الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية وزارة التربية الوطنية الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

التعليم الثانوي دورة: 2023

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: علوم تجريبية

الحتبار في مادة: الرياضيات المدة: 03 سا و30 د

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

يحتوي صندوق U_1 على 5 كريات تحمل الأرقام 1 ، 1 ، 1 ، 1 ، 3 ويحتوي صندوق U_2 على 4 كريات تحمل الأرقام 1 ، 1 ، 2 ، 2 ، 2 ، 1 ، 1 وكل الكريات متماثلة ولا نفرق بينها عند اللمس).

نختار عشوائيا أحد الصندوقين ونسحب منه عشوائيا كريتين في آن واحد.

"نعتبر الحوادث : A " سحب كريتين تحملان رقمين فرديين " B " سحب كريتين تحملان رقمين زوجيين (1

" سحب كريتين إحداهما تحمل رقما فرديا والأخرى تحمل رقما زوجيا " C

أ) أنجز الشجرة التي تُنمذج هذه التجربة.

$$P(C)$$
 بيّن أنّ $P(A) = \frac{1}{12}$ و $P(A) = \frac{23}{60}$ ثمّ احسب (ب

ينفرغ محتوى الصندوقين U_1 و U_2 في صندوق جديد U_3 ثمّ نسحب منه عشوائيا كريتين في آن واحد.

المتغيّر العشوائي الذي يرفق بكل عملية سحب لكريتين جُداء الرقمين المسجلين عليهما. X

 $\{1;2;3;4;6\}$ هي X هي المتغيّر العشوائي المجموعة قيم المتغيّر العشوائي

 $E\left(X
ight)$ عيّن قانون الاحتمال للمتغيّر العشوائي X ثمّ احسب أمله الرياضياتي $\left(X
ight)$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

أجب بصحيح أو خاطئ مع التبرير في كل حالة من الحالات الآتية:

 $h(x) = 7e^{2x} - 3$ بـ: \mathbb{R} بالذي يحقّق $y(\ln 2) = 25$ هو الدالة y' = 2y + 6 الذي يحقّق y' = 2y + 6 الذي يحقّق (1

 $\lim_{x\to+\infty} \left[x - \ln(e^x - 1) \right] = +\infty$ (2

31 هي [0;2] على المجال (3 $x\mapsto x(x^2+1)^2$ هي (3

 $v_n = \int_n^{n+1} e^{-x+3} dx$ بنا المنتالية المعرّفة على \mathbb{N} بنا المنتالية المعرّفة على (v_n) (4

 $v_0 + v_1 + \dots + v_n = e^3 - e^{-n+2}$, $n_0 = e^3 - e^{-n+2}$

التمرين الثالث: (05 نقاط)

$$u_{n+1} = -1 + \frac{2}{2 - u_n}$$
 ، n ومن أجل كل عدد طبيعي $u_0 = \frac{1}{2}$: المتتالية المعرّفة ب $u_0 = \frac{1}{2}$

$$0 < u_n \leq \frac{1}{2}$$
 ، n برهن بالتراجع أنّه: من أجل كلّ عدد طبيعي (أ (1

(D)

اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: علوم تجريبية / بكالوريا 2023

بيّن أنّ المتتالية
$$(u_n)$$
 متناقصة تماما.

$$v_n = \frac{1}{u_n} - 1$$
 ، n نضع: من أجل كلّ عدد طبيعي (2

$$n$$
 بدلالة بارة المتتالية v_n بدلالة المتتالية v_n بدلالة المتتالية المتتالية بدلالة المتتالية المتالية المتالية المتتالية المتالية ا

$$\lim_{n\to+\infty}u_n$$
 بستنتج أنّه: من أجل كلّ عدد طبيعي ، $n=\frac{1}{2^n+1}$ ، n عدد عدد عدد عدد عدد البيعي (ب

$$T_n = \frac{1}{u_0} + \frac{1}{u_1} + \dots + \frac{1}{u_n}$$
 و $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$ ، n نضع: من أجل كلّ عدد طبيعي (3

 $T_n=2^{n+1}+n$ ، n عدد طبیعی عدد أجل كلّ من أجل كلّ من أجل كلّ عدد S_n احسب

التمرين الرابع: (07 نقاط)

$$x\mapsto (2x-1)e^{2x}$$
 بـ \mathbb{R} بـ يلدالة المعرّفة على التمثيل البياني للدالة المعرّفة على Γ

و
$$(D)$$
 المستقيم ذو المعادلة $y=1$ ، y هي فاصلة نقطة

تقاطع
$$(\Gamma)$$
 و (D) و (Γ)

$$(D)$$
 بقراءة بيانية ، حدّد وضعية (Γ) بالنسبة إلى $(1$

$$g(x) = (2x-1)e^{2x}-1:$$
ب الدالة المعرّفة على $g(x)$ ب الدالة المعرّفة على $g(x)$ ب الدالة المعرّفة على $g(x)$ ب المارة $g(x)$ ب المارة $g(x)$ ب المارة ويم $g(x)$

$$f\left(x
ight)$$
 الدالة المعرّفة على \mathbb{R} بـ: $\left(x-1
ight)\left(e^{2x}-1
ight)$ الدالة المعرّفة على $f\left(x
ight)$

(
$$2~cm$$
 وحدة الطول) ($O; \vec{i}, \vec{j}$ وحدة الطول) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (C_f)

$$\lim_{X\to +\infty} f(X)$$
 و $\lim_{X\to -\infty} f(X)$ احسب (1

$$-\infty$$
 عند (C_f) مقارب مائل لـ $y=-x+1$ عند Δ عند (Δ) مقارب مائل المعادلة (Δ) عند (Δ)

$$(\Delta)$$
 ادرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى

$$f'(x) = g(x)$$
 ، x عدد حقیقی عدد من أجل كل عدد من أجل كل عدد عقیقی

ب) استنتج أنّ
$$f$$
 متناقصة تماما على $-\infty$; α ومتزايدة تماما على أثم شكّل جدول تغيّراتها.

بيّن أنّ
$$(C_f)$$
 يقبل مماسا (T) موازيا لـ (Δ) ، يُطلب تعيين معادلة له.

. فواصل نقط تقاطع
$$(C_f)$$
 مع حامل محور الفواصل (4

$$(f(lpha) \simeq -0.9$$
 و $f(1,4) \simeq 6.2$ و (C_f) و (T) ، (Δ) ارسم (T)

$$f\left(x\right) = -x + m$$
 ناقش بيانيا، حسب قيم الوسيط الحقيقي m ، عدد حلول المعادلة

$$\int_0^{\frac{1}{2}} (x-1) e^{2x} dx = \frac{3-2e}{4}$$
 : نين أنّ بين أنّ بين أنّ المكاملة بالتجزئة، بين أنّ (5

 $m{\psi}$ استنتج، بالسنتيمتر المربع، مساحة الحيّز المستوي المحدّد بالمنحني (C_f) والمستقيمات التي معادلاتها:

y = -x + 1 $y = \frac{1}{2}$, x = 0

اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: علوم تجريبية / بكالوريا 2023

الموضوع الثانى

التمرين الأول: (04 نقاط)

يحتوي كيس على 10 كريات متماثلة ولا نفرق بينها باللّمس، موزعة كما يلي: 3 كريات بيضاء مرقمة بـ: 1 ، 1 ، 2

و 3 كريات حمراء مرقمة بـ: 1 ، 2 ، 2 و 4 كريات خضراء مرقمة بـ: 1 ، 2 ، 2 ، 2

نسحب عشوائيا وفي آن واحد كريتين من الكيس ونعتبر الحوادث C ، B ، A الآتية:

" الحصول على كريتين من نفس اللون " B ، " الحصول على كرية خضراء على الأقل A

" الحصول على كربتين تحملان رقمين زوجيين $^{\prime\prime}$

 $\frac{2}{3}$ يساوي $\frac{4}{15}$ وأنّ احتمال الحدث $\frac{4}{15}$ يساوي (أ (1

ب) احسب الاحتمالين P(C) و $P(A \cap C)$ هل الحدثان P(C) مستقلان؟

ج) استنتج احتمال الحصول على كريتين من نفس اللون علما أنّهما تحملان رقمين زوجيين.

2 نعتبر المتغيّر العشوائي X الذي يرفق بكل عملية سحب لكريتين مجموع الرقمين المسجلين عليهما.

أ) برّر أنّ مجموعة قيم المتغيّر العشوائي X هي $\{2;3;4\}$

 $E\left(X
ight)$ عين قانون احتمال المتغيّر العشوائي X ثمّ احسب أمله الرياضياتي $\left(X
ight)$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

عين الاقتراح الصحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثلاثة في كل حالة من الحالات الآتية مع التبرير.

دات المجهول z في z هما: 8 $z^2-4z+1=0$ هما:

$$\frac{1}{4} - \frac{1}{4}i \quad \text{9} \quad \frac{1}{4} + \frac{1}{4}i \quad \text{(\Rightarrow} \qquad -\frac{1}{4} + \frac{1}{4}i \quad \text{9} \quad -\frac{1}{4} - \frac{1}{4}i \quad \text{(\Rightarrow} \qquad -\frac{1}{4} + \frac{1}{4}i \quad \text{9} \quad \frac{1}{4} - \frac{1}{4}i \quad \text{(\Rightarrow} \qquad -\frac{1}{4} + \frac{1}{4}i \quad \text{9} \quad \frac{1}{4} - \frac{1}{4}i \quad \text{(\Rightarrow} \qquad -\frac{1}{4} + \frac$$

الشكل الجبري للعدد المركب $\frac{1+\sqrt{3}+i}{1-i}$ هو:

$$\frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{-2 + \sqrt{3}}{2} \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} - i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right) \right) \left(\div \frac{\sqrt{3}}{2} + i \left(\frac{2$$

الجذران التربيعيان للعدد المركب -8+6i هما:

$$-3-i$$
 g $3+i$ $(-3-i)$ g $1+3i$ $(-1-3i)$ g $1+3i$

: هو $\frac{1+i}{\sqrt{3}-i}$ الشكل المثلثي للعدد المركب (4

 $u_{n+1}=rac{4}{5}u_n+1$ ، $u_{n+1}=u_0=0$ ومن أجل كلّ عدد طبيعي (u_n

 $u_n < 5$ ، n عدد طبیعي (1) أ) برهن بالتراجع أنّه: من أجل كلّ عدد طبیعي

بيّن أنّ (u_n) متزايدة تماما.

اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: علوم تجريبية / بكالوريا 2023

 $v_n = u_n - 5$ ، نضع: من أجل كلّ عدد طبيعي (2

 v_0 الأول عندسية أساسها $\frac{4}{5}$ ، يطلب تعيين حدّها الأول أ

 $u_n=-5igg(rac{4}{5}igg)^n+5$ ، n عبارة عبارة v_n بدلالة v_n اكتب عبارة v_n اكتب عبارة التج أنّه: من أجل كلّ عدد طبيعي

 $\lim_{n\to+\infty}u_n$ (=

 $T_n=u_0+u_1+\dots+u_n$ و $S_n=v_0+v_1+\dots+v_n$ ، n نضع: من أجل كلّ عدد طبيعي (3 $T_n=5n-20$ ل عدد طبيعي $S_n=v_0+v_1+\dots+v_n$ احسب $S_n=5n-20$ بدلالة $S_n=5n-20$ بدلالة $S_n=5n-20$

التمرين الرابع: (07 نقاط)

 $f(x) = \left(\left(\ln x\right)^2 - 3\right)\ln x$ الدالة المعرّفة على المجال $g(x) = \left(\left(\ln x\right)^2 - 3\right)\ln x$ الدالة المعرّفة على المجال

 $\left(O; \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}
ight)$ تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $\left(C_f
ight)$

المسب النتيجة هندسيا. $\lim_{x \to 0} f(x)$ احسب (أ (1

 $\lim_{x \to +\infty} f(x) \quad (\mathbf{\psi})$

 $f'(x) = \frac{3(-1+\ln x)(1+\ln x)}{x}$ ، $]0;+\infty[$ من المجال x عدد حقیقی x من المجال عدد عقیقی x من المجال (1)

 $(-1+\ln x)(1+\ln x)>0$: x المتراجحة ذات المجهول $(-1+\ln x)(1+\ln x)>0$ المجال $(-1+\ln x)(1+\ln x)>0$

1 عيّن معادلة لـ (T) مماس عند النقطة ذات الفاصلة ا

. عيّن فواصل نقط تقاطع (C_f) مع حامل محور الفواصل.

 $\left[0\,;e^2
ight]$ ارسم $\left(C_f
ight)$ و $\left(T_f
ight)$ على المجال (T_f

 $F(x) = x((\ln x)^3 - 3(\ln x)^2 + 3\ln x - 3)$ الدالة المعرّفة على المجال $F(x) = ((\ln x)^3 - 3(\ln x)^2 + 3\ln x - 3)$ الدالة المعرّفة على المجال $F(x) = ((\ln x)^3 - 3(\ln x)^2 + 3\ln x - 3)$

 $]0;+\infty[$ على المجال اf دالة أصلية للدالة f على المجال اF

ب) احسب مساحة الحيّز المستوي المحدّد بالمنحني (C_f) وحامل محور الفواصل والمستقيمين اللذين معادلتا هما: x=e و x=1

. الدالة المعرّفة على $0;+\infty$ بياني في المعلم السابق. $h(x)=\left((\ln x)^2-3\right)\left|\ln x\right|$ بياني في المعلم السابق.