## NABIL SOFT





الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية وزارة التربية الوطنية

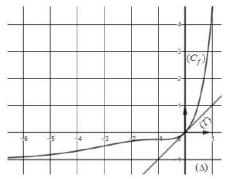
دورة: 2022

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: علوم تجريبية

اختبار في مادة: الرياضيات المدة: 03 سا و30 د

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:



الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

الدالة العددية المعرّفة على  $\mathbb{R}$  بتمثيلها البياني  $(C_f)$  في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(C_f)$ ،  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  مماس  $(C_f)$  مماس في النقطة ذات الفاصلة O كما هو مبيّن في الشكل المقابل.

- (T) بقراءة بيانية: عيّن f'(0) و f'(0) و أعط معادلة للمماس (f'(0)
- f(x) = x + m ناقش بيانيا، حسب قيم الوسيط الحقيقي m، عدد حلول المعادلة: (2
  - $f(x) = (x^2 + a)e^x + b$  بيّن أنّ a = 1 و a = 1 إذا علمت أن a = 1
- . الدالة العددية المعرّفة على  $\mathbb{R}$  بين أنّ الدالة  $g(C_g)$  و  $g(x)=(x^2+1)e^{|x|}-1$  بين أنّ الدالة g (وجية ثم اشرح كيفية إنشاء g) انطلاقا من g0 انطلاقا من g1 انطلاقا من g3 المعلم السابق.

التمرين الثانى: (04 نقاط)

أجب بصحيح أو خاطئ مع التبرير في كلّ حالة من الحالات التالية:

 $f(x) = \frac{x^2 - x + \ln x}{x}$ : با  $g(x) = \frac{x^2 - x + \ln x}{x}$  بالدالة العددية المعرّفة على  $g(x) = \frac{x^2 - x + \ln x}{x}$ 

 $+\infty$  عند f عند المائل لمنحنى الدالة y=x-1

 $\ln(2x-1) + \ln(2x+1) = \ln 3$  ... (E) : x نعتبر المعادلة (E) ذات المجهول الحقيقي  $\mathbb{R}$  للمعادلة (E) حلان متمايزان في

 $F(x) = x + \ln(1 + e^{-2x})$  و  $f(x) = \frac{1 - e^{-2x}}{1 + e^{-2x}}$  ب ب  $\mathbb{R}$  ب باتا أو ما تا المعرّفتان على  $F(x) = \frac{1 - e^{-2x}}{1 + e^{-2x}}$  ب و  $f(x) = \frac{1 - e^{-2x}}{1 + e^{-2x}}$ 

 $\mathbb R$  دالة أصلية للدالة f على F

 $u_n=rac{n+1}{n}$  كما يلي:  $\mathbb{N}^*$  كما يلي: ( $u_n$ ) (4

 $\ln 2022$  هي  $\ln u_1 + \ln u_2 + \dots + \ln u_{2022}$  : قيمة المجموع

التمرين الثالث: (05 نقاط)

المستوى منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(O;\vec{i},\vec{j})$ ،  $(O;\vec{i},\vec{j})$  المستقيمان المعرفان كما يلي

. (
$$\Delta$$
):  $y = -\frac{1}{2}x + 1$   $(D)$ :  $y = x$ 

# NABIL SOFT

0

اختبار في مادة: الرياضيات. الشعبة: علوم تجريبية. بكالوريا 2022

$$u_{n+1}=-\,rac{1}{2}u_n+1$$
 و  $u_0=-4:$  المتتالية العددية  $(u_n)$  معرّفة على  $u_0=-4:$ 

- محور الشكل المقابل على ورقة الإجابة ثم مثّل على حامل محور (1 الفواصل الحدود:  $u_1$  ،  $u_1$  ،  $u_2$  ،  $u_1$  ،  $u_0$  الفواصل الحدود:
  - . أ- هل المتتالية  $(u_n)$  رتيبة  $(u_n)$  برّر إجابتك (2

$$(u_n)$$
 ضع تخمينا حول تقارب المتتالية  $-$ 

$$v_n = \left(u_n - \frac{2}{3}\right)^2$$
: ب  $\mathbb{N}$  ب المنتالية العددية المعرّفة على  $(v_n)$ 

$$v_0$$
 بيّن أنّ المتتالية  $(v_n)$  هندسية أساسها  $\frac{1}{4}$  ثم احسب أ

$$\lim_{n \to +\infty} v_n$$
 واستنتج أنّ  $v_n$  متقاربة. وأ $\lim_{n \to +\infty} v_n$  بدلالة  $v_n$  ثم احسب

$$v_0 \times v_1 \times \dots \times v_{n-1} = \left(\frac{14}{3}\right)^{2n} \times \left(\frac{1}{2}\right)^{n^2-n}$$
 ،  $n$  عدد طبیعي (4

التمرين الرابع: ( 07 نقاط )

$$g(x) = \frac{2x^2 - 2x - 1}{x^2} + \ln x$$
 : ب $]0; +\infty[$  على  $]0; +\infty[$  بالدّالة العددية المعرّفة على  $g(x)$ 

$$]0;+\infty[$$
 بيّن أنّ الدّالة  $g$  متزايدة تماما على الدّالة (1

$$1,2 عيث أنّ المعادلة  $g\left(x
ight)=0$  تقبل حلا وحيدا  $lpha$  حيث أنّ المعادلة$$

$$]0;+\infty[$$
 على  $g(x)$  على  $]0;+\infty[$ 

$$f(x) = \left(\frac{1}{x} - 2 - \ln x\right)e^{-x}$$
 : ب $e^{-x}$  المعرّفة على  $e^{-x}$  : ب $e^{-x}$  المعرّفة على  $f$  المعرّفة على ( $\Pi$ 

$$\left(O; \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}
ight)$$
 تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $\left(C_f
ight)$ 

$$\lim_{x \to \infty} f(x)$$
 أ- بيّن أنّ  $\lim_{x \to +\infty} f(x) = 0$  ثم احسب (1

ب- فسر النتيجتين السابقتين بيانيا.

$$f'(x) = \frac{g(x)}{e^x}$$
 ، موجب تماما ، موجب عدد حقیقی  $x$  عدد حقیقی عدد کلّ عدد (2

 $oldsymbol{\psi}$  استنتج اتجاه تغیّر الدّالة f وشکّل جدول تغیّراتها.

$$(f(\alpha) \simeq -0.4$$
 و  $f(0.65) \simeq 0$  : نأخذ ) .  $(C_f)$  و (3

$$F(x) = e^{-x}(2 + \ln x)$$
 بالدّالة العددية المعرّفة على  $[0; +\infty[$  بيا الدّالة العددية المعرّفة على  $[0; +\infty[$ 

$$]0;+\infty$$
و المجال على المجال  $f$  دالة أصلية للدالة  $f$  على المجال المجال أ

$$0<\lambda<rac{1}{2}$$
 :عدد حقیقي یحقق  $\lambda$  عدد  $S(\lambda)=\int_{\lambda}^{1/2}f(x)dx$  ب- نضع

احسب  $S(\lambda)$  ثم فسّر النتيجة بيانيا.

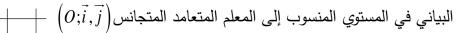
انتهى الموضوع الأول

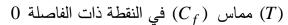
اختبار في مادة: الرياضيات. الشعبة: علوم تجريبية. بكالوريا 2022

#### الموضوع الثاني

## التمرين الأول: (04 نقاط)

الدالة العددية المعرفة على  $[-1;+\infty[$  بـ:  $]-1;+\infty[$  عدد حقيقي. f(x)=a الدالة العددية المعرفة على f(x)=a





كما هو مبيّن في الشكل المقابل.

$$(T)$$
 بقراءة بيانية، عيّن  $f'(0)$  وأعط معادلة للمماس (1

$$a=1$$
 بيّن أنّ (2

ناقش بیانیا، حسب قیم الوسیط الحقیقی 
$$m$$
، عدد وإشارة  $f(x)+x-m=0$ 

و (
$$C_g$$
) و  $g(x)=|x+1|-1-2\ln|x+1|$  بـ:  $\mathbb{R}-\{-1\}$  و  $g(x)=|x+1|-1-2\ln|x+1|$  و الدالة العددية المعرفة على  $g(-1)=\mathbb{R}-\{-1\}$  بين أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي  $x$  يختلف عن  $g(-2-x)=g(x)$  ثم فسّر النتيجة بيانيا.

$$g(x) = f(x)$$
 ،  $]-1;+\infty[$  من أجل كلّ عدد حقيقي  $x$  من أجل كلّ عدد عقيقي

ج- أنشئ  $(C_g)$  في المعلم السابق.

## التّمرين الثاني: ( 04 نقاط)

عين الاقتراح الصّحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثّلاثة في كل حالة من الحالات التالية مع التّبرير:

:ديمة 
$$I = \int_{1}^{2} (x-1)e^{x^2-2x} dx$$
 عيث  $I = \int_{1}^{2} (x-1)e^{x^2-2x} dx$  عيث (1

$$\frac{e+1}{2e}$$
 ( $\Rightarrow$ 

 $(C_f)$ 

$$\frac{e-1}{2e}$$
 (ب

$$1 - \frac{1}{e}$$
 (5

$$v_n = u_n + \alpha$$
 ،  $u_{n+1} = \frac{1}{3}u_n + 3$  ،  $u_0 = 3$  : ب  $\mathbb{N}$  على المعرفتّان العدديتان العدديتان المعرفتّان على ( $u_n$ ) (2

حيث  $\alpha$  عدد حقيقي. قيمة العدد الحقيقي  $\alpha$  حتّى تكون المتتالية  $(v_n)$  هندسية هي:

$$\frac{2}{9}$$
 (÷

$$\frac{9}{2}$$
 (ب

$$-\frac{9}{2}$$
 (1)

 $\ln(x+1) \le f(x) \le e^x - 1$  : موجب تماما عددية تُحقق، من أجل كلّ عدد حقيقي f (3

$$\lim_{x \to 0} \frac{f(x)}{x}$$
 هي:

$$y'' = 2 - \frac{1}{x^2} \dots (E) : (E)$$
 نعتبر المعادلة التفاضلية (4)

$$H'(1)=2$$
 و الذي يُحقق  $H(1)=4$  على  $H'(1)=3$  عبارة الحل  $H$  للمعادلة  $H'(1)=3$  على  $H'(1)=3$ 

$$H(x) = x^2 - x + 4 - \ln x$$
 (  $\Rightarrow$   $H(x) = x^2 - x + 1 + \ln x$  (  $\Rightarrow$   $H(x) = x^2 - x + 4 + \ln x$  (  $\Rightarrow$ 

اختبار في مادة: الرياضيات. الشعبة: علوم تجريبية. بكالوريا 2022

#### التمرين الثالث: ( 05 نقاط)

$$\begin{cases} u_0 \times u_2 = e^2 \\ \ln u_1 + \ln u_7 = -4 \end{cases}$$
 المتتالية الهندسيّة المعرّفة على  $\mathbb N$  وحدودها موجبة تماما حيث:

$$(u_n)$$
 المتتالية  $u_1$  والأساس  $u_1$  والأساس  $u_n=e^{2-n}$  ،  $n$  عين  $u_n=e^{2-n}$  ،  $n$  عدد طبيعي  $u_n=e^{2-n}$ 

$$S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$$
 :حيث  $S_n$  المجموع (2

$$v_{n+1}=v_n+u_n$$
 ،  $n$  ومن أجل كلّ عدد طبيعي  $v_0=e^3$  : المعرّفة بـ:  $v_0=e^3$  المعرّفة بـ:  $v_n=\frac{e^{3-n}-e^4}{1-e}$  ،  $v_n=\frac{e^{3-n}-e^4}{1-e}$  .

$$\frac{1}{e}v_n = \frac{1}{1-e}\left(u_n - e^3\right)$$
 ،  $n$  عدد طبیعي ،  $n$  عدد طبیعي  $-1$  (4  $S'_n = \frac{1}{e}v_0 + \frac{1}{e}v_1 + \dots + \frac{1}{e}v_n$  : عتبر المجموع  $S'_n = \frac{1}{1-e}\left[S_n - (n+1)e^3\right]$  ،  $n$  عدد طبیعي  $n$  عدد طبیعي أنّه من أجل كلّ عدد طبیعي

### التّمرين الرّابع: ( 07 نقاط)

الدّالة العدديّة المعرّفة على 
$$\mathbb{R}$$
 بنياني في المستوى  $(C_f)$  ،  $f(x) = \frac{1}{2}e^{-2x} - \frac{9}{2}e^{-x} - 2x + 4$  بنياني في المستوى .  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  بمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ 

$$f'(x) = -\frac{1}{2}e^{-2x}(e^x - 2)(4e^x - 1)$$
 ،  $x$  عدد حقیقی عدد حقیقی  $f'(x) = -\frac{1}{2}e^{-2x}(e^x - 2)(4e^x - 1)$  ،  $x$  عدد حقیقی عدد حقیقی  $f'(x) = -\frac{1}{2}e^{-2x}(e^x - 2)(4e^x - 1)$  ،  $x$  عدد حقیقی عدد حقیقی از  $f'(x) = -\frac{1}{2}e^{-2x}(e^x - 2)(4e^x - 1)$  ،  $f'(x) = -\frac{1}{2}e^{-2x}(e^x - 2)(4e^x - 1)$  .  $f'(x) = -\frac{1}{2}e^{-2x}(e^x - 2)(4e^x - 2)$  .  $f'(x) = -\frac{1}{2}e^{-2x}(e^x - 2)$  .  $f'(x) = -\frac{1}{2}e^{-2x}(e^x - 2)$  .  $f'(x) = -\frac{1}{$ 

$$+\infty$$
 عند  $C_f$  عند  $y=-2x+4$  عند  $\Delta$  بالنسبة إلى  $\Delta$ 

$$0$$
 أكتب معادلة لـ  $T$  مماس الفاصلة و  $C_f$  مماس ( $T$  معادلة لـ (4

$$\left(f\left(-\ln 4\right)\simeq -3,2\right)$$
 و  $\left(T\right)$  و  $\left(-1,9\right)\simeq 0$  على المجال  $\left(C_{f}\right)$  على المجال  $\left(C_{f}\right)$  على المجال  $\left(C_{f}\right)$  على المجال  $\left(C_{f}\right)$  و  $\left(\Delta\right)$ 

. الدالة المعرّفة على 
$$\mathbb{R}$$
 بـ:  $2x-2$  بـ  $2e^{-2x}+\frac{9}{2}e^{-x}+2x-2$  بـ  $\mathbb{R}$  بـ المعلم السابق.  $h$  الدالة المعرّفة على  $\mathbb{R}$  بـ أجل كلّ عدد حقيقي  $h(x)=af(x)+b$  بعيّن العددين الحقيقيين  $a$  و  $a$  حيث، من أجل كلّ عدد حقيقي  $a$  عين العددين الحقيقيين  $a$ 

$$((C_h)$$
 اعتمادًا على  $(C_f)$  اعتمادًا على الله الشاء  $(C_h)$  اعتمادًا اله المرح كيف يمكن إنشاء  $(C_h)$ 

انتهى الموضوع الثاني