

Exercice 1 (7pts)

La suite (U_n) est définie comme suit:

$$\begin{cases} U_1 = -2 \\ U_i = 3 \times (U_{i-1})^2 - 10 \times U_{i-1} & \text{si } i > 1 \end{cases}$$

Écrire un algorithme ou un programme C qui sans utiliser de tableaux, affiche les valeurs des termes de la suite (U_n) inférieures ou égales à une valeur **val** donnée par l'utilisateur.

Exercice 2 (7pts)

T est un tableau de n entiers positifs ($3 \leq n \leq 50$). On appelle **poids** de T, noté $p(T)$, la somme de ses éléments. Si **e** est un élément quelconque de T, celui-ci partitionne le tableau en deux parties: **T1_e** qui est le sous tableau contenant les éléments de T à partir du premier jusqu'à **e**, et **T2_e** est le sous-tableau contenant les éléments restants. Si **e** est le dernier, **T2_e** est vide et son poids est nul.

On appelle **pivot** de T, le premier élément **e*** tel que $p(T1_{e*}) \geq p(T2_{e*})$.

En supposant T déjà rempli, écrire un algorithme ou un programme C qui détermine la position du pivot d'un tableau T, puis affiche sa valeur.

Exemple :

Si $T = \boxed{8 \ 3 \ 1 \ 2 \ 5}$, le pivot est dans la 2^{ème} position car $8 < 3+1+2+5$ mais $8+3 \geq 1+2+5$. Sa valeur est 3.

Exercice 3 (6pts)

mat est une matrice quelconque d'entiers (10 lignes et 10 colonnes max.). On appelle diagonale de **mat** toute séquence complète d'éléments parallèle ou confondue avec la diagonale principale (voir exemple).

En supposant **mat** déjà remplie, écrire un algorithme ou un programme C qui met à zéro la diagonale de **mat** ayant la plus petite somme (s'il y en a plusieurs, mettre à zéro une seule suffit).

Exemple : une matrice 3×4 possède 6 diagonales. Les cases en gris sont des exemples de ses diagonales.

1) diagonale principale	2) une autre diagonale	3) encore une autre	4) la plus petite	5) le résultat est donc																																																												
<table border="1"> <tr><td>2</td><td>-1</td><td>5</td><td>9</td></tr> <tr><td>6</td><td>7</td><td>21</td><td>-7</td></tr> <tr><td>13</td><td>5</td><td>6</td><td>6</td></tr> </table>	2	-1	5	9	6	7	21	-7	13	5	6	6	<table border="1"> <tr><td>2</td><td>-1</td><td>5</td><td>9</td></tr> <tr><td>6</td><td>7</td><td>21</td><td>-7</td></tr> <tr><td>13</td><td>5</td><td>6</td><td>6</td></tr> </table>	2	-1	5	9	6	7	21	-7	13	5	6	6	<table border="1"> <tr><td>2</td><td>-1</td><td>5</td><td>9</td></tr> <tr><td>6</td><td>7</td><td>21</td><td>-7</td></tr> <tr><td>13</td><td>5</td><td>6</td><td>6</td></tr> </table>	2	-1	5	9	6	7	21	-7	13	5	6	6	<table border="1"> <tr><td>2</td><td>-1</td><td>5</td><td>9</td></tr> <tr><td>6</td><td>7</td><td>21</td><td>-7</td></tr> <tr><td>13</td><td>5</td><td>6</td><td>6</td></tr> </table>	2	-1	5	9	6	7	21	-7	13	5	6	6	<table border="1"> <tr><td>2</td><td>-1</td><td>0</td><td>9</td></tr> <tr><td>6</td><td>7</td><td>21</td><td>0</td></tr> <tr><td>13</td><td>5</td><td>6</td><td>6</td></tr> </table>	2	-1	0	9	6	7	21	0	13	5	6	6
2	-1	5	9																																																													
6	7	21	-7																																																													
13	5	6	6																																																													
2	-1	5	9																																																													
6	7	21	-7																																																													
13	5	6	6																																																													
2	-1	5	9																																																													
6	7	21	-7																																																													
13	5	6	6																																																													
2	-1	5	9																																																													
6	7	21	-7																																																													
13	5	6	6																																																													
2	-1	0	9																																																													
6	7	21	0																																																													
13	5	6	6																																																													

Remarques :

- Un bonus de 2 pts (note globale ≤ 20) pour l'utilisation juste des actions paramétrées dans les exos 2 et 3.
- Pour le C, il est interdit d'utiliser des bibliothèques autres que celle associée à `<stdio.h>`.
- Il est interdit d'utiliser **l'effaceur**, sinon **-2 pts**. En cas d'erreur, barrer proprement.

You can use the algorithmic language or the C language. Mixing them in the same exercise is not allowed.

Exercise 1 (7pts)

The sequence (U_n) is defined as follows:

$$\begin{cases} U_1 = -2 \\ U_i = 3 \times (U_{i-1})^2 - 10 \times U_{i-1} & \text{if } i > 1 \end{cases}$$

Write an algorithm or a C program that, without using arrays, displays the values of the terms of the sequence (U_n) that are less than or equal to a value **val** given by the user.

Exercise 2 (7pts)

T is an array of n positive integers ($3 \leq n \leq 50$). The weight of **T**, denoted as $p(T)$, is the sum of its elements. If **e** is any element of **T**, it partitions the array into two parts: **T1_e**, which is the sub-array containing the elements of **T** from the first to **e**, and **T2_e**, which is the sub-array containing the remaining elements. If **e** is the last element, **T2_e** is empty, and its weight is zero.

The **pivot** of **T** is defined as the first element **e*** such that $p(T1_{e*}) \geq p(T2_{e*})$.

Assuming **T** is already filled, write an algorithm or a C program that determines the position of the pivot in an array **T** and then displays its value.

Example :

Si **T** =

8	3	1	2	5
---	---	---	---	---

, the pivot is in the 2nd position because $8 < 3+1+2+5$ and $8+3 \geq 1+2+5$. Its value is 3.

Exercise 3 (6pts)

mat is an arbitrary matrix of integers (no more than 10 rows and 10 columns). The diagonal of **mat** refers to any complete sequence of elements parallel or coincident with the main diagonal (see example).

Assuming **mat** is already filled, write an algorithm or a C program that sets to zero the diagonal of **mat** that has the smallest sum (if there are several diagonals with the same smallest sum, zeroing out any one of them is sufficient).

Example : A 3 x 4 matrix has 6 diagonals. The grey cells are examples of its diagonals.

1) main diagonal

2	-1	5	9
6	7	21	-7
13	5	6	6

2) another diagonal

2	-1	5	9
6	7	21	-7
13	5	6	6

3) yet another

2	-1	5	9
6	7	21	-7
13	5	6	6

4) the smallest

2	-1	5	9
6	7	21	-7
13	5	6	6

5) hence the result is

2	-1	0	9
6	7	21	0
13	5	6	6

Remarks:

- A bonus of 2 points (overall score ≤ 20) for the correct use of parametrized actions in exercises 2 and 3.
- For C programming, it is forbidden to use libraries other than the one associated with `<stdio.h>`.
- Using an ink eraser is prohibited, otherwise **-2 pts**. In case of an error, neatly cross it out.

```

//*****
//***** Exercice 1 *****
//*****
#include <stdio.h>
int val,u,i;                                //declaration 0.5pt
int main(){
    printf("\n Donner val:");
    scanf("%d",&val);
    printf("\n Les termes de la suite <= %d sont:",val);
    u = -2;                                //initialisation 0.5
    for(i=1; u <= val; i++){                //boucle 2pts
        printf("\n U%d=%d",i,u);            //affichage 1pt
        u=3*(u*u)-10*u;                    //calcul termes 2pts
    }
    return 0;                                //si un terme > val
}                                              //est affiche -1pt

//*****
//***** Exercice 2 *****
//*****
#include <stdio.h>
int T[50]={8,3,1,2,5},pos,n=5;                //declaration 1pt
int getPivotPos(int vect[], int n);            //determination pivot 4pts
int getTabWeight(int vect[], int n);            //calcul de la somme 2pts
int main(){
    pos=getPivotPos(T,n);
    printf("\n La position du pivot (premiere case avec "
           "indice 1) est %d, sa valeur est %d", pos+1, T[pos]);
    return 0;
}
int getPivotPos(int vect[], int n){            //traitement 6pts dont:
    int pos,weight,sum;                      //determination pivot 4pts
    weight=getTabWeight(vect,n);              //calcul de la somme 2pts
    sum=0;                                    //on accepte n'importe
    for(pos=0;pos<n;pos++){                //quelle methode juste
        sum+=vect[pos];
        if(sum >= weight/2.0)break;
    }
    return pos;
}
int getTabWeight(int vect[], int n){
    int i,sum;
    sum=0;
    for(i=0;i < n;i++){
        sum+=vect[i];
    }
    return sum;
}

//*****
//***** Exercice 3 *****
//*****
#include <stdio.h>                            //declarations 1pt
int mat[10][10]={ {2,-1,5,9},{6,7,21,-7},{13,5,6,6} },n=3,m=4;
void lectMat(int mat[][10],int *n,int *m);
int annuleLeastDiag(int mat[][10], int n, int m);
void affichMat(int mat[][10],int n,int m);

int main(){
    lectMat(mat,&n,&m); //en plus
    annuleLeastDiag(mat,n,m);
    affichMat(mat,n,m);
    return 0;
}
void lectMat(int tab[][10],int *n,int *m){ //en plus
    int i,j;
    printf("\nNombre de lignes (<=%d) et nombre de colonnes"
           " (<=%d):",10,10);
    scanf("%d %d",n,m);
}

```

```

for(i=0;i<*n;i++){
    for(j=0;j<*m;j++){
        printf("Mat[%d,%d]:",i+1,j+1);
        scanf("%d",&tab[i][j]);
    }
}
//sulp ne

int annulLeastDiag(int mat[][][10], int n, int m){ //tritements 4pts dont:
    int sum,minSum,iminDiag,jminDiag,i,j,ii,jj; //calcul min diag 3pts
    sum=0; //annul min diag 1pt
    for(i=0,j=0;(i<n)&&(j<m);i++,j++){
        sum+=mat[i][j];
    }
    minSum=sum;iminDiag=0;jminDiag=0;
    for(j=1;j<m;j++){
        sum=0;
        for(i=0,jj=j;(i<n)&&(jj<m);i++,jj++){
            sum+=mat[i][jj];
        }
        if(sum<minSum){minSum=sum;iminDiag=0;jminDiag=j;}
    }
    for(i=1;i<n;i++){
        sum=0;
        for(ii=i,j=0;(ii<n)&&(j<m);ii++,j++){
            sum+=mat[ii][j];
        }
        if(sum<minSum){minSum=sum;iminDiag=i;jminDiag=0;}
    }
    for(i=iminDiag,j=jminDiag;(i<n)&&(j<m);i++,j++){
        mat[i][j]=0;
    }
    return 0;
}

void affichMat(int mat[][][10],int n,int m){ //affichage 1pt
    int i,j;
    for(i=0;i<n;i++){
        for(j=0;j<m;j++){
            printf("%5d",mat[i][j]);
        }
        printf("\n");
    }
}

```