

Vous pouvez utiliser le langage algorithmique du cours ou le langage C. Les mélanger dans le même exercice est interdit.

### Exercice 1 (7pts)

La suite  $(U_n)$  est définie comme suit:

$$\begin{cases} U_1 = -2 \\ U_i = 3 \times (U_{i-1})^2 - 10 \times U_{i-1} & \text{si } i > 1 \end{cases}$$

Écrire un algorithme ou un programme C qui sans utiliser de tableaux, affiche les valeurs des termes de la suite  $(U_n)$  inférieures ou égales à une valeur **val** donnée par l'utilisateur.

### Exercice 2 (7pts)

**T** est un tableau de  $n$  entiers positifs ( $3 \leq n \leq 50$ ). On appelle **poids** de **T**, noté  $p(T)$ , la somme de ses éléments. Si **e** est un élément quelconque de **T**, celui-ci partitionne le tableau en deux parties: **T1\_e** qui est le sous tableau contenant les éléments de **T** à partir du premier jusqu'à **e**, et **T2\_e** est le sous-tableau contenant les éléments restants. Si **e** est le dernier, **T2\_e** est vide et son poids est nul.

On appelle **pivot** de **T**, le premier élément **e\*** tel que  $p(T1_{e*}) \geq p(T2_{e*})$ .

En supposant **T** déjà rempli, écrire un algorithme ou un programme C qui détermine la position du pivot d'un tableau **T**, puis affiche sa valeur.

**Exemple :**

Si **T** = 

8	3	1	2	5
---	---	---	---	---

, le pivot est dans la 2<sup>ème</sup> position car  $8 < 3+1+2+5$  mais  $8+3 \geq 1+2+5$ . Sa valeur est 3.

### Exercice 3 (6pts)

**mat** est une matrice quelconque d'entiers (10 lignes et 10 colonnes max.). On appelle diagonale de **mat** toute séquence complète d'éléments parallèle ou confondue avec la diagonale principale (voir exemple).

En supposant **mat** déjà remplie, écrire un algorithme ou un programme C qui met à zéro la diagonale de **mat** ayant la plus petite somme (s'il y en a plusieurs, mettre à zéro une seule suffit).

**Exemple :** une matrice 3 x 4 possède 6 diagonales. Les cases en gris sont des exemples de ses diagonales.

1) diagonale principale 2) une autre diagonale 3) encore une autre 4) la plus petite 5) le résultat est donc

2	-1	5	9
6	7	21	-7
13	5	6	6

2	-1	5	9
6	7	21	-7
13	5	6	6

2	-1	5	9
6	7	21	-7
13	5	6	6

2	-1	5	9
6	7	21	-7
13	5	6	6

2	-1	0	9
6	7	21	0
13	5	6	6

**Remarques :**

- Un bonus de 2 pts (note globale  $\leq 20$ ) pour l'utilisation juste des actions paramétrées dans les exos 2 et 3.
- Pour le C, il est interdit d'utiliser des bibliothèques autres que celle associée à `<stdio.h>`.
- Il est interdit d'utiliser l'**effaceur**, sinon **-2 pts**. En cas d'erreur, barrer proprement.

**Exercise 1 (7pts)**

The sequence  $(U_n)$  is defined as follows:

$$\begin{cases} U_1 = -2 \\ U_i = 3 \times (U_{i-1})^2 - 10 \times U_{i-1} & \text{if } i > 1 \end{cases}$$

Write an algorithm or a C program that, without using arrays, displays the values of the terms of the sequence  $(U_n)$  that are less than or equal to a value **val** given by the user.

**Exercise 2 (7pts)**

**T** is an array of  $n$  positive integers ( $3 \leq n \leq 50$ ). The weight of **T**, denoted as  $p(T)$ , is the sum of its elements. If  $e$  is any element of **T**, it partitions the array into two parts: **T1\_e**, which is the sub-array containing the elements of **T** from the first to  $e$ , and **T2\_e**, which is the sub-array containing the remaining elements. If  $e$  is the last element, **T2\_e** is empty, and its weight is zero.

The **pivot** of **T** is defined as the first element  $e^*$  such that  $p(T1_{e^*}) \geq p(T2_{e^*})$ .

Assuming **T** is already filled, write an algorithm or a C program that determines the position of the pivot in an array **T** and then displays its value.

**Example :**

Si **T** = 

8	3	1	2	5
---	---	---	---	---

, the pivot is in the 2<sup>nd</sup> position because  $8 < 3+1+2+5$  and  $8+3 \geq 1+2+5$ . Its value is 3.

**Exercise 3 (6pts)**

**mat** is an arbitrary matrix of integers (no more than 10 rows and 10 columns). The diagonal of **mat** refers to any complete sequence of elements parallel or coincident with the main diagonal (see example).

Assuming **mat** is already filled, write an algorithm or a C program that sets to zero the diagonal of **mat** that has the smallest sum (if there are several diagonals with the same smallest sum, zeroing out any one of them is sufficient).

**Example :** A  $3 \times 4$  matrix has 6 diagonals. The grey cells are examples of its diagonals.

1) main diagonal

2	-1	5	9
6	7	21	-7
13	5	6	6

2) another diagonal

2	-1	5	9
6	7	21	-7
13	5	6	6

3) yet another

2	-1	5	9
6	7	21	-7
13	5	6	6

4) the smallest

2	-1	5	9
6	7	21	-7
13	5	6	6

5) hence the result is

2	-1	0	9
6	7	21	0
13	5	6	6

**Remarks:**

- A bonus of 2 points (overall score  $\leq 20$ ) for the correct use of parametrized actions in exercises 2 and 3.
- For C programming, it is forbidden to use libraries other than the one associated with `<stdio.h>`.
- Using an ink eraser is prohibited, otherwise **-2 pts**. In case of an error, neatly cross it out.

```

//***** Exercice 1 *****
//***** Exercice 1 *****
//***** Exercice 1 *****
#include <stdio.h>
int val,u,i; //declaration 0.5pt
int main(){
    printf("\n Donner val:"); //
    scanf("%d",&val); //lecture 1pt
    printf("\n Les termes de la suite <= %d sont:",val);
    u = -2; //initialisation 0.5
    for(i=1; u <= val; i++){ //boucle 2pts
        printf("\n U%d=%d",i,u); //affichage 1pt
        u=3*(u*u)-10*u; //calcul termes 2pts
    }
    return 0; //si un terme > val
} //est affiche -1pt

//***** Exercice 2 *****
//***** Exercice 2 *****
//***** Exercice 2 *****
#include <stdio.h>
int T[50]={8,3,1,2,5},pos,n=5; //declaration 1pt
int getPivotPos(int vect[], int n);
int getTabWeight(int vect[], int n);
int main(){
    pos=getPivotPos(T,n);
    printf("\n La position du pivot (premiere case avec "
        "indice 1) est %d, sa valeur est %d", pos+1, T[pos]);
    return 0;
}
int getPivotPos(int vect[], int n){ //traitement 6pts dont:
    int pos,weight,sum; //determination pivot 4pts
    weight=getTabWeight(vect,n); //calcul de la somme 2pts
    sum=0; //on accepte n'importe
    for(pos=0;pos<n;pos++){ //quelle methode juste
        sum+=vect[pos];
        if(sum >= weight/2.0)break;
    }
    return pos;
}
int getTabWeight(int vect[], int n){
    int i,sum;
    sum=0;
    for(i=0;i < n;i++){
        sum+=vect[i];
    }
    return sum;
}

//***** Exercice 3 *****
//***** Exercice 3 *****
//***** Exercice 3 *****
#include <stdio.h> //declarations 1pt
int mat[10][10]={2,-1,5,9},{6,7,21,-7},{13,5,6,6}},n=3,m=4;
void lectMat(int mat[][10],int *n,int *m);
int annulLeastDiag(int mat[][10], int n, int m);
void affichMat(int mat[][10],int n,int m);

int main(){
    lectMat(mat,&n,&m); //en plus
    annulLeastDiag(mat,n,m);
    affichMat(mat,n,m);
    return 0;
}
void lectMat(int tab[][10],int *n,int *m){ //en plus
    int i,j;
    printf("\nNombre de lignes (<=%d) et nombre de colonnes"
        " (<=%d):",10,10);
    scanf("%d %d",&n,&m);
}

```

```

    for(i=0;i<*n;i++){
        for(j=0;j<*m;j++){
            printf("Mat[%d,%d]:",i+1,j+1);
            scanf("%d",&tab[i][j]);
        }
    }
} //sulp ne

int annulLeastDiag(int mat[][10], int n, int m){ //traitements 4pts dont:
    int sum,minSum,iminDiag,jminDiag,i,j,ii,jj; //calcul min diag 3pts
    sum=0; //annul min diag 1pt
    for(i=0,j=0;(i<n)&&(j<m);i++,j++){
        sum+=mat[i][j];
    }
    minSum=sum;iminDiag=0;jminDiag=0;
    for(j=1;j<m;j++){
        sum=0;
        for(i=0,jj=j;(i<n)&&(jj<m);i++,jj++){
            sum+=mat[i][jj];
        }
        if(sum<minSum){minSum=sum;iminDiag=0;jminDiag=j;}
    }
    for(i=1;i<n;i++){
        sum=0;
        for(ii=i,j=0;(ii<n)&&(j<m);ii++,j++){
            sum+=mat[ii][j];
        }
        if(sum<minSum){minSum=sum;iminDiag=i;jminDiag=0;}
    }
    for(i=iminDiag,j=jminDiag;(i<n)&&(j<m);i++,j++){
        mat[i][j]=0;
    }
    return 0;
}

void affichMat(int mat[][10],int n,int m){ //affichage 1pt
    int i,j;
    for(i=0;i<n;i++){
        for(j=0;j<m;j++){
            printf("%5d",mat[i][j]);
        }
        printf("\n");
    }
}

```