

طراحي: عليرضا فداكار

## تمرین کامپیوتری ۳

مخابرات بىسىم - نيمسال دوم 1-00



مهلت تحویل: ۲۷ خرداد، ساعت ۲۳:۵۹

دكتر صباغيان

## بخش اول: کانال باند باریک

كنىد.

یک سیستم وایرلس در نظر بگیرید. فرض کنید کانال باند باریک باشد و پس از نمونهبرداری، سیگنال دریافتی در لحظه m به صورت رابطه زیر باشد:

 $y[m]=h[m]x[m]+\omega[m]$  .  $\omega[m]\sim\mathcal{CN}(0,N_0)$  و  $h[m]\sim\mathcal{CN}(0,1)$  که در رابطه اخیر

- $x[m]=\pm a$  برای ارسال داده استفاده شده باشد. به عبارتی BPSK فرض کنید از مدولاسیون BPSK برای ارسال داده استفاده شده باشد. به عبارتی الله: نمودار احتمال خطای بهینه را بر حسب SNR در بازه  $[-20\ dB,20\ dB]$  رسم کنید. بنمودار قسمت الف را در حالتی که کانال محوشدگی نداشته باشد (به عبارتی h[m]=1) رسم
- ج: احتمال خطای بهینه را به صورت تئوری برای قسمت (ب) بدست آورید. برای رسیدن به احتمال خطای  $P_e=10^{-6}$  مقدار SNR چند dB باید باشد؟
- ۲) فرض کنید برای ارسال بیت 1 در دو بازه زمانی متوالی به ترتیب سمبل a و 0 ارسال کنیم و به طور مشابه برای ارسال بیت a در دو بازه زمانی متوالی به ترتیب a و a ارسال شود.

الف: نحوه تصمیم گیری بهینه و احتمال خطای بهینه را به صورت تئوری بر حسب SNR بدست آورید و

نمودار آن را با استفاده از رابطه بدست آمده در بازه  $[-20\ dB,20\ dB]$  رسم کنید.

ب: نمودار احتمال خطای بهینه را بر اساس شبیهسازی بدست آورده و رسم کنید.

- ۳) حال فرض کنید اطلاعات کانال (مقادیر h[m]) به صورت کامل در گیرنده معلوم باشد. فرض کنید از مدولاسیون BPSK برای ارسال داده استفاده شده باشد. به عبارتی

الف: نحوه تصمیم گیری بهینه در گیرنده و همچنین احتمال خطای بهینه آشکارسازی سمبل x[m] در گیرنده را به صورت تئوری بر حسب h[m] و میزان SNR بدست آورید و سپس مقدار میانگین احتمال خطا را بر حسب SNR بدست آورید و نمودار آن را در بازه  $[-10\ dB,10\ dB]$  رسم کنید. برای خطا را بر حسب SNR بدست آورید و نمودار آن را در بازه dB چند dB باید باشد.

 $\phi$ : با استفاده از شبیه سازی نیز، نمودار احتمال خطای قسمت قبل را رسم کنید و منحنی بدست آمده را همراه با منحنی احتمال خطای بدست آمده در قسمت (ب) سوال ۲ در یک نمودار رسم کنید. این دو نمودار در SNR های به اندازه کافی بزرگ چند dB تفاوت دارند؟

ج: با توجه به نتایج بدست آمده، به نظر شما آیا دانستن اطلاعات کانال در گیرنده مزیت قابل توجهی نسبت به نداشتن این اطلاعات (مانند سوال ۲) داشته است؟

۴) مانند سوال ۳ فرض کنید اطلاعات کانال در گیرنده معلوم باشد. فرض کنید از مدولاسیون QPSK برای ارسال داده استفاده شده باشد.

الف: نمودار احتمال خطای بهینه را بر حسب SNR هم به صورت تئوری و هم به صورت شبیهسازی بدست آورده و در بازه  $\left[-10\ dB,10\ dB
ight]$  رسم کنید.

ب: نسبت به سوال ۲ در SNR های بالا، نمودار احتمال خطا چند dB تفاوت دارد؟ آیا احتمال خطا بهبود یافتهاست؟

در این سوال می خواهیم از روش دایورسیتی در زمان استفاده کنیم. فرض کنید برای ارسال سمبل x به تعداد L بار، این سمبل را ارسال کنیم و سپس در گیرنده این سمبل را آشکار کنیم. به عبارتی سیگنال دریافتی در ارسال i ام به صورت زیر است:

$$y_i = h_i x + \omega_i$$
 ,  $L \geq i \geq 1$  که در رابطه اخیر  $\mathcal{CN}(0,N_0)$  که در رابطه اخیر

الف: توضیح دهید در این روش، فاصله زمانی بین ارسال سمبلها چقدر باید باشد؟ (این قسمت نیازی به شبیه سازی ندارد)

ب: فرض کنید مدولاسیون BPSK در فرستنده استفاده کرده باشیم. به عبارتی BPSK نحوه تصمیم گیری بهینه و همچنین احتمال خطای بهینه را بر حسب SNR بدست آورید و سپس هم با استفاده از رابطه بدست آمده و هم به صورت شبیه سازی احتمال خطا را به ازای هر  $L \in \{1,2,3,4,5\}$  بر حسب SNR در بازه  $[-10\ dB,10\ dB]$  در یک نمودار رسم کنید. منحنی های بدست آمده را مقایسه و تحلیل کنید.

ویک آنتن M در این سوال میخواهیم از دایورسیتی در مکان استفاده کنیم. فرض کنید M آنتن در گیرنده و یک آنتن در این سوال میخواهیم از داشته باشند تا بهره در فرستنده داشته باشیم. فرض کنید آنتنهای گیرنده به اندازه کافی از هم فاصله داشته باشند تا بهره M کانال در آنها از هم مستقل شود. به عنوان مثال اگر M=2 آنگاه سیگنال دریافتی در بازه زمانی ام به صورت زیر است:

$$y[m] = h_1[m]x_1[m] + h_2[m]x_2[m] + \omega[m]$$

الف: توضیح دهید چگونه می توان با استفاده از این ساختار، سیستم سوال ۵ (دایورسیتی در زمان) را پیاده سازی کرد؟ (این قسمت نیازی به شبیه سازی ندارد)

ب: فرض کنید M=2 و مدولاسیون در فرستنده را BPSK فرض کنید. برای ارسال سمبل  $x_1,x_2$  از کد الموتی استفاده کنید و با استفاده از تصمیم گیری بهینه احتمال خطا را در گیرنده در بازه  $[-10\ dB,15\ dB]$  رسم کنید.

 $u_1$  سمبل دو سمبل  $x_2[m]=u_2$  و  $x_1[m]=u_1$  و در بازه زمانی بعدی  $x_2[m]=u_2$  و  $x_1[m]=u_1$  و  $x_1[m+1]=u_1^*$  و در بازه زمانی بعدی  $x_2[m+1]=u_1^*$  و  $x_1[m+1]=u_1^*$  و در بازه زمانی بعدی بهره کانال در این دو بازه زمانی متوالی ثابت باشد یعنی  $h_1=h_1[m]=h_1[m]=h_1[m+1]$  و  $h_2[m]=h_2[m+1]$  . در این صورت سیگنال دریافتی در این دو بازه زمانی به فرم برداری به صورت زیر است:

$$egin{bmatrix} ig[y[m],y[m+1]ig] = ig[h_1 & h_2ig]ig[u_1 & -u_2^* \ u_2 & u_1^* \ \end{bmatrix} + ig[\omega_1,\omega_2ig] 
onumber \ \omega_i \sim \mathcal{CN}(0,N_0)$$
 که در رابطه اخیر

ج: توضیح دهید از لحاظ احتمال خطا و نرخ ارسال، روش قسمت (ب) چه مزیت(ها)یی نسبت به سوال L=2 (برای L=2) دارد ؟ (این قسمت نیازی به شبیهسازی ندارد)

## بخش دوم: کانال فرکانسگزین

در این بخش فرض کنید، کانال فرکانسگزین یا به عبارتی پهنباند باشد. بنابرین سیگنال دریافتی در لحظه k در حوزه گسسته (پس از نمونهبرداری) به صورت زیر است:

$$y[k] = \sum_{i} h_i[k]x[k-i] + \omega[k] \tag{1}$$

که در رابطه اخیر، L تعداد کل تپهای i تپ i تپ i تپ i تپ i تپهای که در رابطه اخیر،  $h_i[k] \sim \mathcal{CN}(0,N_0)$  تپهای کانال باشد. در این صورت رابطه (۱) به صورت رابطه ساده می شود:

$$y[k] = \sum_{i=1}^{L-1} h_i[k]x[k-i] + \omega[k] \tag{Y}$$

فرض کنید پهنای باند کانال W=20~MHz و گستردگی تأخیر کانال فرض کنید پهنای باند کانال W=20~MHz و گستردگی تأخیر کانال به سمت گیرنده ارسال برابر  $T_d=10~\mu s$  برابر برابر و برای ارسال این پیام به طول  $T_d=10^8$  بیت را در این کانال به سمت گیرنده ارسال کنیم. یک سیستم OFDM برای ارسال این پیام طراحی کنید. فرض کنید فرض کنید و احتمال  $T_c=10^{10}$  بیت صفر و احتمال  $T_c=10^{10}$  بیشوند گردشی باشد. بیتهای پیام را به صورت تصادفی (با احتمال  $T_c=10^{10}$  بیت صفر و احتمال  $T_c=10^{10}$  بیت تغییرات نمایید. مدولاسیون را BPSK فرض کنید. فرض کنید تپهای کانال در طول یک بازه زمانی به طول  $T_c=10^{10}$  تغییرات کمی دارند و برای سادگی ثابت فرض کنید.

- ) تعداد تپهای کانال L و طول پیشوند گردشی cp چقدر است
- ۲) با توجه به اطلاعات داده شده، با ذکر دلیل، مقدار مناسبی برای تعداد زیرحاملها در هر بلاک OFDM انتخاب کنید.
  - ۳) تعداد کل بلاکهای OFDM برای ارسال کل پیام چقدر است ؟
- کامل در (۴ و سیستم به عنوان مثال بلاک IFFT ، بلاک اضافه کردن  $^{\rm CP}$  و سیستم به صورت کامل در (۴ و سیستم به عنوان مثال بلاک را توضیح دهید. فرض کنید مجموع توان زیرحاملها  $^{\rm CP}$

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Subcarriers

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Cyclic Prefix

باشد. همچنین فرض کنید اطلاعات کانال در فرستنده معلوم باشد و از روش Waterfilling برای تخصیص توان در هر زیرحامل استفاده نمایید.

راهنمایی: در روش Waterfilling تخصیص توان در زیرحامل i ام از رابطه ( $^{\circ}$ ) بدست می آید:

$$P_i^* = \left(\frac{1}{\lambda} - \frac{N_0}{|H_i|^2}\right)^+ \tag{7}$$

که در رابطه اخیر،  $x^+ = \max(x,0)$  و  $x^+ = \max(x,0)$  نقطهای  $x^+ = \max(x,0)$  به قید

$$\sum_{i=0}^{n_c-1} P_i^* = P_{max}$$

بدست ميآيد.

۵) سیستمی که در سوال ۴ طراحی کردهاید را در متلب شبیهسازی کنید و نمودار ظرفیت کانال و احتمال خطا را بر حسب  $SNR = \frac{P_{max}}{n_c N_0}$  رسم کنید. ظرفیت کانال از رابطه زیر بدست می آید:

$$\sum_{i=0}^{n_c-1} \log \left( 1 + \frac{P_n |H_n|^2}{N_0} \right) \frac{bits}{OFDM \ Symbol} \tag{5}$$

- 9) به جای روش Waterfilling در سوال ۴ از روش دایورسیتی در مکان در گیرنده برای جبران محوشدگی در  $\frac{P_{max}}{n_c}$  در گیرنده استفاده نمایید (توان هر زیرحامل را  $\frac{P_{max}}{n_c}$  در نظر بگیرید). فرض کنید در گیرنده تعداد  $\frac{P_{max}}{n_c}$  آنتن که فاصله بین این آنتن ها به اندازه کافی بزرگ است در اختیار داریم. از روش MRC در گیرنده استفاده کنید و نمودار احتمال خطا را بر حسب  $\frac{P_{max}}{n_c N_o}$  رسم کنید.
- ۷) به جای روش دایورسیتی در سوال ۶ از روش همسانسازی در گیرنده با معیار ZF و MMSE استفاده کنید. برای هر یک از این دو معیار، سیستم را شبیهسازی کرده و نمودار احتمال خطا را بدست آورید.
- هد. در سوال ۷ فرض کنید به اندازه  $0.8 \max(|X_k|)$  در خروجی IFFT اثر clipping رخ دهد. (۸ امتیازی: در سوال ۷ فرض کنید به اندازه  $SNR = \frac{P_{max}}{n_c N_0}$  استفاده کنید) نمودار احتمال خطا را بر حسب  $SNR = \frac{P_{max}}{n_c N_0}$

- 💠 نکات کلی دربارهی تمرین کامپیوتری:
- نید. برای انجام پروژه بایستی از متلب استفاده کنید. پروژه بایستی از متلب استفاده کنید.
- منظور از لفظ "شبیهسازی" در سوالات، این است که در فرستنده به تعداد لازم بیت تولید کنید و در کانال ارسال کنید و در گیرنده پس از آشکارسازی و تصمیم گیری بهینه (با معیار کمینه احتمال خطا که معادل با تصمیم گیری بیشترین شباهت میباشد) نمودار احتمال خطا را رسم کنید.
- ❖ منظور از رسم احتمال خطا به روش تئوری این است که ابتدا رابطه احتمال خطا را بر حسب SNR بدست آورید و سپس در بازه گفته شده، احتمال خطا را رسم کنید.
- برای منحنیهای هر نمودار legend قرار بدهید و مشخص کنید هر منحنی مربوط به کدام روش و کدام رویکرد
   (شبیهسازی یا تئوری) میباشد.
- ارش تمرین و تحلیل و مقایسه نمودارها بخش بزرگی از نمره ی شما را تشکیل خواهد داد و بدون داشتن گزارش و توضیح نمودارها نمره صفر در نظر گرفته خواهد شد.
  - نارش نهایی بایستی در قالب یک فایل zip با عنوان 🛠

CA3\_YourFirstName\_YourLastName\_YourStudentNumber.zip

در سایت آپلود شود. داخل این فایل بایستی فایل گزارش شما در قالب  $\operatorname{pdf}$  با عنوان

CA3\_Report\_YourStudentNumber.pdf

و یک پوشه با عنوان Codes که شامل تمام فایلهای کد متلب شماست قرار گیرد.

- ❖ نامگذاری فایلهای کد بایستی روشن و واضح باشد. در صورت مشاهده مغایرت نتایج گزارش شده در فایل pdf گزارش
   با نتایج بدست آمده از اجرای کدها، کل نمره سوال مربوطه صفر در نظر گرفته خواهد شد.
- ♦ فایل گزارش بایستی به زبان فارسی داخل word یا با ویرایشگر زبان latex نوشته شود و سپس خروجی آن در قالب گزارش بایستی به زبان فارسی داخل قالب zip داخل فایل zip نهایی قرار گیرد. خروجی pdf از bdf متلب تصحیح نخواهد شد. گزارشهای انگلیسی نمره صفر داده می شود.
  - 💠 در صورت وجود هرگونه سوال و ابهام، به علیرضا فداکار با عنوان

## **CA3 Wireless**

ایمیل بزنید. دستیاران آموزشی موظف به پاسخگویی از راههای ارتباطی دیگر (نظیر تلگرام و واتساپ) نیستند. ایمیلهایی که درباره چک کردن درستی یا نادرستی کد یا پاسخهای بدست آمده باشد، پاسخ داده نخواهد شد.

💠 در صورت مشاهده مشابهت گزارش یا کدها و تقلب، نمره هر دو فرد صفر در نظر گرفته خواهد شد.