به نام خدا



دانشگاه تهران پردیس دانشکدههای فنی دانشکده برق و کامپیوتر



سیستم های کنترل پیشرفته

فاز اول پروژه

نام و نام خانوادگی: محمد مهدی رحیمی – محمدرضا بختیاری شماره دانشجویی: ۸۱۰۱۹۷۴۸ – ۸۱۰۱۹۷۴۸

فهرست سوالات

Ψ	بخش دوم — مسائل شبیه سازی
٣	سوال ۱
۴	سوال ۲
۶	سوال ۳
Υ	سوال ۴
λ	سوال ۵
Λ	سوال ۶
١۵	سوال ۷
77	سوال ۸
۲۷	سوال ٩
۲۸	ىبوست:

بخش دوم – مسائل شبیه سازی

سوال ۱

$$X = \begin{bmatrix} x \\ \dot{x} \\ \varphi \\ \dot{\varphi} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_4 \\ x_4 \\ x_5 \end{bmatrix}$$

$$(M_0 + M_1) \dot{x}_V + F_V x_V + M_1 L \dot{x}_V GS(x_V) - M_1 L x_V Sin(x_V) = F$$

$$(I_S + M_1 L^V) \dot{x}_V + Cx_V - M_1 L g Sin(x_V) + M_1 L \dot{x}_V GS(x_V) = 0$$

$$(J_0 \dot{x}_V L \dot{x}_V) = \dot{x}_V =$$

$$X_{\circ} = \begin{bmatrix} \circ \\ \circ \\ \kappa_{\pi} \\ \circ \end{bmatrix} \qquad F_{\circ} = \begin{bmatrix} \circ \\ \circ \\ \circ \\ \circ \end{bmatrix}$$

توجه شود موقعیت ارابه (x_1) در نقطه تعادل سیستم بی تاثیر بوده و به صورت دلخواه و برای راحتی کار آن را صفر در نظر می گیریم $(x_1=0)$.

k همچنین زاویه آونگ (x_3) در نقطه تعادل به صورت $x_3=k\pi$ می باشد که به ازای مقادیر زوج k آونگ رو به بالا بوده و نقطه ی تعادل ناپایدار ما بوده و به ازای مقادیر فرد k آونگ رو به پایین خواهد بود که نقطه ی تعادل پایدار ما است .

$$A = \frac{\delta \dot{X}}{\delta x} \bigg|_{X}.$$

$$\beta = \frac{\delta \dot{X}}{\delta F} \mid \dot{X}.$$

در قست عبل نظم نفادل ۱۲ را به صورت ۲۸ = ۱۲ ما سبه کردیم و به ازای عادیر زوج و قرد ۲ ما ترسی مای A و B را ماسیم می کنم.

امانای عادید زوج X : م به مدرت هر ۲۸ , ۴۸ , ۰۰۰ مواهر شد و آوند روب سمت بالداست و نظمی تفادل نابایداراست.

ای ای سام نورد ۲ : ۴ به سرت ۲ , ۳ , ... هزاهر شد و آوند رو به ست یاسی است و نشاه ی تفادل یا بداراست.

$$\begin{cases} \dot{X} = AX + BF \\ Y = \begin{bmatrix} x \\ \varphi \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} X \end{cases}$$

به ازای دو حالت به دست آمده در قسمت قبل (آونگ رو به بالا و آونگ رو به پایین) با استفاده از ماتریس A و محاسبه ی مقدار حقیقی مقادیر ویژه آن , پایداری نقاط تعادل را بررسی می کنیم .

$$(\phi = 0 , 2\pi , 4\pi , \dots)$$
 حالت اول : آونگ رو به بالا

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -2.23 & -0.2505 & 0.005183 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 2.253 & 10.15 & -0.2101 \end{bmatrix} \Rightarrow \lambda_1 = 0, \lambda_2 \approx -3.3744, \lambda_3 \approx -2.1326, \lambda_4 \approx 3.06$$

از آنجایی که مقدار حقیقی یکی از مقادیر ویژه مثبت شد , متوجه می شویم که در این حالت , نقطه تعادل سیستم , ناپایدار خواهد بود .

از قبل هم می توانستیم با یک شهود تقریبی به این نتیجه برسیم , زیرا در حالتی که آونگ رو به بالا متعادل است , با کوچک ترین حرکت ارابه , آونگ به راحتی تعادل خود را از دست می دهد .

(
$$\phi = \pi$$
 , 3π , 5π , ...) حالت دوم : آونگ رو به پایین

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -2.23 & -0.2505 & -0.005183 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & -2.253 & -10.15 & -0.2101 \end{bmatrix} \Rightarrow \lambda_1 = 0, \lambda_2 \approx -2.19, \lambda_3 \approx -0.12, \lambda_4 \approx -0.12$$

مشاهده می کنیم تمامی مقادیر حقیقی مقادیر ویژه ماتریس A, منفی می باشد و در نتیجه نقطه تعادل سیستم در این حالت A, پایدار خواهد بود .

برای این سوال ماتریس C را تشکیل می دهیم تا کنترل پذیری را بررسی کنیم که داریم:

$$C = \begin{bmatrix} 0 & 0.223 & -0.4985 & 1.1708 \\ 0.223 & -0.4985 & 1.1708 & -2.7670 \\ 0 & -0.2253 & 0.5498 & -3.5253 \\ -0.2253 & 0.5498 & -3.5253 & 8.9586 \end{bmatrix} \Rightarrow Rank(C) = 4$$

پس کنترل پذیر می باشد

حال برای رویت پذیری ماتریس O را تشکیل می دهیم.

$$O = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & -2.23 & -0.2505 & 0.0052 \\ 0 & 2.253 & 10.15 & -0.2101 \\ 0 & 4.9846 & 0.6112 & -0.2631 \\ 0 & -5.4975 & -2.6969 & 10.2058 \end{bmatrix} \Rightarrow Rank(O) = 4$$

با محاسبه رتبه ماتریس O متوجه می شویم که رویت پذیر نیز می باشد.

با توجه به این که هم کنترل پذیر می باشد و هم رویت پذیر می باشد ، مینیمال نیز می باشد.

محاسبات را با استفاده از متلب نیز انجام میدهیم:

Controllability Matrix :

0	0.2230	-0.4985	1.1708
0.2230	-0.4985	1.1708	-2.7670
0	-0.2253	0.5498	-3.5253
-0.2253	0.5498	-3.5253	8.9586

Controllability matrix Rank is: 4

Observability Matrix :

0	0	0	1.0000
0	1.0000	0	0
0	0	1.0000	0
1.0000	0	0	0
0.0052	-0.2505	-2.2300	0
-0.2101	10.1500	2.2530	0
-0.2631	0.6112	4.9846	0
10.2058	-2.6969	-5.4975	0

Observability matrix Rank is: 4

شکل ۱ : محاسبه ماتریس کنترل پذیری و رویت پذیری

با توجه به رابطه زیر داریم:

$$G(s) = C(SI - A)^{-1}B + D$$

اگر برای هر خروجی متناسب با ماتریس C آن محاسبه کنیم داریم:

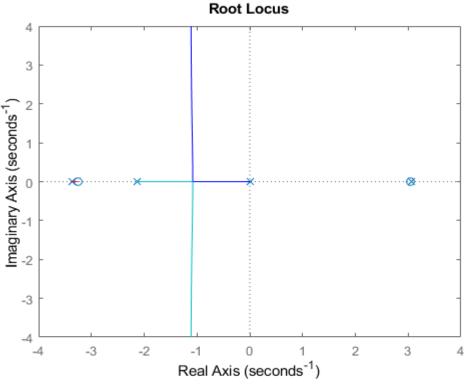
$$G_1(s) = \frac{(0.223s^2) + (0.04568s) - (2.207)}{s^4 + 2.44s^3 - 9.693s^2 - 22.07s}$$

$$G_2(s) = \frac{(-0.2253s^2) + (4.377e - 17s) + (1.532e - 16)}{s^4 + 2.44s^3 - 9.693s^2 - 22.07s}$$

سوال ۶

ابتدا صفر و قطب توابع تبدیل G_2 و G_2 را به دست می آوریم تا وضعیت پایداری آن ها را بررسی نماییم. سپس با استفاده از دستور pidTuner ضرایب مناسب PID را برای هر کدام محاسبه می کنیم .

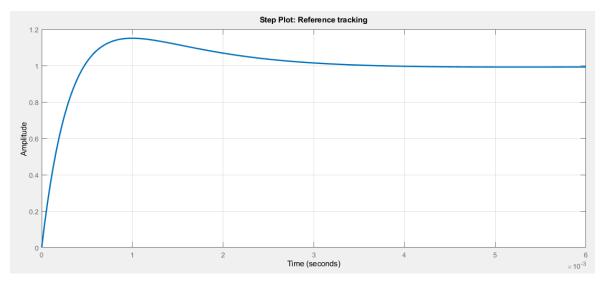
در ابتدا برای تابع تبدیل G1 داریم:



G1 شکل T : مکان هندسی صفرها و قطب های

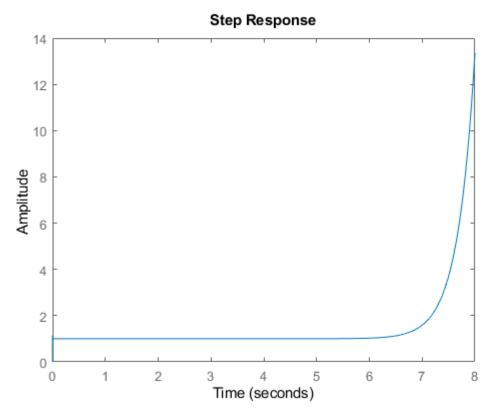
همان طور که مشاهده می کنیم تابع تبدیل G_1 دارای یک قطب با مقدار حقیقی مثبت می باشد که می تواند منجر به ناپایداری سیستم گردد . اگر چه یک صفر نیز در نزدیکی قطب ناپایدار وجود دارد که می تواند تاحدی اثر قطب ناپایدار را از بین ببرد .

در ادامه با استفاده از دستور pidTuner ضرایب مناسب PID را پیدا می کنیم :



شكل ٣: پاسخ پله سيستم Gl در حضور كنترلر PID تا زمان ۶ ميلي ثانيه

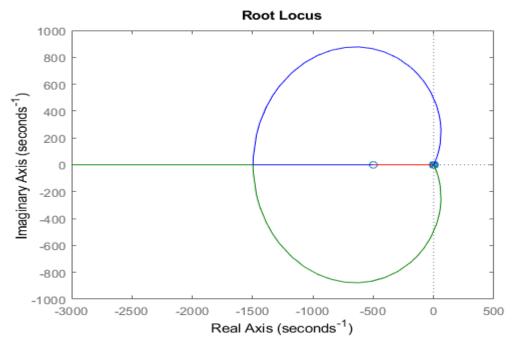
همان طور که مشاهده می کنیم پاسخ پله فوق تا زمان ۶ میلی ثانیه را به ما نشان می دهد که پاسخ به نظر پایدار می رسد , اما اگر پاسخ پله سیستم فوق را به ازای زمان ها طولانی تر رسم کنیم , مشاهده خواهیم کرد که سیستم به دست آمده ناپایدار خواهد بود :



شكل ۴: پاسخ پله سيستم Gl در حضور كنترلر PID تا زمان ۸ ثانيه

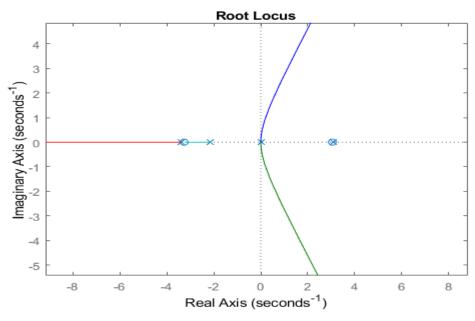
همان طور که مشاهده می کنیم سیستم ناپایدار است و علت نیز این است که کنترلر طراحی شده نتوانسته است اثر قطب ناپایدار را از بین ببرد .

برای بررسی دقیق تر مکان هندسی صفرها و قطب های سیستم در حضور کنترل کننده را رسم می کنیم:



شکل ۵ : نمای کلی از مکان هندسی صفر ها و قطب های سیستم G1 در حضور کنترل کننده

کمی بزرگنمایی شکل را بیشتر می کنیم تا به خوبی قطب ناپایدار را مشاهده نماییم:



شکل ۶: مگان هندسی صفرها و قطب های سیستم Gl در حضور کنترل کننده با بزرگ نمایی بیشتر

مشاهده می کنیم کنترل کننده PID طراحی شده به خوبی نمی تواند شرط پایداری سیستم را برآورده سازد و اثر قطب ناپایدار سیستم از بین نرفته و کمافی السابق (بدون حضور کنترل کننده) سیستم ناپایدار است .

در انتها ضرایب به دست آمده برای کنترلر PID و همچنین برخی از مشخصات پاسخ پله سیستم (درصد فراجهش , زمان نشست , ...) را در حضور کنترل کننده ذکر می کنیم :

	Tuned
Кр	19067935.3005
Ki	4760795018.0937
Kd	19092.7227
Tf	n/a
Performance and Robustnes	_
	Tuned
	_
Performance and Robustnes Rise time Settling time	Tuned
Rise time	Tuned 0.000345 seconds
Rise time Settling time	Tuned 0.000345 seconds 0.00284 seconds
Rise time Settling time Overshoot Peak	Tuned 0.000345 seconds 0.00284 seconds 15 %
Rise time Settling time Overshoot	Tuned 0.000345 seconds 0.00284 seconds 15 % 1.15

شکل ۲ : پارامتر ها و ضرایب به دست آمده برای G1

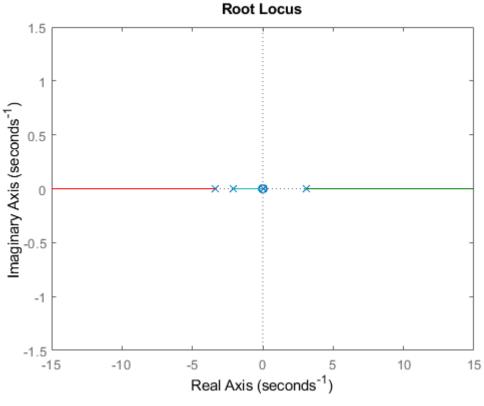
که با توجه به شکل ضرایب به شکل زیر بدست آمده اند:

Kp = 19067935.3005 Ki = 4760795018.0937 Kd = 19092.7227

و تابع تبدیل کنترلر PID مربوط به سیستم $G_1(s)$ به این صورت خواهد بود :

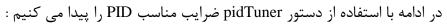
1.909e04 s^2 + 1.907e07 s + 4.761e09

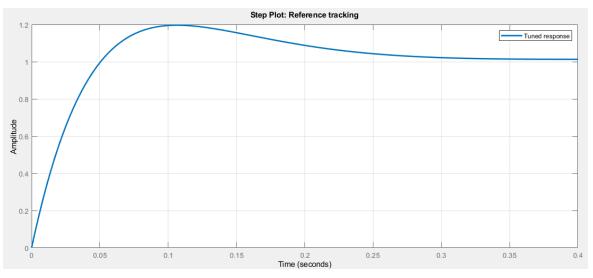
و برای سیستم G2 داریم:



G2 شکل A : مکان هندسی صفرها و قطب های

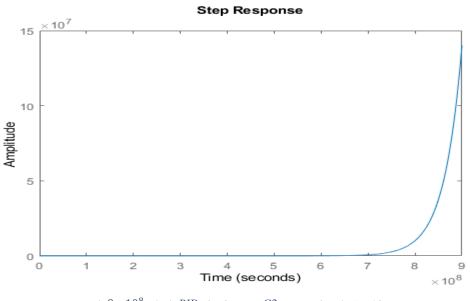
همان طور که مشاهده می کنیم تابع تبدیل G_2 دارای یک قطب با مقدار حقیقی مثبت می باشد که منجر به ناپایداری سیستم می گردد .





شكل ۹: پاسخ پله سيستم G2 در حضور كنترلر PID تا زمان ۰٫۴ ثانيه

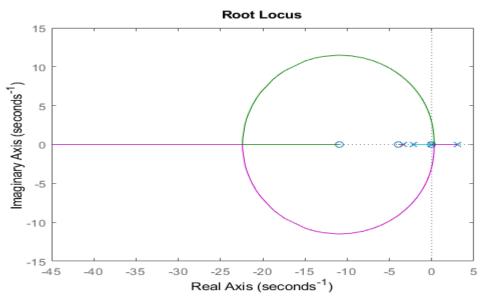
همان طور که مشاهده می کنیم پاسخ پله فوق تا زمان ۴,۰ ثانیه را به ما نشان می دهد که پاسخ به نظر پایدار می رسد , اما اگر پاسخ پله سیستم فوق را به ازای زمان ها طولانی تر رسم کنیم , مشاهده خواهیم کرد که سیستم به دست آمده ناپایدار خواهد بود :



شكل ۱۰: پاسخ پله سيستم G2 در حضور كنترلر PID تا زمان 9*10* ثانيه

همان طور که مشاهده می کنیم سیستم ناپایدار است و اگر چه تا زمان بسیار زیادی خروجی پایدار می باشد ولی به ازای زمان های طولانی تر (۷۰۰ مگا ثانیه!) خروجی سیستم ناپایدار شده و علت نیز این است که کنترلر طراحی شده نتوانسته است اثر قطب ناپایدار را به خوبی از بین ببرد .

برای بررسی دقیق تر مکان هندسی صفرها و قطب های سیستم در حضور کنترل کننده را رسم می کنیم :



شکل ۱۱ : نمای کلی از مکان هندسی صفر ها و قطب های سیستم G2 در حضور کنترل کننده

مشاهده می کنیم کنترل کننده PID طراحی شده به خوبی نمی تواند شرط پایداری سیستم را برآورده سازد و اثر قطب ناپایدار سیستم از بین نرفته و کمافی السابق (بدون حضور کنترل کننده) سیستم ناپایدار است .

در انتها ضرایب به دست آمده برای کنترلر PID و همچنین برخی از مشخصات پاسخ پله سیستم (درصد فراجهش , زمان نشست , ...) را در حضور کنترل کننده ذکر می کنیم :

	Tuned
Кр	-2265.1081
Ki	-6579.8749
Kd	-152.421
Tf	n/a
Performance and Robustnes	-
Performance and Robustnes	s Tuned
	-
Rise time	Tuned
Rise time Settling time	Tuned 0.0381 seconds
Rise time Settling time Overshoot	Tuned 0.0381 seconds 0.307 seconds
Rise time Settling time Overshoot	Tuned 0.0381 seconds 0.307 seconds 19.6 %
Rise time Settling time Overshoot Peak	Tuned 0.0381 seconds 0.307 seconds 19.6 % 1.2

شکل ۱۱: پارامتر ها و ضرایب به دست آمده برای G2

که با توجه به شکل ضرایب به شکل زیر بدست آمده اند:

$$Kp = -2265.1081$$
 $Ki = -6579.8749$ $Kd = -152.421$

و تابع تبدیل کنترلر PID مربوط به سیستم $G_2(s)$ به این صورت خواهد بود :

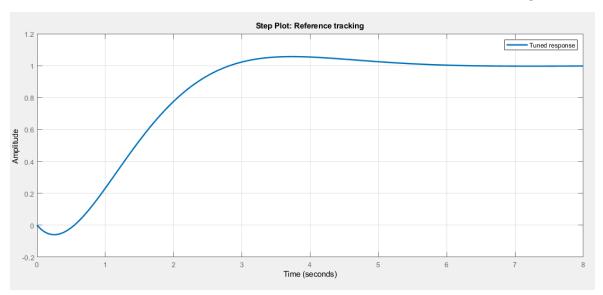
این سوال را یک بار به صورت دستی و یک بار با استفاده از ابزار Sisotool انجام می دهیم و مشاهده می کنیم نتایج به دست آمده بسیار نزدیک به هم می باشند .

روش اول : حذف صفر و قطب به صورت دستی

در این بخش با توجه به خواسته ابتدا با دستور pole در متلب قطب های تابع تبدیل را پیدا می کنیم سپس به صورت دستی یک صفر ایجاد می کنیم به نحوی که با قطب ناپایدار ساده شده و اثر نامطلوب آن را از بین ببرد.

در انتها نیز همانند سوال ۶ با استفاده از pidTuner یک بهره $^{\prime}$ برای سیستم پیدا می کنیم که سیستم پایدار شود .





شكل ۱۲: تنظيم ضرايب PID براى 1

·	
Tuned	
-2.28	
n/a	
n/a	
n/a	
	-2.28 n/a n/a

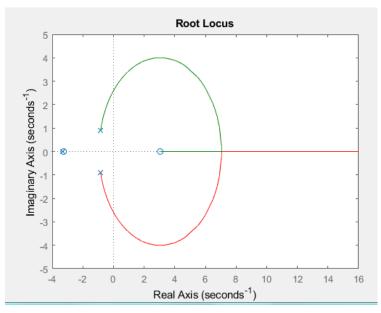
Performance and Robustness

	Tuned
Rise time	1.59 seconds
Settling time	5.12 seconds
Overshoot	5.67 %
Peak	1.06
Gain margin	12.8 dB @ 2.6 rad/s
Phase margin	60 deg @ 0.683 rad/s
Closed-loop stability	Stable

شکل ۱۳ : پارامتر ها و ضرایب به دست آمده برای G1

: قطب ناپایدار آن در 7,0999 می باشد که یعنی کنترلر ما به شکل زیر است C = -2.28(s-3.0669)

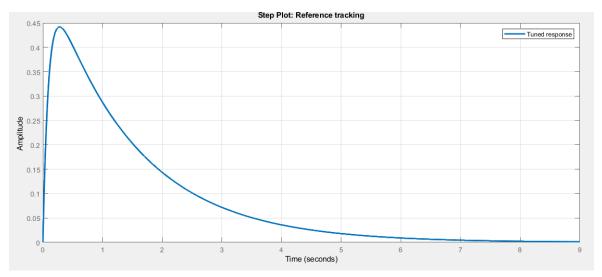
در سوال قبل مكان هندسى قطب ها و صفر ها را مشاهده كرديم حال پس از اعمال كنترلر و تغييرات انجام شده اگر مكان هندسى را رسم كنيم داريم :



شکل ۱۴ : نمای کلی از مکان هندسی صفر ها و قطب های سیستم G1 در حضور کنترل کننده

همانطور که مشاهده می شود قطب ناپایداری دیگر وجود ندارد.

حال برای G2 داریم:



شكل ۱۵: تنظيم ضرايب PID براى 62

Controller Parameters		
	Tuned	
Кр	-24.7018	
Kp Ki	n/a	
Kd	n/a	
Tf	n/a	

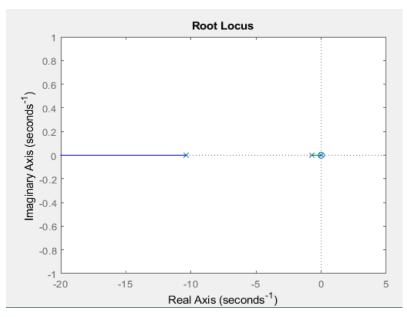
Performance and Robustness

T chomiance and Robustines	-
	Tuned
Rise time	4.63e-06 seconds
Settling time	6.02 seconds
Overshoot	1.44e+06 %
Peak	0.442
Gain margin	325 dB @ 3.33e-08 rad/s
Phase margin	90 deg @ 8.3e-16 rad/s
Closed-loop stability	Stable

شکل ۱۶: پارامتر ها و ضرایب به دست آمده برای G2

: در این تابع تبدیل نیز قطب ناپایدار در ۳٫۰۶۶۹ می باشد که یعنی کنترلر ما به شکل زیر است C = -24.7018(s-3.0669)

در سوال قبل مكان هندسى قطب ها و صفر ها را مشاهده كرديم حال پس از اعمال كنترلر و تغييرات انجام شده اگر مكان هندسى را رسم كنيم داريم :



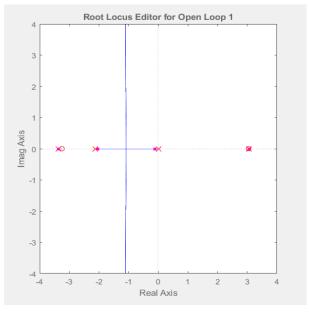
شکل ۱۷ : نمای کلی از مکان هندسی صفر ها و قطب های سیستم G2 در حضور کنترل کننده

همانطور که مشاهده می شود قطب ناپایداری دیگر وجود ندارد.

روش دوم : استفاده از ابزار Sisotool

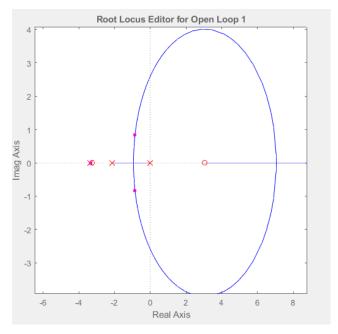
حال از ابزار Sisotool استفاده می کنیم. در ابتدا تنظیمات ابتدایی را انجام می دهیم سپس با باز شدن پنجره ابزار می توان مکان هندسی قطب ها و صفر ها را مشاهده کرد. با توجه به مکان هندسی می توان قطب های ناپایدار را به راحتی با این ابزار حذف کرد.

ابتدا برای G1 مکان هندسی را به شکل زیر داریم :

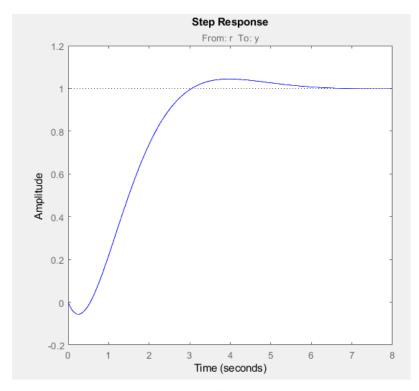


G1 شکل A : مکان هندسی قطب ها و صفر های

حال اگر قطب ناپایدار را حذف کنیم داریم:



شکل ۱۹ : مکان هندسی قطب ها و صفر های G1 بعد از حذف قطب ناپایدار



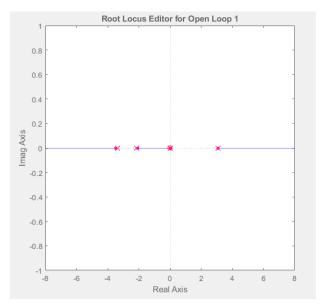
شكل ۲۰ : پاسخ پله G1 بعد از حذف قطب ناپایدار

که کنترلر آن به شکل زیر می شود:

-2.1599 (s-3.067)

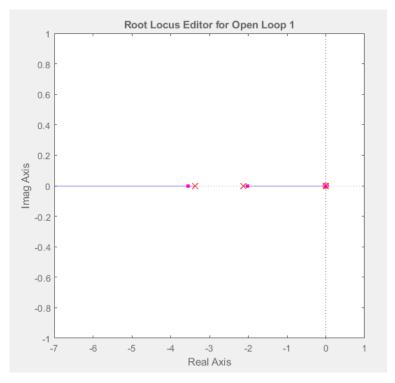
GI شکل T : کنترلر محاسبه شده برای

همانطور که مشاهده می شود نتیجه بسیار نزدیک به حالت قبل می باشد. حال اگر همین کار ها را برای G2 تکرار کنیم داریم:

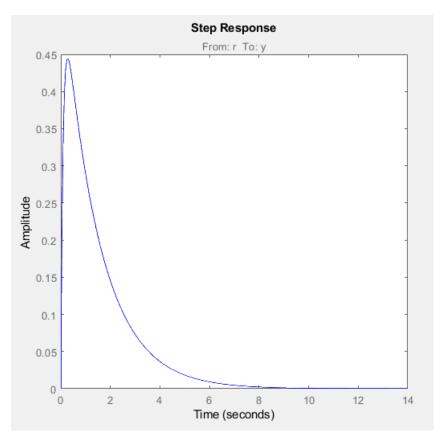


شکل ۲۲ : مکان هندسی قطب ها و صفر های G2

حال اگر قطب ناپایدار را حذف کنیم داریم :



شکل ۲۳ : مکان هندسی قطب ها و صفر های G2 بعد از حذف قطب ناپایدار



شكل ۲۴ : پاسخ پله G2 بعد از حذف قطب ناپايدار

که کنترلر آن به شکل زیر می باشد:

-24.961 (s-3.067)

شکل ۲۵: کنترلر محاسبه شده برای ۲۵

همانطور که مشاهده می شود نتیجه بسیار نزدیک به حالت قبل می باشد .

اما با توجه به مباحث تدریس شده در کلاس می دانیم که هر چند بتوان سیستم را به این شکل پایدار کرد که به صورت BIBO پایدار باشد ، ممکن است با حذف صفر و قطب ترم هایی در معادلات حالت باشد که پایدار نباشند اما در خروجی نمایش داده نشوند , همچنین در واقعیت پیاده سازی کنترلر PD به نحوی که بتواند صفری ایجاد کند که به صورت دقیق قطب ناپایدار را حذف کند , غیر ممکن است .

حتی در صورتی هم که بتوانیم کنترلر PD ای طراحی کنیم که قادر باشد به صورت دقیق قطب ناپایدار را حذف کند , اگر چه خروجی سیستم کراندار است و سیستم از بیرون پایدار به نظر می رسد و مشکلی ندارد اما می دانیم کراندار بودن خروجی سیستم لزوما کراندار بودن همه حالت های سیستم را نتیجه نمی دهد و با حذف صفر و قطب به صورت ذکر شده , اگر چه خروجی سیستم پایدار می شود اما ممکن است حالت های درون سیستم کراندار نباشند و دچار مشکل شوند و سیستم پایدار داخلی نباشد .

ابتدا دیاگرام بلوکی داده شده را ساده کرده و خروجی ها را بر حسب ورودی های $x_d(t)$ و $x_d(t)$ و را بر حسب ورودی های به دست آمده از سوال $G_2(s)$ و $G_2(s)$ و $G_2(s)$ و $G_2(s)$ و $G_2(s)$ و $G_3(s)$ بنویسیم .

به علت این که کنترل کننده های طراحی شده در سوال ۶ کماکان منجر به ناپایداری سیستم می شدند از کنترل کننده های سوال ۷ که سیستم را پایدار می کردند استفاده کردیم .

معادلات حاکم بر دیاگرام بلوکی پس از ساده سازی:

$$\begin{split} x(s) &= \\ &\frac{\left(1 + G_2(s)C_2(s)\right) * \left(G_1(s)C_1(s)x_d(s) + G_1(s)C_2(s)\varphi_d(s)\right) - G_1(s)G_2(s)C_2(s)[C_1(s)x_d(s) + C_2(s)\varphi_d(s)]}{1 + G_1(s)C_1(s) + G_2(s)C_2(s) + 2G_1(s)C_1(s)G_2(s)C_2(s)} \end{split}$$

$$\begin{split} \varphi(s) &= \\ &\frac{\left(1 + G_1(s)C_1(s)\right) * \left(G_2(s)C_1(s)x_d(s) + G_2(s)C_2(s)\varphi_d(s)\right) - G_1(s)G_2(s)C_1(s)[C_1(s)x_d(s) + C_2(s)\varphi_d(s)]}{1 + G_1(s)C_1(s) + G_2(s)C_2(s) + 2G_1(s)C_1(s)G_2(s)C_2(s)} \end{split}$$

که در آن ورودی های مطلوب $arphi_d$, x_d برابر خواهد بود با :

$$\varphi_d(t) = 0 \quad \Rightarrow \quad \varphi_d(s) = 0$$

$$x_d(t) = \left(0.4 * U(t - 30) - 0.4 * U(t - 60)\right) - \left(0.4 * U(t - 60) - 0.4 * U(t - 90)\right) \quad \Rightarrow$$

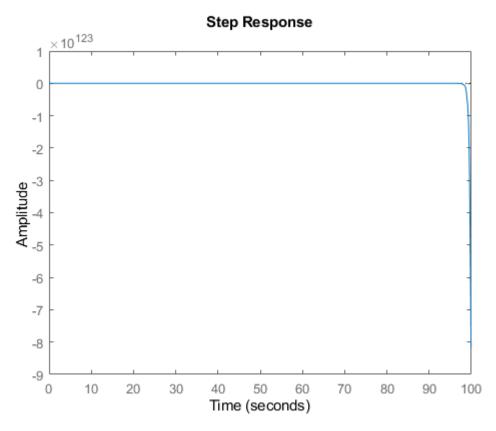
$$x_d(s) = 0.4 * \frac{e^{-30s}}{s} - 0.8 * \frac{e^{-60s}}{s} + 0.4 * \frac{e^{-90s}}{s}$$

سیستم تک ورودی – چند خروجی خواسته شده را به ۲ طریق پیاده سازی می کنیم .

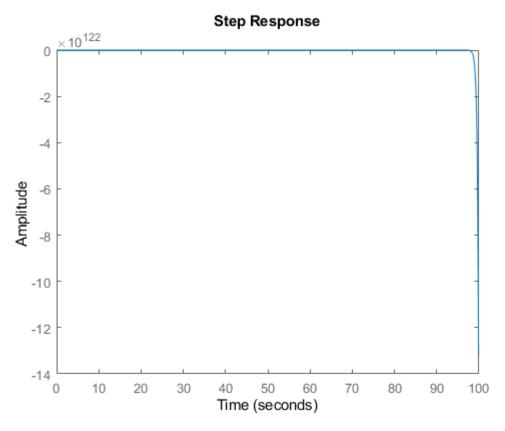
روش ١:

در این روش بدون استفاده از تقلیل مرتبه که در سوال ۷ استفاده کردیم , پیاده سازی را انجام می دهیم و با توجه به این که در این روش صفر کنترلر PD نمی تواند به صورت دقیق روی قطب ناپایدار قرار گیرد و اثر نامطلوب آن را خنثی کند انتظار داریم خروجی نیز ناپایدار شود .

در ادامه , موقعیت ارابه و زاویه ی پاندول را مشاهده می کنیم :



شكل ۲۶ : خروجي موقعيت ارابه زماني كه از تقليل مرتبه استفاده نمي كنيم .



شكل ۲۷ : خروجي زاويه پاندول زماني كه از تقليل مرتبه استفاده نمي كنيم .

مشاهده می کنیم به علت این که صفر کنترلر های PD استفاده شده دقیقا بر روی قطب ناپایدار قرار نگرفته اند , اثر نامطلوب قطب ناپایدار از بین نرفته و هر دو خروجی سیستم ناپایدار شده اند .

کما اینکه در واقعیت نیز با همچین چالشی مواجه هستیم و به صورت دقیق نمی توانیم با اضافه کردن کنترل PD نمی PD باز بین ببریم و به علت موارد ذکر شده کنترل کننده PD نمی تواند سیستم مذکور را کنترل کند .

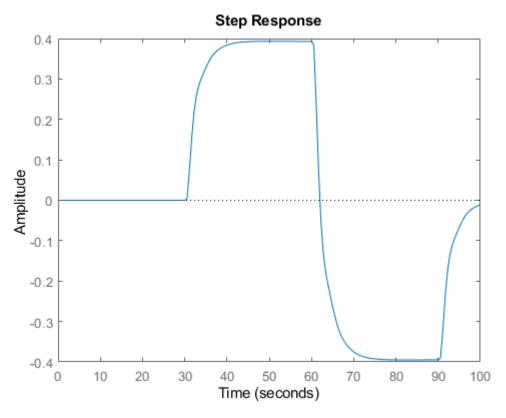
در ادامه با استفاده از تقلیل مرتبه سیستم را کنترل می کنیم , اگر چه می دانیم استفاده از تقلیل مرتبه در واقعیت غیر ممکن است و نمی توان به این صورت درجه ی یک سیستم را کم کرد .

روش ۲:

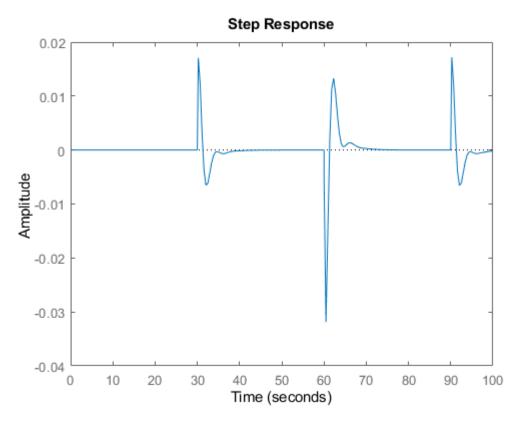
در این روش با استفاده از تقلیل مرتبه به کار گرفته شده در سوال $\frac{V}{V}$, سعی می کنیم سیستم مورد نظر را پایدار نماییم .

به این صورت که به صورت دستی صفر کنترلر PD را با قطب ناپایدار ساده می کنیم و انتظار داریم خروجی مورد نظر نیز پایدار شود .

در ادامه , موقعیت ارابه و زاویه ی پاندول را مشاهده می کنیم :



شکل ۲۸ : خروجی موقعیت ارابه زمانی که از تقلیل مرتبه استفاده می کنیم .



شكل ۲۹ : خروجي زاويه پاندول زماني كه از تقليل مرتبه استفاده مي كنيم .

مشاهده می کنیم موقعیت پاندول تا حد مطلوبی توانسته است ورودی خود (x_a) را دنبال کند و بدون هیچ بالازدگی و تنها کمی زمان نشست خواسته ما را تا حد مطلوبی برآورده کند .

زاویه ی پاندول هم به خوبی مرجع خود (φ_a) را دنبال کرده و فقط در زمان هایی که ارابه موقعیت خود را تغییر داده مقدار کمی (درحد صدم درجه) بالازدگی دارد .

با توجه به موارد ذکر شده می دانیم در عمل پیاده سازی این روش غیر ممکن است و طراحی صفر کنترلر PD به نحوی که بتواند قطب ناپایدار را از بین ببرد غیر ممکن است و در واقعیت نمی توان به این صورت درجه ی سیستم را کاهش داد .

[\] Overshoot

^r Settling Time

در سوال ۶ دیدیم کنترلر PID نمی تواند سیستم مورد نظر را به پایداری برساند و صفرهای کنترلر مورد نظر قادر به از بین بردن قطب ناپایدار نبوده و نتوانسته است اثر نامطلوب آن را خنثی کند .

در سوال ۷ با استفاده از تقلیل مرتبه و به نوعی به صورت دستی کنترلر PD را طراحی کردیم به گونه ای که اطمینان داشته باشیم صفر کنترل کننده با قطب ناپایدار ساده شده و اثر نامطلوب آن را به صورت کامل از بین می برد .

در عمل روش ذکر شده غیرممکن است و پیاده سازی آن امکان ندارد . زیرا نمی توانیم کنترلر PD ای طراحی کنیم که به صورت کاملا دقیق صفری ایجاد کند که کاملا با قطب ناپایدار ساده شده و اثر آن را از بین ببرد . از طرفی می دانیم در واقعیت نمی توانیم به این صورت درجه ی سیستم را کم کنیم و از تقلیل مرتبه استفاده کنیم .

حتی در صورتی هم که بتوانیم کنترلر PD ای طراحی کنیم که قادر باشد به صورت دقیق قطب ناپایدار را حذف کند , اگر چه خروجی سیستم کراندار است و سیستم از بیرون پایدار به نظر می رسد و مشکلی ندارد اما می دانیم کراندار بودن خروجی سیستم لزوما کراندار بودن همه حالت های سیستم را نتیجه نمی دهد و با حذف صفر و قطب به صورت ذکر شده , اگر چه خروجی سیستم پایدار می شود اما ممکن است حالت های درون سیستم کراندار نباشند و دچار مشکل شوند و سیستم پایدار داخلی نباشد .

در نتیجه کنترلر هایی که در این پروژه دیدیم و طراحی کردیم اگر چه در برخی موارد در شبیه سازی ها کارآمد بودند و منجر به پایداری سیستم شدند , اما باتوجه به دلایل ذکر شده , پیاده سازی آن ها در عمل غیر ممکن است .

		پیوست:
, نسخه های R 2020 b و R 2018 b اجرا و تست	ها و کد های ارسالی در نرم افزار متلب ,	تمامی فایل ه شده اند .
	YA	