غیرخطی رو خوب دسته بندی میکنه. قوی، عملکرد خوب -برای کار بر روی دادگان کوچکتر مناسب است - برای کرنل خطی بلک باکس نیست - در مصرف حافظه بهینه عمل می کند - برای داده های اسپارس مناسب ترین است - چالش در اینجا تنظیم پارامتر هزینه Cost است - بالا بردن cost خطر overfit ایجاد می کند - پایین آوردن cost خطر ایجاد می کند - برای کرنل غیر خطی خطی بلک باکس است -اگر مجموعه داده نویزی و یا بزرگ باشد عملکرد خوبی ندارد. -بطور مستقیم تخمین تابع احتملاتی ندارد و تخمین با استفاده CV انجام می شود. داده زیاد پیچیده باشه overfit میشه.

بخاطر کرنل غیرخطی هم داده جدا پذیرخطی و جداپذیرغیر

#### تابع هدف در SVM و راهکار جریمه کردن و دوری از overfit ۲ جز دارد: ۱. پهنای مارجین(حاشیه) ۲ جریمه کردن داده هایی

که خارج از کلاسشون قرار گرفتند و یا خارج از مرز هستند (یعنی اومد داخل مارجین). برای جریمه کردن داده ها باید بتونن برچسب غلط بگیرن و جریمه بشن و در تابع هدف اضافه بشن. همانطور که مارجین رو زیاد می کنیم جریمه رو سعی میک کنیم کم کنیم. هرقدر C بزرگتر داده ها با خطای کمتری دسته بندی میشن، هرچقدر C کوچکتر SVM پهنای حاشیه رو مزایای درخت تصمیم فهم ساده، هزینه ساخت ارزان، بشدت سریع در طبقه بندی رکوردهای نامعلوم،توانایی کار با داده های

تفسیر برای درخت های کوچک،استفاده مجددآسان، توانایی کار با داده های پیوسته و گسسته، عدم نیاز به تخمین تابع توزیع، سازگاری با داده های Null، یک مئل جعبه سفید، مناسب برای جداپذیرخطی وغیرخطی(با کاهش بُعد) معایب درخت تصمیم مصرف زیاد حافظه، هزینه محاسباتی

زیاد،بازنمایی دشوار، بزرگ شدن بصورت نمایی با بزرگ شدن

مساله، احتمال توليد روابط نادرست، احتمال خطاى بالا با تعداد

نمونه آموزشی کم و دسته های زیاد، احتمال Overfit بالا

بزرگ و پیچیده، قابلیت ترکیب با سایر دسته بندها،ساده سازی

## مواردکاربرد درخت تصمیم: داده جداپذیرخطی باشد. پیش بینی لینک در شبکه، تشخیص بیماری +-، بهینه سازی

مشارکت اوراق بهادار،تشخیص تقلب، پولشویی،اهدای وام

درخت تصمیم وقتی بجایی رسیدیم که داده هاش یه ویژگی دارن تقسیم متوقف میشه، برای جلوگیری از overfit حدآستانه قرارميديم. ترجيحا تعداد تقسيماتش كم باشه و عمق درخت از یه حدی بیشتر نشه. مهم است که کدام یک از ویژگیها را در سطوح بالاتری از درخت انتخاب کنیم تا به

Gain و Entropy، بهتر است شاخص جینی کمتر باشد. Entropy در واقع نشان دهنده کم بودن اطلاعات است. یعنی در مجموعهی دادهی شما، از روی یک ویژگی(بُعد) چقدر می توانید تشخیص دهید که کلاسِ نهایی چیست.اگر ویژگی دارای مجموع Entropy بالا است و در نتیجه اطلاعات کمتری دارد. اگر ویژگی دارای مجموع Entropy پایین است و در نتیجه اطلاعات بیشتری دارد و بهتر است.Gain که در واقع همان Gain می باشد، از Entropy هر مقدار از ویژگیها کمک گرفته و به میزانِ اطلاعاتی که میتوان از یک ویژگی(بُعد) به دست آورد، گفته می شود.

### الگوريتم CART: Classification And **Regression Tree**

بر اساس درخت های دودویی(باینری) بنا نهاده شده، دادهها را به قسمتهای دوتایی تقسیم کرده و بر اساس آنها درخت دودویی(باینری) را میسازد. از معیاری به نام معیار شاخص Gini استفاده می کند. برای هر ویژگی(بُعد) هر چقدر شاخص Gini کمتر باشد، یعنی آن ویژگی اطلاعات بیشتری را به ما می دهد. جلوگیری از overfit شدن درخت: شط توقف(حدآستانه)

## طبقه بند ترکیبی Ensemble

فایده اصلی: کاهش نرخ خطا، شرط استقلال مدلها مانع از همبسته شدن خطاى مدلها خواهد شد. در نهایت برای تشخیص دسته یا جایگاه نمونه آزمایشی، خروجی همه مدلها با یکدیگر تجمیع میشوند. نکات مهم: چگونگی ایجاد دسته بندهای پایه، چگونگی ادغام خروجی های یادگیرنده های پایه، موفقیت سیستم ensemble، تکیه داشتن آن بر تنوع طبقه بندی کننده هایی که آن را تشکیل می دهند، می باشد. اگر هر طبقه بندی کننده خطای مختلفی

ارائه دهد، پس از ترکیب استراتژیک آن ها

می توانید کل خطا را کاهش دهد.

الگوريتم Kmeans جزو الگوريتم های افرازی هستش.تلاش می شود تا مراکز دستهای یافت شوند که نماینده ناحیه خاصی از دادهها هستند. هر نقطه داده به نزدیک ترین مرکز خوشه نسبت به خودش، تخصیص داده میشود. سپس، مرکز خوشهها بر اساس میانگین نقاط دادهای که به آن خوشه تخصیص داده شدهاند مجددا محاسبه و تعیین میشوند. شرط اتمام: همگرایی نقاط قوت و ضعف Kmeansکارایی، مناسب برای داده

های حجیم. فقط با مقادیر عددی کار می کند چون باید avg بگیرد. داده حتما باید نرمال شده باشد. K را حتما باید از قبل تعیین کرد. به داده نویز و پرت حساس است. در فضای ۲بُعدی خوشه بصورت دایره نمی تواند تولید کند و در ۳ بُعدی هم کروی. پیشنهاد: ابتدا داده ها مصوربشن ببينيم خوشه ها محدب است يا خير!

الگوریتم <mark>K-medoids</mark>گونه ای K-means که در برابر داده نویز و پرت مقاوم تر هست. مرکزی ترین عنصر خوشه به عنوان مرکز ثقل خوشه هستش. Medoid هر خوشه داده ای هست که مجموع فاصله اش با داده ها از هر داده دیگه ای کمتر باشه.

#### خوشه بندي سلسله مراتبي خروجی: دندوگرام، ۲نوع: تجمعی، تجزیه ای، تجمعی

سریعتر و پراستفاده تر است. (مشهور در تجمعی: الگوريتم BRICH) محاسبه فاصله درون خوشه ای و بین خوشه ای Single link: کوچکترین فاصله بین یک عنصر در یک

#### خوشه و خوشه دیگر، Complete link: بزرگترین فاصله ...، نکته مهم: single link تمایل دارد تک خوشه تشکیل

مركز ۲ خوشه، medoid: فاصله بين medoid ۲ خوشه. الگوریتم Knnیادگیرنده تنبل(منتظر داده ورودی میمونه تا طبقه بندی کنه). ساده است، از تابع اقلیدسی واسه فاصله استفاده می کنه.

دهد. Average: متوسط فاصله ...، centroid: فاصله بين

یک دسته بند ensemble با ۱۰ درخت تصمیم و مکانیزم رای گیری اکثریت عمکلرد خوب نیست! پیشنهاد؟ <mark>افزایش تعداد</mark> دسته بندها، تغییرنوع دسته بندهای پایه، تبدیل رای گیری از اکثریت bagging به وزن دار boosting، تغییر و تنظیم پارامتر دسته بندهای پایه مثلا کاهش عمق درخت برای وقتی که بیش برازش می شود

## برای تشخیص و درمان بیماری کشنده کدام یک از معیارهای دسته بندها مناسب تر است؟

Accuracy خیلی اینجا مناسب نیست چون تمایزی قائل نمی شود، recall اینجا خیلی مفید است (اگر هیچ داده ای از کلاس + نره تو منفی میشه ۱۰۰٪)، precession و recall سعی می کنند مرزها قاطی نشوند، recall میانگین هر۲است، زمانی بالاست که precession و recall بالا باشند. Precession (افرادي كه سكته نكردن رو اشتباها نگیم سکته کردن)، fmajor (سکته ای و غیرسکته ای رو درست تشخیص بدیم).

#### Bagging و Boosting

در این روش مجموعه داده اصلی با استفاده از روش نمونه برداری با جایگذاری به تعدادی مجموعه داده تقسیم بندی می شود . در این ایده چون از روش نمونه برداری با جایگذاری برای نمونه برداری استفاده می شود در نتیجه برای مجموعه داده های با تعداد رکوردهای کم نیز مناسب است در نهایت بر اساس هر کدام از نمونه ها دسته بند ساخته می شود . این روش از یک الگوریتم تکرار شونده استفاده می کند تا به طور تطبیقی توزیع نمونه های آموزشی را تغییر دهد و در فرآیند یادگیری بیشتر بر روی رکوردهایی که در مراحل قبلی به اشتباه دسته بندی شده اند تمرکز دارد .در این ایده در انتهای هر مرحله ممكن است وزن نمونه ها تغيير كند به اين صورت که وزن رکورد هایی که به اشتباه

دسته بندی شده اند افزایش یافته و وزن

رکوردهایی که به درستی دسته بندی شده

اند کاهش می یابد

دقت، زمان برای ساخت و استفاده از مدل، پایداری، قابلیت تفسیر، جمع و جور بودن، توانایی مواجهه با داده نویزی و مفقوده

نقاط ضعف خوشه بندی انتخاب اندازه دقیق فواصل و وزن ها آسان نیست. به پارامترهای اولیه: k، حداقل نزدیکی، خوشه های اولیه حساس است. تفسیر نتایج نیازمند خبره است، ذات بدون ناظربودن الگوريتم ها، مشكل بودن تعريف تابع هدف.

#### نقاط ضعف خوشه بندى

انتخاب اندازه دقیق فواصل و وزن ها آسان نیست. به پارامترهای اولیه: k، حداقل نزدیکی، خوشه های اولیه حساس است. تفسیر نتايج نيازمند خبره است، ذات بدون ناظربودن الگوريتم ها، مشكل بودن تعريف تابع هدف، يك مساله سخت است.

مجموعه داده را بهk افراز که هر افراز نماینده یک خوشه میباشد تقسیم میکنند که این افرازبندی بر حسب یک تابع هدف صورت مپذیرد. کمینه سازی مجموع مربعات خطای فاصله هر نقطه تا مرکز خوشه، نمونه ای از تابع هدف بکاررفته در روشهای افرازی میباشد. در اینگونه روشها هر خوشه باید حداقل شامل یک داده باشد و هر داده هم فقط باید به یک <u>خوشه</u> تعلق داشته باشد. از <u>معایب</u> اینگونه روشها میتوان به کارایی ضعیف آن در خوشه های همپوشان اشاره کرد.

اگر ساختارداده غیرخطی باشد خوشه بندی کلاسیک با شکست مواجه می شود، راهکار پیشنهادی چیست؟ در این حالت خوشه بندی طیفی روشی قدرتمند برای دسته

بندی داده ها محسوب می شود. این تکنیک با تبدیل ورودی، فضای جدیدی با قابلیت توصیف مناسب تر از داده ها را در اختیار ما قرار می دهد (Spectral Clustering)

	درست+	بیمار دیابت دارد و درست پیش بینی شده
	نادرست+	بیماردیابت ندارد اما پیش بینی ما غلطا میگه داره
- 111	نادرست –	بیماردیابت دارد اما پیش بینی ما غلطا میگه نداره
	درست –	بیمار دیابت ندارد و درست پیش بینی شده
. T	. 1. 17 . 1	.,

ایده آل: نادرست – و + ۰ باشد. دقت: TP+TN/N، بازخوانی:TP/TP+FN، صحت: TP/TP+FP

وسیع تری در دنیای امروز یادگیری ماشین پیدا کرده است. در اغلب موارد، این دو معیار با هم رشد و حرکت نمی کنند. گر بتوانیم معیاری ترکیبی از این دو معیار برای سنجش الگوریتم های دستهبندی به دست آوریم، تمرکز بر آن معیار به جای بررسی همزمان این دو، مناسب تر خواهد بود مثلا از میانگین این دو به عنوان یک معیار جدید استفاده کنیم و سعی در بالا بردن میانگین حسابی این دو داشته باشیم. F1-Score =  $\frac{Y}{Recall + \frac{1}{Precision}} = Y \times \frac{Precision*Recall}{Precision+Recall}$ تشخیص ایدز یا تشخیص کلاه برداری در تراکنش های بانکی، ما نیاز به شناسایی تمامی موارد ایدز و کلاهبرداری

معیارهای بازخوانی و صحت به جای معیار اولیه دقت، کاربر د

خطایی هم تولید شد مثلاً بیماری به اشتباه ایدزی تشخیص داده شد و یا یک تراکنش سالم، متهم به کلاه برداری شد، کافی است با کمی آزمایش بیشتر، نتایج را بهبود خواهیم بخشید و موارد خطا را از لیست تشخیص داده شدهها حذف در مواردی که دستهها، متعادل هستند<sub>،</sub> مثلاً تعیین

داریم یعنی نیاز داریم که بازخوانی ما بسیار بالا باشد و اگر

جنسیت ارسال کننده یک توئیت، میتوانیم همان معیار دقت را به کار ببریم ولی وقتی دسته ها متعادل نیستند معيار دقت مناسب نيست. معیار بازخوانی یا همان Sensitivity (حساسیت) نشان

میدهد چقدر از بیماران واقعی (دسته مثبت) را نسبت به کل جامعه بیماران، شناسایی کردهایم. یعنی نسبت آنهایی که درست شناسایی شدهاند به مجموع تمام بیماران (آنهایی که به درستی بیمار شناخته شده اند + آنهایی که اشتباهاً سالم تشخيص داده شدهاند). هدف ما اين است كه حساسیت مدل ما بالا باشد یعنی تعداد بیشتری از بیماران را شناسایی کند.

معیار Specificity همین مفهوم را برای افراد سالم (یا دسته منفی) نشان میدهد یعنی چند نفر از افراد واقعا سالم را از كل افراد سالم، درست تشخيص دادهايم TN/TN+FP میزان افرادی که بیمار نیستند (درست منفی - TN) به کل افراد سالم (آنهایی که سالم تشخیص داده شدهاند و آنهایی که اشتباهاً بیمار فرض شدهاند)، Specificity مدل را تشکیل میدهد

#### هدف اصلی ما در یک مدل دسته بندی چیست؟ افزایش FScore

دقت Accuracy: نسبت تعداد کل پیشبینیهایی است که توسط دستهبند به درستی برچسب خورده است. حساسیت «Sensitivity» یا «Recall»: نسبت موارد مثبت که به درستی شناسایی شدند. وضوح Specificity: نسبت موارد منفی واقعی که به درستی

شناسایی می شوند.

دقت Precision: نسبت رکوردهایی که مثبت برچسبگذاری میشوند و واقعا کلاس آنها مثبت است.

## گربجای ماتریس داده فقط ماتریس شباهت زوجی را داشته باشیم و بخواهیم داده ها را به ۳ گروه خوشه بندی کنیم ولی ویژگی ها را نداریم چطور خوشه بندی کنیم ؟

ابتدا شباهت و فاصله را با ماتریس زوجی در میآوریم (با کمک روش سلسله مراتبی که ورودى اش ماتريس فاصله است). ما ٣ گروه غير همپوشان مى خواهيم اما چطور سلسله مراتبي رو به خوشه بندی افزاری تبدیل کنیم؟ یک دندوگرام رسم می کنیم، یک خط می کشیدیم، تعداد مولفه های باقیمانده ۳ تا میشد و تعداد مولفه های باقیمانده ۳ تا می شد. راه دوم: استفاده از DBScan

الگوریتم DBScan؟ بدون نظارت برای خوشه بندی، می تواند با ماتریس فاصله و روش خوشه بندی افرازی کارکند اما تعداد خوشه ها را نمی تواند تعیین کند، تعدادی از نقاط هم بدون خوشه به عنوان نقطه مرزی باقی می مانند. نیازی به این نیست که تعداد خوشهها از ابتدا تعیین شود. می تواند خوشههای دارای اشکال پیچیده را کشف کند. نقاط دورافتاده را می تواند شناسایی کند. با شناسایی نقاطی که در نواحی شلوغ (چگال) از «فضای ویژگی» (Feature Space) قرار دارند کار می کند. منظور از نواحی چگال، قسمتهایی است که نقاط داده بسیار به یکدیگر نزدیک هستند. دو پارامتر min\_samples و eps در الگوریتم DBSCAN وجود دارد. هر نقطه داده، از دیگر نقاط داده فاصلهای دارد. هر نقطهای که فاصلهاش با یک نقطه مفروض کمتر از eps باشد، به عنوان همسایه آن نقطه در نظر گرفت می شود. هر نقطه داده مفروضی که min\_samples همسایه داشته باشد، یک نقطه «مرکزی» (Core) محسوب می شود. «نمونه های مرکزی» (core samples) که نسبت به یکدیگر نزدیک تر از فاصله eps هستند، در خوشه مشابهی قرار می گیرند. مزایا: سریع برای دادههای با بعد کم یافتن خوشهها برای اشکال نا منظم و کروی تشخیص نقاط نویز، معایب: نقاط مرزی که می توانند در دو خوشه نیز باشند، ممکن است به هریک از خوشهها تعلق

تفاوت KMeans و DBScan الگوريتم DBSCAN نياز به تعيين تعدادِ خوشه توسط كاربر ندارد و خود الگوریتم می تواند خوشهها را مبتنی بر غلظتِ آنها شناسایی کند. گروه بندی بر اساس تراکم و غلظت. DBSCAN علاوه بر پیدا کردن خوشهها، می تواند دادههایی را که در هیچ خوشهای قرار نمی گیرند نیز کشف کند. 

# شاخص ارزیابی دیویس-بولدین (Davies-Bouldin)

مجموع فاصله درون خوشه ای خوشه i و خوشه j افاصله بین خوشه ای خوشه i و خوشه j پس Rij بهتره کم باشه (یعنی فاصله درون خوشه ای کم باشه بهتره) بهمین دلیل میاد میگه Ri = max Rij (یعنی برای هر خوشه iام با همه خوشه های دیگه تک تک Rij ش رو حساب کن، بدترین خوشه رو پیدا کن نسبت به خوشه i، اونی که Rij ماکزیمم هستش اونو بزار توی Ri، پس برای هر خوشه باید ببینیم با چه خوشه ای بدترین وضعیت رو داره یعنی بیشترین شباهت و بین خود دو خوشه کمترین شباهت، اونو میایم ملاک قرار میدیم و متوسط اینا میشه معیار Davies & Bouldin Index.

پس هدف Davies & Bouldin Index کم کردن فاصله درون خوشه ای و بیشتر کردن فاصله بین خوشه ای هستش، منتهی سخت گیرانه است و میاد بدترین رو جریمه می کنه، بدترین ها رو شرکت میده.

این معیار هم به پیوستگی (Cohesion) درون خوشهها و هم به میزان تفکیک پذیری آنها بستگی دارد. مقدار نیمرخ برای هر نقطه، میزان تعلق آن را به خوشهاش در مقایسه با خوشه مجاور اندازه میگیرد. فرض کنید نقطهای مانند x i در میان دادههایی که خوشهبندی کردهاید وجود دارد و در طی مراحل خوشهبندی نیز  $\mathbf{k}$  خوشه (  $\mathbf{k}$  ,  $\mathbf{k}$  ,  $\mathbf{k}$  ) ایجاد شده است. برای محاسبه معیار نیمرخ احتیاج به آشنایی با دو مفهوم اصلی داریم:

میانگین فاصله یک نقطه از خوشه با نقاط دیگر آن خوشه: این مقدار را با ( a ( i ) نشان داده و به صورت زیر محاسبه می کنیم.

$$u(i) = rac{1}{n_i} \sum_{l=1} d(x_i, x_l)$$

این معیار را می توان ملاکی برای ارزیابی تعلق نقطه x i در خوشهاش در نظر گرفت. هر چه مقدار ( a ( i ) کوچکتر باشد، میزان تعلق این نقطه به خوشهاش بيشتر است. نكته: اين معيار مي تواند براساس بيشتر توابع فاصله، مانند فاصله اقلیدسی و منهتن نیز محاسبه شود. حداقل میانگین فاصله نقطه با خوشههای دیگر: فرض کنید نقطه x i به خوشه

j تعلق دارد. حال میانگین فاصله این نقطه را با نقاط خوشههای دیگر (مثلا C k ) اندازه می گیریم. خوشهای که دارای کمترین میانگین فاصله برای نقطه x i باشد، به عنوان خوشه مجاور با این نقطه نامیده میشود. مقدار میانگین فاصله نقطه x i با نقاط خوشه مجاور را با b ( i ) نشان میدهیم.

$$b(i) = \min_{1 \leq l \leq k} rac{1}{n_l} \sum_{y_m \in C_l} (d(x_i, y_m))$$

به این ترتیب میزان معیار نیمرخ برای نقطه x i بوسیله رابطه زیر اندازهگیری

$$s(i) = rac{b(i) - a(i)}{max(b(i), a(i))}$$

در نتیجه اگر a ( i ) کوچکتر از b ( i ) باشد، مقدار شاخص نیمرخ مثبت میشود و برعکس اگر b ( i ) کوچکتر از a ( i ) باشد، مقدار شاخص نیمرخ منفی شده و نشانگر خوشهبندی ضعیف است زیرا نقطه x i بیش از آنکه شبیه خوشه خودش باشد به خوشه مجاور شباهت دارد. با توجه به رابطه بالا مقدار این شاخص بین ۱- تا ۱+ تغییر می کند. مقدار نزدیک به ۱ بیانگر انطباق خوب بین نقطه و خوشهاش نسبت به خوشه مجاور است. اگر معیار نیمرخ برای همه نقاط درون خوشهها نزدیک به ۱ باشد، عمل خوشهبندی به درستی انجام شده است. در حالیکه کوچک بودن مقدار نیمرخ برای خوشهها، بیانگر ضعیف بودن نتایج خوشهبندی است که ممکن است به علت انتخاب نامناسب تعداد خوشهها (k) نیز

خوشه بندی با شبکه های خودسازمان ده SOM ۲ روش: ۱) SOM رو خوشه بندی کن، ۲) داده

رو با استفاده از SOM خوشه بندی کن (اینا

توضیح روش ۲): داده رو به SOM میدیم، SOM اونو Train میکنه بصورتی که همگرا شده، بعدش بردار داده رو میدیم به SOM معلوم ميشه نورون برنده ش كدومه، حالا بجای مقدارهای اصلی متغیرها در داده، میایم وزن نورون برنده هر داده رو میزاریم، یه داده جدید می سازیم (مثل کاهش بعد)، حالا داده رو میدیم KMeans خوشه بندی می کنیم. (اینجا نورون خالی شرکت نمیکنه). میشه از ماتریس فاصله یکسان استفاده کرد

تا مرزهای خوشه های مستقل رو برجسته و

شناسایی کنه و از یه الگوریتم به اسم

watershedding استفاده کرد تا مولفه ها رو شناسایی کنه. واسه همین باید مناطق تو ماتریس مقعر باشند. (Concave) میشه یک نقشه کوچک نسبی استفاده کرد و هرگره را به عنوان یک خوشه مدنظرگرفت، اول اینکه som رو بسازی و اونو train کنی. بعدش som رو خوشه بندی کنی، (پویا یا

قبل از مصورسازی داده ها باید نرمال و عددی باشن، داده با ابعاد بالا رو به ۲ یا ۳بُعد تبدیل می کنه.میتونه با ترکیبی از ویژگی ها داده رو گسسته

> تهیه و تنظیم: محمد حیدری ارشد مهندسي فناوري اطلاعات گرایش شبکه های پیچیده دانشکده مهندسی سیستم دانشگاه تربیت مدرس تهران

M\_Heydari@Modares.ac.ir

منابع: چیستیو، فرادرس، ویکی پدیا، کلاس درس داده کاوی دکترخطیبی در تربیت مدرس تهران

عوشه با تراكم بالا، شكل و قطردلخواه، كدام شأخمر اعتبارسنجی کمک می کند؟ استفاده از شاخص های درون خوشه زیاده، complete link کمک نمیکنه

# ارزیابی مقایسه تطابق نتایج خوشه بندی با برچسب کلاس

با استفاده از روش External Index، کلا کاربرد روش دو تا است: ۱)مقایسه دو خوشه بندی با هم ۲) مقایسه خوشه بندی با برچسب کلاس

#### شاخص ارزیابی بیرونی External Index برای همه نقاط یک برچسب Benchmark وجود دارد و

نشان می دهد تعلق نقاط به کدام دسته هاست.

#### شاخص ارزیابی بیرونی External Index

\_\_\_\_ شاخص خلوص: در این حالت برچسب هر خوشه با برچسب کرده و تعداد نقاطی از خوشه که در دسته صحیح طبقهبندی شدهاند شمارش میشوند. نسبت این تعداد به تعداد کل نقاط شاخص خلوص را میسازد. در تطابق کامل

۱)سادگی در محاسبات۲)مستقل از تعداد خوشهها:

اگر تعداد خوشهها زیاد باشد و هیچ هماهنگی نیز بین برچسبهای واقعی و خوشهای وجود نداشته باشد ممکن است شاخص خلوص به ۱ نزدیک شود که یک عیب برای چنین شاخصی است.

# شاخص رند اصلاح شده:

۱) تعداد زوجهایی که هم در خوشهها و هم در دستهها در کنار هم هستند. (یکسانی برچسب خوشه ها و برچسب دسته آنها) ۲) تعداد زوجهایی که هم در خوشهها و هم در دستهها از یکدیگر جدا هستند. (تفاوت برچسب خوشه ها و برچسب

۱)شاخص کارا برای مقایسه چندین روش۲)بدون وابستگی به تعداد خوشهها۳)عدم حساسیت به تغییر برچسبها

توضیح استاد: همان bagging درخت تصمیم است فقط توی هر گره همه ویژگی ها رو برای اینکه کدام ویژگی رو ملاک تصمیم قرار بده شرکت نمیده، معمولا یه زيرمجموعه تصادفي ميگيره به اندازه رایدکال n که nتعداد خود ویژگی هاست و از بین شان بهترین را انتخاب می کند.

در نهایت هم می تواند داده رو با bagging درخت تصمیم تقسیم بندی کنه هم اینکه

چطور وزنش رو حساب میکنه؟ این ویژگی در چند گره استفاده شده، در هرگره ای که استفاده شده چقدر عدم خلوص رو بهبود

# داده با چه روش های صورت می گیرد؟

شاخص ها: ١) خلوص : درصد مطابقت بين برچسب هاى واقعی و خوشه بندی ۲)شاخص رند، نمایش میزان شباهت بین ۲ روش برچسب گذاری، معمولا به برچسبهای واقعی، «استاندارد طلایی» نیز میگویند. از طرفی «برچسبهای خوشهبندی» نیز کد مربوط به خوشهای

است که یک نقطه درون آن قرار دارد. در روش ارزیابی بیرونی، مطابقت این دو گونه برچسب انجام میپذیرد. باید توجه داشت که ممکن است کدهای برچسبهای حاصل از خوشهبندی با برچسبهای واقعی یکسان نباشند. به این معنی که برچسب واقعی ۱ برای یک نقطه بیانگر متعلق بودن آن به دسته شماره ۱ است در حالیکه ممکن است شماره برچسب برای این نقطه در خوشهبندی برابر با ۴

واقعی دستهای که بیشترین اشتراک را دارد مطابقت پیدا شاخص ۱ و عدم کمال شاخص خلوص: ۰،

#### خصوصيات شاخص خلوص

شاخص خلوص به تعداد خوشهها توجه ندارد. در نتیجه نمی توان این شاخص را به عنوان معیاری برای سنجش مطابقت تعداد خوشهها نیز در نظر گرفت. ٣)کاهش کارایی با افزایش تعداد خوشهها:

## شاخص ارزیابی بیرونی External Index

نشان دادن میزان شباهت بین دو شیوه برچسبگذاری

دسته آنها)

## خصوصیات شاخص رند اصلاح شده:

# الگوريتم جنگل تصادفي Random

به هر ویژگی یک وزنی میده.

فرمولش: اولا متوسط وزن این ویژگی تو تمام درخت ها

### گر حجم داده زیاد باشد و در حافظه جا نشود الگوریتمی برای آن پیشنهاد دهید.

باید Sampling (نمونه برداری) انجام داد که بتوان برایش مدل ساخت. نمونه ها می تواند غیرهمپوشان باشند. برای هر نمونه یک دسته بند جدا می سازیم که هیچ اشتراک و همپوشانی ندارند. سپس داده تست رو به همین مدل و تک تک دسته بندها می فرستیم (مثلا رای گیری اکثریت می زنیم)، در آخر هم تست و ارزیابی مدل. البته از Map Reduce هم می توانیم استفاده کنیم.

## مزایای انتخاب ویژگی

بهبود کارایی الگوریتمهای یادگیری ماشین، درک داده، کاهش داده کلی، کاهش مجموعه ویژگیها، سادگی و قابلیت استفاده از مدلهای ساده تر و کسب سرعت

فیلتر را در یک ستون اعمال می کنیم و آنقدر این کار را انجام می دهیم تا به مجموعه ویژگی که می خواهیم برسیم. <mark>فیلتر:</mark>سریع، تعمیم خوب، گاهی اوقات تعمیم دردسرساز می شود و مجموعه ویژگی ها برای دسته بندها بهینه نخواهد بود، به عنوان فاز پیش پردازش استفاده می شود.

Wrapper: یادگیرنده بعنوان جعبه سیاه درنظرگرفته می شود، رابط جعبه سیاه به منظور امتیازدهی به زیرمجموعه ای از متغیرها مطابق با قدرت پیش بینی یادگیرنده ها به هنگام استفاده از زیرمجموعه ها استفاده می شود، نتایج برای یادگیرنده های مختلف متفاوت است، نیاز به تعریف ۲ مورد داریم: ۱)چطور فضای زیرمجموعه های متغیر ممکنه را جستجو کنیم؟ ۲) چطور عملکرد پیش بینی یادگیرنده را

Embedded: انتخاب متغیر را در فاز آموزش انجام می دهد. خاص یک ماشین یادگیری است که بهش داده میشه. مثال: الگوريتم WINNOW

«فیلترها» (Filters) بر ویژگیهای کلی مجموعه داده آموزش تکیه دارند و فرآیند انتخاب ویژگی را به عنوان یک گام پیش پردازش با استقلال از الگوریتم استقرایی انجام مىدهند. مزيت اين مدلها هزينه محاسباتي پايين و توانايي تعمیم خوب آنها محسوب میشود. «بستهبندها» (Wrappers) شامل یک الگوریتم یادگیری به

عنوان جعبه سیاه هستند و از کارایی پیشبینی آن برای ارزیابی مفید بودن زیرمجموعهای از متغیرها استفاده میکنند. به عبارت دیگر، الگوریتم انتخاب ویژگی از روش یادگیری به عنوان یک زیرمجموعه با بار محاسباتی استفاده مىكند كه از فراخواني الگوريتم براي ارزيابي هر زيرمجموعه از ویژگیها نشات میگیرد. با این حال، این تعامل با دستهبند منجر به نتایج کارایی بهتری نسبت به فیلترها میشود.

«روشهای توکار» (Embedded) انتخاب ویژگی را در فرآیند آموزش انجام میدهند و معمولا برای ماشینهای یادگیری خاصی مورد استفاده قرار می گیرند. در این روشها، جستوجو برای یک زیرمجموعه بهینه از ویژگیها در مرحله ساخت دستهبند انجام میشود و می توان آن را به عنوان جستوجویی در فضای ترکیبی از زیر مجموعهها و فرضیهها دید. این روشها قادر به ثبت وابستگیها با هزینههای محاسباتی پایین تر نسبت به بستهبندها هستند.

كلا فيلتر از همه سريعتر است.

# ۵ نوع اصلی توابع ارزیابی بر اساس فیلتر و

• فيلتر:

فاصله، اطلاعات(انتروپی، info gain)، همبستگی: ضریب همبستگی، سازگاری

• Wrapper: نرخ خطای دسته بند مقایسه روش های ارزیابی متدهای مختلف

دقت	پیچیدگیt	عموميت	روش
-	کم	بله	فاصله
_	کم	بله	اطلاعات
	کم	بله	وابستگی
_	متوسط	بله	ساز گاری
عالى	بالا	-	نرخ خطا

رتبه بندی بر اساس سرعت

انتخاب ویژگی

فاصله و سازگاری سریع نیستند. ۱)وابستگی، ۲)اطلاعات، ۳)فاصله، ۴)سازگاری

در ناسازگاری ترجیح ما وجود چند متغیر است، برعکمش در information و dependency تکی تکی چک می کنیم. بهمین دلیل ناسازگاری کُندتر است.

#### ارزیابی هر خوشه بدست می آید. همچنین میانگین کل مقدارهای نیمرخ نیز معیاری برای ارزیابی عملیات خوشهبندی محسوب میشود. برای تفسیر این معیار، از نموداری استفاده می شود که میزان انطباق هر نقطه را با خوشه خودش نمایش میدهد. در تصویر زیر این نمودار دیده میشود. محور افقی نقطهها و ستونها، مقدار معیار نیمرخ برای آن نقطه است. همچنین میانگین شاخص نیمرخ برای همه نقاط نیز در نمودار مشخص میشود. همانطور که در نمودار دیده میشود، برای خوشه شماره ۲ بعضی نقاط دارای مقدار نیمرخ منفی هستند که نشان میدهد ممکن است به درستی خوشهبندی نشده باشند و به خوشه مجاور تعلق داشته باشند. همچنین

حال اگر میانگین مقدار نیمرخ برای نقطهای هر خوشه را محاسبه کنیم، معیاری برای

### شاخص ارزیابی دیویس-بولدین (Davies-Bouldin)

میانگین کل شاخص نیمرخ نیز برابر با ۰,۴۶ محاسبه شده است.

وابسته به تعداد خوشهها و یا الگوریتم خوشهبندی نیست. برای محاسبه این شاخص ابتدا باید با دو معیار «اندازه پراکندگی» (Dispersion measure) و «عدم شباهت بين خوشهها» (Cluster dissimilarity) آشنا شويم. اندازه پراکندگی درون خوشه

فرض کنید S i میزان پراکندگی مربوط به خوشه C i و d نیز یک تابع فاصله باشد. آنگاه میزان پراکندگی برای این خوشه توسط رابطه زیر قابل محاسبه است:

$$S_i = [rac{1}{|C_i|}\sum\limits_{x \in c_i \$\$} d^r(x,c_i)]^{(rac{1}{r})}, \hspace{0.5cm} r>0$$

این رابطه در حقیقت شبیه فاصله مینکوفسکی نقطههای هر خوشه از مراکز آن است عدم شباهت (فاصله) بین خوشهها

فاصله بین دو خوشه نیز بر اساس فاصله بین دو نقطه مرکزی آنها سنجیده میشود. اگر V i و V i مراکز خوشههای i و j باشند، فاصله بین این دو خوشه با D i j نشان داده شده و توسط رابطه زیر بدست می آید:

$$D_{ij} = \left[\sum d(V_i,V_j)^t
ight]^{rac{1}{t}}$$

باز هم به نظر میرسد از فاصله مینکوفسکی برای سنجش فاصله بین دو خوشه استفاده شده است. حال با توجه به این دو مفهوم می توان میزان فاصله بین دو خوشه C i و C j را که با R i j نشان میدهیم به صورت زیر محاسبه کنیم:

$$R_{ij} = rac{S_i + S_j}{D_{ij}}$$

همانطور که دیده میشود در صورت کسر، میزان پراکندگی دو خوشه با یکدیگر جمع شده و در مخرج نیز میزان عدم شباهت بین خوشهها قرار گرفته است. هر چه خوشهها دارای پراکندگی بیشتری باشند، مقدار R i j بزرگتر میشود. از طرفی اگر دو خوشه با یکدیگر فاصله کمتری داشته باشند باز هم R i j بزرگ میشود.

به این ترتیب برای محاسبه شاخص دیویس-بولدین برای یک روش خوشهبندی کافی است ابتدا بیشنیه فاصله هر خوشه را نسبت به خوشههای دیگر بدست آورد. یعنی برای خوشه آام خواهیم داشت:

سپس میانگین بیشینه فاصلههای محاسبه شده برای همه خوشههای ایجاد شده توسط الگوریتم را محاسبه می کنیم. این شاخص را با V D B نشان می دهند.

$$V_{DB} = rac{\sum_{i=1}^{K_i} K_i}{k}$$

در حقیقت این شاخص، میانگین حداکثر نسبت پراکندگی درون به پراکندگی بین خوشهها را محاسبه می کند. هر چه مقدار شاخص V D B کمتر باشد، عمل خوشهبندی بهتر صورت گرفته است.

## شاخص دان (Dunn's Index)

با دو معیار «فاصله» (Cluster Distance) و قطر (Diameter)، میزان فشردگی و تفکیکپذیری را محاسبه می

حال اگر فاصله بین دو خوشه C i و C j را با D ( C i , C j ) نشان دهیم، می توانیم میزان تفکیک پذیری در خوشه بندی را به صورت زیر محاسبه کنیم:

$$D(C_i,C_j) = \min_{x \in C_i, y \in C_j} d(x,y)$$

همینطور برای اندازهگیری فشردگی خوشهها، از قطر هر خوشه استفاده می شود. برای خوشه Cl مقدار قطر توسط رابطه زیر بدست می آید

$$diam(C_l) = \max_{x,y \in C_l} d(x,y)$$

حال شاخص دان به صورت زیر تعریف میشود.

$$V_D = [rac{\sum_{i=1 \leq j \leq k} \mathcal{D}(C_i, C_j)}{\max\limits_{1 \leq l \leq k} diam(C_l)}]$$

در صورت این کسر، فاصله بین دو خوشه به عنوان معیاری برای تفکیک پذیری دیده می شود و در مخرج نیز قطر هر خوشه دیده میشود. نسبت این دو، مقیاسی برای سنجش فاصله بین دو خوشه خواهد بود. بنابراین کوچکترین مقدار این نسبت برای همه خوشهها، می تواند شاخصی برای ارزیابی خوشهبندی باشد. هر چه مقدار این شاخص بزرگتر باشد، بیانگر تفکیکپذیری بهتر و در نتیجه خوشهبندی موثرتر است. بر همین اساس اگر نسبت میزان تفکیکپذیری به قطر خوشهها مقدار بزرگی باشد، خوشهبندی به خوبی انجام شده است