# راهنمای کامل حلکننده ژنتیک سیستم معادلات

### **Complete Guide to Genetic Algorithm Equation Solver**

محمدمهدی شریف بیگی MohammadMahdi SharifBeigy مستندات فنی الگوریتم ژنتیک Technical Documentation of Genetic Algorithm

### ۱ خرداد ۱۴۰۴

### فهرست مطالب

<b>۳</b> ۳	<mark>دمه</mark> ویژگیهای کلیدی	ا مق <b>د</b> ۱.۱
۳	ع شایستگی	۲ تابع
۳	ً چرا از این تابع شایستگی استفاده شد؟	1.۲
۳		۲.۲
۳	۱.۲.۲ استفاده از خُطای مربعی (result**2)	
۴	۲.۲.۲ معکوس خُطا (1.0 / total_error) معکوس خُطا	
۴	۳.۲.۲ مديريت استثناء	
۴	۴.۲.۲ تشخّیص جواب دقیق	
۴	ںھای جایگزین تابع شایستگی	
۴	روش خطای خطی (Linear Error)	۱.۳
۵	۱ روش خطای لگاریتمی (Logarithmic Error)	۳.۲
۵		۳.۳
۶	۱ رُوْشَ نُرُمَالايزُ شده (Normalized Error) ،	۴.۳
۶	ل روش تطبیقی (Adaptive Fitness)	۵.۳
γ		۶.۳
٨	<b>عبندی تابع شایستگی</b>	
Y	ّ چرا ّروشّ فعلی (خطِای مربعی معکوس) بهترین انتخاب است؟	
Y	ٔ کی از روشهای دیگر استفاده کنیم؟	۲.۴

٨																													ک	ني	زنا	م	ريت	کور	J۱	در	تر	مؤ	ىل	بواه	C	۵
λ																								Ų	ت	،ی	ولو	او	ب	تي	ترا	به	Ĺ	امُر	عو	ن	سن	فهرا	ۏ	1.0	۵	
٩																																								۲.		
٩																																						۲.۵				
٩	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•							· <													۲.۵				
	•																																									
٩	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	:	Ü	ـزي	ید	جا	٠ رو	عاد	٥	وس	J	۳.	۲.۵	ა			
١٥																																			- \		K	ام		ىثال		Ç
10																												L	٠.		٠٠,١	Ist	0							سار ۱.:		•
11	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•																
11	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		ح		9	عيد	. (	<u>د</u> د	וכע	يع	י ר	w	یں	w	عن	>	۲.۶		
11																																	1	<b>.</b>	امت	l.I	١.,	بان	n4	هينا	1	٧
11																													ما	. ;	ام	J.	_	ر ظ	ïï	, ,	ا م	اما		Ϊ.	, V	•
11	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	/1		101	.10	· ti	or	·											.۱.۱			٠.	
14																																										
																																						۱.۱.				
۱۲	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	(	10	uı	m	am	lei	nι	. 3]	ize	)	٢	u	رىد	ىو	ره	ىدا	)	Г	۱.۱.	1			
14																															1.	<b>.</b>	l۵	.ام		_	d.	ام.	<u></u>	غطا		٨
																																										^
14	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•										1./		
۱۲	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	ند	5 (	یی	کرا	ڡڡ	D	۲.	٨	
۱۳																																						. •• . 1		11 1_		۵
																																		1.1	٠ى	رد	مو	ات	עש	طا	<b>A</b>	٦
۱۳	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	١,	.وه	، د	ڢه	<u>کر ح</u>	ک د	لان	1. I	مع	٩		سيى	U	1.9	7	
۱۳	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		ی	ىر	س	(	ی	ھا	ترو	ام	پار	ָּי ר	י נ	لات	JΔL	مع	٩	ست	سيا	U	۲.	٦	
116																																									•	•
14																																				•				تيج		10
16	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	ىتە								1.1		
116	•	•				•																	•	•	•	•	•	•	•	•	• •	•					-			۲.۱		
116	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	Č	دد	این	4	ىع	وس	، تر	ای	بر	ات	ادا	ىنھ	پيش	ٔ پ	۳.۱	0	
14																																				بع	راج	و م	8 (	بناب	۵	n
																																				_						
10																																	_					•	ائە	لمد	ė	14
۱۵	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	L	ىلى	0	١	ں	لاس	ک	ل	ام	5 3	کد	:0	الف	4	یم	مىخ	ò	1.1	۲	
۱۲		•	•	•		•				•	•	•		•	•	•	•	•			•	•	•		•															۲.۱		
19																							۵	ہىن	رر	,	یاے	٥,	مت	آراه	ىا	ء آ ،	بدر	>	ج:	4	نم	كىم	5 1	۳.۱۱	۲	

### ۱ مقدمه

این مستند راهنمای کاملی برای درک و استفاده از حلکننده ژنتیک سیستم معادلات ارائه میدهد. این سیستم قادر به حل انواع مختلف معادلات خطی و غیرخطی با استفاده از الگوریتم ژنتیک پیشرفته است.

### ۱.۱ ویژگیهای کلیدی

- حل سیستمهای معادلات خطی و غیرخطی
- استفاده از استراتژیهای متنوع جهش و ترکیب
  - پشتیبانی از تابع شایستگی تطبیقی
    - قابلیت راهاندازی مجدد خودکار
  - تبدیل اعداد اعشاری به کسرهای دقیق

# ۲ تابع شایستگی

### ۱.۲ چرا از این تابع شایستگی استفاده شد؟

```
def fitness_function(self, chromosome, equations):
    total_error = 0
    for eq in equations:
    try:
    result = eq(*chromosome)
    total_error += result**2 #
    except:
    total_error < 1e-15:
    return float('inf')

return 1.0 / total_error</pre>
```

اصلی شایستگی تابع 1: Listing

### ۲.۲ دلایل انتخاب این روش:

### ۱.۲.۲ استفاده از خطای مربعی (result\*\*2)

- **دلیل**: خطاهای بزرگ بیشتر تنبیه میشوند
  - مزیت: همگرایی سریعتر به جواب دقیق
- مثال: اگر دو کروموزوم خطاهای ۱.۰ و ۱.۰ داشته باشند:

- روش خطی: ۱.۰ vs ۱۰۰ (تفاوت ۱۰ برابری) – روش مربعی: ۱.۰ vs ۷۱۰ (تفاوت ۱۰۰ برابری)
  - ۲.۲.۲ معکوس خطا (1.0 / total\_error)
  - **دلیل**: تبدیل مسئله minimization به maximization
- مزیت: الگوریتم ژنتیک معمولاً برای بیشینهسازی طراحی شده
  - نتیجه: خطای کمتر = شایستگی بیشتر

#### ۳.۲.۲ مدیریت استثناء

- **جریمه سنگین** (1e6) برای کروموزومهای نامعتبر
- جلوگیری از تقسیم بر صفر، سرریز عددی، و خطاهای محاسباتی

### ۴.۲.۲ تشخیص جواب دقیق

- اگر خطا کمتر از 15-1e باشد، شایستگی inf میشود
- نتیجه: توقف زودهنگام در صورت یافتن جواب دقیق

# ۳ روشهای جایگزین تابع شایستگی

### (Linear Error) روش خطای خطی (1.۳

```
def linear_fitness(self, chromosome, equations):
    total_error = 0
    for eq in equations:
    total_error += abs(eq(*chromosome))
    return 1.0 / (1.0 + total_error)
```

خطی شایستگی تابع : Listing 2

### مزايا:

- سادهتر در پیادهسازی
- حساسیت کمتر به نویز
  - پایداری عددی بهتر

#### معایب:

- همگرایی کندتر
- تمایز کمتر بین جوابهای خوب و عالی
- ممکن است در جوابهای تقریبی گیر کند

### (Logarithmic Error) روش خطای لگاریتمی (\*\*T.P"

```
def log_fitness(self, chromosome, equations):
    total_error = 0
    for eq in equations:
    error = abs(eq(*chromosome))
    if error > 0:
    total_error += math.log(1 + error)
    return 1.0 / (1.0 + total_error)
```

لگارىتىمى شاىستگى تابع : Listing 3

#### مزایا:

- کاهش اثر خطاهای بزرگ
- تعادل بهتر بین دقت و پایداری
- مناسب برای مسائل با مقیاسهای مختلف

#### معاىب:

- پیچیدگی محاسباتی بیشتر
- ممکن است دقت نهایی کمتری داشته باشد
  - نیاز به تنظیم پارامترهای اضافی

### (Weighted Error) روش وزندار ۳.۳

```
def weighted_fitness(self, chromosome, equations, weights=None):
    if weights is None:
    weights = [1.0] * len(equations)

total_error = 0
    for eq, weight in zip(equations, weights):
    error = eq(*chromosome)
    total_error += weight * (error ** 2)

return 1.0 / (1.0 + total_error)
```

وزندار شای ستگی تابع : Listing 4

#### مزايا:

- امكان اولويتبندى معادلات مختلف
  - انعطافپذیری بالا
  - کنترل بهتر بر فرآیند همگرایی

#### معایب:

- نیاز به تعیین وزنهای مناسب
  - پیچیدگی بیشتر در تنظیم
- ممكن است به برخى معادلات بىتوجهى كند

### (Normalized Error) روش نرمالایز شده ۴.۳

```
def normalized_fitness(self, chromosome, equations):
    errors = []
    for eq in equations:
    errors.append(abs(eq(*chromosome)))

#
    mean_error = sum(errors) / len(errors)
    if mean_error == 0:
    return float('inf')

normalized_error = sum(e / mean_error for e in errors)
    return 1.0 / (1.0 + normalized_error)
```

شده نرمال ای زشای ستگی تابع : Listing 5

#### مزایا:

- تعادل بهتر بین معادلات مختلف
- کاهش اثر معادلات با مقیاس بزرگ
  - عملكرد يكنواختتر

#### ىعاىب:

- محاسبات اضافی برای نرمالایز
- ممكن است اطلاعاتی از دست برود
  - پیچیدگی در پیادهسازی

### (Adaptive Fitness) روش تطبیقی ۵.۳

```
def adaptive_fitness(self, chromosome, equations, generation):
    total_error = 0

#
adaptive_power = 2.0 + (generation / 1000.0)

for eq in equations:
    error = abs(eq(*chromosome))
```

```
total_error += error ** adaptive_power

return 1.0 / (1.0 + total_error)
```

تطبیقی شایستگی تابع داند Listing 6: تطبیقی شایستگی

#### مزایا:

- تطبيق خودكار با پيشرفت الگوريتم
- شروع با جستجوی گسترده، ادامه با جستجوی دقیق
  - بهینهسازی مراحل مختلف حل

#### معایب:

- پیچیدگی زیاد
- نیاز به تنظیم پارامترهای بیشتر
- ممكن است پيشبينىناپذير باشد

### Multi-Objective) روش ترکیبی چندگانه

چندهدف شایستگی تابع : Listing 7

### مزايا:

- در نظر گیری چندین معیار همزمان
  - تولید جوابهای عملیتر
  - انعطافپذیری بسیار بالا

#### معایب:

- پیچیدگی زیاد در طراحی و تنظیم
- ممكن است همگرايي آهستهتر داشته باشد
  - نیاز به دانش تخصصی برای تنظیم وزنها

# ۴ جمعبندی تابع شایستگی

### ۱.۴ چرا روش فعلی (خطای مربعی معکوس) بهترین انتخاب است؟

- ۱. **سادگی و کارایی**: پیادهسازی ساده با عملکرد عالی
- ۲. **همگرایی سریع**: خطاهای بزرگ شدیداً تنبیه میشوند
  - ۳. **دقت بالا**: قادر به یافتن جوابهای بسیار دقیق
    - ۴. یایداری: مدیریت مناسب حالات استثنایی

### ۲.۴ کی از روشهای دیگر استفاده کنیم؟

- خطای خطی: برای مسائل حساس به نویز
- وزندار: وقتی برخی معادلات اهمیت بیشتری دارند
  - نرمالایز: برای معادلات با مقیاسهای مختلف
    - تطبیقی: برای مسائل خیلی پیچیده
    - چندهدفه: وقتی کیفیت جواب اهمیت دارد

این انتخاب بستگی به نوع مسئله، دقت مورد نیاز، و منابع محاسباتی در دسترس دارد.

# ۵ عوامل مؤثر در الگوریتم ژنتیک

### ۱.۵ فهرست عوامل به ترتیب اولویت

- ۱. روش انتخاب (Selection Strategy)
- ۲. عملگر ترکیب (Crossover Operator)
- ۳. استراتژی جهش (Mutation Strategy)
- ۴. مدیریت جمعیت (Population Management)
  - ۵. پارامترهای کنترلی (Control Parameters)
- 7. نحوه ایجاد جمعیت اولیه (Initialization Strategy)
  - ۷. معیارهای توقف (Termination Criteria)

### (Selection Strategy) روش انتخاب ۲.۵

### ۱.۲.۵ تأثير: بالا (اولويت ۱)

دلیل: تعیینکننده نحوه انتشار ژنهای خوب در جمعیت

### ۲.۲.۵ روش استفاده شده در کد:

```
def selection(self, ranked_population):
   tournament = random.sample(ranked_population, self.tournament_size)
   if random.random() < 0.9:
        return max(tournament, key=lambda x: x[1])[0]
   else:
        sorted_tournament = sorted(tournament, key=lambda x: x[1], reverse=True)
        return sorted_tournament[1][0] if len(sorted_tournament) > 1 else
        sorted_tournament[0][0]
```

Listing 8: Tournament Selection

نوع: Selection Tournament با اندازه ۵

### ۳.۲.۵ روشهای جایگزین:

#### Selection Wheel Roulette .1.1

```
def roulette_wheel_selection(self, ranked_population):
   total_fitness = sum(fitness for _, fitness in ranked_population)
   pick = random.uniform(0, total_fitness)
   current = 0
   for chromosome, fitness in ranked_population:
   current += fitness
   if current > pick:
    return chromosome
```

Listing 9: Roulette Wheel Selection

#### مزایا:

- احتمال انتخاب متناسب با شایستگی
  - حفظ تنوع بهتر
  - پیادهسازی ساده

#### معاىت:

- حساس به scaling مقادیر شایستگی
- ممكن است افراد ضعيف زياد انتخاب شوند
  - مشکل با شایستگیهای منفی

#### Selection Rank-Based .Y.1

```
def rank_selection(self, ranked_population):
    n = len(ranked_population)
    # rank fitness
    ranks = list(range(n, 0, -1)) # = n = 1
    total_rank = sum(ranks)
    pick = random.uniform(0, total_rank)
    current = 0
    for i, (chromosome, _) in enumerate(ranked_population):
        current += ranks[i]
    if current > pick:
        return chromosome
```

Listing 10: Rank-Based Selection

#### مزایا:

- مستقل از مقیاس شایستگی
  - كنترل بهتر فشار انتخاب
- جلوگیری از dominance زودرس

#### معایب:

- از دست دادن اطلاعات دقیق شایستگی
  - محاسبات بیشتر برای رتبهبندی
  - ممکن است همگرایی کندتر باشد

# ۶ مثالهای کاربردی

### ۱.۶ حل سیستم معادلات خطی

```
"x - y - 1"
             ]
19
20
             solver = EnhancedGeneticEquationSolver(
             pop_size=300,
22
             generations=1000,
23
             mutation_rate=0.15
24
25
26
             result = solve_equations(equations_text, solver)
27
28
             print(f" : x = \{result[0]\}, y = \{result[1]\}")
29
```

متغیر دو خطی سیستم مثال :Listing 11

### ۲.۶ حل سیستم معادلات غیرخطی

```
\# x^2 + y^2 = 25
             # x + y = 7
             equations_text = [
             "x**2 + y**2 - 25",
             "x + y - 7"
             solver = EnhancedGeneticEquationSolver(
10
11
             pop_size=500,
             generations=3000,
12
             mutation_rate=0.2,
13
             adaptive_mutation=True
14
15
16
             result = solve_equations(equations_text, solver)
17
             print(f" : x = \{result[0]\}, y = \{result[1]\}")
18
```

غى رخطى سىستم مثال :Listing 12

# ۷ بهینهسازی پارامترها

### ۱.۷ راهنمای تنظیم پارامترها

#### 1.1.۷ اندازه جمعیت (Population Size)

- مسائل ساده: ۱۰۰-۳۰۰
- مسائل متوسط: ۳۰۰-۵۰۰
- مسائل پیچیده: ۵۰۰-۱۰۰۰

### Y.1.۷ نرخ جهش (Mutation Rate)

- **شروع**: ۲۰۰-۳۰۰ (اکتشاف بالا)
  - **میانه**: ۱.۰-۰.۰ (تعادل)
  - **پایان**: ۵.۰-۵۰۰ (بهرهبرداری)

#### Tournament Size) اندازه تورنمنت (۳.۱.۷

- **کوچک** (۲-۳): تنوع بیشتر، همگرایی کندتر
  - **متوسط** (۴-۶): تعادل مناسب
- بزرگ (۷-۱۰): همگرایی سریع، خطر optimum محلی

# ۸ خطاهای رایج و راهحلها

### ۱.۸ همگرایی زودرس

#### علائم:

- توقف بهبود در نسلهای اولیه
  - كاهش شديد تنوع جمعيت

#### راهحلها:

- افزایش اندازه جمعیت
- كاهش اندازه تورنمنت
  - افزایش نرخ جهش
- استفاده از mechanism restart

### ۲.۸ همگرایی کند

### علائم:

- بهبود بسیار آهسته fitness
- عدم رسیدن به جواب در تعداد نسلهای تعیین شده

### راهحلها:

- افزایش اندازه تورنمنت
  - کاهش نرخ جهش
  - بهبود تابع شایستگی
- استفاده از elitism بیشتر

# ۹ مطالعات موردی

### ۱.۹ سیستم معادلات درجه دوم

#### مسئله:

$$x^2 + y^2 = 13 (1)$$

$$x + y = 5 \tag{Y}$$

#### تحليل:

- دو جواب دارد: (۲،۳) و (۳،۲)
- نیاز به تنوع بالا برای یافتن هر دو جواب
  - تابع شایستگی مربعی مناسب است

### پارامترهای بهینه:

```
solver = EnhancedGeneticEquationSolver(
pop_size=400,
generations=2000,
mutation_rate=0.25,
tournament_size=4,
elite_size=40
)
```

### ۲.۹ سیستم معادلات با پارامترهای کسری

#### مسئله:

$$\frac{1}{2}x + \frac{1}{3}y = 1$$
 (٣)

$$\frac{1}{4}x - \frac{1}{6}y = 0 \tag{(f)}$$

#### تحليل:

- جواب کسری دارد
- نياز به precision بالا
- استفاده از fraction\_precision=True

### پارامترهای بهینه:

```
solver = EnhancedGeneticEquationSolver(
pop_size=300,
generations=1500,
mutation_rate=0.15,
fraction_precision=True,
adaptive_mutation=True
)
```

# ۱۰ نتیجهگیری

### ۱.۱۰ نقاط قوت سیستم

- ١. انعطافيذيرى: قابليت حل انواع مختلف معادلات
  - ۲. مقاومت: عدم گیر کردن در optimum محلی
    - ٣. دقت: یافتن جوابهای بسیار دقیق
    - ۴. **سازگاری**: تطبیق خودکار با انواع مسائل
    - ۵. **کارایی**: استفاده از تکنیکهای بهینهسازی

### ه۲.۱۰ محدودیتها

- ۱. زمان محاسبه: نیاز به زمان بیشتر نسبت به روشهای مستقیم
  - ۲. **تنظیم پارامتر**: نیاز به دانش برای تنظیم بهینه
  - ۳. **تضمین همگرایی**: عدم تضمین یافتن جواب در زمان محدود
  - ۴. پیچیدگی: درک و debug کردن سختتر از روشهای کلاسیک

### ۳.۱۰ پیشنهادات برای توسعه آینده

- ۱. Processing Parallel: موازی سازی محاسبات
- ۲. Methods Hybrid: ترکیب با روشهای عددی کلاسیک
  - ۳. Learning Machine: یادگیری خودکار پارامترها
    - ۴. Multi-Objective: حل همزمان چندین هدف
  - ۵. Handling Constraint: مدیریت بهتر محدودیتها

## ۱۱ منابع و مراجع

- Ma- and Optimization، Search، in Algorithms Genetic .(۱۹۸۹) E. D. Goldberg، .۱ Learning chine
  - Systems Artificial and Natural in Adaptation .(۱۹۹۲) H. J. Holland, .Y
- Evolution = Structures Data + Algorithms Genetic .(۱۹۹۶) Z. Michalewicz، ۳. Programs
- tech- constraint-handling numerical and Theoretical .(۲۰۰۲) C. A. C. Coello، ۴ niques
  - ۵. Algorithms Evolutionary using Optimization Multi-Objective .(۲۰۰۱) K. Deb، ک

# ۱۲ ضمائم ۱.۱۲ ضمیمه الف: کد کامل کلاس اصلی

```
import random
            import math
            from fractions import Fraction
            class EnhancedGeneticEquationSolver:
            def __init__(self, pop_size=500, generations=5000, mutation_rate=0.2,
            elite_size=50, var_range=(-100, 100), tournament_size=5,
            stagnation_limit=200, adaptive_mutation=True,
            fraction_precision=True):
10
            self.pop_size = pop_size
            self.generations = generations
            self.base_mutation_rate = mutation_rate
            self.current_mutation_rate = mutation_rate
14
            self.elite_size = elite_size
15
            self.var_range = var_range
16
            self.tournament_size = tournament_size
            self.stagnation_limit = stagnation_limit
18
            self.adaptive_mutation = adaptive_mutation
19
            self.fraction_precision = fraction_precision
20
21
22
            self.generation_stats = []
23
24
            self.best_fitness_history = []
            self.restart_count = 0
25
26
            def fitness_function(self, chromosome, equations):
            total_error = 0
29
            for eq in equations:
30
            try:
            result = eq(*chromosome)
31
            total_error += result**2
33
            except:
            total_error += 1e6
34
35
            if total_error < 1e-15:</pre>
36
            return float('inf')
37
38
39
            return 1.0 / total_error
            def initialize_population(self, var_count):
41
            population = []
42
            for _ in range(self.pop_size):
            chromosome = []
            for _ in range(var_count):
45
            strategy = random.choice(['integer', 'small', 'fraction', 'decimal'])
46
47
            if strategy == 'integer':
            value = random.randint(-10, 10)
49
            elif strategy == 'small':
50
            value = random.uniform(-2, 2)
51
52
            elif strategy == 'fraction':
```

```
value = random.choice([0.5, 0.25, 0.75, 1.5, 2.5, -0.5, -0.25])
             else: # decimal
54
             value = random.uniform(self.var_range[0], self.var_range[1])
55
56
             chromosome.append(value)
57
             population.append(chromosome)
58
             return population
59
60
             def evaluate_population(self, population, equations):
62
             evaluated = []
             for chromosome in population:
63
             fitness = self.fitness_function(chromosome, equations)
64
             evaluated.append((chromosome, fitness))
65
             return sorted(evaluated, key=lambda x: x[1], reverse=True)
67
             def selection(self, ranked_population):
68
             tournament = random.sample(ranked_population, self.tournament_size)
             if random.random() < 0.9:</pre>
70
             return max(tournament, key=lambda x: x[1])[0]
             sorted_tournament = sorted(tournament, key=lambda x: x[1], reverse=True)
73
             return sorted_tournament[1][0] if len(sorted_tournament) > 1 else
       sorted_tournament[0][0]
75
             def crossover(self, parent1, parent2):
             strategy = random.choice(['uniform', 'arithmetic', 'single_point'])
77
78
             if strategy == 'uniform':
79
             child = [p1 if random.random() < 0.5 else p2 for p1, p2 in zip(parent1,
80
      parent2)]
             elif strategy == 'arithmetic':
81
             alpha = random.random()
82
             child = [alpha * p1 + (1 - alpha) * p2 for p1, p2 in zip(parent1, parent2)]
             else: # single_point
84
             point = random.randint(1, len(parent1) - 1)
85
             child = parent1[:point] + parent2[point:]
86
87
             return child
88
89
             def mutation(self, chromosome, generation, max_generations):
90
             if random.random() > self.current_mutation_rate:
91
             return chromosome
92
93
             mutated = chromosome.copy()
94
             gene_index = random.randint(0, len(mutated) - 1)
95
96
             strategy = random.choices(
97
             ['random', 'small_change', 'fraction', 'zero', 'sign_flip'],
             weights=[0.3, 0.4, 0.2, 0.05, 0.05],
99
             k=1
100
             [0]
101
102
             if strategy == 'random':
103
             mutated[gene_index] = random.uniform(self.var_range[0], self.var_range[1])
104
             elif strategy == 'small_change':
105
             change = random.gauss(0, 0.1)
106
             mutated[gene_index] += change
107
             elif strategy == 'fraction':
108
```

```
mutated[gene_index] = random.choice([0.5, 0.25, 0.75, 1.0, 2.0, -0.5, -1.0])
109
             elif strategy == 'zero':
110
             mutated[gene_index] = random.uniform(-0.1, 0.1)
             elif strategy == 'sign_flip':
             mutated[gene_index] = -mutated[gene_index]
114
             # Update mutation rate
115
             if self.adaptive_mutation:
116
             progress = min(1.0, generation / (max_generations * 0.7))
             self.current_mutation_rate = self.base_mutation_rate * (1.0 - 0.6 * progress
       )
             return mutated
120
             def solve(self, equations, max_time=300):
             var_count = len(equations)
             population = self.initialize_population(var_count)
             best_solution = None
126
             best_fitness = 0
128
             stagnation_counter = 0
129
             for generation in range(self.generations):
130
             # Evaluate population
             ranked_population = self.evaluate_population(population, equations)
             current_best_fitness = ranked_population[0][1]
133
134
             # Check for improvement
135
             if current_best_fitness > best_fitness:
136
137
             best_fitness = current_best_fitness
             best_solution = ranked_population[0][0].copy()
             stagnation_counter = 0
139
140
             stagnation counter += 1
141
142
143
             # Check termination conditions
             if best_fitness > 1e10: # Found exact solution
144
             break
145
146
             if stagnation_counter >= self.stagnation_limit:
147
             # Restart with new population
             population = self.initialize_population(var_count)
149
             self.restart_count += 1
150
             stagnation_counter = 0
151
             continue
152
             # Create next generation
154
             new_population = []
155
156
             # Elitism
             for i in range(self.elite_size):
158
159
             new_population.append(ranked_population[i][0])
160
             # Generate offspring
161
             while len(new_population) < self.pop_size:</pre>
162
             parent1 = self.selection(ranked_population)
163
             parent2 = self.selection(ranked_population)
164
             child = self.crossover(parent1, parent2)
165
```

```
child = self.mutation(child, generation, self.generations)
new_population.append(child)

population = new_population

return best_solution, best_fitness
```

Listing 13: کامل کال اس EnhancedGeneticEquationSolver

### ۲.۱۲ ضمیمه ب: مثالهای تست

```
def test_linear_2var():
             equations = [
             "2*x + 3*y - 7",
             "x - y - 1"
             ]
             return equations
             def test_nonlinear_2var():
             equations = [
             "x**2 + y**2 - 25",
10
             "x + y - 7"
12
             return equations
13
14
             def test_complex_3var():
15
             equations = [
16
             "x + y + z - 6",
17
             "2*x - y + z - 1"
18
             "x + 2*y - z - 2"
19
20
             ]
             return equations
             def solve_equations(equation_strings, solver):
23
24
             # Parse equations
25
             equations = []
             for eq_str in equation_strings:
26
             # Convert to lambda function
27
             variables = ['x', 'y', 'z', 'w'][:len(equation_strings)]
             eq_lambda = eval(f"lambda {', '.join(variables)}: {eq_str}")
29
             equations.append(eq_lambda)
30
31
32
             # Solve
             solution, fitness = solver.solve(equations)
33
34
35
             return solution
```

مختلف تست توابع : Listing 14

# ۳.۱۲ ضمیمه ج: جدول پارامترهای بهینه

اندازه تورنمنت	تعداد نسل	نرخ جهش	اندازه	نوع مسئله
			جمعیت	
k-h	1000-000	۲.۰-۱۵.۰	۳۰۰-۲۰۰	خطی سادہ
۵-۴	Y000-1000	۲۵.۰-۲.۰	۵۰۰-۳۰۰	خطی پیچیده
8-19	۳۰۰۰-۱۵۰۰	۳.۰-۲.۰	۶۰۰-۴۰۰	غيرخطي ساده
٧-۵	-٣٠٠٠	۳۵.۰-۲۵.۰	۸۰۰-۵۰۰	غيرخطي
	۵۰۰۰			پیچُیده
۵-۳	Y000-1000	۲.۰-۱۵.۰	۵۰۰-۳۰۰	کسری