# NABIL SOFT

## الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

دورة: جوان 2015

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: علوم تجريبية

اختبار في مادة: الرياضيات المدة: 30 سا و30 د

# على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

## الموضوع الأول

#### التمرين الأول: (04,5 نقطة)

في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (O;i,j,k) ؛

.  $D\left(1;1;4
ight)$  و  $C\left(3;3;1
ight)$  ،  $B\left(1;2;2
ight)$  ،  $A\left(2;1;0
ight)$  و نعتبر النقط

رتية له. x-y+z-1=0 و تعيّن مستويا وأنّ x-y+z-1=0 معادلة ديكارتية له.

. وحدة مساحة  $\frac{3\sqrt{3}}{2}$  وحدة مساحة ، ثمّ تحقّق أنّ مساحته هي ABC وحدة مساحة .

. D عين تمثيلا وسيطيا للمستقيم ( $\Delta$ ) العمودي على المستوي ( $\Delta BC$ ) والذي يشمل النقطة ( $\Delta$ 

(ABC) النقطة D على المسقط العمودي للنقطة (4 هي المستوي (4

. (ABC) والمستوي D عيّن إحداثيات النقطة E ثمّ احسب المسافة بين النقطة D

 $\sqrt{3}$  منهما قطر كل منهما E عيّن مركزي سطحي الكرتين اللذين يمسان (ABC) في النقطة

5) احسب حجم رباعي الوجوه ABCD

#### التمرين الثاني: (04,5 نقطة)

.  $\beta$  مرافق  $\alpha$  و  $\alpha$  مرافق  $\alpha$  مرافق  $\alpha$  مع  $\alpha$  مرافق  $\alpha$  عيّن العددين المركّبين  $\alpha$  و  $\alpha$  حيث  $\alpha$  حيث  $\alpha$  عيّن العددين المركّبين  $\alpha$  و  $\alpha$  حيث  $\alpha$  حيث (I

المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس B ، A ، O(u,v) و B ، النقط التي لاحقاتها على الترتيب:

$$z_{A} = z_{C} \cdot e^{i\frac{\pi}{3}}$$
  $z_{B} = \overline{z_{A}}$   $z_{A} = -\frac{3}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$ 

الباد. الطبيعي n حتى يكون الأسي ثمّ عيّن قيّم العدد الطبيعي n حتى يكون الأسي ثمّ عيّن قيّم العدد الطبيعي  $z_C$  الأسي ثمّ عيّن قيّم العدد الطبيعي المتحد الطبيعي المتحد الأسي ثمّ عيّن قيّم العدد الطبيعي المتحد الطبيعي المتحد المتحدد الطبيعي المتحدد المتحدد الطبيعي المتحدد ا

. حقيق 
$$2\left(\frac{z_A}{\sqrt{3}}\right)^{2015} + \left(\frac{z_B}{\sqrt{3}}\right)^{1962} - \left(\frac{z_C}{\sqrt{3}}\right)^{1435}$$
 حقيق (ب

.  $z_D = 1 + i$  النقطة ذات اللاحقة D (2

. A إلى D ويحوّل D الذي مركزه D ويحوّل D إلى D

# NABIL SOFT

$$\sin\left(\frac{7\pi}{12}\right)$$
 و  $\cos\left(\frac{7\pi}{12}\right)$  على الشكل الجبري ثمّ استنتج القيمة المضبوطة لكل من:  $\frac{z_A}{z_D}$ 

. به مسح 
$$z=k$$
 حيث مجموعة النقط  $z=k$  ذات اللاحقة  $z$  التي تحقّق:  $z=k$  (1+ $i$ ) عيّن مجموعة النقط  $i$ 

#### التمرين الثالث: (04,5 نقطة)

. 
$$u_{n+1} = (1+u_n)e^{-2}-1$$
 :  $n$  عدد طبيعي عدد  $u_0 = e^2-1$  :  $u_0 = e^2-1$  المتتالية العددية المعرّفة ب

$$u_3$$
 و  $u_2$  ،  $u_1$  احسب (1

$$1 + u_n > 0$$
 : اثبت أنّه من أجل كل عدد طبيعي (2

. هل هي متقاربة ؟ علّل (
$$u_n$$
) بيّن أنّ المتتالية  $(u_n)$  متناقصة .

$$v_n = 3(1+u_n)$$
 : منع من أجل كل عدد طبيعي (4

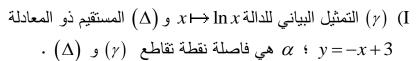
أ) أثبت أنّ 
$$(v_n)$$
 متتالية هندسية يطلّب تعيين أساسها وحدها الأوّل.

$$\lim_{n\to +\infty} u_n$$
 بدلالة  $u$  ، ثمّ احسب  $v_n$  اكتب  $v_n$  اكتب

. 
$$\ln v_0 + \ln v_1 + ... + \ln v_n = (n+1)(-n+2+\ln 3)$$
 : کل  $n$  من أجل کل  $n$  من أجل کل  $n$  من أجل كا بيّن أنّه من أجل كل

#### التمرين الرابع: (6,5 نقطة)

.  $\left(O;i',j
ight)$ المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس



$$0;+\infty$$
 على  $]0;+\infty$  على  $]0;+\infty$  على  $]0;+\infty$  .

. 
$$g(x) = x - 3 + \ln x$$
: بالدالة المعرّفة على المجال  $g(x) = x - 3 + \ln x$  بالدالة المعرّفة على المجال  $g(x) = x - 3 + \ln x$  بالدالة المعرّفة على المجال  $g(x) = x - 3 + \ln x$ 

 $. 2,2 < \alpha < 2,3$  :نحقّق أن (3

. و 
$$(C_f)$$
 و  $f(x) = (1 - \frac{1}{x})(\ln x - 2)$  بمثيلها البياني. و  $f(x) = (1 - \frac{1}{x})(\ln x - 2)$  بمثيلها البياني.

$$\lim_{x\to +\infty} f(x)$$
 و  $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  احسب (1

. 
$$f$$
 البيت أنّه من أجل كل  $x$  من  $g(x) = \frac{g(x)}{x^2}$  :  $g(x) = \frac{g(x)}{x^2}$  البيات الدالة (2

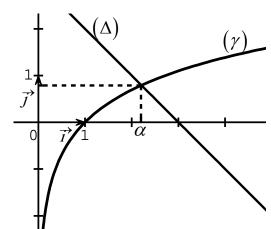
. 
$$f(\alpha)$$
 بيّن أنّ:  $f(\alpha) = \frac{-(\alpha-1)^2}{\alpha}$  ؛ ثمّ استنتج حصرا للعدد (3

$$[0\ ;\ e^2]$$
 على المجال ( $[C_f]$ ) ادرس وضعية المجال إلى حامل محور الفواصل ؛ ثمّ أنشئ  $[C_f]$  على المجال (4

. 
$$F(1)=-3$$
 والتي تحقّق:  $f$  على المجال  $f$  الدالة الأصلية للدالة  $f$  على المجال  $f$ 

اً بيّن أنّ منحنى الدالة 
$$F$$
 يقبل مماسين موازيين لحامل محور الفواصل في نقطتين يُطلب تعيين فاصلتيهما.

. 
$$F$$
 عبارة الدالة عبارة الدالة  $x\mapsto x$  استنتج عبارة الدالة  $x\mapsto x$  الدالة  $x\mapsto x$  الدالة  $x\mapsto x$  الدالة (2



# NABIL SOFT

#### الموضوع الثاني

## التمرين الأول: (04 نقاط)

في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس ( (O;i,j,k) ؛

. 
$$D(1;0;-2)$$
 و  $C(3;1;-3)$  ،  $B(0;4;-3)$  ،  $A(2;4;1)$  و غتبر النقط

أجب بصحيح أو خطأ مع التعليل في كل حالة من الحالات الآتية:

- النقط A ، B و C ليست في استقامية.
- ديكارتية للمستوي (2x + 2y z 11 = 0 (2
- . (ABC) هي المسقط العمودي للنقطة D على المستوي  $E\left(3;2;-1\right)$  النقطة (3
  - المستقيمان (AB) و (CD) من نفس المستوي.

$$\left\{ egin{aligned} x=2t-1 \ y=t-1 \ z=-t-1 \end{aligned} 
ight.$$
 (5) نمثیل وسیطی للمستقیم  $\left\{ egin{aligned} x=2t-1 \ z=-t-1 \end{array} 
ight.$ 

. 
$$\{(A;\alpha),(B;\beta)\}$$
 مرجح الجملة  $I\left(\frac{3}{5};4;-\frac{9}{5}\right)$  مرجح الجملة  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$  يوجد عددان حقيقيان  $\alpha$  و  $\alpha$  انقطة  $\alpha$ 

#### التمرين الثاني: ( 05 نقاط )

في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (O;u,v) نعتبر النقط B ، A و B التي لاحقاتها على

. 
$$(z_A$$
 هو مرافق  $\overline{z_A})$  ،  $z_C = -(z_A + z_B)$  و  $z_B = -\overline{z_A}$  ،  $z_A = 2e^{i\frac{\pi}{6}}$  هو مرافق  $z_C$  و  $z_B$  ،  $z_A$  الترتيب:

- . اكتب كلا من العددين المركّبين  $z_B$  و  $z_C$  على الشكل الأسي .
- ب) استنتج أنّ النقط A ، A و B تتتمي إلى دائرة  $(\gamma)$  يطلب تعيين مركزها ونصف قطرها.
  - $\cdot$  . C و B ، A والنقط  $(\gamma)$  والنقط الدائرة

. 
$$\frac{z_B - z_C}{z_B - z_A} = e^{-i\frac{\pi}{3}}$$
 : نحقق أنّ (2)

- ب) استنتج أنّ المثلث ABC متقايس الأضلاع وأنّ النقطة O مركز ثقل هذا المثلث.
- $|z|=|z-\sqrt{3}-i|$  عيّن وأنشئ (E) مجموعة النقط M ذات اللاحقة z حيث:
  - A الذي مركزه O ويحوّل C إلى C الذي مركزه O الذي ألى C الذي ألى الذي أل
  - [OB] بالدوران r هي محور القطعة المياث بالدوران (E)

#### التمرين الثالث: ( 05 نقاط )

المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس ((O;i',j)).

- . و  $f(x) = \frac{4x+1}{x+1}$  . و  $f(x) = \frac{4x+1}{x+1}$  . الدالة المعرّفة على المجال  $f(x) = \frac{4x+1}{x+1}$  .
  - .[0;+ $\infty$ [ الدالة f على المجال عيّن اتجاه تغير الدالة

# $egin{aligned} \mathbf{B} & \mathbf{T} & \mathbf{S} & \mathbf{F} & \mathbf{T} \\ \mathbf{S} & \mathbf{S} & \mathbf{F} & \mathbf{F} & \mathbf{F} \end{aligned}$ ادرس وضعية $(C_f)$ بالنسبة إلى المستقيم (D) ذي المعادلة $(C_f)$

- - (0;6] مثّل  $(C_{f})$  و (D) على المجال (0;6]

. 
$$\begin{cases} v_0 = 5 \\ v_{n+1} = f\left(v_n\right) \end{cases} \quad \begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = f\left(u_n\right) \end{cases}$$
 عتبر المتتاليتين  $\left(v_n\right) \in \left(v_n\right)$  المعرّفتين على '\' كما يلي: (II

- . (1) أ) أنشئ على حامل محور الفواصل الحدود:  $u_1$ ،  $u_2$ ،  $u_1$ ،  $u_3$  و  $v_2$ ،  $v_1$ ،  $v_2$ ،  $v_3$  و  $v_3$  دون حسابها.  $(v_n)$  و  $(u_n)$  فمّن اتجاه تغیر وتقارب کل من المتتالیتین
  - $\alpha = \frac{3+\sqrt{13}}{2}$  : حيث  $\alpha < v_n \le 5$  و  $2 \le u_n < \alpha$  نه من أجل كل  $\alpha$  من  $\alpha < v_n \le 5$  و  $\alpha < v_n \le 5$  $(v_n)$  و  $(u_n)$  استنتج اتجاه تغیر کل من المتتالیتین
    - .  $v_{n+1} u_{n+1} \le \frac{1}{3} (v_n u_n) : \Lambda$  من n کل n کل (1) أثبت أنّه من أجل كل n من n
      - $v_n u_n \le \left(\frac{1}{3}\right)^{n-1}$ : بین أنّه من أجل كل n من n كل بین أنّه من أجل
    - .  $(v_n)$  و  $(u_n)$  من من  $\lim_{n\to+\infty}(v_n-u_n)=0$  ؛ ثمّ حدّد نهایة کل من  $(v_n)=0$

## التمرين الرابع: (06 نقاط)

- $g(x) = 1 2x e^{2x-2}$  : با الدالة العددية المعرفة على با با والدالة العددية المعرفة على با والدالة العددية المعرفة على با
  - 1) ادرس اتجاه تغير الدالة g على بنا.
- .  $0,36 < \alpha < 0,37$  : ثمّ تحقّق أنّ : g(x) = 0 بيّن أنّ المعادلة g(x) = 0 تقبل حلا وحيدا وحيدا
  - . استنتج إشارة g(x) على = 3
  - .  $f(x) = xe^{2x+2} x + 1 : + 1$  الدالة العددية المعرّفة على الدالة العددية المعرّفة المعرّفة على الدالة العددية المعرّفة المعرّفة على الدالة العددية العددية
  - .  $\left(O;ec{i}\,,ec{j}
    ight)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $\left(C_{f}
    ight)$ 
    - .  $f'(x) = e^{2x+2} g(-x)$  : من x من أجل كل x من أجل كل أ (1
  - .  $[-lpha;+\infty[$  ب] استنتج أنّ الدالة f متناقصة تماما على  $]-\infty;-lpha[$  ومتزايدة تماما على
    - . f عند f
      - احسب النتيجة هندسيا. ا $\lim_{x\to\infty} \left[ f(x) + x 1 \right]$  احسب (3
    - . y=-x+1 ادرس وضعية  $C_f$  بالنسبة إلى المستقيم ( $\Delta$ ) الذي معادلته النسبة إلى بالنسبة الح
      - .  $f\left(-\alpha\right)\approx0,1$  فنشئ  $\left(\Delta\right)$  على المجال  $\left(C_{f}\right)$  على المجال (5
  - .  $2f(x)+f'(x)-f''(x)=1-2x-3e^{2x+2}$  : من أجل كل x من أجل كل x من أجل كا أنه من أبل كا أنه من أبل كا أنه من أبل كا أنه كا أنه من أبل كا أنه كا
    - $\cdot$  باستنتج دالة أصلية للدالة f على  $\dot{f}$