

پایاننامه دوره کارشناسی ارشد

مهندسی برق

## ارائه فرمول بندی یکپارچه بهینه سازی مبتنی بر گراف به منظور کالیبراسیون و تخمین حالت ربات

محمدرضا ديندارلو

استاد راهنما

دكتر حميدرضا تقى راد

تابستان ۱۴۰۳



پایاننامه دوره کارشناسی ارشد مهندسی برق

عنوان

ارائه فرمول بندی یکپارچه بهینه سازی مبتنی بر گراف به منظور کالیبراسیون و تخمین حالت ربات

> نگارش محمدرضا دیندارلو

> > استاد راهنما

دكتر حميدرضا تقى راد

استادان مشاور

دكتر فليپ كاردو و دكتر سيد احمد خليل پور

تابستان ۱۴۰۳



تقديم به:

به آنان که با علم خود زندگی آزاد میسازند



## تأییدیهٔ هیئت داوران جلسهی دفاع از پایاننامهٔ کارشناسی ارشد

هیأت داوران پس از مطالعه ی پایان نامهٔ و شرکت در جلسه ی دفاع از پایان نامهٔ تهیه شده با عنوان «ارائه فرمول بندی یکپارچه بهینه سازی مبتنی بر گراف به منظور کالیبراسیون و تخمین حالت ربات» توسط آقای / خانم محمدرضا دیندارلو صحت و کفایت تحقیق انجام شده را برای اخذ درجه ی کارشناسی ارشد در رشته ی مهندسی برق در تاریخ تابستان ۱۴۰۳مورد تأیید قرار دادند.

امضا		 			•	 	•	 									٤. ٤	ر راه	تقى	ۣضا	يدر	حه	دكتر	ا: د	إهنم	تاد ر	اس	۱.
امضا	• •	 • •	• •			 • •		 •	 •		•			•	••				و .	کارد	پ ک	فلي	دكتر	ر: ۱	شاو	تاد م	اس	۲.
امضا		 				 	•	 	 	•		•			• •	•••	پور	ليل	، خا	حمد	د ا-	ٍسيا	دكتر	ر: ۱	شاو	تاد م	اس	۳.
امضا	• • •	 	. • .			 			 		•							لی	داخ	اور ،	نر دا	دک	ىلى:	داخ	اور د	تاد د	اس	۴.
امضا	• • •	 		• •		 			 					•					ی .	ارج,	ۣخا	داور	کتر ۱	ٍ: دُ	دعو	تاد م	اس	۵.
امضا		 				 		 					. 0.	اىند	نما	کتر	: دَ	کدہ	نشَ	. , دا	مىلے	، تک	لات	صبا	تحد	اىندة	نم	۶.



#### اظهارنامه دانشجو

اینجانب محمدرضا دیندارلو به شماره دانشجویی ۴۰۰۳۰۸۲۴ دانشجوی کارشناسی ارشد رشتهی مهندسی برق دانشکده برق دانشگاه خواجه نصیرالدین طوسی گواهی مینمایم که تحقیقات ارائه شده در این پایاننامه با عنوان:

#### ارائه فرمول بندی یکپارچه بهینه سازی مبتنی بر گراف به منظور کالیبراسیون و تخمین حالت ربات

توسط اینجانب انجام و بدون هرگونه دخل و تصرف است و موارد نسخه برداری شده از آثار دیگران را با ذکر کامل مشخصات منبع ذکر کرده ام. در صورت اثبات خلاف مندرجات فوق، به تشخیص دانشگاه مطابق با ضوابط و مقررات حاکم (قانون حمایت از حقوق مؤلفان و مصنفان و قانون ترجمه و تکثیر کتب و نشریات و آثار صوتی، ضوابط و مقررات آموزشی، پژوهشی و انضباطی و غیره) با اینجانب رفتار خواهد شد. در ضمن، مسئولیت هرگونه پاسخگویی به اشخاص اعم از حقیقی و حقوقی و مراجع ذی صلاح (اعم از اداری و قضایی) به عهده ی اینجانب خواهد بود و دانشگاه هیچ گونه مسئولیتی در این خصوص نخواهد داشت.

نام و نام خانوادگی دانشجو: محمدرضا دیندارلو تاریخ و امضای دانشجو:



## حق طبع، نشر و مالكيت نتايج

حق چاپ و تکثیر این پایان نامه متعلق به نویسندگان آن می باشد. بهره برداری از این پایان نامه در چهارچوب مقررات کتابخانه و با توجه به محدودیتی که توسط استاد راهنما به شرح زیر تعیین می گردد، بلامانع است:

ت.	ن و با ذكر منبع، بلامانع اسم	از این پایاننامه برای همگا	🗆 بهرهبرداري
نبع، بلامانع است.	وز از استاد راهنما و با ذکر من	از این پایاننامه با اخذ مجو	🛘 بهرهبرداري
	ممنوع است.	از این پایاننامه تا تاریخ	🛘 بهرهبرداري
امض		حميدرضا تقى راد	استاد راهنما: دكتر
امضا			
		سيد احمد خليل يور	استاد مشاور: دکت

#### قدرداني

اکنون که به یاری پروردگار و یاری و راهنمایی اساتید بزرگ موفق به پایان این رساله شده ام وظیفه خود دانشته که نهایت سپاسگزاری را از تمامی عزیزانی که در این راه به من کمک کرده اند را به عمل آورم: در آغاز از استاد بزرگ و دانشمند جناب آقای اسرکار خانم .... که راهنمایی این پایانامه را به عهده داشته اند کمال تشکر را دارم. از جناب آقایان / خانمها .... که اساتید مشاور این پایانامه بوده اند نیز قدردانی می نمایم. از داوران گرامی ... که زحمت داوری و تصحیح این پایانامه را به عهده داشتند کمال سپاس را دارم. خالصانه از تمامی اساتید و معلمان و مدرسانی که در مقاطع مختلف تحصیلی به من علم آموخته و مرا از سرچشمه دانایی سیراب کرده اند متشکرم. از کلیه هم دانشگاهیان و همراهان عزیز، دوستان خوبم خانمها و آقایان .... نهایت سپاس را دارم.

و در پایان این پایاننامه را تقدیم میکنم به .... که با حضورش و همراهی اش همیشه راه را به من نشان داده و مرا در این راه استوار و ثابت قدم نموده است.

محمدرضا دیندارلو تاستان ۱۴۰۳

## چکیده

واژگان کلیدی

## فهرست مطالب

فهرست ته	ماوير	پ
فهرست ج	نداول	ت
فهرست الاً	گوريتمها	ث
فهرست بر	نامهها	ج
فصل ۱:	مقدمه	١
فصل ۲:	مروری بر مطالعات انجام شده	٣
فصل ۳:	موقعیتیابی و کالیبراسیون به صورت همزمان یک ربات کابلی با در نظر گرفتن کابلها	
	به صورت جسم صلب	۵
1.7	مقدمه	۵
	۱.۱.۳ روش های مرسوم مسئله کالیبراسیون	۶
	۱.۱.۱.۳ ترکیب حسگر ها	٧
	۲.۱.۱.۳ ترکیب شبه اندازه گیری ها	٨
	۲.۱.۳ روش های مرسوم مسئله موقعیت یابی	٨
	۳.۱.۳ رویکرد گراف مبنا برای حل مسئله کالیبراسیون و موقعیت یابی به صورت همزمان	١٠
	۱.۳.۱.۳ سان الگوريتم گراف عامل	١١

فهرست مطالب

	۲.۳.۱.۳ گراف عامل پیشنهادی برای کالیبراسیون و موقعیت یابی به صورت	
	همزمان	11
	۴.۱.۳ انتخاب ربات مناسب جهت توسعه الگوريتم	11
	۵.۱.۳ توسعه گراف عامل برای یک ربات چهار کابلی فروتحریک با فرض کابل صلب	۱۲
فصل ۴:	موقعیتیابی و کالیبراسیون به صورت همزمان یک ربات کابلی با در نظر گرفتن شکم	
	دهی کابلها	۱۳
فصل ۵:	نتیجه گیری و پیشنهادات برای آینده	۱۵
مراجع		۱۷
پيوست آ:	آشنایی سریع با برخی دستورات لاتک	19
پيوست ب	: جدول، نمودار و الگوریتم در لاتک	۲۱
پيوست پ	<ul><li>ب: مراجع، واژهنامه و حاشیهنویسی</li></ul>	۲۳

## فهرست تصاوير

## فهرست جداول

## فهرست الگوريتمها

## فهرست برنامهها

فهرست برنامهها

### مقدمه

در این بخش، به مرور کارهای انجام شده پیشین در این موضوع پرداختهایم. سپس، به بررسی ضعفها و خلأهای موجود در این حوزه می پردازیم. پس از آن، فرضیات مطرحشده در تحقیق حاضر توضیح داده می شوند. در ادامه، به معرفی دقیق تحقیقات انجام شده توسط خودمان می پردازیم، که شامل بخشهایی است که به عنوان novelty در نظر گرفته شده اند. باید توجه داشت که موارد مطرح شده در این فصل باید مختصر و کلی باشند، و جزئیات بیشتر به فصلهای آتی اختصاص داده شود.

## مروری بر مطالعات انجام شده

این بخش باید حداکثر شامل ۲۵ صفحه باشد و به پیشینه تحقیق و استناد به کارهای پیشین در این حوزه بپردازد. این بخش متشکل از سه قسمت است که به ترتیب به کالیبراسیون، موقعیت یابی، و فکتور گراف می پردازند.

موقعیتیابی و کالیبراسیون به صورت همزمان یک ربات کابلی با در نظر گرفتن کابلها به صورت جسم صلب

#### ۱.۳ مقدمه

همانطور که در فصل قبل ذکر شد، اگرچه سنسورهای فضای مفصل سریع و ارزان هستند، اما زمانی که از آنها برای اندازه گیری مقادیر مجری نهایی استفاده می شود، دقت مدل سینماتیکی برای تعیین دقت قابل دستیابی بسیار مهم است. علاوه بر این، در زمینه همجوشی و ترکیب اندازه گیری ها، هم ثبت کردن داده ها [۱] اولین گام اساسی است. به عبارت دیگر، حسگرها باید اندازه گیری های خود را در یک مختصات یکپارچه ارائه دهند. اهمیت هم ثبت به دلیل فرض اساسی نویز گاوسی با میانگین صفر در الگوریتم های ترکیب داده ها است.

نکته قابل توجه دیگر برای رباتهای آسان نصب، لزوم بی نیازی الگوریتم کالیبراسیون پیشنهادی به حسگرهای گران قیمت و یا حسگرهایی که نیاز به تعمیر و نگهداری سطح بالایی دارند، می باشد. علاوه بر این، فرآیند کالیبراسیون باید به اندازهای ساده باشد که اجرای آن در مکانهای مختلف آسان و سریع باشد. با اینکه کالیبراسیون موضوعی است که بسیاری از پژوهشگران به آن علاقه مند هستند، اما مفهوم بهره گیری از چندین حسگر برای بهبود نتایج کمتر مورد توجه قرار گرفته است.

از طرفی دیگر، افزون بر مفهوم و ضرورت کالیبراسیون در حوزه رباتها، موقعیتیابی آنها نیز مورد توجه



شکل ۱.۳

بسیاری قرار گرفته است. همانطور که پیشتر بیان شد، الگوریتمهای بسیاری در راستای ترکیب حسگرها و همچنین کاهش زمان پردازش برای موقعیتیابی ربات به صورت زمان-واقعی در انواع دیگر رباتها همچون رباتهای خودران مورد استفاده قرار گرفته است.

در این فصل مروری بر روشهای مرسوم کالیبراسیون و موقعیتیابی رباتها خواهیم داشت. سپس نگاهی به معایب این روشها خواهیم داشت و برای حل آنها رویکردی را ارائه خواهیم داد که معایب این روشها را برطرف کند. در نهایت با استفاده از این رویکرد، یک ربات کابلی را در نظر خواهیم گرفت و با اعمال رویکرد مطرح شده، نتایج کالیبراسیون و موقعیتیابی را به صورت همزمان ارائه خواهیم داد.

#### ۱.۱.۳ روش های مرسوم مسئله کالیبراسیون

به صورت کلی، انتظار می رود چنانچه به یک ربات در دنیای واقع یک ورودی مشخص اعمال شود، با اعمال همان ورودی به مدل پاسخی یکسان دریافت شود. با این حال همواره وجود نامعینی ها و عدم دقیق بودن پارامتر های مدل در واقعیت ما را از رسیدن به چنین پاسخی ایده آل باز می دارد. این نامعینی ها می تواند ناشی از تقریب هایی باشد که در مدل داریم و یا پدیده هایی که در مدل سازی مورد توجه کامل قرار نگرفته اند. جنس این نامعینی ها می تواند ریشه در سینماتیک ربات و یا دینامیک آن باشد. فرآیند کالیبراسیون می تواند این نامعینی ها را در جهتی کاهش دهد که پاسخ هایی که از مدل و ربات در پیاده سازی واقعی دریافت می کنیم، کاهش پیدا کند. آنچه در این کار مورد بررسی قرار گرفته است کالیبراسیون سینماتیکی می باشد. شکل ۱.۳ نمایش بلوکی از یک فرآیند کالیبراسیون سینماتیکی بنا بر تعریف بیان شده می باشد. همانطور که در این شکل مشاهده می شود آنچه به عنوان خطا در نظر گرفته می شود تفاوت موقعیت فضایی ربات است که ناشی از مدل سینماتیکی ربات (در اینجا سیتماتیک مستقیم) و ربات واقعی در فضای کاری ربات، با یک ورودی مشترک در فضای مفصلی آن می باشد.

با نگاهی به آخرین تحقیقات بر روی مسئله کالیبراسیون ربات ها، ایجاد یک مسئله بهینه سازی غیرخطی

و حل آن برای یافتن مقادیر دقیق این پارامتر های سینماتیکی و دینامیکی ربات مرسوم می باشد [۲، ۳، ۴، ۵]. مطابق این رویکرد های مروسم، برای ایجاد فرمول بندی مناسب مسئله مطرح شده در شکل ۱.۳ خواهیم داشت:

$$\tilde{\boldsymbol{\phi}} = \arg\min_{\boldsymbol{\phi}} \sum_{n=1}^{N} \operatorname{error}_{i}[n] = \arg\min_{\boldsymbol{\phi}} \sum_{n=1}^{N} ||F_{i}(\boldsymbol{q}[n], \boldsymbol{\phi}) - X_{i}[n]||_{\Sigma}^{\mathsf{r}} \tag{1.7}$$

در این معادله،  $\phi$  بردار پارامتر های سینماتیکی و  $\tilde{\phi}$  تخمین آن است. علاوه بر این، i  $X_i[n]$  مقدار اندازه گیری شده توسط حسگر فضای کار ربات، و  $[\cdot]$  مقادیر اندازه گیری های متقابل حسگری در مفاصل می باشد. تابع مدل ربات  $[\cdot]$  بیانگر مدل سینماتیک مستقیم ربات می باشد. تابع هزینه هدف، بر روی مجموعی از  $[\cdot]$  نمونه داده جمع آوری شده در فرآیند کالیبراسیون می باشد. افزون بر این،  $\Sigma$  نیز بیانگر ماتریس کوواریانس اندازه گیری می باشد که به عنوان عامل نر مال سازی برای محاسبه هزینه عمل می کند. هر چه مقدار کوواریانس بیشتر باشد، میزان تأثیر گذاری خطای متقابل آن بر روی تابع هزینه کمتر خواهد بود. همچنین برای محاسبه نرم روش های زیادی ارائه شده است که آنچه بیشتر مورد استفاده قرار می گیرد نرم های هابر  $[\cdot]$  می باشد  $[\cdot]$  معادله بهینه سازی غیر خطی بیان شده در  $[\cdot]$  می تواند با روش های بازگشتی الگوریتم های غیر خطی حداقل مربعات  $[\cdot]$  همچون لونبرگ-مارکوارت  $[\cdot]$  و یا روش های گاوس-نیوتون  $[\cdot]$  می باشد  $[\cdot]$ .

با نگاهی دیگر به دیاگرام مطرح شده در ۱.۳ و همچنین معادله ۱.۳، مشاهده می شود که افزایش دقت اندازه گیری و همچنین بر آورده کردن تمامی قیود مدل می تواند منجر به بهبود نتیجه کالیبراسیون شود. به منظور دستیابی به این هدف، رویکردهایی همچون ترکیب چندین حسگر و یا افزودن قیود جدید که از ساختار هندسی ربات استخراج می شود، معرفی می شوند. ترکیب این حسگرها باید به گونه ای باشد که علاوه بر کاهش خطای نهایی کالیبراسیون، خروج هر کدام از حسگرها منجر به توقف فر آیند کالیبراسیون نشود. همچنین واضح است که افزودن این قیود می تواند منجر به حل پیچیده تری از مسئله شود. در ادامه، نگاهی به فر مول بندی مسئله کالیبراسیون با در نظر گرفتن این ترکیبها خواهیم داشت.

#### ۱.۱.۱.۳ ترکیب حسگرها

در معادله ۱.۳، زیرنویس i بیانگر وجود یک حسگر و خطایی که از مقادیر اندازه گیری حسگر در هر نمونه بوده می باشد. فرمول بندی ساختاری که به صورت همزمان از چندین حسگر در راستای ایجاد تابع هزینه استفاده

نماید می تواند به صورت زیر تعریف شود:

$$\tilde{\boldsymbol{\phi}} = \arg\min_{\boldsymbol{\phi}} \sum_{n=1}^{N} \sum_{n=1}^{M} W_i \operatorname{error}_i[n]$$
 (7.7)

در این معادله  $W_i$  ها یک پارامتر وزن برای ترکیب چندین منبع اطلاعاتی با توجه به میزان کیفیت و اهمیت آنها می باشد.

#### ۲.۱.۱.۳ ترکیب شبه اندازه گیری ها

اندازه گیری های حسگری تنها منبع اطلاعات برای حل مسئله نیستند. ساختار ربات و توحه به هندسه آن برای حل مسئله تعریف شده می تواند مفید واقع شود. برای مثال فاصله های بین برخی از نقاط می تواند با توجه به ساختار ربات می توانند و یژگی هایی نسبی و یا مطلق داشته باشند. این اطلاعات با عنوان داده های شبه اندازه گیری شناخته می شوند. این دسته از اطلاعات که از قبل مشخص هستند، می توانند به صورت قیود به مسئله اضافه شوند. بنابراین مسئله کلی بهینه سازی کالیبراسیون ۲.۳ در حضور این قیود به صورت زیر باز نویسی می شود.

$$\tilde{\phi} = \arg\min_{\phi} \sum_{n=1}^{N} \sum_{n=1}^{M} W_i \operatorname{error}_i[n]$$

$$g_j(\phi) = \circ \quad where \quad j = 1, \dots, K$$

$$(\text{Y.Y})$$

که در اینجا $\phi = g_j(\phi) = g_j$ قیود هندسی معلوم بر روی پارامترهای سینماتیکی ربات می باشند.

#### ۲.۱.۳ روش های مرسوم مسئله موقعیت یابی

موقعیت یابی <sup>۱</sup> ربات فرآیند تعیین مکان ربات نسبت به محیط اطراف آن می باشد. دانستن موقعیت دقیق ربات در محیط، پیش نیازی اساسی برای اتخاذ تصمیمات صحیح و حرکت های بعدی مؤثر است. بدون اطلاعات موقعیتی دقیق، ربات نمی تواند مسیریابی <sup>۲</sup> و یا ردیابی <sup>۳</sup> مناسبی را داشته باشد و ممکن است با موانع برخورد کند یا مسیر بهینه ای را طی نکند [۸]. علاوه بر این، سیستمهای کنترلی رباتها نیاز مند اطلاعات دقیق و لحظه ای

از موقعیت و جهتگیری ربات هستند تا بتوانند فرمانهای مناسب را صادر کنند. بدون دادههای دقیق موقعیتی، کنترلرها نمی توانند حرکات دقیقی را تولید کنند که منجر به عملکرد نامناسب و ناپایداری ربات می شود [۹]. فرآیند کالیبراسیون ربات که در بخش ۱.۱.۳ مورد بررسی قرار گرفت نیز یازمند داشتن اطلاعات دقیق از موقعیت ربات است. با داشتن دادههای موقعیتی دقیق، می توان خطاهای سیستماتیک را شناسایی و تصحیح کرد و به این ترتیب دقت و کارایی ربات را بهبود بخشید. این امر به ویژه در رباتهایی که نیاز به انجام وظایف حساس و دقیق دارند، حیاتی است.

موقعیتیابی دقیق ربات باعث کاهش عدم قطعیت در تصمیمگیریها و عملیات ربات می شود. این امر نه تنها به افزایش اعتمادپذیری ربات در انجام وظایف محوله منجر می شود، بلکه احتمال بروز خطاها و حوادث ناشی از اشتباهات موقعیتی را نیز کاهش می دهد. همچنین در سیستمهایی که شامل چندین ربات هستند، اطلاعات دقیق موقعیتی هر ربات برای هماهنگی و همکاری بین رباتها ضروری است. این اطلاعات به رباتها کمک می کند تا از موقعیت یکدیگر آگاه باشند و بتوانند به صورت هماهنگ وظایف مشترک را انجام دهند. در این راستا توسعه و بهبود تکنیکهای موقعیت یابی به منظور افزایش دقت و کارایی رباتها، از اهمیت و یژه ای برخوردار است [۱۰].

روش های ارائه شده برای موقعیت یابی ربات را می توان به سه دسته اصلی مسافت پیمایی ۱، موقعیت یابی جهانی ۲ و مکان یابی و نقشه یابی به صورت همزمان تقسیم کرد. این روش ها با توجه به نوع حسگرهای تعبیه شده بر روی ربات می تواند مورد استفاده قرار گیرد. ترکیب داده ها برای همانند آنچه در بخش ۱۱.۳ مورد توجه قرار گرفت، در موقعیت یابی و تخمین حالت ربات نیز می تواند نقش موثری را ایفا کند. حسگر های استفاده شده از نظر جنس داده ها و فرکانس داده برداری نیز می تواند متفاوت باشد که در ترکیب داده ها خصوصا زمانی که اجرای الگوریتم به صورت زمان واقعی می باشد، چالش برانگیز خواهد بود. طیف وسیعی از روش های مرسوم ارائه شده برای ترکیب داده ها در راستای تخمین حالت، رویکرد های بر مبنای فیلتر هستند. این روش ها که به رویکرهای آماری ۲ نیز شناخته می شوند، در دو دهه اخیر فعالیت های زیادی را به خود اختصاص داده اند. پایه این روش ها بر قانون بیز ۵ بنا نهاده شده است. مقاله [۱۱] دسته بندی جامعی از روش های فیلتر مبنا برای تخمین مورد استفاده قرار گرفته شده است. این فیلترها با استفاده از فرض مارکووی برای حالت ها و به کار گیری اطلاعات مورد استفاده قرار گرفته شده است. این فیلترها با استفاده از فرض مارکووی برای حالت ها و به کار گیری اطلاعات بیشین، تخمینی از حالت جدید ارائه می کنند.

filters particle law Bayes stochastic SLAM localization global odometry

#### ٣.١.٣ رویکرد گراف مبنا برای حل مسئله کالیبراسیون و موقعیت یابی به صورت همزمان

روشهای مرسوم کالیبراسیون و موقعیت یابی رباتها که تا به اینجا معرفی شده اند، فرمول بندی های مشخصی برای حل این دو مسئله ارائه داده اند. سادگی و سرعت بالای این روشها باعث پیاده سازی گسترده آنها، همانطور که در فصل قبل بحث شد، گردیده است. با این حال، این روشها دارای معایبی نیز هستند. اول اینکه برای هر مسئله کالیبراسیون و ربات، فرمول بندی مسئله باید از ابتدا توسعه داده شود. دوم اینکه این روشها از تنک بودن داتی مسئله ها برای سرعت بخشیدن به محاسبات استفاده نمی کنند. بزرگ شدن و پیچیده شدن فرمول بندی این مسائل باعث می شود که از حل آنها به صورت زمان واقعی فاصله گرفته شود. همچنین، این روشها برای حل مسائل غیرخطی نیاز به خطی سازی دارند که نه تنها به پیچیدگیهای محاسباتی می افزاید، بلکه باعث کاهش دقت نیز می شود علاوه بر مشکلات در مدیریت داده هایی که با تأخیر به سیستم می رسند، نتوانند داده های تاریخی باعث می شود علاوه بر مشکلات در مدیریت داده هایی وارد کنند. این مشکل در مسائل موقعیت یابی باعث ایجاد مشکلات جدی همچون لغزش و کاهش دقت تا حد قابل توجهی می شود. چهار مین عیب این روشها، عدم انعطاف پذیری آنها برای بسط دادن مسئله با افزودن قیود به سیستم یا داده های حسگری به آن است. با توجه به ان معایب، روشهای مرسوم ممکن است در برخی کاربردهای پیشرفته رباتیک کارایی لازم را نداشته باشند.

در این فصل، رویکردی گراف مبنا برای حل مسئله کالیبراسیون و موقعیتیابی ربات بیان می گردد که با یک فرمولبندی، هر دو مسئله را به صورت همزمان در یک مسئله بهینه سازی حل می کند. ویژگی های ذاتی این رویکرد در حل این مسئله واحد به تمامی معایب مطرح شده در روش های مرسوم پاسخ می دهد و باعث ایجاد حلی کامل و قابل بسط می شود. این رویکرد گراف مبنا به دلیل استفاده از ساختارهای گرافی، قادر به مدیریت بهینه تر داده های مختلف است. با ادغام تمامی داده های تاریخی و جاری در یک مسئله بهینه سازی دسته ای، این روش از داده های ورودی به صورت کامل استفاده کرده و به مشکلات مدیریت داده های تأخیر دار و لحظه ای غلبه می کند. همچنین، به دلیل عدم نیاز به خطی سازی مکرر، دقت محاسبات افزایش یافته و پیچیدگی های محاسباتی کاهش می کند. علاوه بر این، انعطاف پذیری بالای این رویکرد امکان افزودن قیود و داده های حسگری جدید را فراهم می کند، بدون آن که نیاز به باز تعریف کلی فرمول بندی باشد. این ویژگی ها، در کنار توانایی بهره گیری از تنک بودن ذاتی مسئله ها برای بهینه سازی محاسبات، این رویکرد گراف مبنا را به یک ابزار قدر تمند برای کالیبراسیون و موقعیت یابی می کند.

الگوریتم گراف مبنای استفاده شده برای این فرمولبندی در این پایاننامه، الگوریتم گراف عامل ۲ میباشد. در ادامه، ابتدا نگاهی بر ریاضیات مرتبط با الگوریتم گراف عامل خواهیم داشت و سپس گراف عامل یکپارچهای را

برای حل مسئله مطرح شده معرفی خواهیم کرد. گراف عاملی که در ادامه پیشنهاد خواهد شد، حلی سیستماتیک برای کنار هم قرار دادن بلوکهای ساختاری (عاملها) در راستای تعریف یک مسئله کالیبراسیون در کنار مسئله موقعیتیابی به صورت یکپارچه است، که قابلیت گسترش به حسگرهای بیشتر و قیود اضافی را نیز دارا می باشد. علاوه بر این، از آنجایی که پیاده سازی های منابع باز و بهینه سازی شده برای این روش و جود دارد، مسئله کالیبراسیون و موقعیتیابی همزمان مطرح شده می تواند بر روی سیستمهای نهفته بر روی ربات نیز پیاده سازی گردد. در این پیایان نامه برای پیاده سازی گراف عامل پیشنهاد داده شده، از کتابخانه GTSAM استفاده شده است.

#### ۱.٣.١.٣ بيان الگوريتم گراف عامل

الگوریتم گراف عامل بر پایه نظریه گرافها و بهینهسازی به روشهای مبتنی بر گراف توسعه یافته است. این الگوریتم به طور خاص برای حل مسائل بهینهسازی که شامل متغیرهای مختلف و قیود پیچیده است، طراحی شده است. یکی از روشهای بیان، استفاده از نمودارهای دو بخشی  $F = (\mathcal{U}, \mathcal{V}, \mathcal{E})$  که عامل ها  $F = (\mathcal{U}, \mathcal{V}, \mathcal{E})$  با استفاده از یال ها  $F = (\mathcal{U}, \mathcal{V}, \mathcal{E})$  با استفاده از یال ها  $F = (\mathcal{U}, \mathcal{V}, \mathcal{E})$  با استفاده از یال ها  $F = (\mathcal{U}, \mathcal{V}, \mathcal{E})$  با استفاده از یال ها  $F = (\mathcal{U}, \mathcal{V}, \mathcal{E})$  با استفاده از یال ها  $F = (\mathcal{U}, \mathcal{V}, \mathcal{E})$  با استفاده از یال ها  $F = (\mathcal{U}, \mathcal{V}, \mathcal{E})$  با استفاده از یال ها  $F = (\mathcal{U}, \mathcal{V}, \mathcal{E})$  با استفاده از یال ها با استفاده این مختلف ربات یا پارامترهای کالیبراسیون باشند. همچنین و موقعیت یابی، گرهها می توانند نمایانگر موقعیت های مختلف ربات یا پارامترهای کالیبراسیون باشند. همچنین بخش دوم، یعنی عامل ها، نشان دهنده قیود یا روابط بین متغیرها می باشد که آنها را با  $F = (\mathcal{U}, \mathcal{V}, \mathcal{E})$  بان کننده نحوه ایجاد یک تابع انرژی کلی  $F = (\mathcal{U}, \mathcal{V}, \mathcal{E})$  بان کننده نحوه ایجاد یک تابع انرژی کلی  $F = (\mathcal{U}, \mathcal{V}, \mathcal{E})$  و باشد: بهینه سازی در نظر گرفته شوند. بدین ترتیب یک گراف عامل  $F = (\mathcal{U}, \mathcal{V}, \mathcal{E})$  بان کننده نحوه ایجاد یک تابع انرژی کلی  $F = (\mathcal{U}, \mathcal{V}, \mathcal{E})$  این کننده نحوه ایجاد یک تابع انرژی کلی  $F = (\mathcal{U}, \mathcal{V}, \mathcal{E})$  این کننده نحوه ایجاد یک تابع انرژی کلی  $F = (\mathcal{U}, \mathcal{V}, \mathcal{E})$ 

$$\psi(\phi) = \prod_i \psi_i(\phi_i)$$
 (f.r)

#### ۲.۳.۱.۳ گراف عامل پیشنهادی برای کالیبراسیون و موقعیت یابی به صورت همزمان

حل مسئله موقعیت یابی در انواع ربات ها به خوبی مورد بررسی قرار گرفته است. گراف عامل ایجاد شده

#### ۴.۱.۳ انتخاب ربات مناسب جهت توسعه الگوريتم

ربات نمونه انتخاب شده برای ارائه این فرمول بندی، یک ربات چهار کابلی فروتحریک آسان نصب می باشد. در این فصل حل کامل مسئله موقیت یابی و کالیبراسیون به صورت هزمان برای یک ربات کابلی فروتحریک با در نظر گرفتن فرض اساسی صلب بودن کابل ها مورد بررسی قرار می گیرد. علت انتخاب این نوع ربات آسان نصب به عنوان موضوع مورد بررسی، قابلیت استفاده زیاد آنها در کارکردهای متنوع رباتیکی می باشد به شرطی که هر بار پس از نصب در هر محیط دلخواه فرآیند کالیبراسیون بدون زمان بری و با کمترین زحمت انجام شود. فرمول بندی انجام شده برای این ربات به نحوی است که منجر به یک کالیبراسیون خودکار در کنار موقعیت یابی تنها با همان سنسور هایی که ربات برای موقعیت یابی تعبیه شده است بدون زحمت اضافی برای کاربر انجام می شود. نتیجه این رویکرد علاوه بر افزایش دقت نهایی این فرآیندها، مفهومی حقیقی تر به آسان نصب بودن به این دسته از ربات های کابلی می بخشد.

صلب بودن کابل ها در حل این مسئله منجر می شود استفاده از این الگوریتم برای ربات هایی امکان پذیر باشد که نسبت جرم پنجه ربات به جرم کابل ها زیاد باشد به عبارتی دیگر میزان شکم دهی کابل ها قابل صرف نظر باشد. بزرگ شدن فضای کاری این ربات برای محیط هایی همچون یک استودیو فوتبال باعث ایجاد شکم دهی را به دهی غیر قابل چشم پوشی می شود. بنابراین نیاز است فرمول بندی جدیدی ارائه شود که این شکم دهی را به خوبی مدلسازی کند. تا کنون تحقیقات زیادی برای توسعه این مدل انجام شده است و نتایج خوبی را برای این مدل سازی ارائه کرده اند. فرمول بندی های ارائه شده برای مدل بر مبنای توزیع نیرو در کابل ها می باشد که دارای پیچیدگی زیادی می باشند. به عبارتی افزودن این ویژگی کابل برای کالیبراسیون و موقعیت یابی یک ربات کابلی ضروری می باشد در حالی که میزان پیچیدگی حل مسئله به اندازه ای زیاد می شود که تا کنون برای محیط های بزرگ و کابل های شکم دار این موضوع مورد بررسی قرار نگرفته است.

در ادامه این فصل، ابتدا فرمول بندی این مسئله برای یک ربات کابلی که کابل های آن صلب فرض می شود و حل می شود. در فصل آینده سپس با بزرگ کردن ابعاد ربات مسئله پیچیده ای را تعریف و فرمول بندی خواهیم کرد و سپس با گسترش دادن این رویکرد، مسئله جدید ایجاد شده که حل آن در روش های مرسوم کاری بسیار دشوار خواهد بود را حل خواهیم کرد.

#### ۵.۱.۳ توسعه گراف عامل برای یک ربات چهار کابلی فروتحریک با فرض کابل صلب

# موقعیتیابی و کالیبراسیون به صورت همزمان یک ربات کابلی با در نظر گرفتن شکم دهی کابلها

در فصل قبل کالیبراسیون و موقعیت یابی ربات کابلی با فرض در نظر گرفتن کابل های ربات به صورت جسمی صلب مورد بررسی قرار گرفت. علی رغم اینکه در نظر گرفتن این فرض موجب کاهش یافتن بار محاسباتی و ساده تر شدن مسیله می شود، این فرض تا زمانی صادق خواهد بود که مطابق معیار ارایه شده در [۱۲] نسبت جرم کابل به جرم مجری نهایی ربات قابل صرف نظر باشد. به عبارتی دیگر

## نتیجه گیری و پیشنهادات برای آینده

باید بیان کنیم به چه چیزایی رسیدیم و تلفیق های ما برای چه چیزی مناسب است. و چرا جذاب و خوب و مناسب و مفید است. اینها باید با زبان نتیجه گیری بیان شوند. نباید بازگویی کنیم مثل یک ربات.

## مراجع

- [1] Hall, David L and Llinas, James. An introduction to multisensor data fusion. *Proceedings of the IEEE*, 85(1):6–23, 1997.
- [2] Elatta, AY, Gen, Li Pei, Zhi, Fan Liang, Daoyuan, Yu, and Fei, Luo. An overview of robot calibration. *Information Technology Journal*, 3(1):74–78, 2004.
- [3] Idá, Edoardo, Merlet, Jean-Pierre, and Carricato, Marco. Automatic self-calibration of suspended under-actuated cable-driven parallel robot using incremental measurements. in *Cable-Driven Parallel Robots: Proceedings of the 4th International Conference on Cable-Driven Parallel Robots 4*, pp. 333–344. Springer, 2019.
- [4] Idà, Edoardo, Briot, Sébastien, and Carricato, Marco. Identification of the inertial parameters of underactuated cable-driven parallel robots. *Mechanism and Machine Theory*, 167:104504, 2022.
- [5] Ida, Edoardo. Dynamics of undeactuated cable-driven parallel robots. 2021.
- [6] Chang, Lubin, Li, Kailong, and Hu, Baiqing. Huber's m-estimation-based process uncertainty robust filter for integrated ins/gps. *IEEE Sensors Journal*, 15(6):3367–3374, 2015.
- [7] Dellaert, Frank, Kaess, Michael, et al. Factor graphs for robot perception. *Foundations and Trends*® *in Robotics*, 6(1-2):1–139, 2017.
- [8] Ahmad, Aamir, Tipaldi, Gian Diego, Lima, Pedro, and Burgard, Wolfram. Cooperative robot localization and target tracking based on least squares minimization. in *2013 IEEE International Conference on Robotics and Automation*, pp. 5696–5701. IEEE, 2013.
- [9] Guibas, Leonidas J, Motwani, Rajeev, and Raghavan, Prabhakar. The robot localization problem. *SIAM Journal on Computing*, 26(4):1120–1138, 1997.
- [10] Aragues, Rosario, Carlone, Luca, Calafiore, G, and Sagues, C. Multi-agent localization from noisy relative pose measurements. in *2011 IEEE International Conference on Robotics and Automation*, pp. 364–369. IEEE, 2011.

- [11] Panigrahi, Prabin Kumar and Bisoy, Sukant Kishoro. Localization strategies for autonomous mobile robots: A review. *Journal of King Saud University-Computer and Information Sciences*, 34(8):6019–6039, 2022.
- [12] Pott, Andreas and Bruckmann, Tobias. Cable-driven parallel robots. Springer, 2013.

پيوست آ

آشنایی سریع با برخی دستورات لاتک

پيوست ب

جدول، نمودار و الگوریتم در لاتک

پيوست پ

مراجع، واژهنامه و حاشیهنویسی

## Abstract

This thesis studies on writing projects, theses and dissertations using kntu-thesis class. It  $\dots$ 

**Keywords** Writing Thesis, Template, LATEX, XaPersian



Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements for the Degree of Master of Science (M.Sc.) in ... Engineering

## Prepared template for writing projects, theses, and dissertations of K. N. Toosi university of technology

By:
Mohammad Sina Allahkaram

Supervisors:

First Supervisor and Second Supervisor

Advisors:

First Advisor and Second Advisor

Winter 2023