناسب حفرههای درون دال بتنی با در نظر گرفتن دو معیار کمینه کردن میـزان بیشینه جابهجایی و کمینه کـردن توامان میزان بتن مصرفی و بیشینه جابهجایی ارائه شد؛ که معیار دوم علاوه بر در نظر گرفتن عملکرد سازهای، از نظر اقتصادی نیـز مسئله را مورد ارزیابی قرار میدهد.

نتایج نشان داد که در همه نمونهها وجود حفره درون مقطع بتن موجب کاهش جابهجایی بیشینه دال می شود. قطر مناسب حفرههای کروی درون مقطع دال بر اساس کمینه کردن بیشینه جابهجایی ۲/۳ ضخامت دال برآورد شد. بر اساس شرط دوم قطر مناسب برای حفرهها مقدار ثابتی نداشته و وابسته به فاصله مقیاس شده (z) است و با کاهش آن، با توجه به کم شدن فشار و ایمپالس و لزوم داشتن مقاومت کافی دال، قطر حفرهها کاهش میابد. بر این اساس در محدوده فواصل مورد بررسی قطر حفرهها مقداری بین ۶/۳ تا ۸/۸ ضخامت دال، برآورد شد. همچنین نتایج نشان داد که جابهجاییهای ماندگار و پارامتر همچنین نتایج نشان داد که جابهجاییهای ماندگار و پارامتر بینی مجوف دارای توزیع یکنواختتری هستند که این نشان از بتنی مجوف دارا بتنی معمولی، در برابر فشار ناشی از بار انفجار است.

- [24] Tai, Y. "Dynamic Response of a Reinforced Concrete Slab Subjected to Air Blast Load"; Theor. Appl. Fract. Mech. 2011, 56, 140-147.
- [25] Simulia, D. "ABAQUS 6.11 Analysis User's Manual. Abaqus 6.11 Documentation"; 2011, 22.
- [26] Karami, F.; Izadpanah, M. "Incremental Inelastic Dynamic Damage Analysis of MRRCFs Infilled with Masonry Panels"; J. Build. Eng. 2021, 44, 103282.
- [27] Habibi, A. R.; Samadi, M.; Izadpanah, M. "Practical Relations to Quantify the Amount of Damage of SWRCFs using Pushover Analysis"; Adv. Concrete Construct. 2020, 10, 271-278.
- [28] Carrillo, J.; Oyarzo-Vera, C.; Blandon, C. "Damage Assessment of Squat, Thin and Lightly-Reinforced Concrete Walls by the Park and Ang Damage Index"; J. Build. Eng. 2019, 26, 100921.
- [29] Izadpanah, M.; Habibi, A. R. "New Spread Plasticity Model for Reinforced Concrete Structural Elements Accounting for Both Gravity and Lateral Load Effects"; J. Struct. Eng. 2018, 144, 04018028.

- [19] Einabadi, H.; Kalatjari, V. "Determine the Optimal Dimensions of Plastic Balls in the Cobiax Roofs Based on Resistance Criteria"; Int. Con. Civil Arch. & Urban Dev. 1394 (In Persian).
- [20] OmidiNasab, F.; Afrooznia, M. "Numerical Study on Strengthening of Weak One-Way Slabs with HSC Laminates Subjected to Blast Load"; J. Struct. Construc. Eng. 2021, 8, 218-233 (In Persian).
- [21] Mirhashemi, S. N. "Investigating the Deflection of Concrete Slabs Reinforced with CFRP and GFRP Plates and Bars"; Scientific Journal of Passive Defense 2020, 11, 55-65.
- [22] Ngo, T. "Blast Loading and Blast Effects on Structures—an Overview"; Ent. J. Struct. Eng. 2007, 7, 76-91.
- [23] Leong, E. "Re-Examination of Peak Stress and Scaled Distance Due to Ground Shock"; Int. J. Impact Eng. 2007, 34, 1487-1499.