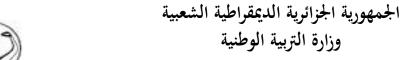
# NABIL SOFT





دورة: 2019

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: علوم تجريبية

اختبار في مادة: الرياضيات المدة: 03 سا و30 د

# على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

### التمرين الأول: (04 نقاط)

 $u_{n+1} = \frac{1}{5}u_n + \frac{4}{5}$  , n acc denoted as  $u_0 = 13$ :  $u_0 = 13$ :

.  $u_n > 1$  ، n برهن بالتراجع أنه: من أجل كل عدد طبيعي (أ (1

ب) أدرس اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$  واستنتج أنها متقاربة.

.  $v_n = \ln(u_n - 1)$  : ب  $\mathbb{N}$  ب المتتالية العددية المعرفة على  $\mathbb{N}$  ب المتتالية العددية المعرفة على أثبت أنّ المتتالية  $(v_n)$  حسابية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول.

.  $\lim_{n\to +\infty}u_n$  غندئذ من أجل كل عدد طبيعي  $u_n=1+\frac{12}{5^n}$  ، من أجل كل عدد طبيعي  $v_n$  واحسب عندئذ  $v_n$ 

 $(u_0-1)(u_1-1)\times...\times(u_n-1)=\left(\frac{12}{5^{\frac{n}{2}}}\right)^{n+1}$ ، من أجل كل عدد طبيعي (4 من أجّل كل عدد طبيعي (4

### التمرين الثاني: (04 نقاط)

يحتوي كيس على خمس كريات حمراء منها أربع كريات تحمل الرقم 1 وكرية واحدة تحمل الرقم 2 وسبع كريات خضراء منها أربع كريات تحمل الرقم 1 وثلاث كريات تحمل الرقم 2 (كل الكريات متماثلة لا نفرق بينها عند اللمس). نسحب عشوائيا كريتين من الكيس في آن واحد ونعتبر الحادثتين A و B حيث: A: " سحب كريتين من نفس اللون " A: " سحب كريتين تحملان نفس الرقم " .

A بيّن أنّ احتمال الحادثة A هو A هو  $P(A) = \frac{31}{66}$  واحسب احتمال الحادثة  $P(A) = \frac{31}{66}$ 

2) علما أنّ الكريتين المسحوبتين من نفس اللون، ما احتمال أن تحملا نفس الرقم؟

3) ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل عملية سحب عدد الكريات الحمراء المتبقية في الكيس. عرف قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X واحسب أمله الرياضياتي E(X)

### التمرين الثالث: (05 نقاط)

 $(z-i)(z^2-4z+5)=0$  المعادلة ذات المجهول z التالية:  $\mathbb{C}$  المركبة  $\mathbb{C}$  المعادلة ذات المجهول المعادلة دات المعادلة ذات المجهول المعادلة المعادلة دات المعادلة ذات المعادلة دات المعاد

# NABIL SOFT

اختبار في مادة : الرياضيات// الشعبة: علوم تجريبية// بكالوريا 2019

B ، A النقط ،  $\left(0;\overrightarrow{u},\overrightarrow{v}\right)$  ، النقط المتعامد والمتجانس  $\left(0;\overrightarrow{u},\overrightarrow{v}\right)$  ، النقط .II و C و C التي لاحقاتها C و C على الترتيب.

. ABC على الشكل الأسي، ثم استنتج طبيعة المثلث (1 على ا

$$f(z) = \frac{i z - 1 - 2i}{2z - 4 - 2i}$$
 من أجل كل عدد مركب  $z$  يختلف عن  $z + i$  نضع (2

 $|f(z)| = \frac{1}{2}$  التي تحقق: z التي تحقق: M من المستوي ذات اللاحقة z التي تحقق: (E) عين المجموعة (ب) بيّن أن العدد (E) حقيقي موجب.

.  $\frac{\pi}{2}$  نعتبر الدوران r الذي مركزه C الذي مركزه (3

أ) عيّن لاحقة D صورة B بالدوران r وبيّن أنّ النقط D ، D و D في استقامية.

ب) استنتج أنّ D هي صورة النقطة A بتحويل نقطي بسيط يطلب تحديد طبيعته وعناصره .

### التمرين الرابع: (07 نقاط)

.  $f(x) = \frac{1}{x-2} + \ln x$ : باكة العددية المعرفة على  $f(x) = \frac{1}{x-2} + \ln x$  باكة العددية المعرفة على  $f(x) = \frac{1}{x-2} + \ln x$ 

.  $(O; \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j})$  سنجامد والمتجامد والمستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد ( $C_f$ )

ا احسب f(x) ا $\lim_{x \to 0} f(x)$  و  $\lim_{x \to 0} f(x)$  ا $\lim_{x \to 0} f(x)$  النتائج بیانیا.  $\lim_{x \to 0} f(x)$  احسب (ب) احسب (ب)

ادرس اتجاه تغیّر الدّالة f علی  $]2;+\infty[$  وشکِّل جدول تغیّراتها.

(٦) المنحنى البياني للدّالة اللّوغاريتمية النّيبيرية "In" في المعلم السابق ( $\Gamma$ 

أ) احسب  $\lim_{x\to +\infty} (f(x) - \ln x)$  ثم فسِّر النَّتيجة بيانيا.

. ( $\Gamma$ ) ادرس وضعية المنحنى ( $C_f$ ) بالنِّسبة إلى المنحنى ( $\Gamma$ 

 $(C_f)$  ارسم بعناية المنحنى ( $\Gamma$ ) ثمَّ المنحنى ( $\Phi$ 

. الدّالة المعرفة على المجال  $= \int_3^x \ln(t) dt$  بـ:  $[3;+\infty[$  بـ الدّالة المعرفة على المجال  $= 3;+\infty[$  بـ الدّالة المعرفة على المجال  $= 3;+\infty[$ 

. x باستعمال المكاملة بالتّجزئة، عيّن عبارة H(x) بدلالة

ب) احسب  $\mathcal{A}$  مساحة الحيِّز المستوي المحدَّد بالمنحنى  $(C_f)$  وحامل محور الفواصل x=3 والمستقيمين ذوي المعادلتين: x=4 و x=3

. g(x) = f(-2x): ب $]-\infty;-1[\cup]-1;0[$  بالدّالة المعرَّفة على g (6

دون حساب عبارة g(x) حدّد اتجاه تغیّر الداله g علی مجموعة تعریفها.

انتهى الموضوع الأول

اختبار في مادة : الرياضيات// الشعبة: علوم تجريبية// بكالوريا 2019

### الموضوع الثانى

### التمرين الأوّل: (04 نقاط)

يحتوي صندوق على 10 كريات لا نفرق بينها عند اللّمس منها كريتان تحملان الرقم 0 وثلاث تحمل الرقم1 والكريات الأخرى تحمل الرقم 2. نسحب عشوائياً وفي آنِ واحدٍ ثلاث كريات من الصندوق.

ليكن X المتغيّر العشوائي الذي يرفق بكل سحب، جداء الأرقام المسجّلة على الكريات المسحوبة.

- E(X) عرّف قانون الاحتمال للمتغير العشوائي Xثم احسب أمله الرياضياتي (1
- $\frac{7}{24}$  بيّن أنّ احتمال الحصول على ثلاث كريات كل منها تحمل رقماً زوجياً هو  $\frac{7}{24}$ .
  - 3) نسحب الآن من الصندوق كريتين على التوالي دون إرجاع.

ما احتمال الحصول على كريتين تحملان رقمين مجموعهما فردي علما أن جداءهما زوجي؟

### التمرين الثاني: (04 نقاط)

.  $f(x) = \sqrt{x+2} + 4$  بالدّالة المعرّفة على المجال  $f(x) = \sqrt{x+2} + 4$ 

- 1) أ) بيّن أنّ الدالة f متزايدة تماما على المجال [7; 4].
- $f(x) \in [4; 7]$  فإنّ [4; 7] فإن x من المجال عدد حقيقي x من المجال عدد حقيقي
- $f(x)-x=\frac{-x^2+9x-14}{x-4+\sqrt{x+2}}$  وَإِنّ [4;7] فإنّ x عدد حقيقي x من المجال عدد عقيقي (2) عدد حقيقي والمجال عدد عقيقي عدد عقيقي المجال عدد عقيقي والمجال المجال الم

f(x)-x>0 قَانٌ [4;7] فإنّ عدد حقيقي x من المجال عدد كل عدد عند من أجل كل عدد المجال

- $u_{n+1}=f(u_n)$  ،  $u_n=4$  عدد طبيعي ، المتتالية العددية المعرّفة ب $u_0=4$  :  $u_0=4$ 
  - - ب) استنتج اتجاه تغيّر المتتالية  $(u_n)$  ثمّ بيّن أنّها متقارية.
  - $.7 u_{n+1} < \frac{1}{4}(7 u_n)$  n عدد طبیعي (4) غدد من أجّل كلّ عدد عدد البيعي n
- $(u_n)$  باستنتج أنّه: من أجل كلّ عدد طبيعي n عدد طبيعي n عدد طبيعي باستنتج أنّه: من أجل كلّ عدد طبيعي

### التمرين الثالث: (05 نقاط)

(O; u, v) المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس

نعتبر النّقط A ، B و C التي لاحقاتها C و B ، A و نعتبر النّقط B ، A على التّرتيب حيث:

$$z_{C} = -2z_{A}$$
 g  $z_{B} = \overline{z_{A}}$   $z_{A} = \sqrt{2} + i\sqrt{6}$ 

. المتب العدد المركب  $z_A$  على الشكل الأسي (1

. 
$$\left(\frac{z_A}{2\sqrt{2}}\right)^{2019} + \left(\frac{z_B}{2\sqrt{2}}\right)^{2019}$$
 عبا احسب العدد

### 

# NABIL SOFT

اختبار في مادة : الرياضيات// الشعبة: علوم تجريبية// بكالوريا 2019

- $Z_D$  الانسحاب الذي يحوِّل A إلى A عيّن  $Z_D$  لاحقة النّقطة D صورة D بالانسحاب D استنتج طبيعة الرّباعي D .
  - اكتب العدد المركب  $z_C z_A$  على الشكل الأسي.
  - عددا حقيقياً.  $\left(\frac{-6\sqrt{2}}{z_{c}-z_{A}}\right)^{n}$  عددا حقيقياً.  $\left(\frac{4}{z_{c}-z_{A}}\right)^{n}$
  - . C نقطة كيفيّة من المستوي لاحقتها z حيث z تختلف عن z وتختلف عن z لتكن z نقطة كيفيّة من المستوي لاحقتها z عيّن z عيّن z مجموعة النّقط z التي من أجلها يكون z عددا حقيقيا موجبا تماما.

### التمرين الرابع: (07 نقاط)

المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ . تُؤخذ وحدة الطول  $\mathbb{R}$  كما يلي: g و g المعرّفتين على  $\mathbb{R}$  كما يلي:

$$f(x) = e^{x} - \frac{1}{2}ex^{2}$$
  $g(x) = e^{x} - ex$ 

- 1) أ) ادرس اتجاه تغير الدالة g.
- ب) استنتج اشارة g(x) حسب قيم x الحقيقية.
  - . f ادرس اتجاه تغیّر الداله (2
- . f احسب كلاً من  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  ؛ ثمّ شكّل جدول تغيّرات الدالة (3
  - $\mathbb{R}$  ادرس الوضع النسبي للمنحنيين للمنحنيين ( $\mathcal{C}_{f}$ ) على (4
- $(e^2-2e\approx 2$  ريُعطى  $(O;\vec{i},\vec{j})$  ارسم على المجال  $(O;\vec{i},\vec{j})$  المنحنيين  $(\mathcal{C}_g)$  و  $(\mathcal{C}_g)$  في نفس المعلم  $(O;\vec{i},\vec{j})$  ارسم على المجال  $(O;\vec{i},\vec{j})$ 
  - $(\mathcal{C}_g)$  و  $(\mathcal{C}_f)$  احسب بالسنتمتر المربّع، مساحة الحيّز المستوي المحدّد بالمنحنيين (6
- لا الدالة المعرّفة على المجال [-2; 2] كما يلي:  $h(x) = \frac{1}{2}ex^2 e^{|x|}$  و ليكن  $h(x) = \frac{1}{2}ex^2 e^{|x|}$  المعلم السابق.
  - أ) بيّن أنّ h دالة زوجية.
- ب) من أجل  $x \in [0; 2]$  انطلاقا من h(x) + f(x) ثم استنتج كيفية رسم  $x \in [0; 2]$  ثم ارسمه.