بسمه تعالى



دانشگاه تحصیلات تکمیلی علوم پایه زنجان گروه علوم رایانه و فناوری اطلاعات

درس طراحی سیستم های هوشمند



تمرین چهارم

Maze

محمدعميد عباسي 924468 - محمدسروش فرخزاده 924430 - مسعود فتحي 924429

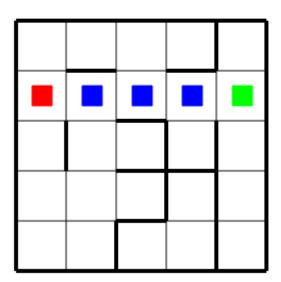
فهرست

مقدمه	3
لگوريتم value iterationا	4
لگوريتم policy iteration	6
لگوریتم یادگیری Q	9
بتدای هر m filem	11
نتهای هر m filem	12
مقايسه ى الگوريتم هاى policy و value	13.
مشكلات الگوريتم Q	14.
ياسخ سوالات	16.

مقدمه

این پروژه با استفاده از تکنولوژی matlab پیاده سازی شده و شامل شش m file می باشد که برای اجرای الگوریتم policy iteration فایل الگوریتم walue iteration فایل و برای اجرای الگوریتم maze_m file فایل Q2.m اجرا گردد؛ سه mile بعدی توابع استفاده شده در برنامه می باشند که در ادامه توضیح داده می شوند.

هدف از اجرای هر سه الگوریتم policy iteration ، value iteration و Q به دست آوردن تابع سیاست بهینه می باشد که بیانگر بهترین حرکت در هر حالت می باشد.



value iteration الگوريتم

Value iteration یکی از الگوریتم های حوزه ی یادگیری تقویتی در یادگیری ماشین می باشد که در آن هدف به دست آوردن تابع سیاست می باشد. در این الگوریتم توابع reward و sigma برای عامل شناخته شده می باشد.

- 1. For each state s, initialize V(s) := 0.
- 2. Repeat until convergence {

}

```
For every state, update V(s) := R(s) + \max_{a \in A} \gamma \sum_{s'} P_{sa}(s')V(s').
```

This algorithm can be thought of as repeatedly trying to update the estimated value function using Bellman Equations (2).

Value iteration algorithm

در این الگوریتم ابتدا value های همه ی خانه ها با صفر مقداردهی اولیه می شوند، سپس تا زمانی که همگرایی رخ دهد، value هر خانه طبق فرمول آپدیت می شود.

منظور از همگرایی در این الگوریتم یکسان بودن ماتریس value در دو iteration متوالی می باشد.

فرمول value به این صورت می باشد که در هر دور برای هر خانه مقدار مجموع reward و gama ضربدر value فرمول value خانه ی بعد را به ازای همه ی action های ممکن آن خانه حساب می کند و مقدار ماکزیمم را جایگزین value فعلی خانه می کند.

پیاده سازی این الگوریتم به صورت زیر می باشد:

```
29 while ~(all(G2 == G1))
        G1 = value;
for i = 1:(s*s)
                  if any(goal == i)
                      value(i)=0;
                      if B(i,1)
                      temp_val(1) = reward(i,'N',goal,s) + gama*value(sigma(i,'N',s));
                      if B(i,2)
                      temp_val(2) = reward(i, 'E', goal, s) + gama*value(sigma(i, 'E', s));
40
                      end
41
                      if B(i,3)
42
                      temp_val(3) = reward(i, 'S', goal, s) + gama*value(sigma(i, 'S', s));
                      end
44
                      if B(i,4)
                      temp_val(4) = reward(i,'W',goal,s) + gama*value(sigma(i,'W',s));
                      [value(i),policy(i)] = max(temp_val);
temp_val = zeros(4,1);
                 end
         G2 = value;
         iter = iter + 1;
53
54 end
```

policy iteration الگوريتم

policy iteration یکی از الگوریتم های حوزه ی یادگیری تقویتی در یادگیری ماشین می باشد که در آن هدف به دست آوردن تابع سیاست می باشد. در این الگوریتم توابع reward و sigma برای عامل شناخته شده می باشد.

Policy Iteration

- Set n = 0 and initialize the policy π⁰ so that it has non negative expected reward.
- 2. Let v^n be the solution to the system of equations

$$v(i) = r(i) + \sum_j p_{i,j}^{\pi^n} v(j)$$

where $p_{i,j}^{\pi^n}$ is the probability of moving from state i to state j under the policy π^n . When multiple solutions are found, the minimal non-negative one is preferred.

3. For each state s with action space A(s), set

$$\pi^{n+1}(s) \in \underset{a \in A(s)}{\operatorname{argmax}} \sum_{j} p_{i,j}^{a} v^{n}(j)$$

breaking ties so that $\pi^{n+1}(s) = \pi^n(s)$ whenever possible.

 If πⁿ⁺¹(s) = πⁿ(s) for all s, stop and set π* = πⁿ. Otherwise increment n by 1 and return to step 2.

- π⁰ is initialized to the near optimal policy s*
- It is an alternative way to find an optimal policy π*
- States in poker tournaments are made of vectors containing the stack size for each player
 - e.g. 3-players state = (x1, x2, x3)
 - x1: stack of the button
 - x2: stack of the small blind
 - x3: stack of the big blind

Policy iteration algorithm

در این الگوریتم ابتدا مقدار policy برای همه ی خانه ها به صورت رندوم مقداردهی اولیه می شود و سپس تا زمانی که همگرایی رخ دهد دو عمل زیر تکرار می شود:

عمل یک: به دست آوردن value هر خانه با توجه به policy مرحله ی قبل. که به دو صورت قابل پیاده سازی می باشد:

1-روش ریاضی: در این روش با استفاده از policy مرحله ی قبل معادله ای از valueها به دست می آوریم و معادله را حل می کنیم. برای حل این معادله می توان از linear regression استفاده کرد. که فرمول آن به صورت زیر می باشد:

$$X = (A^{T}A)^{-1} * A^{T} * B$$

که در این فرمول ماتریس X ماتریس evalueها و ماتریس A ، ماتریس ضرایب و B ماتریس اعداد طرف دیگر معدله می باشد. 2-روش استفاده از simplified value iteration: در این روش با استفاده از value iteration ساده شده مقدار value iterationهای مرحله ی قبل به دست می آوریم؛ که ما در این برنامه از این روش استفاده کرده ایم.

تفاوت Value iteration ساده شده با value itartion اصلی در این می باشد که در Value iteration ساده شده در هر iteration ماکزیمم را انتخاب می کنیم ولی در value iteration ساده شده در هر policy را با توجه به policy مرحله ی قبل انتخاب می کنیم و نه مقدار ماکزیمم را!!!

عمل دوم: به روز رسانی مقدار policy می باشد. که در این عمل policy یا actionای انتخاب می شود که مقدار زیر را max کند:

Reward(s,a) + gama*v(sigma(s,a))

```
31 while ~(all(G2 == G1))
        G1 = policy;
33
34
        for i = 1:(s*s)
                for j = 1:(s*s)
                     if any(goal == j)
                         value(j) = 0;
                          if B(j,policy(j))
                         value(j) = reward(j,policy_ac(policy(j)),goal,s) + gama*value(sigma(j,policy_ac(policy(j)),s));
                end
                if any(goal == i)
                    value(i)=0;
                    if B(i,1)
                    temp_val(1) = reward(i,'N',goal,s) + gama*value(sigma(i,'N',s));
                    end
                    if B(i,2)
                    temp_val(2) = reward(i, 'E', goal, s) + gama*value(sigma(i, 'E', s));
                    if B(i,3)
                    temp_val(3) = reward(i,'S',goal,s) + gama*value(sigma(i,'S',s));
                    end
                    if B(i,4)
                    temp_val(4) = reward(i,'W',goal,s) + gama*value(sigma(i,'W',s));
                    [~,policy(i)] = max(temp_val);
                    temp_val = zeros(4,1);
                end
        G2 = policy;
       iter = iter + 1;
    end
```

الگوريتم يادگيري Q

Q یکی از الگوریتم های حوزه ی یادگیری تقویتی در یادگیری ماشین می باشد که در آن هدف به دست آوردن تابع سیاست می باشد. در این الگوریتم توابع reward و sigma برای عامل شناخته شده نمی باشد و عامل فقط sigma و sigma لحظه ای را می داند.

Q learning algorithm

For each s, a initialize the table entry $\hat{Q}(s, a)$ to zero. Observe the current state s Do forever:

- Select an action a and execute it
- Receive immediate reward r
- Observe the new state s'
- Update the table entry for $\hat{Q}(s, a)$ as follows:

$$\hat{Q}(s, a) \leftarrow r + \gamma \max_{a'} \hat{Q}(s', a')$$

• $s \leftarrow s'$

Q-learning algorithm

در این الگوریتم یک جدول Q به اندازه تعداد عمل ها ضربدر تعداد حالت ها می سازیم و آن را با صفر مقدار دهی اولیه می کنیم سپس یک حالت رندوم را انتخاب می کنیم و وارد حلقه ی بی نهایت می شویم:

یک عمل را انتخاب می کنیم و reaward ناشی از آن را از محیط دریافت می کنیم و حالت 'S ناشی از آن را مشاهده می کنیم و وارد State جدید می شویم. زمانی مشاهده می کنیم و وارد Q را مطابق فرمول به روز رسانی می کنیم و وارد episode جدید می شویم. زمانی که به حالت goal رسیدیم یک episode تمام می شود. و برای episode جدید دوباره الگوریتم را تکرار می کنیم.

```
for i = 0:maxiter
   %ka = ka + 1;
     if i>250000
         ka = 10;
     end
   if(any(current_state == goal))
       if(h~=1)
           for u = 1:h-1
               Q_table(w(1,u)) = w(2,u);
           end
       end
       current_state = randi([1 s*s],1);
       for 1 = 1 : 4
         aa = aa + ka^0_table((current_state-1)*4+1);
       end
       for 1 = 1:4
           kaa(1) = ka^Q_table((current_state-1)*4+1)/aa;
       action =(2*eps)*floor(rand/(2*eps));
       aa = 0;
```

```
if (0 <= action) && (action < kaa(1))</pre>
                action = 1;
             elseif (kaa(1) <= action) && (action < (kaa(1) + kaa(2)))
                action = 2;
            elseif ((kaa(1) + kaa(2)) \leftarrow (kaa(1) + kaa(2) + kaa(3)))
                action = 3;
                action = 4;
             %action = randi([1 4],1);
             if(B(current_state,action))
                        w(1,h) = ((current_state - 1)*4) + action;
                        w(2,h) = reward(current_state,policy_ac(action),goal,s) + ...
                        gama*max(Q_table(((sigma(current_state,policy_ac(action),s)-1)*4 + 1):((sigma(current_state,policy_ac(action),s)-1)*4)+ 4));
                        current_state = sigma(current_state,policy_ac(action),s);
                        h = h + 1;
             elseif (g>2000)
                        current_state = randi([1 s*s],1);
                        g = 0;
                        h = 1;
                        g = g + 1;
             end
76 end
```

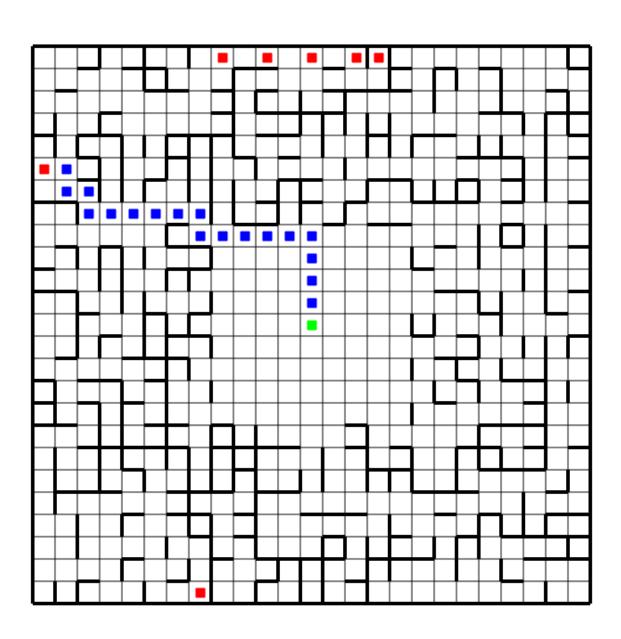
m file ابتدای هر

در ابتدای هر m file، فایل های ورودی برنامه خوانده می شوند و در یک آرایه ذخیره می شوند.

```
fileid = fopen('maze_25.txt','r');
   A = fscanf(fileid, '%u');
   s = A(1); %size of matrix
        start = A(103);
        goal = A(104:end);
        A = A(3:102);
        B = reshape(A, [4, 25]);
        B = B';
    elseif s == 25
        start = A(2503);
11
        goal = A(2504:end);
12
13
        A = A(3:2502);
        B = reshape(A, [4, 625]);
14
15
        B = B';
```

m file انتهای هر

در انتهای هر m file با استفاده از policy به دست آمده maze مربوطه کشیده می شود؛ به این صورت که با توجه به فایل ورودی خط های عمودی و افقی ترسیم می گردد. سپس با توجه به نقطه ی شروع و پایان(ها) و policy مسیر شروع تا پایان کشیده می شود.



مقايسه ي الگوريتم هاي policy و value

بدون در نظر گرفتن بحث محاسباتی هر دو الگوریتم اثبات همگرایی دارند و هر دو به جواب بهینه همگرا می شوند.

الگوریتم value iteration در هر iteration فقط همسایه های خانه هایی را که مقدار دارند به روز می کند، در صورتی که policy iteration در هر iteration تمام خانه ها را به روز رسانی می کند، که این باعث می شود در بعضی از مسائل در iteration های کمتری به جواب بهینه برسد.

Policy تا حدودی به مقدار دهی اولیه هم وابستگی دارد.

درکل برای مسائل کوچک policy ممکن است بهتر از value عمل کند ولی برای مسائل بزرگ value بهتر است چون policy ممکن است به جواب نرسد.

مشكلات الگوريتم Q

1-بزرگ بودن جدول Q.

2- رندوم انتخاب كردن عملها.

راه حل: استفاده از راه حل احتمالاتی. با استفاده از این روش احتمال انتخاب خانه هایی که مقدار آن ها کمتر می باشد یعنی آپدیت نشده اند را در اوایل اجرا که نیاز به explore داریم و احتمال انتخاب خانه هایی را که مقدار بیشتری دارند یعنی آپدیت شده اند را در اواخر اجرا که نیاز به explit داریم افزایش می دهیم.

مود. که در اوایل مسئله مقدارش کم و رفته رفته زیاد می شود. K

فرمول استفاده شده:

Exploration versus Exploitation

- The Q-learning algorithm doesn't say how we could choose an action
- If we choose an action that maximises our estimate of Q we could end up not exploring better alternatives
- To converge on the true Q values we must favour higher estimated Q values but still have a chance of choosing worse estimated Q values for exploration (see the convergence proof of the Q-learning algorithm in [Mitchell, sec. 13.3.4.]). An action selection function of the following form may employed, where k>0:

$$P(a_k \mid s) = \frac{k^{\hat{\mathcal{Q}}(s, a_k)}}{\sum_{k'} k^{\hat{\mathcal{Q}}(s, a_{k'})}}$$

3-در هر iteration فقط یک خانه رو آپدیت می کند.

راه حل: همه ی خانه های یک episode را ذخیره و زمانی که به goal رسید update می کنیم بدین صورت تعداد iterationها را کاهش می دهیم

پاسخ سوالات

الف) بله چون در هر قدم عملی که value را بیشینه می کند، انتخاب می گردد. Value هم برابر است با جمع ریوارد های تخفیف داده شده تا هدف.

ب) مانند قسمت الف.

ج) در قسمت مقایسه ی دو الگوریتم policy و value ذکر گردید.

چ) مانند الف.

در قسمت مشکلات الگوریتم ${\bf Q}$ ذکر گردید.