الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية وزارة التربية الوطنية

الديوان الوطنى للامتحانات والمسابقات امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: علوم تجريبية

دورة: 2020

المدة: 03 سا و 30 د

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

التمرين الأوّل: (04 نقاط)

عين الاقتراح الصحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثلاثة في كلّ حالة من الحالات التالية، مع التبرير:

: المقابل المتغيّر العشوائي X معرّف بالجدول المقابل (1)

 $p(X=x_i)$

- الأمل الرياضياتي E(X) للمتغيّر العشوائي X هو:
 - $-\frac{3}{20}$ (\Rightarrow $-\frac{1}{10}$ (\Rightarrow
- $w_n = 4 \times 5^n 2n + 1$: بالمتتالية العددية (w_n) معرّفة على مجموعة الأعداد الطبيعية ((w_n) بالمتتالية العددية ((w_n)

 $S_n = w_0 + w_1 + w_2 + \dots + w_n$: n نضع من أجل كل عدد طبيعي

 $5^n - n^2$ (\Rightarrow

 $5^{n+1} - n^2$ (\hookrightarrow $5^{n+1} - (n+1)^2$ (\dagger

:سياوي S_n

 $-2e^{2x} + 5e^{x} - 2 \ge 0$: x نعتبر المتراجحة ذات المجهول الحقيقى (3

مجموعة حلول هذه المتراجحة في مجموعة الأعداد الحقيقية هي:

 $[\ln 2; +\infty]$

 $[-1; -\ln 2]$ (ب

 $[-\ln 2; \ln 2]$ (

التمرين الثاني: (04 نقاط)

يحتوي وعاء U على 4 كريات حمراء و 6 سوداء، ويحتوي وعاء V على 5 كريات حمراء و 8 سوداء وكل الكريات متماثلة ولا نفرّق بينها عند اللّمس. نسحب عشوائيا كريتين في آنِ واحد من أحد الوعاءين بالكيفية التالية:

نقوم بسحب بطاقة واحدة عشوائيا من كيس يحتوي على 6 بطاقات متماثلة ومرقمة من 1 إلى 6 ، إذا تحصلنا على . V أو V نسحب الكريتين من V و في باقي الحالات نسحب الكريتين من

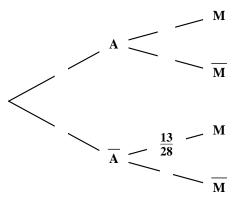
نسمّي A الحدث: " الحصول على أحد الرقمين 3 أو 5 " .

نسمّى М الحدث: " الحصول على كريتين من نفس اللّون".

ر احقق أنّ $P(\overline{A})$ احتمال السّحب من الوعاء V هو $\overline{2}$.

علماً أنّ الكريتين المسحوبتين من U، بيّن أنّ احتمال أن تكونا (2 من نفس اللّون هو $\frac{7}{15}$.

- . P(M) انقل شجرة الاحتمالات المقابلة ثم أكملها واستنتج (3
- احسب $P_{\overline{M}}(A)$ احتمال السّحب من الوعاء U علما أنّ الكريتين المسحوبتين مختلفتا اللّون؟ (4



NABIL SOFT

اختبار في مادة: الرياضيات \ الشعبة: علوم تجريبية \بكالوريا 2020

التمرين الثالث: (05 نقاط)

 $u_{n+1} = \frac{3}{4}u_n - 1 : n$ معرّفة ب $u_n = \alpha$ عدد حقيقي)، ومن أجل كل عدد طبيعي $u_n = \alpha : u_n = \frac{3}{4}u_n$ معرّفة ب

 $\cdot \alpha = -4$ نفرض أنّ (1

 $u_n = -4: n$ برهن بالتّراجع أنّه من أجل كل عدد طبيعي

 $\alpha \neq -4$ نفرض أنّ (2

 $v_n = u_n + 4$: بالمعترفة على مجموعة الأعداد الطبيعية $\mathbb N$ بالمعترفة على مجموعة الأعداد الطبيعية $v_n = u_n + 4$

 $rac{3}{4}$ اً . أثبت أنّ المتتالية $\left(v_{n}
ight)$ هندسية أساسها

 (u_n) متقاربة. α و α ثمّ بيّن أنّ المتتالية (u_n) متقاربة.

 $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$: n عدد طبيعي من أجل كل عدد طبيعي

 $\lim_{n\to +\infty} S_n$ احسب S_n و α و α بدلالة ا

التمرين الرابع: (07 نقاط)

 $f(x)=x-1-rac{\ln x}{x^2}$ بي: $g(x)=x-1-rac{\ln x}{x^2}$ بين يا0;+ الدالة العددية $f(x)=x-1-rac{\ln x}{x^2}$

(2cm في مستوٍ منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس ($O; \vec{i}, \vec{j}$) التمثيل البياني لـ f في مستوٍ منسوب إلى المعلم المتعامد ال

 $\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$ و فسّر النتيجة هندسيا ثمّ بيّن أنّ $\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$ أ . احسب

 $+\infty$ عند (\mathcal{C}_f) عند مائل المنحنى y=x-1 عند عند Δ

 (Δ) بالنسبة إلى المستقيم (\mathcal{C}_f) بالنسبة إلى المستقيم

. $g(x) = x^3 - 1 + 2\ln x$ بالدالة العددية g معرّفة على المجال $g(x) = x^3 - 1 + 2\ln x$

. بيّن أنّ g متزايدة تماماً على $]0;+\infty[$.

.]0;+ ∞ [ثمّ استنتج إشارة g(x) حسب قيم x من المجال g(1)

 $f'(x) = \frac{g(x)}{x^3}$: $]0; +\infty[$ من المجال x عدد حقیقي عدد حقیقي . $f'(x) = \frac{g(x)}{x^3}$. $[0; +\infty[$

 $oldsymbol{\psi}$. استنتج اتجاه تغیّر الداله f ثمّ شکّل جدول تغیّراتها.

بيّن أنّ التمثيل البياني (\mathcal{C}_f) يقبل مماسا (T) موازيا للمستقيم (Δ)، ويُطلب تعيين معادلة له.

 \cdot (\mathcal{C}_f) و (Δ) (T) أنشئ (5)

 $h(x) = -|x| + 1 + \frac{\ln|x|}{x^2}$: ب $-\infty; 0[\cup]0; +\infty[$ معرّفة على h معرّفة على (6)

أ . بيّن أنّ h دالة زوجية.

 (C_h) الممثّل للدالة h انطلاقا من (C_f) . (لا يُطلب انشاء المنحنى الممثّل للدالة المثل المثلّل المثلث المثلّل المثلّل المثلّل المثلّل المثلث المثلث المثلث المثلث المثلث المثلث

انتهى الموضوع الأول

NABIL SOFT

اختبار في مادة: الرياضيات \ الشعبة: علوم تجريبية \بكالوريا 2020

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

عيّن الاقتراح الصحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثلاثة في كل حالة من الحالات التالية، مع التبرير:

. $f(x) = -x + \ln x$: بالشكل $f(x) = -x + \ln x$ نعتبر الدّالة $f(x) = -x + \ln x$ نعتبر الدّالة والمعرّفة على المجال

:f على المجال] $0;+\infty$ الدّالة

أ) متزایدة تماما ب) متناقصة تماما ج) غیر رتیبة

2) يتكون فريق عمل من 4 إناث و 3 ذكور، يراد تشكيل لجنة تضم 3 أعضاء.

احتمال أن تكون اللجنة من الجنسين هو:

 $\frac{1}{7}$ (\Rightarrow $\frac{4}{7}$ (\Rightarrow $\frac{6}{7}$ (\dagger

(ع أساس اللوغاريتم النيبيري) $u_0=e^{-\frac{1}{2}}$: حيث: $u_0=e$ الأول e وحدها الأول و وحدها الأول $S_n=\ln(u_0\times u_1\times\cdots\times u_n)$ عدد طبيعي n نضع: n نضع: n نضع: n

 S_n يساوي:

 $\frac{n^2}{2} \quad (\Rightarrow \qquad \qquad \frac{n^2+1}{2} \quad (\Rightarrow$

 $\frac{n^2-1}{2}$ (1)

التمرين الثاني: (04 نقاط)

كيس به ثلاث كريات بيضاء وكريتين حمراوين لا نميّز بينها عند اللمس، نسحب عشوائيا كريتين على التوالي من الكيس بالكيفية التالية: إذا كانت الكرية المسحوبة بيضاء نعيدها إلى الكيس و إذا كانت حمراء لا نعيدها إلى الكيس .

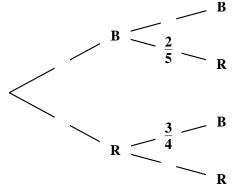
1) أ. انقل شجرة الاحتمالات المقابلة ثم أكملها.

2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحب لكريتين عدد الكربات الحمراء المسحوبة.

أ. عين مجموعة قيم المتغير العشوائي X.

X بيّن أنّ: $P(X=1) = \frac{27}{50}$ ، ثمّ عرّف قانون احتمال المتغير العشوائي .

X الأمل الرياضياتي للمتغير العشوائي E(X)



NABIL SOFT

اختبار في مادة: الرياضيات \ الشعبة: علوم تجريبية \بكالوريا 2020

التمرين الثالث: (05 نقاط)

 $u_{n+1}=3u_n-2n+3$: n عدد طبیعي عدد طبیعي $u_0=0$ عدد کما یلي: $u_0=0$

- (u_n) احسب كلا من u_1 و u_2 ثم خمّن اتجاه تغيّر المتتالية (1
- . $v_n=u_n-n+1$: بالمتتالية العددية المعرّفة على بالمتتالية العددية المعرّفة ($v_n=u_n-n+1$
- أ . بيّن أنّ (v_n) متتالية هندسية أساسها 3 ، يُطلب حساب حدّها الأول.
 - . n بدلالة n ثم استنتج عبارة الحدّ العام v_n بدلالة n
 - (u_n) ادرس اتجاه تغیّر المتتالیة
- . $S_n=u_0+u_1+\cdots+u_n$ نضع: n نضع عدد طبیعي من أجل كل عدد طبيعي (3

$$S_n = \frac{1}{2}(3^{n+1} + n^2 - n - 3)$$
 : n عدد طبیعي أ. أ. بیّن أنّه من أجل كل عدد طبیعي

 $\lim_{n\to +\infty} S_n$: ب

التمرين الرابع: (07 نقاط)

 $\cdot \left(O; \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j} \right)$ المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس (I

$$g(x)=2x^2+2x-2xe^x$$
: ب $\mathbb R$ بالمرفق، g المعرّفة g المعرّفة على المرفق، g المنحنى الممثِّل للدّالة والمعرّفة على المرفق، والمعرّفة على المنحنى الممثِّل المنحنى المعرّفة على المعرّفة على المنحنى المعرّفة على المعرفة على المعرفة على المعرفة على المعرفة على المعرفة على المعرفة على المعرّفة على المعرفة عل

 $x\mapsto e^x$:المستقيم ذو المعادلة: y=x و (γ) المنحنى الممثل للدالة: (Δ)

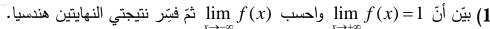
بقراءة بيانية:

$$e^{x} - x > 0$$
: x برّر أنّه من أجل كل عدد حقيقى (1

.
$$g(0) = 0$$
 علما أنّ $g(x)$ علما العدد الحقيقي $g(x)$ علما العدد الحقيقي و (2

.
$$f(x) = -1 + \frac{2e^x}{e^x - x}$$
 : ب \mathbb{R} بالدّالة العددية f معرّفة على (II

. المعلم البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم السابق (C_f) ليكن



.
$$f'(x) = \frac{2e^x(1-x)}{(e^x-x)^2}$$
 يكون: عدد حقيقي x يكون: (2

. استنتج اتجاه تغیّر الدّالة f ثمّ شکِّل جدول تغیّراتها ب

 (C_f) في النّقطة (T) المماس للمنحنى المنطنة (C_f) في النّقطة (T) في النّعطة ((T)

$$f(x) - (2x+1) = \frac{g(x)}{e^x - x}$$
 يكون: x عدد حقيقي x يكون: وأنّه من أجل كلّ عدد حقيقي x

 (C_f) و (T_f) و النقطة A بالنسبي لـ (C_f) و النقطة (C_f) على (C_f) و النسبة إلى (C_f)

$$-0.6\langlelpha\langle-0.5:$$
 بيّن أنّ المعادلة $f(x)=0$ تقبل حلا وحيدا $lpha$ في المجال α المجال $f(x)=0$ ثم تحقق أنّ

. (C_f) والمستقيمين المقاربين ثم المنحنى (T) والمستقيمين المقاربين ثم المنحنى

