

به نام خدا

ساختمان داده ها

جلسه ششم

دانشگاه صنعتی همدان

گروه مهندسی کامپیوتر

نیم سال دوم 1397-98

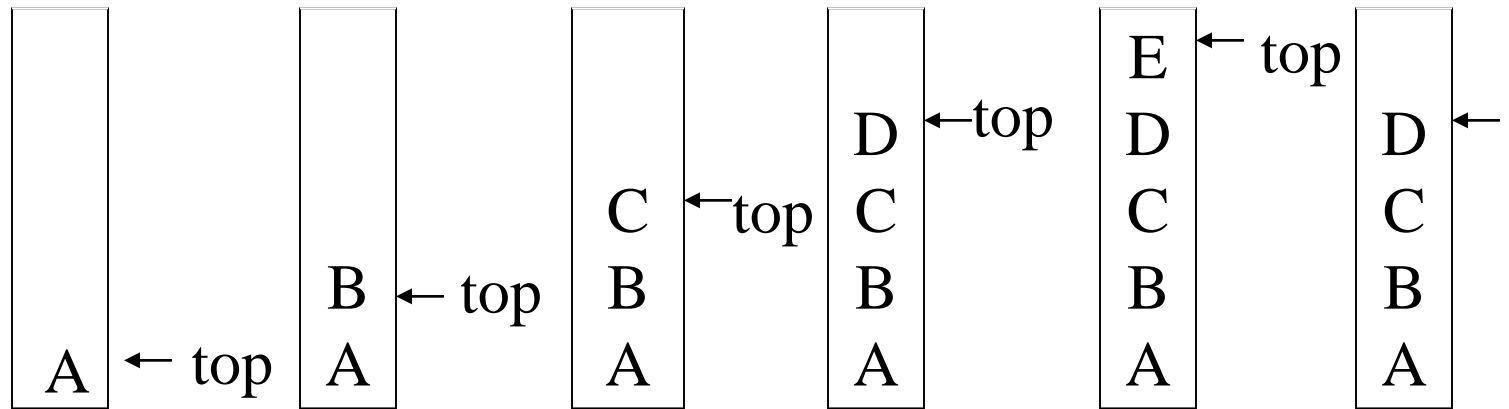
فصل سوم

پشته و صف

Stack & Queue

- پشته ساختمان داده ای است که داده ها را به ترتیب خاصی ذخیره می کند.
- در پشته آخرین عضوی که وارد می شود اولین عضوی است که خارج می شود. **LAST IN FIRST OUT (LIFO)**.
- عنصر بالای پشته را top می گویند.





objects: a finite ordered list with zero or more elements.

methods:

for all $stack \in Stack$, $item \in element$, max_stack_size
 \in positive integer

$Stack$ createS(max_stack_size) ::=

create an empty stack whose maximum size is
 max_stack_size

$Boolean$ isFull($stack$, max_stack_size) ::=

if (number of elements in $stack == max_stack_size$)
return TRUE
else return FALSE

$Stack$ push($stack$, $item$) ::=

if (IsFull($stack$)) $stack_full$
else insert $item$ into top of $stack$ and **return**

$Boolean$ isEmpty($stack$) ::=

if($stack ==$ CreateS(max_stack_size))
return TRUE
else return FALSE

$Element$ pop($stack$) ::=

if(IsEmpty($stack$)) **return**
else remove and return the $item$ on the top
of the stack.

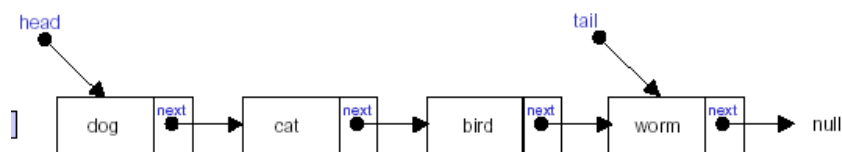
پیاده سازی پشته ها

با چندین روش می توان آنها را پیاده سازی کرد:

□ آرایه ها



□ لیستهای پیوندی (در قسمت لیستهای پیوندی بررسی می شود)



پیاده سازی پشته ها به روش ارایه – نمایش داده ها

■ برای اینکه بتوانیم از پشته ها برای انواع داده های مختلف استفاده کنیم از قالبها (template) استفاده می کنیم.

```
private:
```

```
    int top;
```

```
    KeyType *stack;
```

```
    int MaxSize;
```

سازنده کلاس پشته

```
template <class KeyType>
```

```
Stack<KeyType>::Stack (int MaxStackSize):MaxSize (MaxStackSize)
```

```
{
```

```
    stack = new KeyType[MaxSize];
```

```
    top = -1;
```

```
}
```

```
template <class KeyType>
inline Boolean  Stack<KeyType>::IsFull()
{
    if (top == MaxSize -1) return TRUE;
    else return FALSE;
}
```

```
template <class KeyType>
inline Boolean  Stack<KeyType>::IsEmpty()
{
    if (top == -1) return TRUE;
    else return FALSE;
}
```


پیاده سازی اعمال روی پشته ها

تابع افزودن یک عنصر به پشته

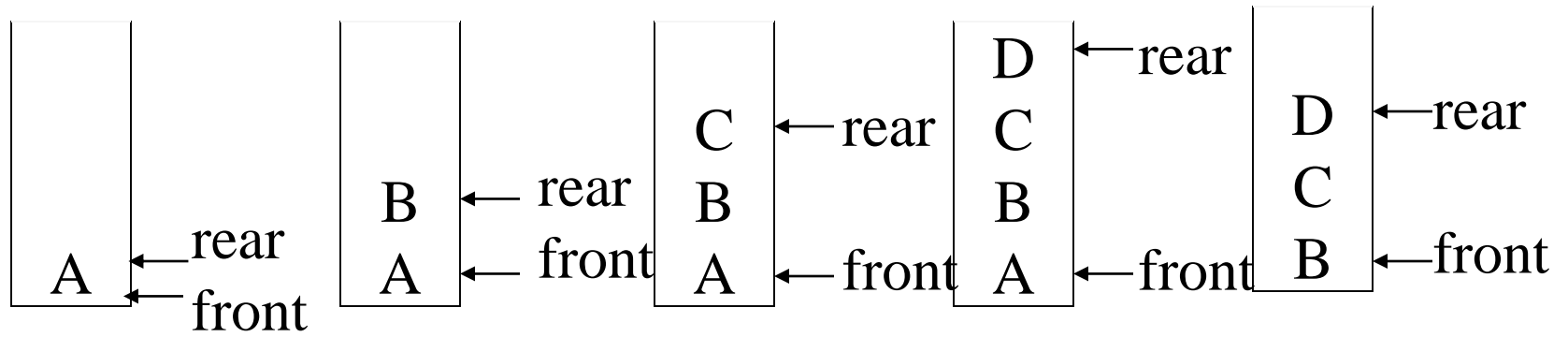
```
template <class KeyType>
void Stack<KeyType>::Add (const KeyType& x)
// add x to the stack
{
    if (IsFull()) StackFull();
    else stack[++top] = x;
}
```

تابع حذف یک عنصر از پشته

```
template <class KeyType>
KeyType* Stack<KeyType>::Delete (KeyType& x)
// remove and return top element from stack
{
    if (IsEmpty()) {StackEmpty(); return 0;}
    x = stack[top--];
    return &x;
}
```

```
void main()
{
    Stack<int> s;
    int x;
    s.Add(5);
    s.Add(7);
    s.Delete(x);
    s.Add(9);
    s.Add(10);
    s.Delete(x);
    s.Delete(x);
    s.Delete(x);
}
```

- صف یک لیست ترتیبی است که تمام درج ها از یک سمت و حذف ها از سمت دیگر انجام می گیرد.
- بنابر این به صف FIFO (First In First Out) می گویند.
- اولین عضو ورودی اولین عضوی است که خارج می شود.
- عنصر ابتدای صف را Front و انتهای صف را Rear می گویند.



objects: a finite ordered list with zero or more elements.

methods:

for all $queue \in Queue$, $item \in element$,
 $max_queue_size \in \text{positive integer}$

$Queue$ $createQ(max_queue_size) ::=$
 create an empty queue whose maximum size is
 max_queue_size

$Boolean$ $isFullQ(queue, max_queue_size) ::=$
 if (number of elements in $queue == max_queue_size$)
return $TRUE$
else return $FALSE$

$Queue$ $Enqueue(queue, item) ::=$
 if ($isFullQ(queue)$) $queue_full$
else insert $item$ at rear of $queue$ and return $queue$

$Boolean$ $isEmptyQ(queue) ::=$
 if ($queue == createQ(max_queue_size)$)
return $TRUE$
else return $FALSE$

$Element$ $dequeue(queue) ::=$
 if ($isEmptyQ(queue)$) **return**
else remove and return the $item$ at front of queue.

پیاده سازی صف

به چندین روش می توان صف را پیاده کرد:

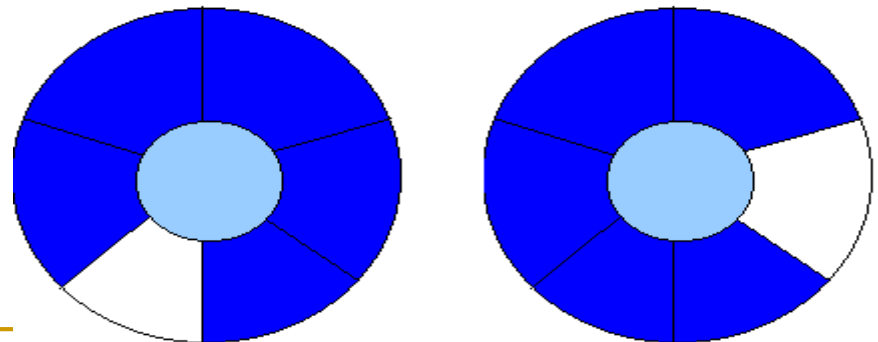
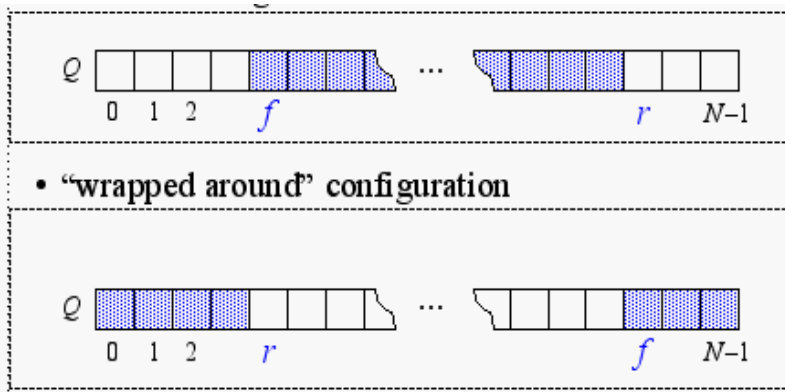
■ استفاده از آرایه ها

□ استفاده از آرایه با دو متغیر $front$ و $rear$

□ استفاده از آرایه با یک متغیر $rear$ ($front$ همیشه صفر است)

□ استفاده از آرایه به صورت حلقوی

■ استفاده از لیستهای پیوندی



```
private:
    int front;
    int rear;
    KeyType *queue;
    int MaxSize;
```

سازنده صف

```
template <class KeyType>
Queue<KeyType>::Queue (int MaxQueueSize) :
MaxSize(MaxQueueSize)
{
    queue = new KeyType[MaxSize];
    front = rear = -1;
}
```

پیاده سازی اعمال صف

تابع بررسی پر بودن صف

```
template <class KeyType>
inline Boolean  Queue<KeyType>::IsFull()
{
    if (rear == MaxSize -1) return TRUE;
    else return FALSE;
}
```

تابع بررسی خالی بودن صف

```
template <class KeyType>
inline Boolean  Queue<KeyType>::IsEmpty()
{
    if (front == rear) return TRUE;
    else return FALSE;
}
```



```
template <class KeyType>
void Queue<KeyType>::Add (const KeyType& x)
// add x to the queue
{
    if (IsFull()) QueueFull();
    else queue[++rear] = x;
}
```

```
template <class KeyType>
KeyType* Queue<KeyType>::Delete (KeyType& x)
// remove and return front element from queue
{
    if (IsEmpty()) {QueueEmpty(); return 0;}
    x = queue[++front];
    return &x;
}
```

```
void main()  
{  
    Queue<int> s(2);  
    int x;  
    s.Add(5);  
    s.Add(7);  
    s.Delete(x);  
    s.Add(9);  
    s.Add(10);  
    s.Delete(x);  
    s.Delete(x);  
    s.Delete(x);  
}
```

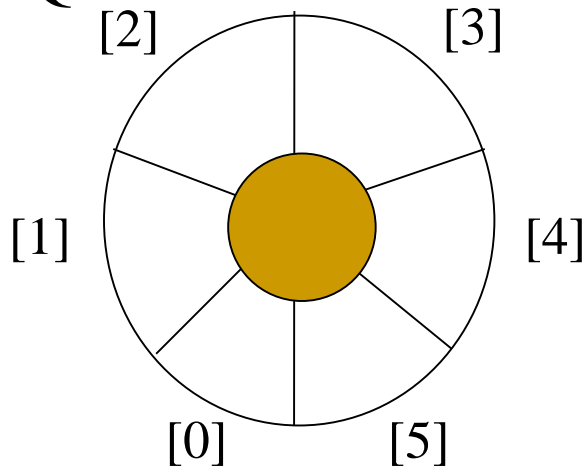
■ در این روش اعضا به ترتیب وارد صف می شوند و به ترتیب از انتهای صف حذف می شوند ولی فضای عناصری که حذف می شوند دوباره استفاده نمی شوند و صف بعد از مدتی دیگر فضای خالی نخواهد داشت:

■ دو روش برای حل این معضل وجود دارد:

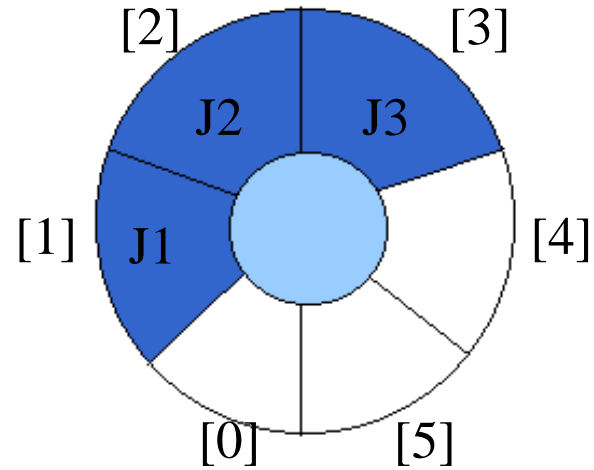
□ شیفت دادن عناصر

□ استفاده از صف دایره ای

EMPTY QUEUE

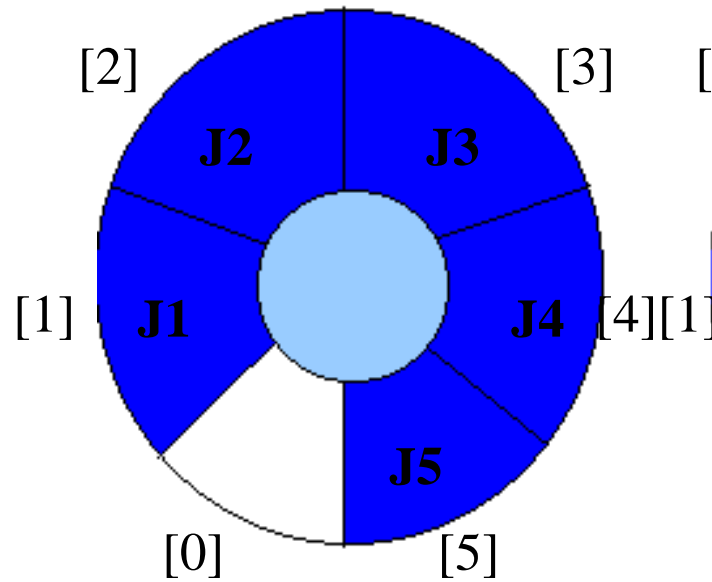


front = 0
rear = 0



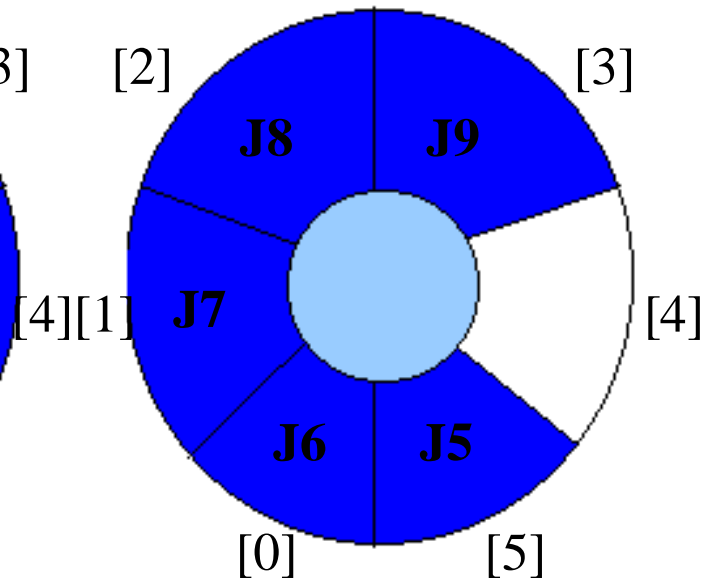
front = 0
rear = 3

FULL QUEUE



front = 0
rear = 5

FULL QUEUE



front = 4
rear = 3

private:

int front;

int rear;

KeyType *queue;

int MaxSize;

سازنده کلاس

```
template <class KeyType>
```

```
Queue<KeyType>::Queue (int MaxQueueSize) :
```

```
MaxSize(MaxQueueSize)
```

```
{
```

```
    queue = new KeyType[MaxSize];
```

```
    front = rear = 1;
```

```
}
```

توابع پر بودن و خالی بودن صف

```
template <class KeyType>
Boolean Queue<KeyType>::IsFull()
{
    if (rear == MaxSize -1) return TRUE;
    else return FALSE;
}
```

```
template <class KeyType>
Boolean Queue<KeyType>::IsEmpty()
{
    if (front == rear) return TRUE;
    else return FALSE;
}
```

حذف و اضافه کردن در صف حلقوی

```
template <class KeyType>
void Queue<KeyType>::Add (const KeyType& x)
// add x to the queue
{
    int k = (rear + 1) % MaxSize;
    if (front == k) QueueFull();
    else queue[rear = k] = x;
}

template <class KeyType>
KeyType* Queue<KeyType>::Delete (KeyType& x)
// remove and return top element from queue
{
    if (front == rear) {QueueEmpty(); return 0;}
    x = queue[++front %= MaxSize];
    return &x;
}
```



```
void main()  
{  
    Queue<int> s(5);  
    int x;  
    s.Add(5);  
    s.Add(7);  
    s.Delete(x);  
    s.Add(9);  
    s.Add(10);  
    s.Delete(x);  
    s.Delete(x);  
    s.Delete(x);  
}
```

مثالهایی از کاربردهای پشته و صف

■ ارزیابی عبارتهای ریاضی

□ نحوه نمایش عبارتهای ریاضی

$A+B$

■ روش میانوندی infix

$AB+$

■ روش پسوندی Postfix

$+AB$

■ روش پیشوندی Prefix

مزیت روشهای پیشوندی و پسوندی این است که پرانتزها و گروه ها دیده نمی شوند و اولویت اعمال هم وجود ندارد و اعمال به ترتیب قرار گرفتن اجرا می شوند. بنابراین کامپایلرها برای ارزیابی عبارتهای ریاضی آنها را به یکی از فرمهای پسوندی یا پیشوندی تبدیل می کنند.

تبدیل عبارتهای میانوندی به پسوندی

Example: $A / B - C + D * E - A * C$

- ((((A / B) - C) + (D * E)) - (A * C))
 - ((((A B / C - (D E * + A C * -
 - A B / C - D E * + A C * -

برای تبدیل دستی یک عبارت میانوندی به پسوندی به صورت زیر عمل می کنیم:

۱- عبارت را به صورت کامل پرانتز گذاری می کنیم

۲- عملگرها را به سمت راست حرکت می دهیم و جایگزین پرانتزهای سمت راست می کنیم

۳- تمام پرانتزها را حذف می کنیم

Infix	Postfix
$2+3*4$	$234*+$
$a*b+5$	$ab*5+$
$(1+2)*7$	$12+7*$
$a*b/c$	$ab*c/$
$(a/(b-c+d))*(e-a)*c$	$abc-d+/-ea-*c*$
$a/b-c+d*e-a*c$	$ab/c-de*+ac*-$

تبدیل عبارتهای میانوندی به پسوندی

■ آیا این روش برای یک الگوریتم کامپیوتری هم موثر است؟

می توان روش بهتری ارائه کرد :

□ عبارت پسوندی را از چپ به راست جمله به جمله (توکن به توکن) در نظر می گیریم

□ اگر توکن مورد نظر عملوند بود آنرا در خروجی می نویسیم

□ اگر توکن مورد نظر عملگر بود

■ اگر اولویت آن از اولویت عنصر بالای پشته بیشتر بود در پشته قرار می دهیم

■ اگر اولویت آن کمتر یا مساوی عنصر بالای پشته بود عنصر بالای پشته را خارج کرده و در خروجی می نویسیم. این عمل انقدر تکرار می شود تا اولویت توکن از اولویت عنصر بالای پشته بیشتر شود.

■ (در مورد اولویتها یک استثنا در مورد پرانتز وجود دارد: پرانتز چپ داخل پشته کمترین اولویت دارد و پرانتز راست باعث بیرون آمدن آن می شود و پرانتز چپ بیرون پشته بالاترین اولویت را دارد)

Example: $A*(B+C)/D$

next token	stack	output
=====		
none	#	none
A	#	A
*	#*	A
(#*(A
B	#*(AB
+	#*(+	AB
C	#*(+	ABC
)	#*	ABC+ // pop until (
/	#/	ABC+*
D	#/	ABC+*D
done		ABC+*D/# // empty the stack

	in-stack priority		in-coming priority	
	isp	icp	operator	
	=====			
		0	(
1		1	unary minus,	
2		2	*, /, %	
3		3	+, -	
4		4	<, <=, >, >=	
5		5	==, !=	
6		6	&&	
7		7		
8			(, #	

til (

#: end of expression

#: end of expressio

تابع تبدیل عبارت میانوندی به پسوندی

```
void postfix (expression e)
// Output the postfix form of the infix expression e. NextToken
// and stack are as in function eval (Program 3.18). It is assumed that
// the last token in e is '#.' Also, '#' is used at the bottom of the stack
{
    Stack<token> stack; // initialize stack
    token y ;
    stack.Add('#');
    for (token x = NextToken(e) ; x != '#' ; x = NextToken(e))
    {
        if (x is an operand) cout << x ;
        else if (x == ')') // unstack until '('
            for (y = *stack.Delete (y); y != '(' ; y = *stack.Delete (y)) cout << y ;
        else { // x is an operator
            for (y = *stack.Delete (y); isp (y) <= icp (x); y = *stack.Delete (y)) cout << y ;
            stack.Add(y); // restack the last y that was unstacked
            stack.Add(x);
        }
    }

    // end of expression; empty stack
    while (!stack.IsEmpty()) cout << *stack.Delete(y) ;
} // end of postfix
```

```
void eval(expression e)
// Evaluate the postfix expression e. It is assumed that the last token (a token
// is either an operator, operand, or '#') in e is '#'. A function NextToken is
// used to get the next token from e. The function uses the stack stack
{
    Stack<token> stack ; //initialize stack
    for (token x = NextToken (e) ; x != '#' ; x = NextToken (e))
        if (x is an operand) stack.Add(x) // add to stack
        else { // operator
            remove the correct number of operands for operator x from stack; perform the
            operation x and store the result (if any) onto the stack;
        }
}
```