מבוא למדעי המחשב – סמסטר א' תשפ"ג

עבודת בית מספר 2: מערכים, פונקציות ובעיית הספיקות

צוות העבודה:

• מרצה אחראי: גב׳ מיכל שמש

• מתרגלים אחראים: אופיר גגולשוילי ורז לפיד

13/11/2022 ברסום: 13/11/2022

23:59 בשעה 4/12/2022 בשעה מועד אחרון להגשה:

מה בתגבור: בתגבורים של 15-23/11/22 נפתור באופן מודרך את משימות: 2,8,12 ונדגים את השימוש בפותרן ה-SAT.

:תקציר נושא העבודה

בעבודת בית זו נתרגל עבודה עם מערכים ופונקציות ב-Java ונפגוש את בעיית הספיקות יחד עם כמה מושגים חשובים נוספים במדעי המחשב. נכתוב תכנית לפתרון בעיית *הטיול הגדול*: בבעיה זו נתונים קבוצה של ערים וקווי תעופה ביניהן. יש לתכנן מסלול לטיול שיוצא מנמל הבית, עובר בכל שאר הערים וחוזר לנמל הבית, כך שכל עיר תופיע בדיוק פעם אחת במסלול וכן בסיומו נחזור לעיר המקור. האלגוריתם שנממש לפתרון הבעיה מבוסס על רדוקציה ל"בעיית הספיקות" (SAT).

בעבודה זו 20 משימות וסך הנקודות המקסימלי הוא 100. שימו לב שמספר הנקודות לכל משימה הוא אחיד (5 נקודות למשימה) ואינו מצביע על קושי המשימה.

הנחיות מקדימות

- קראו את העבודה מתחילתה ועד סופה לפני שאתם מתחילים לפתור אותה. רמת הקושי של המשימות אינה אחידה: הפתרון של חלק מהמשימות קל יותר, ואחרות מצריכות מחשבה וחקירה מתמטית שאותה תוכלו לבצע בעזרת מקורות דרך רשת האינטרנט .בתשובות שבהן אתם מסתמכים על עובדות מתמטיות שלא הוצגו בשיעורים או כל חומר אחר, יש להוסיף כהערה במקום המתאים בקוד את ציטוט העובדה המתמטית ואת המקור (כגון ספר או אתר).
 - VPL- עבודה זו תוגש ביחידים במערכת המודל ניתן לצפות בסרטון הדרכה על אופן הגשת העבודה במערכת ה-VPL בלינק הבא: <u>סרטון הדרכה.</u>
 - לצורד העבודה מסופקים לכם שלושה קבצים:
 - 1. קובץ Assignment2.java שכולל את התבניות להגדרת הפונקציות עבור המשימות בעבודה. קבצים לעבודה עם הפותרן (ניתן להוריד קבצים אלו מהמודל ליד קובץ תיאור העבודה):
 - SAT ממשק לעבודה עם פותרן SATSolver.java .2
 - .SAT ספרייה הממשת פותרן org.sat4j.core.jar 3

.Assignment2 בשם eclipse- המלצה על דרך העבודה- אנו ממליצים לפתוח פרויקט

הוסיפו את קובץ השלד Assignment2.java שהורדתם לפרויקט, בקובץ זה אתם תשלימו את הגדרת הפונקציות בהתאם למתואר במשימות. בנוסף יש לשלב את קבצי הפותרן בפרויקט בהתאם להסבר במסמך הנלווה "שימוש בפותרן "SAT" הניתן להורדה במודל ליד קובץ תיאור העבודה.

הנחיות לכתיבת קוד והגשה

- בקבצי השלד המסופקים לכם קיים מימוש ברירת מחדל לכל פונקציה. יש למחוק את מימוש ברירת המחדל בגוף הפונקציות ולכתוב במקום זאת את המימוש שלכם לפי הנדרש בכל משימה.
 - אין לשנות את החתימות של הפונקציות המופיעות בקבצי השלד.
- עבודות שלא יעברו קומפילציה במערכת ה VPL יקבלו את הציון 0 ללא אפשרות לערער על כך. אחריותכם לוודא שהעבודה שאתם מגישים עוברת תהליך קומפילציה במערכת ה VPL (ולא רק ב-eclipse). להזכירכם, תוכלו לבדוק זאת ע"י לחיצה על כפתור ה-Evaluate.
 - עבודות הבית נבדקות גם באופן ידני וגם באופן אוטומטי. לכן, יש להקפיד על ההוראות ולבצע אותן במדויק.
- סגנון כתיבת הקוד ייבדק באופן ידני. יש להקפיד על כתיבת קוד יעיל, ברור, על מתן שמות משמעותיים למשתנים, על הזחות (אינדנטציה), ועל הוספת הערות בקוד המסבירות את תפקידם של מקטעי הקוד השונים. אין צורך למלא את הקוד בהערות מיותרות, אך חשוב לכתוב הערות בנקודות קריטיות, המסבירות קטעים חשובים בקוד. הערות יש לרשום אך ורק באנגלית. כתיבת קוד אשר אינה עומדת בדרישות אלו תגרור הפחתה בציון העבודה.
 - בעבודה זו ניתן להשתמש בידע שנרכש בקורס עד לתאריך פרסום העבודה. אין להשתמש בכל צורת קוד אחרת אשר לא נלמדה בכיתה.
 - ניתן ורצוי להוסיף פונקציות עזר שלא פורטו בעבודה.
 - ניתן להשתמש בפונקציות שהוגדרו בסעיפים קודמים.
 - חריגות בעבודה זו אנו נשתמש תמיד בחריגה IllegalArgumentException ועל ההודעה להיות אינפורמטיבית וברורה.

עזרה והנחיה

- לכל עבודת בית בקורס יש צוות שאחראי לה. ניתן לפנות לצוות בשעות הקבלה. פירוט שמות האחראים לעבודה מופיע במסמך זה וכן באתר הקורס, כמו גם פירוט שעות הקבלה.
- ניתן להיעזר בפורום. צוות הקורס עובר על השאלות ונותן מענה במקרה הצורך. שימו לב, אין לפרסם פתרונות בפורום. בפורום.
 - בכל בעיה אישית הקשורה בעבודה (מילואים, אשפוז וכו'), אנא פנו אלינו דרך מערכת הפניות, כפי שמוסבר באתר הקורס.
 - אנחנו ממליצים בחום להעלות פתרון למערכת המודל לאחר כל סעיף שפתרתם. הבדיקה תתבצע על הגרסה האחרונה שהועלתה (בלבד!).

יושר אקדמי

הימנעו מהעתקות! ההגשה היא ביחידים. אם מוגשות שתי עבודות עם קוד זהה או אפילו דומה - זוהי העתקה, אשר תדווח לאלתר לוועדת משמעת. אם טרם עיינתם <u>בסילבוס הקורס</u> אנא עשו זאת כעת.

חובה לחתום על הצהרת יושר אקדמי בהתאם להנחיות במשימה 0!

הנחיות לכתיבת הערות

לאורך העבודה, עליכם לכתוב הערות ותיעוד של הקוד.

מה נדרש לתעד? יש להסביר קטעי קוד שמבצעים חלקים משמעותיים. אין צורך לרשום הסבר כללי לפעולה של פונקציה שאנחנו ביקשנו לממש. לעומת זאת, במידה וכתבתם פונקציית עזר משלכם, עליכם לתת הסבר כללי למה הפונקציה מקבלת, מה היא מבצעת ומה היא מחזירה.

- :הערות לא טובות
- a. תמלול שורות קוד שברור מה הן עושות.
 - b. הערות שלא מוסיפות שום מידע חשוב.
 - .c הערות המכילות יותר מדי מידע.
 - :הערות טובות
- .a הסבר קצר של הלוגיקה של קטע קוד מורכב שעומד להגיע.
- שראינו בכיתה, הערה המסבירה את הנחת היסוד של הפונקציה לדוגמא, הפונקציה שראינו בכיתה. b. יוצאת מנקודת הנחה שהמערך ממויין ומחפשת הפרה של המיון.
 - .c הערות אינפורמטיביות.

דוגמא (הערות לא טובות):

```
// boolean variable that saves whether the sum is even or odd
boolean isEven = true;
// a variable that saves the input from the user
int x = myScanner.nextInt();
// while x > 0 loop
while (x > 0) {
       // if x is odd
       if (x \% 2 == 1)
               // flip the boolean value
              isEven = !isEven;
       // load input from the user
       x = myScanner.nextInt();
// check if isEven's value is true
if (isEven == true)
       System.out.println("Is even");
// if isEven's value is false
else
       System.out.println("Is odd");
                                                                           דוגמא (הערות טובות):
// the default value is 0, thus it is an even number
boolean isEven = true;
int x = myScanner.nextInt();
// Infer the parity of the sum from the parity of the inputs
while (x > 0) {
       if (x%2 == 1)
               isEven = !isEven;
       x = myScanner.nextInt();
if (isEven == true)
       System.out.println("Is even");
```

else

System.out.println("Is odd");

משימה 0 - הצהרה

פתחו את הקובץ IntegrityStatement.java וכתבו בו את שמכם ומספר תעודת הזהות שלכם במקום המסומן. משמעות פעולה זו היא שאתם מסכימים וחותמים על הכתוב בהצהרה הבאה:

I, <Israel Israeli> (<123456789>), assert that the work I submitted is entirely my own.

I have not received any part from any other student in the class, nor did I give parts of it for use to others.

I realize that if my work is found to contain code that is not originally my own, a formal case will be opened against me with the BGU disciplinary committee.

סיימתם חלק זה? כל הכבוד! העלו את הגרסה האחרונה של עבודתכם למערכת המודל.

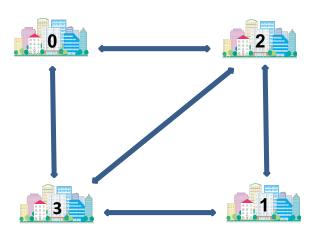
שימו לב! עבודות בהן לא תמולא ההצהרה, יקבלו ציון 0.

בעיית הטיול הגדול

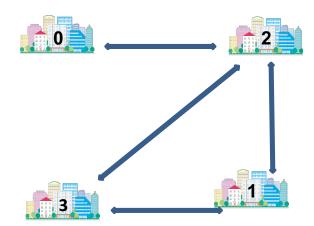
מבוא

בהינתן רשימה של קווי תעופה בין n ערים (n>0) הממוספרות ב- $\{0\dots n-1\}$, יש לתכנן מסלול המתחיל מנמל הבית הנמצא בעיר המקור 0, מבקר בכל אחת מן הערים האחרות $\{1\dots n-1\}$ בדיוק פעם אחת ובסיומו חוזר לנמל הבית שבעיר המקור (מסלול מעגלי). קיומו של קו תעופה $\{i,j\}$ בין שני ערים שונות i,j, מציין שקיימת טיסה בשני הכיוונים i,j

דוגמא 1: נניח שיש 4 ערים $\{0,1,2,3\}$ ושקווי התעופה הם: $\{0,1,2,3\},\{1,2\},\{2,3\},\{1,2\},\{2,3\},$ כפי שמוצג באיור מספר 1. ניתן לתכנן מסלול שפותר את בעיית הטיול הגדול. למשל המסלול: $0\to 2\to 1\to 2\to 0$. דוגמא 2: נניח שיש 4 ערים $\{0,1,2,3\}$ ושקווי התעופה הם: $\{1,2\},\{2,3\},\{1,2\},\{2,3\},\{1,2\}$, כפי שמוצג באיור מספר 2. בדוגמא זו לא ניתן למצוא מסלול שפותר את בעיית הטיול הגדול.



איור 1. הצגה גרפית של קווי התעופה מדוגמא 1



איור 2. הצגה גרפית של קווי התעופה מדוגמא 2

Java-ייצוג מופע של בעיית הטיול הגדול ב

תובע הואנית פוליאנית מטריצה בגודל עבור n ערים ערים (n>0) מיוצג באמצעות מטריצה בוליאנית מטריצה עבור n בגודל עבור n במטריצה הוא במטריצה ורק אם קיים קו תעופה $\{i,j\}$.

הגדרה 1: מערך דו-ממדי flights מייצג מופע חוקי של בעיית הטיול הגדול על n>0 ערים על מערך מטריצה מייצג מופע חוקי של בעיית הטיול הגדול האנית שהיא:

```
n מערכים שכל אחד מהם מערכים מערכיה n מכילה n א.
```

```
.flights[i][j] = flights[j][i] מתקיים 0 \le i \le j < n - לכל ב. סימטרית - לכל 0 \le i \le j < n מתקיים הנטי-רפלקסיבית - לכל 0 \le i < n מתקיים הוא אנטי-רפלקסיבית - לכל מתקיים הוא אנטי-רפלקסיבית - לכל מתקיים חיבות הוא אנטי-רפלקסיבית - לכל מתקיים הוא אנטי-רפלקסיבית הוא אנט
```

באופו הבא: בעיית הטיול הגדול שמוצג באיור מספר 1 ייוצג ב-Java באופו הבא:

ייצוג פתרון לבעיית הטיול הגדול ב

פתרון למופע של בעיית הטיול הגדול עבור n ערים (n>0) מיוצג באמצעות מערך חד-ממדי בגודל n של מספרים שלמים, כאשר הערך בתא ה-i מציין את מספר העיר שמבקרים בה בשלב ה-i של הטיול. למשל, המסלול שלמים, כאשר הערך בתא ה-i מציין את מספר העיר שמתואר בדוגמא n, מיוצג באמצעות המערך n בשים בשיח במערך n בסוף הטיול לא מיוצגת באופן מפורש במערך.

(n>0) ערים על על הגדול בעיית הטיול מופע מייצג פתרון מייצג של מספרים של A מערך אב מערך מערד מערד אם:

- א. A הוא מערך באורך n המכיל את כל המספרים 0... (כל הערים מופיעות במסלול בדיוק פעם אחת).
 - 0 = 0 ב. A[0] = 0 העיר הראשונה במסלול היא
- A[0]ל-[i+1] וכן קיים קו תעופה בין A[i+1]ל ל-[i+1] ל-A[i+1]ל ל-[i+1] ל-A[i+1]ל.

וידוא תקינות קלט

במשימות הבאות נממש מספר פונקציות שיסייעו לנו לבדוק האם מופע נתון לבעיית הטיול הגדול הוא תקין.

משימה 1: (מטריצה ריבועית) (5 נקודות)

:Assignment2.java השלימו את הפונקציה הבאה בקובץ

public static boolean isSquareMatrix (boolean[][] matrix)

הפונקציה מקבלת כקלט מערך בוליאני דו-ממדי באורך כלשהו ומוודאת כי המערך מייצג מטריצה ריבועית: על matrix אם ורק אם המערך true אם הפונקציה להחזיר ערך true אם ורק אם המערך א

הנחות על הקלט וחריגות:

- אין להניח שום הנחות על הקלט.
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

```
boolean[][] matrix1 = {{false, false}, {true, true}};
System.out.println(isSquareMatrix(matrix1)); // true
```

```
boolean [][] matrix2 = {{true, false, true}, {false, false}};
System.out.println(isSquareMatrix(matrix2)); // false
boolean [][] matrix3 = null;
System.out.println(isSquareMatrix(matrix3)); // false
```

משימה 2: (מטריצה סימטרית) (5 נקודות) [משימה זו תיפתר בתגבור השבועי].

:Assignment2.java השלימו הבאה הפונקציה הבאה השלימו

public static boolean isSymmetricMatrix (boolean[][] matrix)

הפונקציה מקבלת כקלט מטריצה בוליאנית בגודל $n \times n$, ומוודאת כי המטריצה היא סימטרית: על הפונקציה להחזיר אפונקציה מקבלת כקלט מטריצה בוליאנית בגודל $0 \le i < j < n$ אם ורק אם לכל true ערך

הנחות על הקלט וחריגות:

- הניחו כי matrix היא מטריצה ריבועית.
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

:דוגמאות

משימה 3: (מטריצה אנטי-רפלקסיבית) (5 נקודות)

:Assignment2.java השלימו את הפונקציה הבאה בקובץ

public static boolean isAntiReflexiveMatrix (boolean[][] matrix)

הפונקציה מקבלת כקלט מטריצה בוליאנית בגודל n imes n, ומחזירה אם ורק אם המטריצה היא אנטי-רפלקסיבית.

הנחות על הקלט וחריגות:

- הניחו כי matrix היא מטריצה ריבועית.
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

משימה 4: (מופע חוקי) (5 נקודות)

:Assignment2.java השלימו הבאה הפונקציה הבאה הפונקציה

public static boolean isLegalInstance (boolean[][] matrix)

אשר מקבלת כקלט מערך דו-ממדי *matrix,* ובודקת האם הקלט הוא מופע תקין לבעיית הטיול הגדול לפי **הגדרה 1**.

הנחות על הקלט וחריגות:

- אין להניח שום הנחות על הקלט.
- . יש להחזיר ערך false אם הקלט אינו תקין.
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.
- שימו לב שגם מופע של עיר אחת הוא חוקי זהו מקרה הקצה היחיד עבור הבעיה.

וידוא פתרון לבעיית הטיול הגדול

במשימות הבאות נממש מספר פונקציות לצורך וידוא פתרון של בעיית הטיול הגדול.

משימה 5: (המסלול עובר בכל הערים) (5 נקודות):

הגדרה (פרמוטציה): מערך array יקרא פרמוטציה אם הוא מכיל את כל המספרים השלמים בין 0 ל-array. ופרע כלומר, כל ערך בטווח הנ"ל יופיע בדיוק פעם אחת. כלומר, כל ערך בטווח הנ"ל יופיע בדיוק פעם אחת. בחערכים [1,4,3,2], [0,2], [0,2,1,3] אינם דוגמאות: המערכים [0,2,1,3], [0,2], [0,2,1,3] הם פרמוטציות ואילו המערכים בחערכים [1,4,3,2], [0,2], ווערכים בחערכים בחערכים

:Assignment2.java השלימו הבאה הפונקציה הבאה השלימו

public static boolean isPermutation (int[] array)

הוא פרמוטציה. array אם ורק אם המערך true הפונקציה תחזיר ערך

הנחות על הקלט וחריגות:

- .null אינו array -
- פונקציה זו לא זורקת חריגות.

:דוגמאות

פרמוטציות.

```
int[] array1 = {0,2,3,1};
System.out.println(isPermutation(array1)); //true
int[] array2 = {1,4,3,2};
System.out.println(isPermutation(array2)); //false
```

זכרו, כדאי לכם לבדוק את עצמכם בכל סעיף ובפרט על הדוגמאות הנתונות, כמו כן חשבו על אילו קלטים נוספים כדאי להריץ את הפונקציה הנ״ל כדי לוודא את נכונות הפונקציה.

משימה 6: (כל הטיסות במסלול קיימות) (5 נקודות)

:Assignment2.java השלימו הבאה הפונקציה הבאה השלימו

public static boolean hasLegalSteps (boolean[][] flights, int[] tour)

הנחות על הקלט וחריגות:

- ערים. n>0 אייצג מופע תקין על flights -
- [0,n-1] המערך tour וערכיו הם באורך הוא באורך
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

משימה 7: (פתרון חוקי) (5 נקודות)

:Assignment2.java השלימו הבאה הבוקציה הבאה השלימו

public static boolean isSolution(boolean[][] flights, int[] tour)

הפונקציה מקבלת מערך flights דו-ממדי המייצג מופע של בעיית הטיול הגדול ומערך flights. הפונקציה תחזיר ערך tour אם ורק אם המערך tour את התנאים לפתרון לפי **הגדרה 2** עבור המופע הנתון

הנחות על הקלט וחריגות:

- ערים. n>0 ערים מופע מופע flights הניחו שהמערך
 - tour אין להניח שום הנחות על המערך
 - n אינו מערך באורך אינו מערך באורך -

בעיית הספיקות

משימות 11-8: בדוגמאות של משימות 8-11 נתייחס להגדרות:

```
int[] lits1 = {1,2,3}; // \{x_1,x_2,x_3\}
int[] lits2 = {-1,2,3}; // \{\neg x_1,x_2,x_3\}
boolean[] assign1 = {false, false, false, false};
boolean[] assign2 = {false, false, true, true};
boolean[] assign3 = {false, true, false, false};
```

<u>משימה 8: (שיערוך נוסחת CNF בהינתן השמה)</u> [משימה זו תיפתר בתגבור השבועי].

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

```
public static boolean evaluate(int[][] cnf, boolean[] assign)
```

ההשמה לרגע אם נוסחת true אם בו, ומחזירה שמופיעים למשתנים מssign ההשמה CNF הפונקציה מקבלת מספקת מספקת ממפוסה. assign

הנחות על הקלט וחריגות:

- הניחו ש- cnf מייצג נוסחת CNF הניחו ש-
- הניחו שהמערך assign מייצג השמה תקינה.
- הניחו שעבור כל משתנה k שמופיע בנוסחה, assign[k] מייצג את ההשמה למשתנה זה.
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

:דוגמאות

```
int[][] cnf = {{1,-2}, {-1, 2, 3}, {-3, 2}};

System.out.println(evaluate(cnf, assign1)); //true
System.out.println(evaluate(cnf, assign2)); //false
```

משימה 9: (לפחות אחד)(5 נקודות)

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[][] atLeastOne(int[] lits)

הפונקציה מקבלת מערך lits של ליטרלים (מספרים שלמים שמייצגים משתנים פסוקיים או שלילתם) ומחזירה נוסחת True שמאלצת את הליטרלים כך **שלפחות אחד** מהם מקבל ערך true. כלומר, ההשמות המספקות של הנוסחה המוחזרת הן בדיוק ההשמות שמספקות לפחות אחד מהליטרלים.

הנחות על הקלט וחריגות:

- הניחו שהמערך lits אינו lits, אורכו גדול מ-0, ומכיל מספרים שלמים השונים מ-0.
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

דוגמאות:

```
int[][] cnf1 = atLeastOne(lits1);
int[][] cnf2 = atLeastOne(lits2);

System.out.println(evaluate(cnf1, assign1)); // false
System.out.println(evaluate(cnf1, assign2)); // true
System.out.println(evaluate(cnf1, assign3)); // true
System.out.println(evaluate(cnf2, assign1)); // true
System.out.println(evaluate(cnf2, assign2)); // true
System.out.println(evaluate(cnf2, assign3)); // false
```

משימה 10: (לכל היותר אחד)(5 נקודות).

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[][] atMostOne(int[] lits)

הפונקציה מקבלת מערך lits של ליטרלים (מספרים שלמים שמייצגים משתנים פסוקיים או שלילתם) ומחזירה נוסחת Thae שמאלצת את הליטרלים כך **שלכל היותר אחד** מהם מקבל ערך true. כלומר, ההשמות המספקות של הנוסחה המוחזרת הן בדיוק ההשמות שמספקות לכל היותר אחד מהליטרלים.

הנחות על הקלט וחריגות:

- -0. אינו lits אינו שהמערך ומכיל מספרים שלמים אורכו גדול מ-0, ומכיל אינו -0.
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

```
int[][] cnf1 = atMostOne(lits1);
int[][] cnf2 = atMostOne(lits2);

System.out.println(evaluate(cnf1, assign1)); // true
System.out.println(evaluate(cnf1, assign2)); // false
System.out.println(evaluate(cnf1, assign3)); // true
System.out.println(evaluate(cnf2, assign1)); // true
System.out.println(evaluate(cnf2, assign2)); // false
System.out.println(evaluate(cnf2, assign3)); // true
```

משימה 11: (בדיוק אחד) (5 נקודות)

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[][] exactlyOne(int[] lits)

הפונקציה מקבלת מערך lits של ליטרלים (מספרים שלמים שמייצגים משתנים פסוקיים או שלילתם) ומחזירה נוסחת CNF שמאלצת את הליטרלים כך **שבדיוק אחד** מהם מקבל ערך true. כלומר, ההשמות המספקות של הנוסחה המוחזרת הן ההשמות שמספקות בדיוק אחד מהליטרלים.

הנחות על הקלט וחריגות:

- הניחו שהמערך lits אינו lits, אורכו גדול מ-0, ומכיל מספרים שלמים השונים מ-0.
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

```
int[][] cnf1 = exactlyOne(lits1);
int[][] cnf2 = exactlyOne(lits2);

System.out.println(evaluate(cnf1, assign1)); // false
System.out.println(evaluate(cnf1, assign2)); // false
System.out.println(evaluate(cnf1, assign3)); // true
System.out.println(evaluate(cnf2, assign1)); // true
System.out.println(evaluate(cnf2, assign2)); // false
System.out.println(evaluate(cnf2, assign3)); // false
```

רדוקציה מבעיית הטיול הגדול לבעיית הספיקות

תזכורת: פתרון למופע של בעיית הטיול הגדול עבור n ערים מיוצג באמצעות מערך חד-ממדי בגודל n של מספרים שלמים, כאשר הערך בתא הi מציין את מספר העיר שמבקרים בה בשלב הi של הטיול.

תיאור הרדוקציה - משתנים:

בהינתן מופע של בעיית הטיול הגדול על n ערים, נגדיר:

 x_k עבור כל זוג מספרים (i,j) עבור האם מציין שלב בטיול ו- מציין מציין פסוקי משתנה פסוקי משתנה פסוקים בעיר ה-i משתנים האם בשלב ה-i של הטיול ביקרנו בעיר ה-j. בסך הכל עבור מופע על n ערים יהיו לנו n^2 משתנים שהערך שלו מציין האם בשלב ה-i זוגות המספרים (i,j) האפשריים.

לדוגמה כאשר n=3, נוכל למפות את הזוגות באופן הבא:

```
(0,0) \mapsto 1, (0,1) \mapsto 2, (0,2) \mapsto 3, (1,0) \mapsto 4, (1,1) \mapsto 5, (\mathbf{1},\mathbf{2}) \mapsto \mathbf{6}, (2,0) \mapsto 7, (2,1) \mapsto 8, (2,2) \mapsto 9
```

 x_6 מציין האם בשלב במסלול ביקרנו בעיר בעיר בעיר בעיר בעיר איקבל המשתנה הפסוקי x_6

 $\{x_1, \dots x_{n^2}\}$ למשתנים הפסוקיים למשתנים בהגדרת הרדוקציה נצטרך למפות את זוגות המספרים החלב, לווח בהגדרת בהגדרת אוגות בעזרת פונקציית מיפוי, $\{(i,j)|0\leq i,j< n\}\to \{1,2,\dots n^2\}$ באופן הד-חד ערכי ועל. נעשה זאת בעזרת פונקציית מיפוי, x_k מציין האם בשלב ה-i של הטיול ביקרנו בעיר ה- x_i שהערך אם המשתנה הפסוקי בעיר ה- x_i

משימה 12: (מיפוי המשתנים) (5 נקודות) [משימה זו תיפתר בתגבור השבועי].

א. השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

```
public static int map(int i, int j, int n)
```

 $1 \leq k \leq n^2$ ואת מספרים מחזירה הפונקציה הפונקציה ואת מספר ואת מספרים ואת מספרים ואת מספרים ואת מספרים הפונקציה מספרים ואת מציין האם בצעד ה-i ביקרנו בעיר בעיר ואמשתנה הפסוקי מציין האם בצעד ה-i ביקרנו בעיר

הנחות על הקלט וחריגות:

- n > 0 ע וכן ש $0 \le i, j < n$ -
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.
- ב. השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[] reverseMap(int k, int n)

-המיוצג כמערך כך המונקציה מחזירה את מספר (i,j) המיוצג כמערך כך במופע. הפונקציה מחזירה את מספר את מספר הערים n במופע. השורות הבאות: map(i,j)=k

הנחות על הקלט וחריגות:

- n>0 ש וכו $1\leq k\leq n^2$ -
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

תיאור הרדוקציה - אילוצים:

בהינתן מופע של בעיית הטיול הגדול על n ערים, נגדיר נוסחת CNF על המשתנים הפסוקיים x_1,\dots,x_{n^2} כך שמכל השמה מספקת של הנוסחה נוכל לפענה טיול שהוא פתרון למופע. את נוסחת ה- CNF נבנה בחלקים כקוניונקציה של אילוצים. בהמשך השאלה, לצורך נוחות, נכתוב map(i,j,n) במקום המשתנה הפסוקי פונקציות שמייצרות map(i,j,n) ונממש פונקציות שמייצרות כעת נפרט את האילוצים על קבוצת המשתנים הפסוקיים map(i,j,n) map(i,j,n) ונממש פונקציות שמייצרות נוסחאות CNF שמתארות כל אילוץ.

משימה 13: (אילוץ א: בכל צעד של הטיול מבקרים בעיר אחת) (5 נקודות)

תארך האילוץ: לכל שלב i בטיול, בדיוק אחד מהמשתנים $map(i,0,n), \ ..., map(i,n-1,n)$ מקבל את הערך בדיוק עיר אחת i שעבורה המשתנה map(i,j,n) מקבל את הערך true בהשמה מספקת.

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[][] oneCityInEachStep(int n)

. האילוץ, את מספר הערים במופע n, ומחזירה נוסחת האבטאת את האילוץ.

:הנחות על הקלט וחריגות

- n>0 יש להניח ש
- פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

משימה 14: (אילוץ ב: מבקרים בכל עיר רק פעם אחת) (5 נקודות)

תיאור האילוץ: לכל עיר j בדיוק אחד מהמשתנים map(0,j,n),...,map(n-1,j,n) מקבל את הערך אחד בדיוק לכל עיר j קיים בדיוק שלב אחד i שעבורו המשתנה map(i,j,n) מקבל את הערך בדיוק שלב אחד i

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[][] eachCityIsVisitedOnce(int n)

. הפונקציה מקבלת את מספר הערים במופע n, ומחזירה נוסחת המבטאת את האילוץ.

הנחות על הקלט וחריגות:

- n>0 יש להניח
- פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

משימה 15: (אילוץ ג: עיר המקור היא 0) (5 נקודות)

תיאור האילוץ: המשתנה map(0,0,n) מקבל את הערך true מספקת.

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[][] fixSourceCity(int n)

ג. אילוץ גת מספר את מספר הערים במופע n, ומחזירה נוסחת המבטאת את אילוץ ג.

הנחות על הקלט וחריגות:

- n>0 יש להניח ש
- פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

משימה 16: (אילוץ ד: אין מעברים לא חוקיים במסלול) (5 נקודות)

- תיאור האילוץ: לכל שלב i < n במסלול, ושתי ערים שונות j,k שאין ביניהן קו תעופה, נדרוש שאם בשלב ה בא הוא מבקרים בעיר i אז בשלב הבא לא מבקרים בעיר i. לכל שלב i. אם i < n-1 אז השלב הבא הוא השלב הבא הוא השלב ה- i ואם i = n-1 ואם i = n-1 ואם i = n-1 השלב ה- i = n-1 ואם בערך i = n-1 היותר אחד משני המשתנים i = n-1 היותר אחד משני המשתנים i = n-1

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[][] noIllegalSteps(boolean[][] flights)

הפונקציה מקבלת מופע של הבעיה הנתון במערך הדו-ממדי flights ומחזירה נוסחת הבטאת את האילוץ. רמז: התמקדו בכל זוגות הערים השונות j,k שאין ביניהן קו תעופה על פי המופע הנתון.

הנחות על הקלט וחריגות:

- n>0 מייצג מופע תקין לפי הגדרה 1 ושמספר הערים flights -
 - פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

בסעיף זה, אנו מבטאים אילוץ אותו ניתן לבטא על ידי אופרטור הגרירה.

."B אז $A \rightarrow B$ אז אונין הבא: "אם $A \rightarrow B$ אז

 $:A \to B$ נתבונן בטבלת האמת של

ניתן לראות כי רק עבור False ערך הביטוי אינו, ערך הביטוי אינו אר דרעפ, אר המקרים ערך הביטוי הינו אר ביתן לראות עולה השקילות הלוגית הבאה: True

 $A \rightarrow B \Leftrightarrow \neg A \lor B$

A	В	$A \rightarrow B$	¬A∨B
False	False	True	True
False	True	True	True
True	False	False	False
True	True	True	True

משימה 17: (ממיר קלט)(5 נקודות)

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[][] encode(boolean[][] flights)

הפונקציה מקבלת מופע נתון של בעיית הטיול הגדול במערך הדו ממדי flights ומחזירה נוסחת CNF שהיא קוניונקציה של כל האילוצים של בעיית הטיול הגדול עבור המופע הנתון flights:

- אילוץ א: בכל צעד מבקרים בעיר אחת.
- אילוץ ב: מבקרים בכל עיר רק פעם אחת.
 - .0 אילוץ ג: עיר המקור היא
 - אילוץ ד: אין צעדים לא חוקיים.

הנחות על הקלט וחריגות:

.1 מייצג מופע תקין לפי הגדרה flights הניחו שהמערך

משימה 18: (ממיר פלט)(5 נקודות)

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[] decode(boolean[] assignment, int n)

הפונקציה מקבלת מספר n ומערך בוליאני assignment באורך באורך מספר ומערך מספר ומערך מספר n המקיים את התנאי הפונקציה מחזירה מערך מספרים שלמים באורך המקיים את התנאי $\{map(i,j,n)|0\leq i,j< n\}$. הרא:

.assignment[map(i,j,n)] = true אז אז tour[i] = j אם הערך אם $0 \le i < n$ לכל שמבקר בכל הערים. ייצג בהכרח מסלול שמבקר בכל הערים.

הנחות על הקלט וחריגות:

- n>0 הניחו ש
- .null יש לזרוק חריגה אם assignment יש לזרוק
- $n^2 + 1$ אינו מערך באורך assignment יש לזרוק אינו -

דוגמא:

נניה שn=3 ושהפונקציה map ממפה ושהפונקציה n=3

$$(0,0)\mapsto 1, (0,1)\mapsto 2, (0,2)\mapsto 3, (1,0)\mapsto 4, (1,1)\mapsto 5, (1,2)\mapsto 6, (2,0)\mapsto 7, (2,1)\mapsto 8, (2,2)\mapsto 9$$

בהינתן ההשמה הבאה:

```
boolean[] assignment = {false, true, false, false, false,
    false, true, false, true, false};
```

הקריאה לפונקציה decode תחזיר את המערך שמצוין מימין.

int[] tour = **decode** (assignment, 3)
$$//$$
 {0,2,1}

במשימה הבאה נחבר את חלקי העבודה יחדיו לפתור את בעיית הטיול הגדול באמצעות רדוקציה לבעיית הספיקות הבוליאנית תוך שימוש בפותרן של SAT.

משימה 19: (מציאת פתרון למופע) (5 נקודות)

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[] solve(boolean[][] flights)

הפונקציה מקבלת כקלט מופע של בעיית הטיול הגדול. על הפונקציה:

- לאתחל פותרן לבעיית הספיקות עם כמות המשתנים המתאימה למופע
 - encode בעזרת הפונקציה CNF בעזרת המופע לנוסחת לקודד את המופע -
 - להוסיף את הנוסחה לפותרן
 - להפעיל את הפותרן על מנת למצוא השמה מספקת לנוסחה
 - אם מתקבלת השמה מספקת
- .decode בעזרת הפונקציה (tour נסמנו ב- לפתרון (נסמנה השמה זו לפתרון (נסמנו ב- יש לפענה השמה זו לפתרון (נסמנו ב-
- isSolution בעזרת בעזרת בעזרת בי בעזרת הנתון ב- tour יש לוודא כי הוא פתרון הוקי למופע הנתון בי להחזיר תשובה בהתאם:
 - אם tour הוא פתרון חוקי, יש להחזירו החרת יש לזרוק חריגה שמציינת שהפתרון אינו חוקי אחרת (אין השמה מספקת) יש להחזיר null

הנחות על הקלט וחריגות:

- אין להניח שום הנחות על הקלט -
- יש לזרוק חריגה אם flights אינו מייצג מופע תקין לבעיית הטיול הגדול לפי הגדרה 1.
- יש לזרוק חריגה אם המופע היה בלתי פתיר עקב מגבלות זמן (timeout), פרטים נוספים על מגבלות זמן ניתן למצוא בנספח לעבודה זו
 - יש לזרוק חריגה אם יש השמה מספקת אך הפתרון המתקבל ממנה לא חוקי

משימה 20: (קיום לפחות שני מסלולים) (5 נקודות)

בהינתן מופע של בעיית הטיול הגדול, נרצה לדעת האם קיימים למופע זה שני פתרונות שונים.

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static boolean solve2(boolean[][] flights)

הפונקציה מקבלת כקלט מופע של בעיית הטיול הגדול flights, ומחזירה ערך true אם ורק אם קיימים לפחות שני פתרונות לבעיית הטיול הגדול שמתחילים בעיר 0 ושאינם מכילים בדיוק את אותם הטיסות בכיוון הנגדי.

לדוגמא: המסלול [0,2,1,3] מכיל את אותן הטיסות כמו במסלול [0,3,1,2] בכיוון הנגדי.

למשל עבור המופע הנתון באיור 1, הפונקציה תחזיר ערך false

הנחות על הקלט וחריגות:

- אין להניח שום הנחות על הקלט -
- .1 אינו מייצג מופע תקין לבעיית איול הגדול לפי הגדרה flights אינו יש לזרוק חריגה -
- יש לזרוק חריגה אם המופע היה בלתי פתיר עקב מגבלות זמן (timeout), פרטים נוספים על מגבלות זמן ניתן למצוא בנספח לעבודה זו

