NABIL SOFT

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

دورة: 2018



وزارة التربية الوطنية

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: علوم تجريبية

اختبار في مادة: الرياضيات

المدة: 03 سا و 30 د

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

 $u_{n+1} = 1 - \frac{9}{u_n + 5}$: n ومن أجل كل عدد طبيعي $u_0 = 1$ حيث $u_0 = 1$ حيث $u_0 = 1$ متتالية عددية معرفة بحدها الأول $u_0 = 1$

 $u_n > -2 : n$ أ) برهن بالتراجع أنّه من أجل كل عدد طبيعي أنّه من أجل (1

بيّن أنّ (u_n) متتالية متناقصة تماما على $\mathbb N$ واستنتج أنّها متقاربة.

 $v_n = \frac{1}{u_n + 2}$: n نضع من أجل كل عدد طبيعي (2

. أثبت أنّ المتتالية $(
u_n)$ حسابية أساسها $\frac{1}{3}$ يطلب تعيين حدها الأول الثبت أنّ المتتالية $(
u_n)$

 $\lim_{n \to +\infty} u_n$ عبّر بدلالة n عن v_n و v_n عن (3

 $u_0v_0 + u_1v_1 + \dots + u_nv_n = \frac{1}{3}(1-n^2)$: n عدد طبیعي (4

التمرين الثاني: (04 نقاط)

يحوي صندوق 10 كريات متماثلة لا نفرق بينها باللمس، منها أربع كريات بيضاء مرقمة بـ: 1 ، 2 ، 2 ، 3 وثلاث كريات خضراء مرقمة بـ: 2 ، 3 ، 3 وثلاث كريات خضراء مرقمة بـ: 2 ، 3 ، 3

نسحب عشوائيا وفي آن واحد 3 كريات من هذا الصندوق.

نعتبر الحادثتين A: "الكريات الثلاث المسحوبة تحمل ألوان العلم الوطني"

و B: "الكريات الثلاث المسحوبة لها نفس الرقم".

الترتيب. P(A) و P(B) احتمالي الحادثتين P(A) و P(A)

. $P(A \cup B)$ و $P_A(B)$ ثم استنتج $P(A \cap B) = \frac{1}{20}$ و . بيّن أنّ

2) ليكن X المتغيّر العشوائي الذي يرفق بكل نتيجة عملية سحب عدد الكريات التي تحمل رقما فرديا. عرّف قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X واحسب أمله الرياضياتي E(X).

التمرين الثالث: (05 نقاط)

 $z^2 - \sqrt{3} z + 1 = 0$: المعادلة ذات المجهول z التالية (1 المركبة $z^2 - \sqrt{3} z + 1 = 0$

NABIL SOFT @

اختبار في مادة: الوياضيات / الشعبة: علوم تجريبية / بكالوريا 2018

 $\left(\mathbf{O}; \overrightarrow{u}, \overrightarrow{v}
ight)$ المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس (2

: حيث على الترتيب: $Z_{C} \circ Z_{B} \circ Z_{A}$ و $Z_{C} \circ Z_{B} \circ Z_{A}$ على الترتيب: $Z_{C} \circ Z_{B} \circ Z_{A}$ حيث

(
$$Z_B$$
 لمرافق \overline{Z}_B اکتب Z_B و $Z_B = \overline{Z}_B$ و $Z_B = \frac{\sqrt{3}}{2} + i\frac{1}{2}$ ، $Z_A = \frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$ اکتب $Z_A = \frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$ اکتب $Z_A = \frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$ الأسي ثم عيّن قيم العدد الطبيعي Z_A بحيث يكون:

 \cdot OBC وحدّد طبیعة المثلث $\frac{Z_B}{Z_C}=e^{i\frac{\pi}{3}}$: (أ (3)

ب) استنتج أنّ: B هي صورة C بدوران r يطلب تعيين عناصره المميزة.

$$|z| = \left| \overline{z} - \frac{\sqrt{3} + i}{2} \right|$$
 تسمي (γ) مجموعة النقط M من المستوي ذات اللاحقة z التي تحقق: M من المستوي (γ) مجموعة (γ) ثم عيّن صورتها بالدوران z .

التمرين الرابع: (07 نقاط)

. $g(x)=2+(x-1)e^{-x}$ كما يلي: \mathbb{R} كما يلي: الدالة العددية المعرفة على g .I

 $\lim_{x \to +\infty} g(x)$ احسب $\lim_{x \to -\infty} g(x)$ احسب أ

 \mathbf{p} ادرس اتجاه تغیر الدالة g ثم شكّل جدول تغیراتها.

. \mathbb{R} على g(x) على أنّ المعادلة g(x)=0 تقبل حلا وحيدا α حيث $\alpha<-0.38$ حيث $\alpha<-0.38$ على α

المستوي المستوي والمستوي المستوي الم

 $\lim_{x\to -\infty} f(x)$ و $\lim_{x\to +\infty} f(x)$ احسب (أ (1

بيانيا. $\lim_{x\to +\infty} (f(x)-(2x+1))$ مصب النتيجة بيانيا.

 $(\Delta): y=2x+1$:حيث: (Δ) والمستقيم (C_f) والمستقيم الدرس الوضع النسبي للمنحني المنحني

بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي x يكون g(x) = g(x) ثم استنتج اتجاه تغير الدالة f وشكّل جدول تغيراتها.

. 1 كتب معادلة المماس (T) للمنحنى للمنحنى (3

. $(f(\alpha) = 0.8$ نأخذ (C_f) والمنحنى و المنحنى ((Δ)) ارسم

. $x = (1-m)e^x$: x المجهول : x المعادلة ذات المجهول m عدد وإشارة حلول المعادلة ذات المجهول m

. x=1 على \mathbb{R} والتي تنعدم من أجل الدالة الأصلية للدالة $x\mapsto xe^{-x}$ على التجزئة عيّن الدالة الأصلية للدالة عين الدالة الأصلية ألدالة الأصلية ألدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة المحاملة بالتجزئة عين الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة المحاملة بالتجزئة عين الدالة الأصلية الدالة المحاملة بالتجزئة عين الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الذالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الذالة الأصلية الدالة الذالة الذال

(x=1) احسب العدد (C_f) والمستقيمات التي معادلاتها (x=1) احسب العدد (x=1) مساحة الحيز المستوي المحدّد بالمنحنى (x=1) والمستقيمات التي معادلاتها (x=1) (x=1)

انتهى الموضوع الأول

NABIL SOFT (3)

اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: علوم تجريبية / بكالوريا 2018

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

$$u_{n+1} = u_n + \ln\left(\frac{2n+3}{2n+1}\right)$$
 : n عدد طبیعي $u_0 = 0$ و من أجل كل عدد طبیعي $u_0 = 0$

- u_3 و u_2 ، u_1 کلا من (1
- . (u_n) عدد طبیعی n:n غیر المتتالیة $\frac{2n+3}{2n+1} > 1:n$ غیر المتتالیة (2 غیر المتتالیة (2 غیر المتتالیة الله من أجل كل عدد طبیعی الله عدد طور الله عدد الل
 - $v_n=2n+1$: بn متتالیة عددیة معرفة من أجل کل عدد طبیعي (v_n
 - $e^{u_n}=v_n$ ، برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي (أ
 - $\lim_{n\to\infty}u_n$ مستنتج عبارة الحد العام للمنتالية (u_n) بدلالة n ثم احسب (u_n)
 - احسب المجموعين S_n و T حيث:

$$T = e^{u_{1439}} + e^{u_{1440}} + \ldots + e^{u_{2018}} \quad \text{o} \quad S_n = \ln\left(\frac{v_1}{v_0}\right) + \ln\left(\frac{v_2}{v_1}\right) + \ldots + \ln\left(\frac{v_n}{v_{n-1}}\right)$$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

 (P_1) والمستويين الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقطة

$$-3x + y + z + 4 = 0$$
 و $-x + y + 2z + 1 = 0$ و اللذين معادلتيهما على الترتيب (P_2)

- لكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة A و u(1;5;-2) شعاع توجيه له.
 - (Δ) بيّن أنّ المستويين (P_1) و (P_2) متقاطعان ثم تحقق أن تقاطعهما هو المستقيم و (2
- الذي يشمل B(-1;4;0) ويعامد كلا من P_1 و الذي يشمل B(-1;4;0) الذي يشمل B(-1;4;0) ويعامد كلا من P_2 ويعامد كلا من P_3 ويعامد كلا من P_2 و المستويات الثلاثة P_3 و P_4 و P_2 و P_3 و المستويات الثلاثة P_3 و المستويات الثلاثة و المستويات المستويات الثلاثة و المستويات الثلاثة و المستويات المستويات الثلاثة و المستويات المستويات الثلاثة و المستويات المستويا
 - لتكن E(2;3;-1) و E(2;3;-1) نقطتان من الفضاء.
 - اً) تحقّق أنّ H هي المسقط العمودي للنقطة B على المستوي H
 - \bullet . AEBH ثم احسب V حجم رباعي الوجوه EBH ثم احسب

التمرين الثالث: (05 نقاط)

(z المعادلة : $(z-4+i)(z^2-4z+5)=0$ المعادلة : $(z-4+i)(z^2-4z+5)=0$ المعادلة : (z المرافق العدد (z

التي لاحقاتها C و B ، A في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد المتعامد المتجانس $O;\vec{u},\vec{v}$ نعتبر النقط C و C التي لاحقاتها على الترتيب C على الترتيب C و C التي لاحقاتها على الترتيب C التي المعلم المعلم

رفا. تحقق أنّ
$$\left(\frac{Z_B-Z_A}{Z_C-Z_A}\right)^n$$
 تخيليا صرفا. تحقق أنّ أ $\left(\frac{Z_B-Z_A}{Z_C-Z_A}\right)^n$ تخيليا صرفا.

NABIL SOFT

اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: علوم تجريبية / بكالوريا 2018

$$\begin{cases} |z_D - z_A| = |z_B - z_A| \\ Arg\left(\frac{z_D - z_A}{z_B - z_A}\right) = \frac{\pi}{3} + 2k\pi \quad (k \in \mathbb{Z}) \end{cases}$$
 نقطة من المستوي لاحقتها z_D حيث: z_D نقطة من المستوي الحقتها z_D

 \mathcal{Z}_D بيّن أن المثلث ABD متقايس الأضلاع و احسب

A مركز ثقل المثلث ABD ثم عيّن نسبة وزاوية التشابه المباشر الذي مركزه G مركز G الحسب G

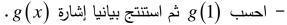
$$\operatorname{Arg}\left(\frac{z_G-z}{z_C-z}\right)=\pi+2k\pi\;(k\in\mathbb{Z})$$
 عيّن (C عيّن (C عيّن (C تختلف عن C تختلف عن (C تختلف عن (C عيّن (C عيّن (C عيّن (C عيّن (C عين (C

التمرين الرابع: (07 نقاط)

ب: $]0;+\infty[$ الدالة العددية ذات المتغير الحقيقي x المعرفة على g -I

و
$$g(x) = \frac{1}{x} - (\ln x)^2 - \ln x - 1$$
 و $g(x) = \frac{1}{x}$

كما هو مبيّن في الشكل المقابل:



 $1+x\ln x$ إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

$$\lim_{x \to +\infty} f(x) = 0$$
 احسب
$$\lim_{x \to \infty} f(x) = 0$$
 و بيّن أنّ (1)

ثم فسّر النتيجتين بيانيا.
$$f'(x) = \frac{g(x)}{(1+x\ln x)^2}:]0; +\infty[$$
 من أجل كل x من أجل كل (2)

 $oldsymbol{+}$ استنتج اتجاه تغیر الداله f و شکل جدول تغیراتها.

بيّن أنّ
$$y=\left(\frac{e^2}{e-1}\right)x-\frac{e}{e-1}$$
 مماس المنحنى $y=\left(\frac{e^2}{e-1}\right)x-\frac{e}{e-1}$ بيّن أن بيّن أن $y=\left(\frac{e^2}{e-1}\right)x$ مماس المنحنى (3) الفواصل، ثم ارسم المماس $y=\left(\frac{e^2}{e-1}\right)x$ و المنحنى $y=\left(\frac{e^2}{e-1}\right)x$

. عيّن بيانيا قيم الوسيط الحقيقي m بحيث تقبل المعادلة $\left(e-1\right)f\left(x\right)=e^{2}x-me$ عيّن بيانيا قيم الوسيط الحقيقي

 $\left(C_f \right)$ مساحة الحيز من المستوي المحدد بحامل محور الفواصل و المنحنى I_n ، n>1 عدد طبيعي حيث n=1 مساحة الحيز من المستقيمين اللذين معادلتيهما x=1 و x=1

$$I_n = \ln \left(1 + n \ln n
ight) : n > 1$$
 حيث $n = \ln \left(1 + n \ln n
ight)$ بيّن أنّه من أجل كل عدد طبيعي

 (I_n) ادرس اتجاه تغیر المتتالیة (2

