الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة: الرياضيات / الشعب(ة): علو تجريبة / بكالوريا: 2019

العلامة		/ 1 Éty
مجم	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
04		التمرين الأول: (04 نقاط)
	0.75×2	$u_n > 1$ ، n عدد طبیعي عدد بانتراجع أنه من أجل كل عدد طبیعي أ
		: براسة اتجاه تغير المتتالية (u_n) واستنتاج تقاربها
	0.50	$\mathbb N$ متناقصة تماما على $\mathbb N$
	0.50	بما أن (u_n) متناقصة ومحدودة من الأسفل فهي متقاربة
		: إثبات أن المتتالية (v_n) حسابية وتعيين أساسها وحدها الأول (v_n)
	0.25	$v_{n+1}-v_n=-\ln 5$: n عدد طبیعي من أجل كل عدد طبیعي
	0.25	$v_0 = \ln(12) : v_0$ حدها الأول $v_0 = \ln(12)$
	0.25	$v_n = \ln\left(\frac{12}{5^n}\right)$: n بدلالة v_n كتابة v_n
	0.25	$u_n = 1 + \frac{12}{5^n}$ تبیان أن
	0.25	$\lim_{n \to +\infty} u_n = 1 : (u_n)$ حساب نهاية المتتالية (u_n)
	0.25	$ (u_0-1)(u_1-1) \times \times (u_n-1) = \left(\frac{12}{5^{\frac{n}{2}}}\right)^{n+1} : $ تبيان أن (4)
		التمرين الثاني: (04 نقاط)
3.75	01	$P(A) = \frac{31}{66}$ تبیان أن (1
	01	$P(B) = \frac{17}{33}$
	0.25	$P(B/A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{15}{31}$ احتمال أن تحملا نفس الرقم: (2
		3) أ) قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X:
	025×3	x _i 3 4 5
	0.25×3	$P(X = x_i) \qquad \frac{10}{66} \qquad \frac{35}{66} \qquad \frac{21}{66}$
0.25	0.25	$E(X) = \frac{275}{66}$ الأمل الرياضياتي $E(X)$

تابع الإجابة النموذجية لموضوع الحتبار مادة: الرياضيات //الشعب(ة): علوم تجريبية// بكالوريا: 2019

العلامة		/ 1
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
		التمرين الثالث: (05 نقاط)
	0.5×3	ا. حلول المعادلة هي : i , $2-i$, $2+i$
	0.75	$\frac{z_C - z_A}{z_C - z_B} = -i = e^{-i\frac{\pi}{2}} \left(1 . \mathbf{I} \right)$
	0.50	المثلث ABC قائم في C ومتساوي الساقين
05	0.75	2) أ) (E) هي محور القطعة [BC]
	0.75	$\dots \qquad \left[f(i) \right]^{1440} \in \mathbb{R}^+ \text{g} \qquad f(i) = \frac{\sqrt{2}}{2} \left(\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right) \left(-\frac{\pi}{4} - \frac{\pi}{4} \right)$
	0.5	$\overline{CD} = -\overline{CA}$ النقط في استقامية. $\overline{CD} = -\overline{CA}$ أي $z_C - z_A = -1$ و $z_D = 4 + i$ (أ $-$ (3)
	0.25	\dots ب D هي صورة A بتحاك مركزه C ونسبته a او بدوران مركزه D وزاويته D
		π أو بتناظر مركزي بالنسبة لـ C أو بتشابه مباشر نسبته 1 مركزه
		التمرين الرابع: (07 نقاط)
	0.5×3	$\lim_{x \to 2} f(x) = +\infty \lim_{x \to 2} f(x) = -\infty \lim_{x \to 0} f(x) = -\infty \text{(i)} \text{(1)}$
2.5	0.25×2	التفسير الهندسي: $x=2$ و $x=2$ معادلتين للمستقيمين المقاربين للمنحنى $x=0$
	0.5	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty (\because$
	0.5	$f'(x) = \frac{x^2 - 5x + 4}{x(x-2)^2}$ اتجاه تغیر الدّالة f : لدینا $f'(x) = \frac{x^2 - 5x + 4}{x(x-2)^2}$
01.75	0.50	f'(x) إشارة $f'(x)$
	3×0.25	متزایدة تماما علی کل من المجالین: $]\infty+,+\infty$ و $[0,1]$ و $[0,1]$ و متناقصة تماما علی کل من f
		المجالين]2;2] و [2;4] و تشكيل جدول التغيرات
0.75	0.5	$\lim_{x \to +\infty} (f(x) - \ln x) = 0 († (3)$
	0.25	(C_f) بجوار (C_f) منحنی مقارب للمنحنی التّفسیر البیانی:
		$f(x) - \ln x = \frac{1}{x-2}$ ب) وضعية المنحنى (C _f) بالنسبة إلى المنحنى (F): لدينا
0.5	0.5	(Γ) يقع تحت (C_f) :]0;2[إذن: على المجال
0.5	0.5	(Γ) يقع فوق (C_f) . $]2;+\infty$ المجال الم
0.5	0.5	4) الرسم

العلامة		()
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
0.5	0.25	$H(x) = \int_{3}^{x} (\ln t) dt = -x + 3 + x \ln x - 3 \ln 3$. : 4 (5)
	0.25	. $\mathcal{A} = (-1 + 9 \ln 2 - 3 \ln 3) (u.a)$. ب) المساحة
0.5	0.25 0.25	g(x)=f(-2x) : ب $g(x)=f(-2x)$ بالدّالة المعرَّفة على المجموعة $g'(x)=-2f'(-2x)$
	0.25	$]-2;-1[\cup]-1;rac{-1}{2}$ ومتزايدة على $]-\infty;-2[\cup]rac{-1}{2};0$ ومتزايدة على g

تابع الإجابة النموذجية لموضوع الحتبار مادة: الرياضيات / الشعب (ق): علوم تجريبة // بكالوريا: 2019

العلامة		/ *1**ti
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
		التمرين الأول: (04 نقاط)
02.5	0.5	1)عدد الامكانيات هو 120 ،
	01.5	قانون الاحتمال: . قيم X هي $1،0،$ 2 ، 4 ، 8 مع احتمالاتها
	0.50	$\frac{231}{120}$ الأمل الرياضياتي هو
01	01	$\frac{7}{24}$ احتمال الحصول على 3كريات تحمل كل منها رقما زوجيا $\frac{7}{24}$
0.5	0.25×2	$\frac{1}{2}$ هو احتمال الحصول على كرتين تحملان رقمين مجموعهما فردي علما أن الجداء زوجي هو $\frac{1}{2}$
		التمرين الثاني: (04 نقاط)
01.25	0.75	. [4;7] ومنه الدّالة f متزايدة تماما على المجال $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x+2}}$ (أ $f'(x)$
01.20	0.5	$f(x) \in [4;7]$ يكون: $[4;7]$ عدد حقيقي x من المجال $[4;7]$ يكون:
0.75	0.75	$f(x) - x > 0$: [4;7] ومن أجل كلّ x من المجال $f(x) - x = \frac{-x^2 + 9x - 14}{\sqrt{x + 2} + x - 4}$ (2)
	0.75	$.4 \le u_n < 7$: n عدد طبیعي عدد طبیعي أُنه من أجل كلّ عدد طبیعي أُنه من أجل كلّ عدد طبیعي
01.25	0.25	. ب) لدينا (u_n) : ومنه $u_{n+1} - u_n > 0$ إذن $u_{n+1} - u_n = f(u_n) - u_n$ ومنه (u_n) متزايدة تماما
	0.25	متقاربة. (u_n)
	0.25	$1 - u_{n+1} < \frac{1}{4}(7 - u_n)$: n عدد طبیعي أ عدد طبیعي أ $1 - u_{n+1} < \frac{1}{4}(7 - u_n)$
0.75	0.25	$0 < 7 - u_n < \frac{3}{4^n}$ ، n عدد طبیعي عدد طبیعي (ب
	0.25	. حسب مبرهنة الحصر $\lim_{n \to +\infty} u_n = 7$
		التمرين الثالث: (05 نقاط)
	01	الشكل الآسي لـ z_A . (1) أ γ
01.5	0.5	$\left(rac{z_A}{2\sqrt{2}} ight)^{2019} + \left(rac{z_B}{2\sqrt{2}} ight)^{2019}$ ب) حساب
01.5	0.75	T صورة B بواسطة (1 z_D حساب عصورة z_D
01.5	0.75	ب) الرّباعي ABDC متوازي أضلاع.
0.75	0.75	$6\sqrt{2}e^{irac{4\pi}{3}}$ هو z_C-z_A الشكل الأسّي للعدد المركب z_C-z_A هو
0.5	0.5	$\left(\frac{-6\sqrt{2}}{z_C - z_A}\right)^n = e^{-in\frac{\pi}{3}}$ لدينا (4
U. 3		$k\in\mathbb{Z}_{-}$ عدد حقیقي یعني أن: $n=-3k$ عدد حقیقي یعني أن

تابع الإجابة النموذجية لموضوع الحتبار مادة: الرياضيات //الشعب(ة): علوم تجريبية// بكالوريا: 2019

العلامة		/ *1****
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
0.75	0.75	$_{\mathcal{C}}$ نقطة كيفية من المستوي لاحقتها $_{\mathcal{Z}}$ تختلف عن $_{\mathcal{C}}$ و $_{\mathcal{C}}$
		(E) (AC) المستقيم (AC) المستقيمة المستقيمة المستقيمة (AC) المستقيم (AC) المستقيم (AC) المستقيم (AC)
		التمرين الرابع: (07 نقاط)
	0.5×2	$g'(x) = e^x - e : x \in \mathbb{R}$ دراسة اتجاه تغیّر الدالة g : لیکن (1) دراسة اتجاه تغیّر الداله الداله و الداله العلم الداله الدال
02	0.5×2	ب) الدالة g تقبل قيمة حدّية صغرى:
	0.5^2	$g(x) \ge 0$: $x \in \mathbb{R}$ اذن من أجل كل $g(1) = e^1 - e = 0$
	0,50	$f'(x) = e^x - ex = g(x) : x \in \mathbb{R}$ دراسة اتجاه تغیّر الدالة f : لیکن (2)
01	0,50	لدينا $g(x) > 0: x \in \mathbb{R} - \{1\}$ ومن أجل $f'(x) > 0$ أي $f'(x) = g(1) = 0$ إذاً
	0,50	الدالة f متزايدة تماماً على $\mathbb R$.
		$: \lim_{x \to +\infty} f(x) = \lim_{x \to -\infty} f(x)$ عساب کلاً من $f(x)$ عن (3)
	0.25	1
		$\lim_{x \to \infty} -\frac{1}{2}ex^2 = -\infty, \lim_{x \to \infty} e^x = 0 \text{if } \lim_{x \to \infty} f(x) = \lim_{x \to \infty} e^x - \frac{1}{2}ex^2 = -\infty$
0.75	0.25	$\lim_{x \to +\infty} x^2 = +\infty \text{if} \lim_{x \to +\infty} f(x) = \lim_{x \to +\infty} \left(e^x - \frac{1}{2} e x^2 \right) = \lim_{x \to +\infty} x^2 \left(\frac{e^x}{x^2} - \frac{1}{2} e \right) = +\infty$
		$\lim_{x \to +\infty} \frac{e^x}{x^2} = +\infty \ \mathfrak{g}$
	0.25	جدول التغيرات
		دراسة الوضعية النسبية للمنحنيين $({\mathcal C}_{\! f})$ و $({\mathcal C}_{\! g})$.
0.50	0,50	$f(x)-g(x)=ex\left(-\frac{1}{2}x+1\right):x\in\mathbb{R}$ ليكن
		$\left(\mathcal{C}_{g}\right)$ تحت $\left(\mathcal{C}_{f}\right)$: $x\in\left]-\infty;0\right[\cup\left]2;+\infty\right[$
0.75	0,75	$\left(\mathcal{C}_{_{g}} ight)$ فوق $\left(\mathcal{C}_{_{f}} ight)$: x \in $\left]0;2\right[$
		و $\left(\mathcal{C}_{g} ight)$ متقاطعان $x\in\left\{ 0;2 ight\}$
0.50	0.25	$\left(\mathcal{C}_{\!f}^{}\right)$: الرسم (5
0.50	0.25	$\left(\mathcal{C}_{g}\right)$

العلامة		/ *1***ti - * ***
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
	0.25	. $\left(\mathcal{C}_{g}\right)$ حساب بالسنتمتر المربّع، مساحة الحيّز المستوي المحدّد بالمنحنيين $\left(\mathcal{C}_{f}\right)$ و
0.5		$A = \int_{0}^{2} \left[g(x) - f(x) \right] dx = \int_{0}^{2} \left(-\frac{1}{2} ex^{2} + ex \right) dx = \left[-\frac{1}{6} ex^{3} + \frac{1}{2} ex^{2} \right]_{0}^{2}$
0.5		$A = -\frac{8e}{6} + \frac{4e}{2} = -\frac{4e}{3} + 2e = \frac{2e}{3}ua$
	0.25	$A = \frac{8e}{3}cm^2$
	0.25	7) أ) h (أ (وجية
01	0.25	(
	0.25	استنتاج کیفیة رسم (Γ) انطلاقا من $(\mathcal{C}_f$)
	0.25	الرسم