

پایاننامه دوره کارشناسی ارشد مهندسی برق

عنوان

ارائه فرمول بندی یکپارچه بهینه سازی مبتنی بر گراف به منظور کالیبراسیون و تخمین حالت ربات

نگارش محمدرضا دیندارلو

استاد راهنما

دكتر حميدرضا تقى راد

استادان مشاور

دكتر فليپ كاردو و دكتر سيد احمد خليل پور

تابستان ۱۴۰۳



آنان که در پسِ دیوارهای بلند جامعه، مجال بالیدن و آموختن را نیافتند



# تأییدیهٔ هیئت داوران جلسهی دفاع از پایاننامهٔ کارشناسی ارشد

هیأت داوران پس از مطالعه ی پایان نامهٔ و شرکت در جلسه ی دفاع از پایان نامهٔ تهیه شده با عنوان «ارائه فر مول بندی یکپارچه بهینه سازی مبتنی بر گراف به منظور کالیبراسیون و تخمین حالت ربات » توسط آقای / خانم محمدرضا دیندارلو صحت و کفایت تحقیق انجام شده را برای اخذ درجه ی کارشناسی ارشد در رشته ی مهندسی برق در تاریخ تابستان ۱۴۰۳ مورد تأیید قرار دادند.

| امضا |       | •• | • • • | <br> | <br>      | <br> | <br> | <br> |   |      |       |      | راد . | تقى   | رضا   | ئميدر  | ئتر ح                    | ٔ: دک   | إهنما | استاد ر | ۱. |
|------|-------|----|-------|------|-----------|------|------|------|---|------|-------|------|-------|-------|-------|--------|--------------------------|---------|-------|---------|----|
| امضا |       |    |       | <br> | <br>      | <br> | <br> | <br> |   |      |       |      |       | و     | کارد  | ليپ َ  | ئتر فا                   | ٍ: دَوَ | مشاور | استاد ه | ۲. |
| امضا | • • • |    |       | <br> | <br>• •   | <br> | <br> | <br> |   |      |       | ٠.,  | لپور  | خلي   | حمد   | ىيد ا- | کتر س                    | ِ: دَوَ | مشاور | استاد ه | ۳. |
| امضا | • • • |    |       | <br> | <br>• • • | <br> | <br> | <br> |   |      | • • • |      | ی .   | اخل   | اور د | کتر د  | ی: دُ                    | اخل     | اور د | استاد د | ۴. |
| امضا |       |    |       | <br> | <br>• • • | <br> | <br> | <br> |   |      | • • • |      |       | ي ٠ ٠ | ارجح  | رر خ   | تر داو                   | : دک    | ىدعو: | استاد ه | ۵. |
| امضا |       |    |       | <br> | <br>      | <br> | <br> | <br> | ( | ينده | نما   | دکتر | ده: د | نشک   | ے دا  | كميل   | <i>ے</i><br>ا <i>ت</i> ت | سيلا    | ة تحص | نماينده | ۶. |



### اظهارنامه دانشجو

اینجانب محمدرضا دیندارلو به شماره دانشجویی ۴۰۰۳۰۸۲۴ دانشجوی کارشناسی ارشد رشتهی مهندسی برق دانشکده برق دانشگاه خواجه نصیرالدین طوسی گواهی مینمایم که تحقیقات ارائه شده در این پایاننامه با عنوان:

### ارائه فرمول بندی یکپارچه بهینه سازی مبتنی بر گراف به منظور کالیبراسیون و تخمین حالت ربات

توسط اینجانب انجام و بدون هرگونه دخل و تصرف است و موارد نسخه برداری شده از آثار دیگران را با ذکر کامل مشخصات منبع ذکر کرده ام. در صورت اثبات خلاف مندرجات فوق، به تشخیص دانشگاه مطابق با ضوابط و مقررات حاکم (قانون حمایت از حقوق مؤلفان و مصنفان و قانون ترجمه و تکثیر کتب و نشریات و آثار صوتی، ضوابط و مقررات آموزشی، پژوهشی و انضباطی و غیره) با اینجانب رفتار خواهد شد. در ضمن، مسئولیت هرگونه پاسخگویی به اشخاص اعم از حقیقی و حقوقی و مراجع ذی صلاح (اعم از اداری و قضایی) به عهده ی اینجانب خواهد بود و دانشگاه هیچ گونه مسئولیتی در این خصوص نخواهد داشت.

نام و نام خانوادگی دانشجو: محمدرضا دیندارلو تاریخ و امضای دانشجو:



# حق طبع، نشر و مالكيت نتايج

حق چاپ و تکثیر این پایان نامه متعلق به نویسندگان آن می باشد. بهره برداری از این پایان نامه در چهارچوب مقررات کتابخانه و با توجه به محدودیتی که توسط استاد راهنما به شرح زیر تعیین می گردد، بلامانع است:

| ىت.                | ن و با ذكر منبع، بلامانع اس   | از این پایاننامه برای همگار   | 🗆 بهرهبرداري       |
|--------------------|-------------------------------|-------------------------------|--------------------|
| منبع، بلامانع است. | وز از استاد راهنما و با ذكر ه | ل از این پایاننامه با اخذ مجو | 🗆 بهرهبرداري       |
|                    | ممنوع است.                    | ل از این پایاننامه تا تاریخ   | 🗆 بهرهبرداري       |
| امضا               |                               | ِ حمیدرضا تقی راد             | استاد راهنما: دكتر |
|                    |                               | ر فليپ كاردو                  | استاد مشاور: دكت   |
|                    |                               | . سيد احمد خليا يور           | استاد مشاهر: دکت   |

### قدرداني

اکنون که به یاری پروردگار و با راهنمایی و حمایت اساتید گرانقدر موفق به اتمام این رساله شده ام، بر خود واجب می دانم که نهایت سپاس و قدردانی را از تمامی عزیزانی که در این مسیر یار و همراه من بوده اند، به جا آورم:

نخست، از استاد ارجمندم، دکتر تقی راد که با راهنمایی های ارزشمند خود در طی این پایان نامه همواره پشتیبان من بودند، صمیمانه تشکر می کنم.

همچنین از دکتر خلیل پور که در تمامی مراحل این تحقیق، با مشاورههای خود راهگشای من بودند، صمیمانه قدردانی مینمایم.

خالصانه، از تمامی اساتید، معلمان و مدرسانی که در طول دورههای مختلف تحصیلی مرا با گوهر دانش آشنا کرده و از سرچشمه علم سیراب نمودند، کمال سپاس را دارم.

از صمیم قلب از دوستان عزیزم، روحالله خرمبخت، امیرسامان میرجلیلی، محمدمهدی ناظری، دانیال عبدالهی نژاد، مهدی وکیلی و دیگر اعضای آزمایشگاه ارس نهایت سپاسگزاری را دارم، چرا که پیشبرد این هدف بدون حضور و حمایت بی دریغ این عزیزان ممکن نبود.

محمدرضا دیندارلو تاستان ۱۴۰۳

در دنیای امروز، تولیدکنندگان ریاتها به دنبال تسهیل استفاده و افزایش دقت عملکردی آنها هستند، که این امر شامل کاهش فرآیندهای تکراری مانند کالیبراسیون حسگرها و رباتها می شود. از طرفی دیگر، با توجه به اهمیت مکانیابی دقیق، تحقیقات اخیر به سوی روشهای نوین مبتنی بر گراف و ترکیب دادههای حسگرهای مختلف سوق یافته است. در این پایاننامه، از این نقطهٔ آشنا آغاز کرده و روشهای اخیر را بررسی می کنیم و با استفاده از بستری که الگوریتمهای مبتنی بر گراف فراهم میکنند، گرافی را توسعه میدهیم که نه تنها مکانیابی را به خوبی انجام دهد، بلکه کالیبراسیون حسگرها و حتی یک گام فراتر، کالیبراسیون ربات را نیز به صورت همزمان و بدون نیاز به فرآیندهای جداگانه انجام دهد. این روش باعث می شود تا مسئلهای یکپارچه و منعطف ایجاد شود که افزودن هر گونه قید به این مسئله، هیچکدام از فرمولبندیهای پیشین را تحت تأثیر قرار ندهد. الگوریتم انتخاب شده برای این فر مولبندی، گراف عامل است که توانایی آن در مدیریت پیچیدگی های محاسباتی بهواسطهی ماتریسهای بهینه و بهرهگیری از معماری گرافی، باعث تسریع در همگرایی حل و افزایش پایداری نتایج می شود. علاوه بر این، گرافهای عامل امکان ادغام آسان دادههای ناهمگن از حسگرهای مختلف را فراهم میکنند، که منجر به افزایش دقت و کاهش وابستگی به یک منبع خاص داده میشود. برای صحتسنجی روش پیشنهادی، یک ربات کابلی موازی فروتحریک معلق را در نظر گرفتهایم. ابتدا مسئلهای یکپارچه در فضای گراف ایجاد می کنیم که کالیبراسیون حسگر بینایی، مکانیابی و کالیبراسیون سینماتیکی ربات را به صورت همزمان و بدون نیاز به فرآیندهای پیشین انجام دهد تا مفهوم آسان-نصب تحقق یابد. سپس، برای بررسی انعطاف پذیری و ارزیابی گراف خود، معادلات شکمدهی کابل که از پیچیدهترین معادلات در فضای رباتیک است را به گراف اضافه کرده و نتایج را بررسی خواهیم کرد. نتایج نشان دهندهی توانمندی بالای این روش در ایجاد یک فر مول بندی منعطف است که نه تنها سرعت انجام فرآیند را افزایش داده، بلکه دقت مکانیابی و کالیبراسیون را نیز بهبود مى بخشد.

واژگان كليدى گراف عامل، كاليبراسيون، مكانيابي، ربات كابلي، SLAM

# فهرست مطالب

| ث  |  |   |  |  |  |  |   |   |    |     |      |     |     |      |     |     |     |     |     |      |      |     |     |      |      |       |     | وير  | صا  | ت ت | رس  | فه |
|----|--|---|--|--|--|--|---|---|----|-----|------|-----|-----|------|-----|-----|-----|-----|-----|------|------|-----|-----|------|------|-------|-----|------|-----|-----|-----|----|
| چ  |  |   |  |  |  |  |   |   |    |     |      |     |     |      |     |     |     |     |     |      |      |     |     |      |      |       |     | ول   | جدا | ت - | رس  | فه |
| ١  |  |   |  |  |  |  |   |   |    |     |      |     |     |      |     |     |     |     |     |      |      |     |     |      |      |       | ٩   | غدم  | مة  | :۱  | بىل | فص |
| ١  |  |   |  |  |  |  | • |   |    |     |      |     |     |      |     |     |     |     |     |      |      |     |     |      |      | ئلە   | Ĺ   | ان م | بيا | ١.  | ١.  |    |
| ۶  |  |   |  |  |  |  |   |   |    |     |      |     |     |      | Ĺ   | قيق | يحا | ح ت | ايح | ، نڌ | سح   | برر | ی ب | برا; | ی    | نخاب  | انة | ات   | رب  | ۲.  | ١.  |    |
| ٧  |  |   |  |  |  |  | • |   |    |     |      |     |     |      |     |     |     |     |     |      |      |     |     |      | يق   | تحة   | ت : | مید  | اھ  | ٣.  | ١.  |    |
| ٧  |  |   |  |  |  |  |   |   |    |     |      |     |     |      |     |     |     |     |     |      |      |     |     |      | يق   | نحق   | ے ت | لداف | اھ  | ۴.  | ١.  |    |
| ٨  |  |   |  |  |  |  |   |   |    |     |      |     |     |      |     |     |     |     |     |      |      |     |     |      | ن    | حقيق  | تح  | رش   | رو  | ۵.  | ١.  |    |
| ٩  |  |   |  |  |  |  |   |   |    |     |      |     |     |      |     |     |     |     |     |      |      |     | يق  | حق   | ے ت  | های   | رد  | ستاو | دس  | ۶.  | ١.  |    |
| ۱. |  |   |  |  |  |  | • |   |    |     |      | •   |     |      |     |     |     |     |     | •    |      |     | ها  | سل   | فو   | ساير  | ے س | مرفح | مه  | ٧.  | ١.  |    |
| ۱۱ |  |   |  |  |  |  |   |   |    |     |      |     |     |      |     |     |     |     |     |      |      | نا  | ں   | هش   | ڔڗۅۥ | بر پ  | ی   | رور  | مر  | :۲  | بىل | فص |
| ۱۱ |  |   |  |  |  |  | • |   | ن  | يوا | إسب  | ببر | كال | زه ک | عوز | - ر | در  | ده  | ش   | جام  | ان   | ای  | ھر  | مشر  | ڙوه  | بر پز | ی ب | _ور: | مر  | ١.  | ۲   |    |
| ۴  |  |   |  |  |  |  | • |   |    | ی   | يابو | ان  | یک  | ره د | عوز | - ر | در  | ده  | ش   | جام  | ان   | ای  | ھر  | مشر  | ڙوه  | بر پز | ی ب | _ور: | مر  | ۲.  | ۲   |    |
| ۴  |  |   |  |  |  |  |   |   |    |     |      |     |     |      | ٠,  | الى | تما | ح   | ں ا | ياب  | کان  | مک  | ای  | ھر   | وشر  | נו    | ١   | .۲.  | ۲.  |     |     |    |
| ۶  |  | • |  |  |  |  |   | • |    |     |      |     |     |      |     | ۱ . | ِها | گر  | حس  | - ر  | کید  | ترك | ای  | ھر   | وشر  | را    | ۲   | .۲.  | ۲.  |     |     |    |
| ٨  |  | • |  |  |  |  |   | • |    |     |      |     |     |      |     |     | ل   | نعا | ی ف | ياب  | کان  | مک  | ای  | ھر   | وشر  | را    | ۴   | ۲.۲  | ۲.  |     |     |    |
| ٨  |  |   |  |  |  |  |   |   | ٠, | لى  | کاب  | ے ک | ىاي | ته   | باد | ے ر | ابو | ني  | کا  | ر م  | ے ب  | اص  | خ   | ری   | رور  | م     | ۴   | ٠٢.  | ۲.  |     |     |    |
| ۵  |  |   |  |  |  |  |   |   |    |     |      |     |     |      |     |     |     |     |     |      | ، ام |     |     | 1    | 1    |       | ^   | Ų    | Ų   |     |     |    |

فهرست مطالب

| مروری بر پژوهشهای انجامشده در ترکیب وظایف رباتیکی                            | ٣.٢       |
|--|-----------|
| ۱.۳.۲ كاليبراسيون سنسورها و مكانيابي همزمان                                  |           |
| ۲.۳.۲ کالیبراسیون و مکانیابی همزمان ربات ۲۱                                  |           |
| نتیجهگیری  | 4.7       |
| رویکرد مبتنی بر گراف برای مکانیابی و کالیبراسیون به صورت همزمان              | فصل ۳:    |
| مقدمه  | 1.7       |
| روش های مرسوم کالیبراسیون  | ۲.۳       |
| ۱.۲.۳ ترکیب حسگر ها  |           |
| ۲.۲.۳ ترکیب شبه اندازه گیری ها   |           |
| روشهای مرسوم مسئله مکانیابی  | ٣.٣       |
| رویکرد مبتنی بر گراف برای حل مسئله کالیبراسیون و مکانیابی به صورت همزمان ۲۸  | ۴.۳       |
| ۱.۴.۳ بیان الگوریتم گراف عامل  |           |
| ۲.۴.۳ گراف عامل پیشنهادی برای کالیبراسیون و مکان یابی به صورت همزمان         |           |
| نتیجهگیری  | ۵.۳       |
| اده سازی رویکرد مبتنی بر گراف جهت مکانیابی و کالیبراسیون همزمان برای رباتهای | فصل ۴: پي |
| کابلی صلب کابلی صلب  |           |
| انتخاب ربات مناسب جهت توسعه الگوريتم   | 1.4       |
| توسعه گراف عامل برای یک ربات چهار کابلی با فرض کابل صلب                      | 7.4       |
| ۱.۲.۴ معرفی ربات کابلی ARASCam   |           |
|  |           |
| ۲.۲.۴ بیان فرمول بندی مسئله و فرضیات   |           |
| <ul> <li>۲.۲.۴ بیان فرمول بندی مسئله و فرضیات</li></ul>                      |           |
|  | ٣.۴       |
| ۳.۲.۴ رویتپذیری  |           |
| ۳.۲.۴ رویت پذیری   |           |

فهرست مطالب

| ۳.۴.۴ ترکیب بینایی-سینماتیک و استفاده از گراف عامل معرفی شده                 |        |
|--|--------|
| ۴.۴.۴ انتشار عدم قطعیت   |        |
| بحث و گفت و گو   | ۵.۴    |
| نتیجه گیری   | 9.4    |
|  |        |
| اده سازی رویکرد مبتنی بر گراف جهت مکانیابی و کالیبراسیون همزمان برای رباتهای | , -    |
| کابلی شکم دار  |        |
| نمادها و تعاریف  | ١.۵    |
| معادلات مدل کابل شکم دار   | ۵.۲    |
| سینماتیک ربات  | ۳.۵    |
| گراف عامل كاليبراسيون و مكانيابي همزمان سينماتيك-ايستا                       | ۴.۵    |
| ۱.۴.۵ عامل طول کابل شکم دار ۱.۴.۵  |        |
| ۲.۴.۵ عامل مکان اتصال کابل به پولی   |        |
| ۳.۴.۵ عامل اندازه گیری نیرو  |        |
| ۴.۴.۵ عامل پیشین مکان  |        |
| نتایج شبیه سازی  | ۵.۵    |
| ١.۵.٥ صحتسنجي مدل  |        |
| ۲.۵.۵ نتایج نهایی کالیبراسیون با گراف عامل توسعه داده شده                    |        |
| بحث و گفت وگو  | ۶.۵    |
| ۱.۶.۵ اهمیت در نظر گرفتن اثر شکم دهی کابل                                    |        |
| ۲.۶.۵ نکات مربوط به روش مقداردهی اولیه                                       |        |
| نتیجه گیری   | ۷.۵    |
| نتیجه گیری و پیشنهادات برای آینده  | فصل ۶: |
| نتیجهگیری  | _      |
| پیشنهادات برای آینده   |        |

| ت | مطالب | ست | ٔ ہے |
|---|-------|----|------|
|   |       |    |      |

| ٧٣ |  |  |  |  |  |  |   |      |  |  |  |  |  |    |     |     |      |     |      |      |       |   | إجع  | مر  |
|----|--|--|--|--|--|--|---|------|--|--|--|--|--|----|-----|-----|------|-----|------|------|-------|---|------|-----|
| ۸۱ |  |  |  |  |  |  |   |      |  |  |  |  |  | یک | بات | . ر | ، در | امل | ، عا | راف  | گر    | : | ست آ | پيو |
| ۸١ |  |  |  |  |  |  | • | <br> |  |  |  |  |  |    |     |     | •    |     |      | ی    | تئور: | ; | ١.آ  |     |
| ۸۵ |  |  |  |  |  |  |   | <br> |  |  |  |  |  |    |     |     |      | . 1 | دەھا | كنند | حلَ   |   | ۲.آ  |     |
| ۸٧ |  |  |  |  |  |  |   |      |  |  |  |  |  |    |     | G   | TS   | Al  | M a  | خان  | كتاب  | - | ۳.آ  |     |

# فهرست تصاوير

| دیاگرام کلی فرمولبندی یک مسئله کالیبراسیون  | ١.٣ |
|---|-----|
| گراف عامل پیشنهادی برای یک حل یک مسئله مکانیابی   | ۲.۳ |
| گراف عامل پیشنهادی برای یک حل یک مسئله مکانیابی رباتهای چند عاملی ۳۳                      | ٣.٣ |
| گراف عامل پیشنهادی برای مسئله مکانیابی و کالیبراسیون همزمان با پارامترهای نامتغیر با      | ۴.۳ |
| زمان  |     |
| نمایی از ساختار ربات ARASH:ASiST  | ۵.۳ |
| گراف عامل پیشنهادی برای مسئله مکانیابی و کالیبراسیون همزمان با پارامترهای متغیر با زمان۳۶ | ۶.۳ |
| نمایی از ربات چهار کابلی فروتحریک معلق ARAS-CAM   | 1.4 |
| گراف عامل پیشنهادی برای حل مسئله کالیبراسیون و مکانیابی ربات کابلی صلب ۴۳                 | 7.4 |
| پالایش متوالی یک باور یکنواخت بر روی پارامترهای سینماتیکی از طریق الگوریتم مونت-          | ٣.۴ |
| كارلو   |     |
| راست: توزیع خطای پنجه قبل و بعد از بهبود پارامترها، چپ: خطای مکانیابی در دستگاه           | 4.4 |
| کارتزین   |     |
| مسیر طی شده توسط ربات در کنار مکان اولیه و نهایی (بهبودیافته) پولیها ۴۸                   | ۵.۴ |
| دیاگرام پنجه ربات متصل به یک کابل شکم دار   | ۱.۵ |
| گراف عامل کالیبراسیون و مکانیابی همزمان ربات کابلی با کابلهای شکمدار ۵۷                   | ۵.۲ |
| سناريوي ربات كوچكمقياس در محيط شبيهساز RecurDyn   | ۳.۵ |
| سناریوی ربات بزرگ مقیاس در محیط شبیه ساز RecurDyn سناریوی ربات بزرگ مقیاس در محیط         | ۴.۵ |

|   | 1 :          |
|---|--------------|
| ~ | فهرست تصاوير |
| • | J., J. – J.  |
|   |              |

| بکه بیز معادل مربوط به مسئله مثال تخمین حالت بیانشده  | آ.۱ ش |
|---|-------|
| راف عامل معادل مربوط به مسئله مثال تخمين حالت بيانشده | Š Y.Ī |

# فهرست جداول

| 49 |  |  | ۱ خطای مکانیابی با روشهای مختلف (واحد متر)                                  | ۴. |
|----|--|--|---|----|
| 49 |  |  | ۲ سازگاری آماری عدم قطعیتهای تخمین زده شده ۲                                | ۴. |
| ۶١ |  |  | ۱ صحتسنجی مدل   | ۵. |
| ۶٣ |  |  | ۲ نتایج میانگین خطای مطلق کالیبراسیون با استفاده از گراف عامل توسعه دادهشده | ۵. |

## فصل ۱

### مقدمه

این پایاننامه به بررسی موضوع کالیبراسیون و مکانیابی رباتها می پردازد. در این فصل، ابتدا به بیان مسئله و مفاهیم مرتبط با این زمینهها خواهیم پرداخت. شناخت دقیق این مفاهیم، نقشی کلیدی در حل مسائل و دستیابی به اهداف تحقیق ایفا می کند. هدف اصلی این تحقیق، نه تنها ایجاد ارتباطی معنادار بین این دو حوزه مهم رباتیکی است، بلکه فراهمسازی بستری مناسب برای گسترش این ارتباط به سایر موضوعات مرتبط نیز می باشد. اگر بتوانیم این ارتباط معنادار را برقرار کنیم، می توانیم این موضوعات را در یک نقطه مشترک به هم پیوند دهیم. این پیوند، تأثیر قابل توجهی بر نتایج هر یک از این عملیاتها خواهد داشت، که تاکنون کمتر به آن پرداخته شده است. در ادامه این فصل، به بررسی این تأثیرات و اهمیت آنها خواهیم پرداخت. در نهایت، نگاهی به روشهایی که می توانند در ایجاد این ارتباط مؤثر باشند خواهیم داشت و به یک جمع بندی کلی از این مباحث دست خواهیم می نوت.

### ۱.۱ بیان مسئله

کالیبراسیون در رباتیک فرآیندی است که به منظور بهبود دقت مکانیابی و حرکت رباتها از طریق بهروزرسانی پارامترهای سیستم رباتیکی انجام میشود. این فرآیند معمولاً با اصلاح نرمافزار کنترل ربات صورت میگیرد و نیاز به تغییرات مکانیکی در طراحی ربات ندارد. کالیبراسیون به شناسایی و تصحیح خطاهایی که ناشی از سایش قطعات، تحملها و سایر عدم قطعیتها در ساختار ربات هستند، کمک میکند. هدف اصلی کالیبراسیون این

است که رابطه بین خوانشهای حسگرهای مفصل و مکان واقعی پتجه ربات را تا حد ممکن دقیق کند [۱]. روشهای کالیبراسیون ربات را می توان به سه سطح اصلی تقسیم کرد که هر کدام بر جنبههای مختلف عملکرد ربات تمرکز دارند [۲، ۱].

- سطح اول، کالیبراسیون در سطح مفصل میباشد. این سطح اطمینان حاصل میکند که خوانشهای حسگرهای مفصل به درستی بیانگر تغییرات واقعی مفصلها هستند. مدلهای سادهای که معمولاً برای این سطح استفاده میشوند، رابطه بین سیگنال حسگر و حرکت مفصل را توضیح میدهند و اغلب نیاز به کالیبراسیون مجدد دارند، به ویژه پس از تعمیرات یا خاموش شدن ربات.
- سطح دوم، کالیبراسیون سینماتیکی ربات است. کالیبراسیون سینماتیکی بر بهبود مدل سینماتیکی ربات تمرکز دارد که روابط مکانی بین مفصلها و لینکهای ربات را توصیف میکند. این روش با اطمینان از اینکه مدل استفاده شده در سیستم کنترل با ساختار فیزیکی واقعی ربات مطابقت دارد، دقت کلی ربات را بهبود می بخشد.
- سطح سوم، کالیبراسیون غیرسینماتیکی نامگذاری شده است. کالیبراسیون غیرسینماتیکی خطاهایی را که از عوامل غیرهندسی مانند انعطافپذیری مفصلها، اصطکاک و انعطافپذیری لینکها ناشی میشوند، مد نظر قرار میدهد. این سطح پیچیده تر است و به جنبههای دینامیکی عملکرد ربات میپردازد که برای وظایفی که نیاز به دقت بالا تحت شرایط عملیاتی متغیر دارند، بسیار مهم است.

تمامی این روشهای بیانشده می توانند به یک مسئله بهینه سازی با تابع هزینه های ریاضی مناسب در راستای کم شدن خطای کالیبراسیون تبدیل شوند. این مسئله های بهینه سازی در ربات های مختلف با توجه به سطح کالیبراسیون می توانند به مقادیر خاصی از حسگرها، شرایط هندسی مشخصی از ربات، قیدهای غیرهندسی، و یا ترکیبی از این قیدها، مقید شوند.

علاوه بر کالیبراسیون، مکانیابی رباتها یک مبحث حیاتی در حوزه رباتیک است که به تخمین موقعیت ربات نسبت به نقشه محیط می پردازد و برای انجام وظایف مختلف ربات ضروری است. حسگرهایی که برای مکانیابی رباتها استفاده می شوند، با توجه به محیط، به دو دسته اصلی تقسیم می شوند: حسگرهای داخلی مانند ژیروسکوپها و شتاب سنجها که حرکت ربات را بر اساس داده های داخلی تخمین می زنند، و حسگرهای خارجی مانند دوربینها و لیزرهای مسافت یاب که از اطلاعات محیطی برای تعیین دقیق موقعیت ربات بهره می برند. این

حسگرها می توانند به صورت مستقل یا ترکیبی استفاده شوند تا دقت مکانیابی را افزایش دهند [۳، ۴]. به علت خطاهای جمعشونده ای که در این فرآیند پراستفاده ممکن است ایجاد شود، برخی از تحقیقات اخیر اطلاعاتی به عنوان نشانگر ابه سیستم مکانیابی اضافه می کنند [۵]. افزودن این اطلاعات منجر به مقید کردن فرآیند مکانیابی می شود. حسگرهای بینایی، به عنوان یکی از مهم ترین و پرکاربردترین حسگرهای اخیر در مکانیابی رباتها مورد استفاده قرار گرفته اند، اگرچه قیدهایی بر مقیاس تصاویر در این فرآیند وجود دارند که باید در یک مسئله بهینه سازی حل شود [۶]. بدین ترتیب نگاه به مسئله مکانیابی نه تنها انعکاسی از یک مسئله بهینه سازی را در ذهن ما ایجاد می کند، بلکه در بسیاری از موارد این مسئله مقید خواهد بود. علاوه بر همه ی این موارد، نامعینی حسگرها و از کارافتادگی برخی در شرایط خاص، باعث پیشروی محققان این حوزه به سمت ترکیب این حسگر شده است. این کار مانند آنچه برای کالیبراسیون بیان شد، می تواند افزایش دقت را نتیجه دهد.

حال با نگاهی به بیان تعریف شده از کالیبراسیون، مکانیابی و نقشه برداری و قیدهایی که در هر یک از این وظایف بر ربات حاکم است، می توانیم همگی را در ساختار مسئلههای بهینه سازی فرمول بندی کنیم. تعریف وظایف مختلف ربات به عنوان مسائل بهینه سازی، می تواند نقطه عطفی در بین این مسئلهها و ترکیب وظایف مختلف رباتیک ایجاد کند. در تحقیقات گذشته زمینه های جدیدی از این ترکیبها معرفی شده است. به عنوان مثال الگوریتم مکانیابی و نقشه یابی ربات ۲ به صورت همزمان که به عنوان SLAM شناخته می شود.

الگوریتم SLAM به دلیل نیاز همزمان به مکانیابی دقیق و ایجاد نقشه از محیط اطراف، یکی از مهم ترین و پیچیده ترین چالشهای رباتیک محسوب می شود. در یک محیط ناشناخته، ربات باید بتواند با استفاده از حسگرهای خود، مکان فعلی اش را تخمین بزند (مکانیابی) و همزمان با این تخمین، نقشه ای از محیط پیرامون خود ایجاد کند. این دو وظیفه به شدت به هم وابسته اند؛ چرا که برای مکانیابی دقیق، نیاز به نقشه ای دقیق از محیط است و برای ایجاد یک نقشه دقیق، نیاز به مکانیابی دقیق ربات است. عدم ترکیب صحیح این دو فرایند می تواند منجر به خطاهای تجمعی در هر دو بخش شود، که در نهایت به کاهش دقت و کارایی ربات در مسیریابی و انجام وظایفش منجر خواهد شد. بنابراین، ترکیب مکانیابی و نقشه برداری در یک چارچوب SLAM باعث می شود که ربات بتواند به طور همزمان و با دقت بالا، هم مکان خود را در محیط تعیین کند و هم نقشه ای از محیط بسازد، که این امر برای کاربردهای مختلف رباتیک، از جمله ناوبری خودکار و جستجو و نجات، حیاتی محیط بسازد، که این امر برای کاربردهای مختلف رباتیک، از جمله ناوبری خودکار و جستجو و نجات، حیاتی است [۷].

کالیبراسیون همزمان حسگرها و مکانیابی رباتها یک فرآیند حیاتی برای افزایش دقت و بهبود کارایی سیستمهای

Simultaneous Localization and Mapping (SLAM) landmark

فصل ۱: مقدمه \_\_\_\_\_\_

رباتیک است. در طی ناوبری، رباتها برای اصلاح خطاهای ناشی از مسافت پیمایی و بهبود دقت مکانیابی، نیازمند ترکیب دادههای حسگرها و تخمین دقیق موقعیت خود هستند. توجه به اینکه خطاهای قابل پیشبینی و غیرقابل پیشبینی در طول زمان و با پیمایش مسافتهای طولانی افزایش مییابند، کالیبراسیون مداوم برای کاهش این خطاها و اطمینان از صحت محاسبات مکان، ضروری است. به عنوان مثال، استفاده از فیلتر کالمن افزوده ابرای تخمین پارامترهای خطای سیستماتیک در کنار بهروزرسانی مکان ربات در طول حرکت، به حفظ دقت مکانیابی کمک شایانی میکند. این رویکرد نه تنها به کاهش خطاهای مسافت پیمایی کمک میکند، بلکه امکان اصلاح مداوم مدلهای خطای حسگرها را نیز فراهم میسازد. این امر به خصوص در محیطهای داخلی که دقت مکانیابی بسیار اهمیت دارد، کاربردی و ضروری است [۸].

ترکیبهای متفاوت در زمینه کالیبراسیون و مکانیابی رباتها دارای مزایای متعددی از جمله بهبود دقت و نتایج نهایی میباشند. در این پایاننامه، همچون روشهای بیان شده پیشین، گامی مهم در راستای ترکیب این وظایف اساسی رباتها برداشته شده است. این حرکت از همان نقطه عطفی آغاز می شود که در روشهای قبلی با نگاه به وظایف ربات به عنوان مسئلهای بهینه سازی مطرح شده بود، و ما بر آنیم تا با گسترش این رویکرد، به ترکیبی جامع تر و کارآمدتر از این وظایف دست یابیم. آنچه کار ما را نسبت به موارد گذشته متمایز می کند، جامعیت بخشیدن به فرمول بندی ارائه شده به گونهای است که نه تنها کالیبراسیون حسگرها، بلکه کالیبراسیون ربات در سطوح مختلف به طور همزمان با مکانیابی انجام شود. همچنین، قیود متفاوت و متعددی که در این مسائل وجود دارد، ما را از روشهای مرسوم و فیلتر مبنا فاصله گرفته اند. هدف ما نیز پیدا کردن روشی سریع و منعطف بیچیدگی های موجود، بیشتر از روشهای فیلتر مبنا فاصله گرفته اند. هدف ما نیز پیدا کردن روشی سریع و منعطف است که نه تنها توانایی حل بالای مسائل را داشته باشد، بلکه با افزودن قیود مختلف به سیستم، فرمول بندی سایر اجزا را تغییر ندهد. چنین فرمول بندی ای باعث می شود که روش ارائه شده به صورت ماژولار بتواند به دیگر مسائل این حوزه تعمیم داده شود.

برای انجام هر یک از سطوح کالیبراسیون مطرح شده، روشهای خاصی نیز ارائه شده است. یکی از این روشها برای بهبود کالیبراسیون، افزایش مدل است که در آن پدیدههای پیشتر مدلنشده، مانند ساختار قرقره و مکانیزمهای پولی، به مدل ربات افزوده میشوند. این روش دقت را افزایش میدهد، اما ممکن است به دلیل نیاز به حسگرهای ویژه و فرضیات خاصی که در مدلسازی به کار میرود، محدودیتهایی داشته باشد. رویکرد دیگر شامل استفاده از انواع حسگرها برای کالیبراسیون است. برای مثال، از ابزارهای اندازهگیری طول یک بعدی

Augmented Kalman Filter (AKF)

و نیروسنجها برای جمع آوری داده ها به منظور کالیبراسیون سینماتیکی استفاده شده است. این روشها می توانند نیاز به اندازه گیری های دقیق مکان پنجه را کاهش دهند، اما ممکن است توسط محدودیت های حسگرها به ویژه در سناریوهای واقعی محدود شوند [۲، ۱].

کالیبراسیون همچنان یکی از اجزای اساسی در رباتیک به شمار می آید که تضمین می کند رباتها با دقت و اطمینان بالا عمل کنند. با وجود روشهای گوناگونی که هر یک مزایای خاص خود را دارند، انتخاب روش کالیبراسیون معمولاً به کاربرد خاص و محدودیتهای عملیاتی ربات بستگی دارد. تمرکز بر ترکیب این روشها می تواند به ایجاد فر آیندهای کالیبراسیون قوی تر و سازگار تر منجر شود.

روشهای مکانیابی به طور کلی به دو دسته تقسیم می شوند: اول، روشهای مبتنی بر مدل سازی احتمالی و دوم، روشهای مبتنی بر ترکیب اطلاعات حسگرها. روشهای مبتنی بر مدلهای احتمالی، توزیع احتمال مکان ربات را در فضای حالت محیط حفظ کرده و به صورت بازگشتی با استفاده از فیلترهای مختلف این توزیع را به روز می کنند. در مقابل، روشهای مبتنی بر ترکیب اطلاعات حسگرها، از ترکیب داده های دریافتی از حسگرهای مختلف برای افزایش دقت تخمین مکان بهره می برند.

یکی از روشهای اصلی مکانیابی، استفاده از فیلترهای احتمالی مانند فیلتر کالمن و فیلتر ذرهای است. این روشها با بهرهگیری از توزیع احتمالی، مکان ربات را تخمین میزنند. فیلتر کالمن به طور گسترده ای برای ترکیب اطلاعات حسگرها به کار می رود و به ویژه در محیطهایی که نویز سیستم گوسی است، کارایی بالایی دارد. از سوی دیگر، فیلتر ذره ای که یکی از روشهای غیرپارامتریک است، توانایی تخمین مکان ربات در محیطهای با نویز غیرگوسی را دارد. این فیلتر با نمونه برداری از فضای حالت، توزیع احتمالی مکان ربات را تخمین می زند.

یکی از روشهای اصلی مکانیابی، استفاده از فیلترهای احتمالی مانند فیلتر کالمن و فیلتر ذرهای است. این روشها با بهرهگیری از توزیع احتمالی، مکان ربات را تخمین میزنند. فیلتر کالمن به طور گسترده ای برای ترکیب اطلاعات حسگرها به کار می رود و به ویژه در محیطهایی که نویز سیستم گوسی است، کارایی بالایی دارد. از سوی دیگر، فیلتر ذره ای که یکی از روشهای غیر پارامتریک است، توانایی تخمین مکان ربات در محیطهای با نویز غیرگوسی را دارد. این فیلتر با نمونه برداری از فضای حالت، توزیع احتمالی مکان ربات را تخمین می زند. علاوه بر این، فیلتر کالمن خنثی ۱ که قادر به تخمین حالات غیر خطی و سیستمهای پیچیده است، با استفاده از مجموعه ای از نقاط سیگما، دقت بالاتری در مدل سازی سیستمهای غیر خطی ارائه می دهد. همچنین فیلتر بیزین غیر خطی به عنوان یک روش پیشرفته تر، با ترکیب اطلاعات حسگرها به صورت غیر خطی و محاسبه توزیع بیزین غیر خطی به عنوان یک روش پیشرفته تر، با ترکیب اطلاعات حسگرها به صورت غیر خطی و محاسبه توزیع بیزین

در فضای حالت، مکانیابی دقیقتری را در محیطهای نامطمئن و پیچیده فراهم می آورد.

روش پیشنهادی ما برای ایجاد یک مسئله یکپارچه که ویژگیهای بیان شده را فعال کند، استفاده از گراف است. استفاده از این روشها می تواند قیود و فرمول بندی های موجود در کالیبراسیون و مکانیابی را به صورت یکپارچه و با استفاده از توابع احتمالاتی در کنار یکدیگر قرار دهد. با ادغام تمامی این تابعهای هزینه، می توانیم به یک راه حل یکپارچه برای مسئله مورد نظر دست یابیم. این گونه نمایش مسئله ما را به مسیری در حوزه رباتیک هدایت می کند که اخیراً محققان ارزش زیادی برای آن قائل شده اند. این رویکرد با نام "گراف عامل" در این حوزه شناخته می شود و به عنوان یک روش کارآمد برای حل مسائل پیچیده و چندوجهی در رباتیک مطرح شده است.

### ۲.۱ ربات انتخابی برای بررسی نتایج تحقیق

در این تحقیق، ربات مورد استفاده جهت ارزیابی و بررسی نتایج الگوریتم گراف مبنا، یک ربات کابلی است. این نوع ربات ها به دلیل ساختار و یژه شان، از جمله انعطاف پذیری کابل ها و تأثیر نیروهای خارجی بر عملکردشان، نیاز مند تحلیل های دقیق در شرایط مختلف هستند. به همین دلیل، تحقیقات انجام شده برای کالیبراسیون این نوع ربات ها بسیار محدود بوده است. از آنجایی که ادعای روش پیشنهادی حل مسائل کالیبراسیون و مکانیابی همزمان با سرعت بالا برای طیف وسیعی از ربات ها است، ربات های کابلی به عنوان گزینه ای مناسب برای محک زدن این روش انتخاب شده اند.

در این تحقیق، الگوریتم گراف مبنا برای کالیبراسیون و مکانیابی همزمان ربات در دو حالت مختلف به کار گرفته شده است. در حالت اول، با فرض صلب بودن کابلها، اثر شکمدهی کابلها نادیده گرفته می شود. این رویکرد باعث ساده تر شدن فرمول بندی مسئله و کاهش پیچیدگی های محاسباتی می گردد.

در حالت دوم، شکم دهی کابلها به عنوان بخشی از مدل در نظر گرفته شده است. این تحلیل پیچیده تر است و از قابلیتهای الگوریتم گراف مبنا برای مدیریت داده ها و قیود غیر خطی بهره می برد. با استفاده از این رویکرد، کالیبراسیون و مکانیابی ربات کابلی در شرایط واقعی تر مورد ارزیابی قرار گرفته و نتایج به دست آمده می توانند به بهبود دقت و کارایی ربات در سناریوهای عملی منجر شوند. یکی دیگر از اهداف انتخاب این نوع رباتها، بررسی میزان انعطاف پذیری فرمول بندی مسئله است، به گونه ای که فرمول بندی حالت دوم با افزودن قیود دینامیکی به فرمول بندی حالت اول ایجاد می شود.

<u>ف</u>صل ۱: مقدمه \_\_\_\_\_\_\_ \_\_\_\_\_

این دو حالت، که به کمک گرافهای عامل مدلسازی و تحلیل شدهاند، به ما امکان میدهند تا تأثیرات شکمدهی کابلها را بر دقت کالیبراسیون و مکانیابی ربات بررسی کرده و راه حلهایی برای کاهش خطاهای ناشی از این پدیده ارائه دهیم. نتایج این تحلیلها به طور مفصل در فصل نتایج مورد بحث قرار خواهند گرفت.

#### ٣.١ اهميت تحقيق

کالیبراسیون و مکانیابی دقیق رباتهای کابلی از اهمیت بالایی برخوردار است، زیرا این دو فرآیند تأثیر مستقیمی بر عملکرد و دقت این نوع رباتها دارند. رباتهای مختلف با توجه به کاربردهای خاص خود، در بسیاری از صنایع کاربرد گستردهای دارند. با این حال، هرگونه عدم دقت در کالیبراسیون و مکانیابی می تواند منجر به بروز خطاهای جدی در عملکرد رباتها شود.

این تحقیق با هدف ارائه یک رویکرد نوین برای کالیبراسیون و مکانیابی همزمان در حضور قیدهای رباتیکی همچون سینماتیکی، دینامیکی، فیزیکی و کنترلی، از اهمیت بالایی برخوردار است. یکی از نقاط قوت این تحقیق، استفاده از گرافهای عامل برای مدلسازی و حل مسئله است. گرافهای عامل به دلیل توانایی شان در مدلسازی مسائل پیچیده و چندبعدی، ابزار مناسبی برای حل مسائل کالیبراسیون و مکانیابی رباتهای کابلی هستند. این رویکرد به ما این امکان را می دهد که پیچیدگی های دینامیکی و سینماتیکی رباتها را در نظر بگیریم و دقت بیشتری در کالیبراسیون و مکانیابی به دست آوریم. همچنین، ایجاد یک روش فرمول بندی مبنا برای تعریف این مسئله، یکی از ویژگی های مهم این تحقیق است.

### ۴.۱ اهداف تحقیق

این تحقیق به دنبال ارائه یک رویکرد نوین برای کالیبراسیون و مکانیابی همزمان رباتها است که بتواند دقت و کارایی لازم را در این فرآیندها فراهم کند. اهداف اصلی این تحقیق به شرح زیر هستند:

• توسعه رویکرد گراف مبنا برای کالیبراسیون و مکانیابی همزمان: یکی از اهداف اصلی این تحقیق، ارائه یک رویکرد گراف مبنا است که بتواند فر آیندهای کالیبراسیون و مکانیابی را به صورت همزمان و با

دقت بالا انجام دهد. این رویکرد با استفاده از گرافهای عامل، به مدلسازی دقیق روابط بین پارامترهای مختلف ربات و بهینهسازی این پارامترها می پردازد.

- بررسی اثرات ادغام کالیبراسیون و مکانیابی: هدف دیگر این تحقیق، بررسی اثرات ادغام فرآیندهای کالیبراسیون و مکانیابی بر دقت و کارایی ربات است. این بررسی شامل تحلیل نتایج حاصل از ادغام این دو فرآیند و مقایسه آن با روشهای مرسوم است.
- ارزیابی روش پیشنهادی در پیاده سازی بر روی رباتهای کابلی واقعی: هدف سوم این تحقیق، ارزیابی امکان استفاده از روش پیشنهادی در شرایط واقعی بر روی رباتهای کابلی است. با توجه به نتایج حاصل از پیادهسازی عملی، این تحقیق به بررسی قابلیت استفاده از این روش در محیطهای واقعی پرداخته و مزایا و چالشهای احتمالی آن را تحلیل می کند.
- ارائه فرمول بندی جامع گراف مبنا جهت کالیبراسیون و مکان یابی رباتهای کابلی با /بدون در نظر گرفتن شکم دهی کابل: هدف چهارم این تحقیق، تکمیل و ارائه نتایج الگوریتم مد نظر بر روی رباتهای کابلی به صورت منبع باز برای استفاده های گوناگون می باشد. روش ارائه شده در انتها شامل انجام این فرآیند برای رباتها با در نظر گرفتن و همچنین بدون در نظر گرفتن جرم کابل و اثر شکم دهی کابل در ریاضیات مسئله می باشد.

### ۵.۱ روش تحقیق

روش تحقیق این پایاننامه شامل چندین مرحله اساسی است که هر یک به طور مستقل و دقیق بررسی شدهاند.

• بررسی جامع ادبیات و تحلیل مشکلات موجود: در گام اول، به منظور شناسایی مشکلات و چالشهای موجود در زمینه کالیبراسیون و مکانیابی رباتها، مرور جامعی بر روی ادبیات موضوع انجام شده است. این مرور شامل بررسی روشهای سنتی و نوین کالیبراسیون و مکانیابی و تحلیل نقاط قوت و ضعف هر یک از این روشها است. همچنین، از آخرین دستاوردهای علمی در حوزه رباتیک برای بهبود روشهای پیشنهادی بهره گرفته شده است. از آنجایی که ربات انتخابی ما برای پیادهسازی یک ربات کابلی است، قسمتی از این فصل به بررسی این موضوعات در زمینه رباتهای کابلی خواهد بود.

• توسعه مدل ریاضی و فرمولبندی مسئله: در گام دوم، یک مدل ریاضی دقیق برای کالیبراسیون و مکانیابی همزمان رباتها توسعه داده شده است. این مدل با استفاده از گرافهای عامل و دادههای سینماتیکی و بینایی، به بهینهسازی پارامترهای مختلف ربات پرداخته و یک فرمولیندی از ریاضیات ربات ارائه می دهد. در این فرمولبندی، قیدهای دینامیکی و سینماتیکی به صورت جامع در نظر گرفته شده اند. توسعه این مدلهای ریاضی، برای مورد مطالعه، بر روی رباتهای کابلی به صورت کامل مورد بررسی قرار گرفته است.

- پیاده سازی عملی و ارزیابی نتایج: در گام سوم، پیاده سازی عملی روش پیشنهادی بر روی یک ربات کابلی واقعی انجام شده است. این پیاده سازی با استفاده از داده های جمع آوری شده از ربات و با بهره گیری از الگوریتم های کالیبراسیون و مکانیابی انجام شده است. نتایج حاصل از این پیاده سازی مورد ارزیابی و تحلیل قرار گرفته اند تا دقت و کارایی روش پیشنهادی مورد بررسی قرار گیرد.
- تحلیل آماری و ارائه پیشنهادات برای بهبود روشها: در گام آخر، نتایج حاصل از پیادهسازی و ارزیابی ها بهصورت آماری تحلیل شدهاند. این تحلیل ها شامل بررسی اثرات ادغام فرآیندهای کالیبراسیون و مکانیابی و مقایسه آن با روشهای سنتی است. همچنین، بر اساس نتایج بهدست آمده، پیشنهاداتی برای بهبود و توسعه روشهای موجود در زمینه کالیبراسیون و مکانیابی ارائه شده است.

### ۲.۶ دستاوردهای تحقیق

در این تحقیق، فرمولبندی یکپارچهای در فضای گراف ارائه شده است که به طور همزمان به حل مسائل کالیبراسیون و مکانیابی رباتها به صورت همزمان میپردازد. برای بررسی کارایی این فرمولبندی، با استفاده از گرافهای عامل، برای اولین بار مسئله پیچیده کالیبراسیون و مکانیابی را برای رباتهای کابلی در دو حالت مختلف بررسی شده است: حالت اول، با فرض صلب بودن کابلها و نادیده گرفتن شکمدهی، و حالت دوم، با در نظر گرفتن شکمدهی کابلها به عنوان بخشی از مدل. این رویکرد نوآورانه امکان تحلیل دقیق تر و واقعی تر از عملکرد رباتهای کابلی را فراهم کرده است و نشان داده که الگوریتم پیشنهادی می تواند به طور مؤثری در هر دو حالت به کار گرفته شود، و دقت و کارایی بالاتری در کالیبراسیون و مکانیابی رباتها ارائه دهد.

### ۷.۱ معرفی سایر فصلها

در این پایاننامه، پس از بررسی کلیات و اهداف تحقیق در فصل اول، به مرور ادبیات و مبانی نظری در فصل دوم پرداخته شده است. در این فصل، مسائل بهینهسازی در حوزه رباتیک و کاربردهای مختلف آنها مورد بررسی قرار گرفته و به تحلیل روشهای مختلف برای کالیبراسیون، مکانیابی، و حل مسائل پیچیده در رباتها پرداخته شده است.

فصل سوم به معرفی یک رویکرد نوین بر مبنای گرافهای عاملی برای حل مسائل کالیبراسیون و مکانیابی همزمان رباتها اختصاص یافته است. در این فصل، با بررسی مشکلات و محدودیتهای روشهای مرسوم، رویکردی جدید ارائه شده که ضمن افزایش دقت و کارایی، انعطاف پذیری بیشتری برای اعمال قیود مختلف دارد. این فصل با معرفی گراف عامل پیشنهادی که به طور جامع مسائل مکانیابی و کالیبراسیون را حل می کند، به پایان می رسد.

در فصل چهارم، به پیادهسازی و ارزیابی عملی روش پیشنهادی در یک ربات کابلی با فرض کابلهای صلب پرداخته شده است. این پیادهسازی شامل بررسی تأثیر قیود سینماتیکی بر دقت مکانیابی و کالیبراسیون خودکار ربات بوده و نتایج حاصل از این پیادهسازی نشاندهنده عملکرد مطلوب روش پیشنهادی از نظر سرعت و دقت است.

فصل پنجم به توسعه و ارتقای روش مطرحشده در فصل چهارم اختصاص دارد. در این فصل، پیچیدگیهای بیشتری به مدل افزوده شده و قیدهای دینامیکی کابلهای شکمدار در نظر گرفته شده است. نتایج حاصل از شبیه سازی ها در این فصل نشان می دهد که مدل سازی دقیق تر کابلها، بهبود قابل توجهی در دقت کالیبراسیون و مکانیابی به همراه دارد.

در نهایت، فصل ششم با ارائه نتایج کلی و جمع بندی مطالب پایان نامه به پایان می رسد. در این فصل همچنین پیشنهاداتی برای ادامه تحقیقات در این حوزه ارائه شده است. این پیشنهادات به بررسی زمینه های مختلفی پرداخته اند که می توانند بهبودهای بیشتری در الگوریتم ها و کاربردهای رباتیک به ارمغان آورند.

## فصل ۲

# مروری بر پژوهشها

این فصل، ابتدا مروری بر آخرین تحقیقات انجام شده در زمینه کالیبراسیون و روشهای پیشنهادی آنها خواهد داشت. در انتهای این بخش، تمرکز بیشتری بر روی رباتهایی خواهد بود که در این پایان نامه مورد تحقیق قرار گرفته اند. پس از مرور مباحث کالیبراسیون، به بررسی روشهای مختلف مکانیابی پرداخته و نگاه دقیق تری به رباتهای کابلی در این زمینه خواهیم داشت. در نهایت، مطالعه ای بر تحقیقات ارائه شده که به ترکیب وظایف رباتیکی پرداخته اند، انجام خواهد شد.

## ۱.۲ مروری بر پژوهشهای انجام شده در حوزه کالیبراسیون

همانطور که بیان شد، کالیبراسیون نقشی کلیدی در بهبود دقت و کارایی رباتها ایفا می کند. کالیبراسیون رباتها با هدف بهبود دقت مکانیابی آنها، از اهمیت ویژه ای برخوردار است. روشهای مختلفی برای کالیبراسیون پارامترهای رباتها در زمینههای مختلف ارائه شده است که هر یک دارای مزایا و معایب خاص خود هستند. علاوه بر روش ارائه شده در فصل قبل در دسته بندی سطوح کالیبراسیون، دیدگاهی دیگر در این زمینه و جود دارد که برای این مرور ادبیات برای ما مفید خواهد بود.

در این دیدگاه، اگر کالیبراسیون صرفاً از حسگرهای داخلی ربات استفاده کند، به آن خودکالیبراسیون گفته می شود. و اگر از حسگرهای خارجی اضافی برای کالیبراسیون استفاده شود، به آن کالیبراسیون خارجی می گویند.

در حالی که کالیبراسیون خارجی دقت بیشتری را به همراه دارد، اما از نظر هزینه و زمانبری، عملکرد ضعیفتری نسبت به خودکالیبراسیون دارد. در ادامه نگاهی به

در رباتهای صنعتی، روشهای مبتنی بر بهینهسازی فیلتر برای بهبود دقت پارامترهای سینماتیکی به طور گسترده ای مورد استفاده قرار گرفته اند. به عنوان مثال، [۹] روشی با استفاده از حسگرهای کششی ارائه کرده است. [۱۰] از حسگر لیزری و یک دوربین ثابت بهره گرفته و اعتبار روش خود را از طریق آزمایش بر روی بازوی رباتیک تأیید کرده اند. همچنین، روشهایی مانند [۱۲] بر بهینهسازی تعداد حالتهای اندازه گیری جهت بهبود شناسایی پارامترها تمرکز داشته اند. این دسته از روشهای کالیبراسیون عمدتاً مبتنی بر فیلترها هستند و نیاز به استفاده از سنسورهای خارجی دارند، که در دسته ی کالیبراسیون خارجی قرار می گیرند.

دسته دیگری از رباتها که اخیراً تحقیقات گسترده تری بر روی آنها صورت گرفته است، رباتهای پادار هستند. کالیبراسیون در این رباتها نیز به ویژه برای بهبود دقت حرکتی اهمیت فراوانی دارد. [۱۳] روشی برای کالیبراسیون آنلاین پارامترهای سینماتیکی مبتنی بر فیلتر کالمن ارائه کرده است. یکی از مواردی که در این نوع رباتها بسیار مورد توجه قرار گرفته، استفاده همزمان از داده های حسگرهای داخلی و خارجی برای بهبود دقت تخمین پارامترهای حرکتی است [۱۴]. ترکیب داده های مختلف در این نوع رباتها و رباتهای خودران اخیراً موضوع داغ تری بوده است و تلاشهای زیادی برای حل چالشهای مرتبط با آن انجام شده است. الگوریتم هایی مانند SLAM تأثیر قابل توجهی بر ترکیب داده ها داشته اند، اما موضوع کالیبراسیون به اندازه کافی مورد توجه قرار نگرفته است.

علاوه بر موارد فوق، کالیبراسیون در رباتهای جراح به دلیل نیاز به دقت بالا امری حیاتی است. روشهایی نظیر [۱۷] بر کالیبراسیون ابزارهای جراحی با استفاده از تصویربرداری دوبعدی و سهبعدی تمرکز کردهاند. در این تحقیقات، کالیبراسیون با استفاده از سنسورهای خارجی انجام شده و یک فرآیند جداگانه پیش از هر عمل جراحی برای اطمینان از دقت کافی ربات ضروری بوده است. [۱۶] نیز روشی برای کالیبراسیون با استفاده از دوربین GB-D و رباتهای جراحی Vinci da ارائه کرده است که دقت بیشتری نسبت به روشهای مرسوم دارد. این روش کالیبراسیون شامل سه مرحله اصلی و مجزا است: کالیبراسیون بازوهای رباتیک، کالیبراسیون دوربین، و کالیبراسیون دست-چشم\. نکتهای که در اینجا از اهمیت بالایی برخوردار است، مجزا بودن این مراحل است. این جداسازی نه تنها نیاز مند تلاشهای جداگانه برای کالیبراسیون سنسورها و ربات است، بلکه تأثیر هر یک بر دیگری مانع از دستیابی به پاسخ بهینه می شود. به عنوان مثال، برای انجام کالیبراسیون ربات، ابتدا

Hand-Eye-Calibration\

باید کالیبراسیون دست-چشم به درستی انجام شده باشد؛ در حالی که خود کالیبراسیون دست-چشم بر اساس روشهای سینماتیکی صورت می گیرد که پیش از کالیبراسیون ربات مقادیر بهینه ای ندارند. شاید پیوند دادن این دو کالیبراسیون به یکدیگر و حتی کالیبراسیون حسگرها و تبدیل آنها به یک مسئله واحد، ما را به پاسخ بهینه نزدیک کند و از انجام فرآیندهای جداگانه جلوگیری نماید. اما تا کنون این موضوع در رباتیک به طور دقیق مورد بررسی قرار نگرفته است. یکی از دلایل ممکن برای نپرداختن به این مسئله، احتمالاً سختی فرمول بندی و پیچیدگیهای محاسباتی بالا در روشهای مرسوم بوده است.

در ادامه مروری بر پژوهش های انجام شده در کالیبراسیون برای رباتهای کابلی موازی خواهیم داشت. این رباتها نیز از اهمیت ویژهای برخوردار هستند زیرا با استفاده از کابلهای سبک و اقتصادی به انتقال انرژی و کنترل اجسام متحرک می پردازند. با این حال، یکی از چالشهای اساسی در استفاده از کابلها به عنوان رابط انتقال، پیچیدگیهای ناشی از افتادگی کابلها تحت تأثیر وزن آنها است. این پدیده، کالیبراسیون دقیق این رباتها را دشوار می سازد و مانع از کاربرد گسترده آنها می شود. به همین دلیل در بسیاری از مطالعات انجام شده در کالیبراسیون این رباتها، کابلها را بدون وزرن به عنوان اجسام صلب در نظر گرفته اند. از آنجا که رباتهای کابلی در بسیاری از کاربردها از جمله ماموریتهای نجات، واقعیت مجازی، و عملیات در محیطهای خطرناک به کار گرفته می شوند، داشتن کالیبراسیونی دقیق برای اطمینان از دقت و کارایی این رباتها ضروری است. انتخاب استفاده از حسگرهای داخلی ربات (خودکالیبراسیون) و چه با استفاده از ابزارهای مرجع خارجی، نقش کلیدی در بهبود عملکرد و دقت این سیستمها ایفا می کند.

نویسندگان در [۲۰] یک ابزار اندازهگیری طول تکبعدی را برای کالیبراسیون معرفی کردهاند. با این حال، محدودیتهای عملکردی این حسگر باعث کاهش قابلیت کاربرد این روش در سناریوهای دنیای واقعی شده است. این روش یک کالیبراسیون خارجی را معرفی می کند. همانطور که بیان گردید، کالیبراسیون خودکار برای رباتهای کابلی بزرگ مقیاس که با مشکل افتادگی کابل مواجه هستند، به طور مستقیم کمتر مورد بررسی قرار گرفته است.

در [۲۱]، نویسندگان یک روش خودکالیبراسیون برای تخمین مکان اولیه یک ربات با چهار کابل و دو درجه آزادی (DoFs) معرفی کردهاند. به همین ترتیب، در [۲۲]، مکان اولیه یک ربات کابلی معلق و فروتحریک با استفاده از معادلات ایستا تخمین زده می شود. علاوه بر این، در [۲۳] یک روش خودکالیبراسیون با استفاده از حسگرهای نیرو توسعه داده شده است، در حالی که نویسندگان [۲۴] روشی را برای کالیبراسیون مکان اولیه ربات

Cable-Driven Parallel Robot (CDPR)

و مقدار طول اوليه با استفاده از انكودرها پيشنهاد كردهاند.

تنها تحقیقی که تاکنون برای خودکالیبراسیون رباتهای کابلی با در نظر گرفتن اثر شکم دهی کابلها منتشر شده است، توسط [۲۵] ارائه شده است. روش بیان شده در این مقاله برای حل مسئله کالیبراسیون، از روشهای مرسوم استفاده می کند. با این حال، در این تحقیق، پاسخپذیری معادلات در قالب فرمول بندی ارائه شده برای رباتهای با ابعاد بزرگ که در آنها اثر شکم دهی نمود پیدا می کند، بررسی نشده است.

## ۲.۲ مروری بر پژوهشهای انجام شده در حوزه مکانیابی

مکانیابی یکی از مسائل اساسی در رباتیک است که هدف آن تعیین مکان یک ربات در محیط مشخصی است. در طول سالها، روشهای مختلفی توسعه یافته اند که هر کدام دارای نقاط قوت و ضعف خاص خود هستند. این بخش به مرور روشهای کلیدی مبتنی بر روشهای احتمالی، ترکیب حسگرها، و استراتژیهای مکانیابی می پردازد. در ادامه مروری بر هر یک از این روشها و برخی از تحقیقاتی که در این زمینه انجام شده اند خواهیم داشت.

### ۱.۲.۲ روشهای مکانیابی احتمالی

روشهای احتمالی به دلیل مقاومت در برابر عدم قطعیت و نویز در اندازه گیری حسگرها به طور گستردهای در مکانیابی رباتهای متحرک استفاده می شوند. این روشها اغلب شامل استفاده از فیلترهای بیزین آ، از جمله فیلتر کالمن توسعه یافته  $^4$ ، و فیلترهای ذرهای  $^0$  هستند.

#### فیلتر کالمن و نسخههای آن

فیلتر کالمن یکی از ابزارهای محبوب برای سیستمهای خطی است که در آن فرض نویز گاوسی است. این فیلتر کالمن این فیلتر با کمینه سازی خطای میانگین مربعات، برآورد بهینه ای از وضعیت سیستم ارائه می دهد. فیلتر کالمن توسعه یافته در مواجهه توسعه یافته این قابلیت را به سیستمهای غیر خطی گسترش می دهد، با این حال، فیلتر کالمن توسعه یافته در مواجهه با سیستمهای به شدت غیر خطی یا زمانی که نویز از توزیع گاوسی پیروی نمی کند، محدودیت هایی دارد [۴]. برای

رفع این مشکل، روشهایی مانند فیلتر کالمن توسعهیافته، فیلتر کالمن توسعهیافته مرحلهای و فیلتر کالمن نقطه سیگما پیشنهاد شدهاند که دقت را با در نظر گرفتن جملات مرتبه بالاتر در سری تیلور بهبود می بخشند. استفاده از فیلترکالمن در طیف وسیعی از رباتها دیده شده است. شاید رباتهای متحرک که در مکانیابی از انواع حسگرها و الگوریتمها استفاده می کنند، بیشترین استفاده از فیلترکالمن را برای مکانیابی خود بردهاند [۲۶، ۲۷، ۲۸]. با توجه به ماهیت غیر خطی پدیدههای دنیای اطراف، استفاده از فیلترکالمنهای خنثی گسترش بیشتری داشته است. [۲۸، ۲۹] روشهای مکانیابی مبتنی بر فیلتر کالمن خنثی ۳ برای ردیابی و ناوبری اینرسی مورد بررسی قرار گرفته اند. این روشها به منظور کشف مکان بلادرنگ اهداف متحرک در محیطهای اینترنت اشیاءبه کار رفته اند. در این فرآیند، اطلاعات تولید شده از گرههای حسگرهای مورد استفاده در اینترنت اشیا برای مکانیابی و ردیابی اهداف متحرک استفاده می شود.

در مقالات [۳۳، ۳۴، ۳۵] ، به بررسی روشهای مختلف برای مسئله مکانیابی و نقشهبرداری همزمان با استفاده از فیلترهای کالمن توسعهیافته و خنثی پرداخته شده است. ابتدا یک روش نمونه گیری برای فیلتر کالمن خنثی پیشنهاد شده است که پیچیدگی محاسباتی آن ثابت است و در همان حدود فیلتر کالمن توسعهیافته قرار می گیرد. همچنین یک UKF محدود شده با قابلیت مشاهده پیشنهاد شده که تضمین می کند فضای غیرقابل مشاهده سیستم مبتنی بر رگرسیون خطی UKF به همان اندازه فضای غیرخطی UKF باشد.

#### فیلترهای ذرهای

فیلترهای ذرهای، که به عنوان روشهای مونت کارلو ترتیبی<sup>2</sup> نیز شناخته میشوند، جایگزین غیرپارامتری فیلترهای کالمن هستند. این فیلترها به خصوص برای مواجهه با سیستمهای به شدت غیرخطی و نویزهای غیرگاوسی مفید هستند. ایده ی اصلی این است که توزیع پسین وضعیت ربات با استفاده از مجموعهای از ذرات وزندار نمایان شود. هر ذره نمایانگر یک فرضیه از وضعیت سیستم است و این ذرات بر اساس دینامیک سیستم و مشاهدات حسگرها به مرور زمان تکامل می پابند [۳۶].

فیلترهای ذره ای نسبت به فیلترهای کالمن محاسبات بیشتری نیاز دارند اما در محیطهای پیچیده انعطاف پذیری و دقت بیشتری ارائه می دهند. این فیلترها در سناریوهای مختلفی از جمله ناوبری در داخل و خارج از ساختمان، که محیطها یو یا و غیرقابل پیش بینی هستند، با موفقیت به کار گرفته شده اند [۳۶، ۳۷، ۳۷].

در اینجا لازم است به برخی از محدودیتها و چالشهای استفاده از روشهای مکانیابی احتمالی اشاره

Sigma-Point Extended Kalman Filter (SPEKF)<sup>\*</sup>
Simultaneous Localization and Mapping (SLAM)<sup>\*</sup>
Sequential Monte Carlo<sup>\*</sup>

Iterative Extended Kalman Filter (IEKF)\
Unscented Kalman Filter (UKF)\
Observability-Constrained UKF (OC-UKF)\operation

کنیم. یکی از مشکلات اصلی این روشها، وابستگی به مدلهای نویز و فرضیات دقیق است. برای مثال، فیلترهای کالمن و حتی نسخههای توسعه یافته آنها به شدت بر این فرضیه تکیه دارند که نویزها دارای توزیع گاوسی هستند و سیستمها به طور کامل با این فرض مطابقت دارند. اما در بسیاری از کاربردهای دنیای واقعی، شرایط محیطی و نویزهای سیستم ممکن است از این مدلها پیروی نکنند، که این امر می تواند منجر به کاهش دقت و عملکرد روشهای فیلتر بیزین و فیلترهای کالمن شود. همچنین، روشهای فیلترهای ذرهای به دلیل تعداد زیادی از ذرات که برای حفظ دقت نیاز دارند، معمولاً از نظر محاسباتی سنگین تر هستند و منابع بیشتری مصرف می کنند. این مسئله به ویژه در سناریوهای زمان واقعی که نیاز به پردازش سریع و به موقع داده ها است، می تواند به محدودیت تبدیل شود.

علاوه بر این، یکی دیگر از معایب این روشها، افزایش پیچیدگی در مواجهه با تعداد زیاد حسگرها و منابع داده است. ادغام دادههای متعدد از حسگرهای مختلف برای بهبود دقت مکانیابی یک مزیت بزرگ است، اما همین موضوع می تواند چالشهای محاسباتی بیشتری را به وجود بیاورد، به خصوص زمانی که منابع داده باهم ناسازگار باشند یا تداخلهای احتمالی در آنها رخ دهد. این مشکلات نیازمند روشهایی هستند که علاوه بر انعطاف پذیری، کارایی محاسباتی بالاتری داشته باشند و در عین حال قابلیت سازگاری با محیطهای پیچیده و پویا را داشته باشند.

### ۲.۲.۲ روشهای ترکیب حسگرها

ترکیب حسگرها در مکانیابی رباتیک اهمیت زیادی دارد، زیرا اجازه می دهد داده های حاصل از چندین حسگر برای بهبود دقت و قابلیت اطمینان ادغام شوند. حسگرهای مختلف اطلاعات متفاوتی ارائه می دهند؛ برای مثال، حسگرهای مبتنی بر بینایی می توانند ویژگی های غنی محیطی را ارائه دهند، در حالی که حسگرهای اینرسی داده های حرکت قابل اطمینان را فراهم می کنند [۳۹].

#### مکانیابی مبتنی بر بینایی

مکانیابی مبتنی بر بینایی از دوربینها برای جمع آوری اطلاعات محیطی استفاده میکند. این رویکرد به ویژه در محیطهایی با ویژگیهای دیداری متمایز موثر است. روشهایی مانند مکانیابی و نقشه برداری همزمان دیداری از محیط ایجاد کنند و به طور همزمان مکان ربات را تخمین بزنند [۴۰، ۴۰].

Visual-SLAM

روشهای SLAM دیداری اغلب بر ویژگیهایی مانند خطوط یا گوشهها در محیط تکیه می کنند تا نقشهای ایجاد کنند. چالش اصلی در اینجا مقابله با تغییرات نور، انسدادها، و اشیاء پویا است که می تواند کیفیت دادههای دیداری را کاهش دهد. برای کاهش این مشکلات، پژوهشگران دادههای دیداری را با سایر حسگرها مانند لایدار یا واحدهای اندازه گیری اینرسی ترکیب کردهاند. کاربرد استفاده از این الگوریتم در حوزه رباتیک به طیف وسیعی از رباتها همچون رباتهای پرنده، خودران و محرک رسیده است [۴۲، ۴۳، ۴۳].

#### روشهای مبتنی بر لایدار

حسگرهای لایدار به دلیل توانایی ارائه اندازه گیریهای دقیق فاصله در مکانیابی رباتیک به طور گستردهای استفاده می شوند. این حسگرها پرتوهای لیزری را ارسال می کنند و زمانی که پرتو پس از برخورد با یک جسم بازمی گردد، زمان را اندازه می گیرند. این داده ها می توانند برای ایجاد یک نقشه دقیق از محیط و مکانیابی ربات در این نقشه استفاده شوند [۴۵]. روشهای مبتنی بر لایدار به ویژه در محیطهای ساختاریافته مانند راهروهای داخلی یا اتاقهایی با مرزهای مشخص موثر هستند. این روشها اغلب با الگوریتمهای احتمالی مانند فیلتر کالمن توسعه یافته یا فیلترهای ذره ای ترکیب می شوند تا دقت مکانیابی را افزایش دهند [۴۶، ۴۷].

از طرفی دیگر، در حالی که این حسگرها اطلاعات لازم برای ایجاد نقشههای دقیق از محیط را فراهم می کنند، اما استفاده از داده های لایدار به تنهایی ممکن است تحت شرایط پیچیده محیطی با چالشهایی روبرو شود. در این راستا، استفاده از روشهای مبتنی بر گراف جهت ترکیب داده های لایدار و سایر حسگرها نظیر حسگرهای دیداری، می تواند بهبود چشمگیری در دقت مکانیابی فراهم کند. یکی از مزایای گراف، توانایی آن در ترکیب اطلاعات حسگرهای مختلف به صورت همزمان و ارائه ی تخمینهای دقیق تر از مکان ربات است [۵۱]. به ویژه در سناریوهای پیچیده و با وجود نویز، روشهای مبتنی بر گراف توانایی بیشتری در مدیریت داده های چندمنبعی دارند و می تواند با بهره گیری از اطلاعات حسگرهای لایدار و دیداری، تخمین دقیقی از موقعیت ارائه دهند [۵۰].

استفاده از گراف در ترکیب داده های حسگر لایدار و دیداری می تواند به صورت موثری بر چالش هایی مانند هماهنگ سازی داده های ناهمزمان غلبه کند. این رویکرد به دلیل توانایی بالای گراف در استفاده از الگوریتم های بهینه سازی تکراری، به طور قابل ملاحظه ای نسبت به روش های متداول مانند فیلتر کالمن دقت بیشتری فراهم می کند [۴۹]. همچنین، ترکیب حسگرهای دیداری و لایدار در قالب گراف، امکان مواجهه با مشکلات ناشی از نویز یا عدم حضور موقت حسگرها را به خوبی فراهم می آورد و در نهایت به بهبود مقاومت سیستم مکان یابی در محیط های بیچیده کمک می کند [۴۸].

### ۳.۲.۲ روشهای مکانیابی فعال

رویکردهای سنتی مکانیابی اغلب منفعل هستند، به این معناکه به دادههای حسگرهای موجود بدون تأثیرگذاری بر حرکات ربات بر حرکات ربات تکیه میکنند. مکانیابی فعال، از سوی دیگر، شامل اتخاذ تصمیمهایی در مورد حرکات ربات برای بهبود دقت مکانیابی است. این رویکرد میتواند با هدایت ربات به سمت نواحی اطلاعاتی تر از محیط، عدم قطعیت را به طور قابل توجهی کاهش دهد [۴].

### انتخاب اقدام مبتنی بر آنتروپی

یکی از روشهای کلیدی در مکانیابی فعال، کمینهسازی آنتروپی است که در آن ربات اقداماتی را انتخاب می کند که انتظار می رود در آینده عدم قطعیت در مکان آن را به حداقل برساند. این رویکرد در سناریوهای مختلفی با موفقیت به کار گرفته شده است، جایی که نشان داده شده است در محیطهای با ویژگیهای مبهم، عملکرد بهتری نسبت به روشهای منفعل دارد [۵۲]. برای مثال، در محیطهای اداری با راهروهای طولانی و بدون ویژگیهای خاص، یک ربات ممکن است تصمیم بگیرد به سمت ناحیهای با ویژگیهای متمایزتر (مانند اتاقی با مبلمان) حرکت کند تا دقت مکانیابی خود را بهبود بخشد. فرآیند تصمیم گیری در این رویکرد اغلب توسط یک چارچوب احتمالی، مانند مکانیابی مارکوف، هدایت می شود که توزیع احتمالاتی را بر روی مکانهای ممکن ربات حفظ می کند.

### ۴.۲.۲ مروری خاص بر مکانیابی رباتهای کابلی

بخش مکانیابی رباتهای کابلی یکی از چالشهای مهم در حوزه رباتیک است که به دلیل ساختار خاص این رباتها، نیاز به رویکردهای پیشرفته و دقیق دارد. رباتهای کابلی به عنوان یک نوع ربات موازی که از کابلها به جای اتصالات صلب استفاده می کنند، به ویژه در محیطهای بزرگ و باز مانند فیلم برداری های هوایی یا کاربردهای لجستیکی استفاده می شوند. با این حال، پیچیدگی های مکانیابی و تخمین وضعیت در این رباتها به دلیل ماهیت انعطاف پذیر کابل ها و تأثیر نیروهای خارجی بر روی آنها بسیار بالا است.

در مطالعات اخیر، ترکیب اندازه گیری های اینرسی با مدل های سینماتیکی برای بهبود دقت مکانیابی رباتهای کابلی مورد توجه قرار گرفته است. به طور خاص، [۵۳] نشان داده است که ترکیب داده های دینامیکی حاصل از حسگر اینرسی با راه حل های ایستای مدل های سینماتیکی می تواند منجر به بهبود قابل توجهی در دقت مکانیابی ربات های کابلی معلق شود. این روش به ویژه برای ربات های کابلی بزرگ مقیاس که در آن ها شکم دهی کابل ها

تحت تأثیر وزن خود کابل و سایر نیروها یک چالش عمده است، تا حدودی موثر بوده است. همچنین، [۵۴] مطالعهای که بر اساس ربات کابلی معلق و حسگرهای میدان مغناطیسی انجام داده است، یک رویکرد نوین برای مکانیابی دقیق رباتهای کابلی در کاربردهای پزشکی ارائه داده است. در این روش، با استفاده از آرایهای از حسگرهای اثر هال و یک ربات کابلی دو بعدی، مکان یک کپسول مغناطیسی درون بدن بیمار با دقت بالا تعیین میشود. این روش نه تنها دقت مکانیابی را افزایش داده، بلکه فضای کار ربات را نیز به طور موثری گسترش داده است.

مقاله [۵۵] به بررسی دو روش جدید فیلتر کالمن توسعهیافته برای ترکیب دادههای حسگرهای شتابسنج و ژیروسکوپ با سینماتیک مستقیم در رباتهای موازی کابلی جهت تخمین دقیق تر مکان و وضعیت بار پرداخته است. مقاله از دو رویکرد فیلتر کالمن توسعهیافته مبتنی بر زاویه اویلر و فیلتر کالمن توسعهیافته مبتنی بر بردار چرخش استفاده می کند. همچنین، با استفاده از شبیهسازیهای مونت کارلو، نتایج عددی نشان می دهد که استفاده از این فیلترها در مقایسه با محاسبات سینماتیک مستقیم به تنهایی، تخمینهای دقیق تری از وضعیت بار ارائه می دهد. این تحقیقات نشان می دهند که با ترکیب روشهای مختلف اندازه گیری و بهره گیری از مدلهای دقیق تر سینماتیکی و دینامیکی، می توان به بهبود قابل توجهی در عملکرد و دقت مکان یابی رباتهای کابلی دست یافت. این پیشرفتها زمینه را برای کاربردهای وسیع تر این نوع رباتها در صنایع مختلف فراهم می کند و پیتانسیلهای جدیدی را برای توسعه سیستمهای رباتیک پیچیده تر به ارمغان می آورد.

#### ۵.۲.۲ تحلیل مقایسهای و بحث

انتخاب روش مکانیابی بستگی به نیازهای خاص کاربرد رباتیک، شامل محیط، حسگرهای موجود، و منابع محاسباتی دارد. فیلترهای کالمن و نسخههای آن برای کاربردهایی که سیستم عمدتاً خطی است و نویز گاوسی است، مناسب هستند. با این حال، در محیطهای پیچیده تر با ویژگیهای غیرخطی بیشتر و نویزهای غیرگاوسی، فیلترهای ذرهای یک راه حل مقاوم تر ارائه می دهند. روشهای مکانیابی فعال نمایانگر پیشرفت قابل توجهی در این زمینه هستند، زیرا به ربات اجازه می دهند تصمیمات آگاهانه ای در مورد اقدامات خود بگیرند تا عدم قطعیت را کاهش دهند. این روشها به ویژه در محیطهای پویا و یا محیطهای به خوبی تعریف نشده، مفید هستند، جایی که روشهای منفعل ممکن است با مشکل مواجه شوند.

روشهای ترکیب حسگرها، به ویژه آنهایی که شامل لایدار و بینایی هستند، در بهبود دقت مکانیابی موثر بودهاند. ترکیب چندین حسگر به کاهش نقاط ضعف حسگرهای فردی کمک می کند و منجر به یک سیستم مکانیابی قابل اعتمادتر می شود. اما این ترکیب در پیاده سازی سختی های خاص خود را دارا می باشند. به همین دلیل، در سال های اخیر حل این مسئله های در حوزه گراف جا باز کردهاند. ترکیب حسگرها و مقیدسازی مسئله از مهم ترین مواردی هستند که این حوزه را به این راستا کشیده اند.

## ۳.۲ مروری بر پژوهشهای انجامشده در ترکیب وظایف رباتیکی

در حالیکه روشهای کالیبراسیون و مکانیابی همزمان برای رباتها کمتر مورد مطالعه قرار گرفتهاند، این پارامترها نقش حیاتی در وظایف ناوبری و حرکت رباتها ایفا میکنند. در بیشتر این مطالعات، از فیلترهای مختلفی مانند فیلتر کالمن و نسخههای پیشرفته آن برای بهبود دقت در مکانیابی و کالیبراسیون استفاده شده است. این روشها اغلب پیچیده و نیازمند منابع محاسباتی بالا هستند، اما مزایای قابل توجهی در دقت و پایداری سیستمهای رباتیک دارند.

### ۱.۳.۲ كاليبراسيون سنسورها و مكانيابي همزمان

در مقالات اخیر، ترکیب کالیبراسیون سنسورها با مکانیابی رباتها به عنوان یک مسئله مهم مطرح شده است. این روشها از الگوریتمهای فیلتر مبنا برای تخمین مکان و پارامترهای کالیبراسیون به صورت همزمان استفاده می کنند. به عنوان مثال، در [۵۶] یک روش کالیبراسیون همزمان با استفاده از فیلتر کالمن توسعهیافته و فیلتر کالمن خنثی ارائه شده است. این روشها به منظور بهبود دقت در مکانیابی و کاهش خطاهای حاصل از عدم تطابق پارامترهای سنسور و مدل حرکتی ربات به کار می روند.

به طور کلی، ترکیب فرآیندهای مکانیابی و کالیبراسیون حسگرها به دلیل عدم نیاز به طی کردن مراحل جداگانه برای کالیبراسیون حسگر، در حوزه رباتیک محبوبیت بیشتری پیدا کرده است. البته در بسیاری از موارد، انجام همزمان این دو فرآیند به دلیل تغییرات مداوم در پارامترهای کالیبراسیون حسگر، ضروری است. با مروری بر تحقیقات گذشته، مشاهده می شود که استفاده از این ایده در رباتهایی که دارای حسگرهای بینایی مانند دوربین هستند، بیشتر رایج است [۵۸ ،۵۷]. روشهای استفاده شده در این تحقیقات برای تعریف مسائل بهینهسازی

کاری دشوار بودهاست. [۵۹] از آخرین تحقیقات انجامشده در این زمینه است که از ایدههای جدیدتر مبتنی بر گراف استفاده کرده است. حرکت به سمت این دسته از الگوریتمها برای اینگونه ترکیبهای رباتیکی، مسیری جدید در این حوزه ایجاد کرده است.

### ۲.۳.۲ کالیبراسیون و مکانیایی همزمان ربات

در قسمتهای قبل موضوع کالیبراسیون و مکانیابی برای رباتها به صورت مجزا به تفصیل مورد بررسی قرار گرفت. آنچه در این بخش مورد بررسی قرار می گیرد، تحقیقاتی است که هر دو الگوریتم را به طور همزمان در یک مسئله به کار گرفته و با حل یک مسئله یکپارچه، مکانیابی و کالیبراسیون را به صورت همزمان انجام می دهند. این رو یکرد، نه تنها زمان صرف شده برای فرآیندهای کالیبراسیون جداگانه را کاهش می دهد، بلکه بهبود چشمگیری در دقت هر دو فرآیند ایجاد می کند.

با وجود تحقیقات گسترده در زمینه کالیبراسیون و مکانیابی، بررسی ترکیب این دو فر آیند و حل مسئله یکپارچه کمتر مورد توجه قرار گرفته است. یکی از دلایل این امر، پیچیدگیهای قابل توجهی است که ترکیب این دو فر آیند به همراه دارد. در حالی که ترکیب کالیبراسیون حسگر و مکانیابی به صورت تئوری می تواند بار محاسباتی کمتری داشته باشد، اما با ادغام کالیبراسیون ربات، پیچیدگیهای ریاضیاتی و محاسباتی مرتبط با سینماتیک و دینامیک ربات به طور چشمگیری افزایش می یابد. مقیدسازی مسئله نیز می تواند هدف دیگری در کنار این اهداف باشد که خود به پیچیدگیهای ریاضیاتی مسئله اضافه می کند.

تحقیقات متعددی سعی در استفاده از روشهای مبتنی بر فیلتر برای حل همزمان این دو مسئله داشته اند. به عنوان مثال، [۶۰] یکی از تحقیقات پایه در این زمینه است که با استفاده از روش فیلتر کالمن خنثی، یک مدل ساده شده از این ترکیب ارائه کرده است. در این تحقیق، نویسندگان تلاش کرده اند تا با انتخاب یک مسیر محاسباتی کمتر پیچیده، یک الگوریتم ترکیبی برای کالیبراسیون و مکانیابی ربات ارائه دهند. اما با وجود تلاشهای انجام شده، این روشها به دلیل پیچیدگی محاسباتی بالا و عدم توانایی در مدیریت بهینه ی منابع در مسائلی با قیود پیچیده، نتوانسته اند به یک راه حل جامع و کارا برای همه ی کاربردها تبدیل شوند.

در محیطهایی با عدم قطعیتهای بالا، قیود مکانی پیچیده، یا تغییرات دینامیکی قابل توجه، روشهای مبتنی بر فیلتر به دلیل فرضیات سادهسازانهای که در مورد مدلهای سیستم دارند، عملکرد بهینهای ندارند. همچنین، همگرایی این روشها در سیستمهای با غیرخطی بودن شدید و نویزهای غیرگاوسی با چالشهای جدی مواجه

است. با توجه به این محدودیتها، ترکیب کالیبراسیون و مکانیابی با استفاده از روشهای مرسوم مبتنی بر فیلتر، به ویژه در مسائل با قیود پیچیده و نیاز به دقت بالا، مناسب و عملی به نظر نمی رسد. علاوه بر این، حل این مسائل پیچیده باید به گونهای باشد که ایجاد تغییر در بخشی از مسئله، محاسبات قبلی را تحت تأثیر قرار ندهد؛ این امر به سهولت در افزودن قید به مسئله منجر می شود. در نتیجه، این محدودیتها مسیر را برای استفاده از رویکردهای نوین تر، مانند الگوریتمهای گراف مبنا، هموار می سازد. این الگوریتمها، که در فصل بعد به تفصیل مورد بررسی قرار خواهند گرفت، با بهره گیری از ساختارهای داده ای کارآمدتر و مدل سازی دقیق تر، توانایی ترکیب همزمان و بهینه سازی فر آیندهای کالیبراسیون و مکان یابی را در محیطهای پیچیده و دینامیکی فراهم می کنند.

## ۴.۲ نتیجهگیری

در حالی که روشهای مبتنی بر فیلتر برای کالیبراسیون و مکانیابی رباتها دقت و پایداری خوبی ارائه می دهند، پیچیدگیهای پیادهسازی این روشها می تواند محدودیتهایی ایجاد کند. این پیچیدگیها، از جمله نیاز به منابع محاسباتی بالا و همچنین چالشهای مرتبط با تغییرات دینامیکی و عدم قطعیتهای محیطی، زمینه را برای بررسی روشهای جایگزین مانند روشهای مبتنی بر گراف فراهم می سازد. این روشهای نوین، ممکن است با کاهش پیچیدگیهای فرمول بندی، افزایش انعطاف پذیری مسئله و بهبود کارایی، راهکارهای بهتری برای حل مسئله مکانیابی و کالیبراسیون ارائه دهند. اگرچه این الگوریتمها هنوز در حوزه کالیبراسیون به طور کامل جایگاه خود را نشان ندادهاند، اما در تحقیقات اخیر به طور گستردهای در زمینههای مکانیابی و SLAM مورد استفاده قرار گرفتهاند. و یژگیهای بارز این روشهای مبتنی بر گراف در تلفیق این مسائل و بهرهمندی از مزیتهای آنها، ما را به سمت استفاده از آنها برای ایجاد یک مسئله یکپارچه شامل وظایف رباتیکی همچون کالیبراسیون حسگرها، کالیبراسیون ربات و مکانیابی به صورت همزمان هدایت میکند.

## فصل ۳

# رویکرد مبتنی بر گراف برای مکانیابی و کالیبراسیون به صورت همزمان

#### ۱.۳ مقدمه

همانطور که در فصل قبل ذکر شد، اگرچه حسگرهای فضای مفصل سریع و ارزان هستند، اما زمانی که از آنها برای اندازهگیری مقادیر مجری نهایی استفاده می شود، دقت مدل سینماتیکی برای تعیین دقت قابل دستیابی بسیار مهم است. علاوه بر این، در زمینه همجوشی و ترکیب اندازهگیری ها، هم ثبت کردن داده ها [۶۱] اولین گام اساسی است. به عبارت دیگر، حسگرها باید اندازهگیری های خود را در یک مختصات یکپارچه ارائه دهند. اهمیت هم ثبتی به دلیل فرض اساسی نویز گاوسی با میانگین صفر در الگوریتم های ترکیب داده ها است.

نکته قابل توجه دیگر برای رباتهای آسان نصب، لزوم بی نیازی الگوریتم کالیبراسیون پیشنهادی به حسگرهای گران قیمت و یا حسگرهایی که نیاز به تعمیر و نگهداری سطح بالایی دارند، می باشد. علاوه بر این، فرآیند کالیبراسیون باید به اندازه ای ساده باشد که اجرای آن در مکانهای مختلف آسان و سریع باشد. با اینکه کالیبراسیون موضوعی است که بسیاری از پژوهشگران به آن علاقه مند هستند، اما مفهوم بهره گیری از چندین حسگر برای بهبود نتایج کمتر مورد توجه قرار گرفته است.

از طرفی دیگر، افزون بر مفهوم و ضرورت کالیبراسیون در حوزه رباتها، مکانیابی آنها نیز مورد توجه بسیاری

co-registration\

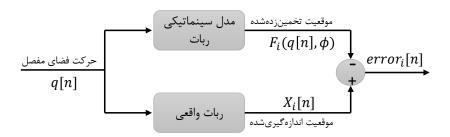
قرار گرفته است. همانطور که پیش تر بیان شد، الگوریتمهای بسیاری در راستای ترکیب حسگرها و همچنین کاهش زمان پردازش برای مکانیابی ربات به صورت زمان-واقعی در انواع رباتها همچون رباتهای خودران مورد استفاده قرار گرفته است.

در این فصل مروری بر روشهای مرسوم کالیبراسیون و مکانیابی رباتها خواهیم داشت. سپس نگاهی به معایب این روشها خواهیم داشت و برای حل آنها رویکردی را ارائه خواهیم داد که معایب این روشها را برطرف کند. در نهایت با استفاده از این رویکرد، یک ربات کابلی را در نظر خواهیم گرفت و با اعمال رویکرد مطرح شده، نتایج کالیبراسیون و مکانیابی به صورت همزمان را ارائه خواهیم داد.

## ۲.۳ روش های مرسوم کالیبراسیون

به صورت کلی، انتظار می رود چنانچه به یک ربات در دنیای واقع یک ورودی مشخص اعمال شود، با اعمال همان ورودی به مدل پاسخی یکسان دریافت شود. با این حال همواره وجود نامعینی ها و عدم دقیق بودن پارامتر های مدل در واقعیت ما را از رسیدن به چنین پاسخی ایده آل باز می دارد. این نامعینی ها می تواند ناشی از تقریب هایی باشد که در مدل داریم و یا پدیده هایی که در مدل سازی مورد توجه کامل قرار نگرفته اند. جنس این نامعینی ها می تواند داریم و یا پدیده هایی که در مدل سازی داشته باشد. فرآیند کالیبراسیون می تواند این نامعینی ها می تواند در جهتی کاهش دهد که پاسخ هایی که از مدل و ربات در پیاده سازی واقعی دریافت می کنیم، به هم نزدیک شوند. آنچه در این پایاننامه مورد توجه ویژه قرار گرفته است کالیبراسیون سینماتیکی می باشد. شکل ۱.۳ نمایش بلوکی از یک فرآیند کالیبراسیون سینماتیکی بنا بر تعریف بیان شده می باشد. همانطور که در این شکل مشاهده می شود آنچه به عنوان خطا در نظر گرفته می شود تفاوت مکان فضایی ربات است که ناشی از مدل سینماتیکی ربات (در اینجا سیتماتیک مستقیم) و ربات واقعی در فضای کاری ربات، با یک ورودی مشترک در فضای مفصلی ربات (در اینجا سیتماتیک مستقیم) و ربات واقعی در فضای کاری ربات، با یک ورودی مشترک در فضای مفصلی آن می باشد.

همانند آنچه در فصل پیش مشاهده شد، با نگاهی به آخرین تحقیقات بر روی مسئله کالیبراسیون ربات ها، تعریف یک مسئله بهینه سازی غیرخطی و حل آن برای یافتن مقادیر دقیق این پارامتر های سینماتیکی و دینامیکی ربات مرسوم است [۲، ۲۲، ۶۲، ۶۳]. مطابق این رویکرد های مرسوم، برای ایجاد فرمول بندی مناسب مسئله



شكل ١٠٣: دياگرام كلى فرمول بندى يك مسئله كاليبراسيون

مطرح شده در شکل ۱.۳ خواهیم داشت:

$$\tilde{\boldsymbol{\phi}} = \arg\min_{\boldsymbol{\phi}} \sum_{n=1}^{N} \operatorname{error}_{i}[n] = \arg\min_{\boldsymbol{\phi}} \sum_{n=1}^{N} ||F_{i}(\boldsymbol{q}[n], \boldsymbol{\phi}) - X_{i}[n]||_{\Sigma}^{\Upsilon}$$
 (1.7)

در این معادله،  $\phi$  بردار پارامتر های سینماتیکی و  $\tilde{\phi}$  تخمین آن است. علاوه بر این، [n] نامین مقدار اندازه گیری شده توسط حسگر فضای کار ربات، و [q] مقادیر اندازه گیری های متقابل حسگری در مفاصل می باشد. تابع مدل ربات [f] بیانگر مدل سینماتیک مستقیم ربات می باشد. تابع هزینه هدف، بر روی مجموعی از K نمونه داده جمع آوری شده در فرآیند کالیبراسیون می باشد. افزون بر این،  $\Sigma$  نیز بیانگر ماتریس کوواریانس اندازه گیری می باشد که به عنوان عامل نرمالسازی برای محاسبه هزینه عمل می کند. هر چه مقدار کوواریانس بیشتر باشد، میزان تأثیرگذاری خطای متقابل آن بر روی تابع هزینه کمتر خواهدبود. همچنین برای محاسبه نرم روشهای زیادی ارائه شده است که آنچه بیشتر مورد استفاده قرار می گیرد نرمهای هابر آ می باشد [f]. معادله بهینه سازی غیر خطی بیان شده در [f] می تواند با روش های بازگشتی الگوریتم های غیر خطی حداقل مربعات مهمچون لونبرگ-مارکوارت [f] و یا روش های گاوس-نیوتون [f] حل شوند [f].

با نگاهی دیگر به دیاگرام مطرح شده در ۱.۳ و همچنین معادله ۱.۳، مشاهده می شود که افزایش دقت اندازه گیری و همچنین بر آورده کردن تمامی قیود مدل می تواند منجر به بهبود نتیجه کالیبراسیون شود. به منظور دستیابی به این هدف، رویکردهایی همچون ترکیب چندین حسگر و یا افزودن قیود جدید که از ساختار هندسی ربات استخراج می شود، معرفی می شوند. ترکیب این حسگرها باید به گونه ای باشد که علاوه بر کاهش خطای نهایی کالیبراسیون، خروج هر کدام از حسگرها منجر به توقف فر آیند کالیبراسیون نشود. همچنین واضح است که

افزودن این قیود می تواند منجر به حل پیچیده تری از مسئله شود. در ادامه، نگاهی به فر مول بندی مسئله کالیبراسیون با در نظر گرفتن این ترکیبها خواهیم داشت.

## ۱.۲.۳ ترکیب حسگر ها

در معادله ۱.۳، زیرنویس i بیانگر وجود یک حسگر و خطایی که از مقادیر اندازه گیری حسگر در هر نمونه بوده می باشد. فرمول بندی ساختاری که به صورت همزمان از چندین حسگر در راستای ایجاد تابع هزینه استفاده نماید می تواند به صورت زیر تعریف شود:

$$\tilde{\phi} = \arg\min_{\phi} \sum_{n=1}^{N} \sum_{n=1}^{M} W_i \operatorname{error}_i[n]$$
 (7.7)

در این معادله  $W_i$  ها یک پارامتر وزن برای ترکیب چندین منبع اطلاعاتی با توجه به میزان کیفیت و اهمیت آنها می باشد. در راستای بهبود دقت و قابلیت اطمینان کالیبراسیون، ترکیب حسگرها می تواند نقش حیاتی در افزایش پایداری و کارایی فرآیند داشته باشد. ترکیب چندین حسگر به گونه ای که هر یک از آنها اطلاعات مکملی نسبت به دیگری فراهم کنند، می تواند به کاهش خطاهای اندازه گیری و افزایش دقت مدل کمک کند. به ویژه در شرایطی که برخی حسگرها با نویز یا خطا مواجه می شوند، استفاده از داده های حاصل از سایر حسگرها می تواند بهبود قابل توجهی در پایداری و صحت نتایج کالیبراسیون ایجاد کند. یکی از رویکردهای موثر در این زمینه، استفاده از الگوریتم های بهینه سازی چندمنظوره است که امکان ترکیب اطلاعات چندین حسگر را با توجه به وزن دهی مناسب فراهم می سازد. در این رویکرد، می توان به جای اتکا بر یک حسگر خاص، داده های چندین حسگر را با هم ترکیب کرد تا تاثیر خطاهای احتمالی یک حسگر بر فرآیند کالیبراسیون کاهش یابد.

## ۲.۲.۳ ترکیب شبه اندازه گیری ها

اندازهگیریهای حسگری تنها منبع اطلاعات برای حل مسئله نیستند. ساختار ربات و توجه به هندسه آن برای حل مسئله تعریف شده می تواند مفید واقع شود. برای مثال فاصلههای بین برخی از نقاط می تواند با توجه به ساختار ربات، و یژگیهایی نسبی و یا مطلق داشته باشند. این اطلاعات با عنوان دادههای شبه اندازهگیری شناخته

می شوند. این دسته از اطلاعات که از قبل مشخص هستند، می توانند به صورت قیود به مسئله اضافه شوند. بنابراین مسئله کلی بهینه سازی کالیبراسیون ۲.۳ در حضور این قیود به صورت زیر بازنویسی می شود.

$$\tilde{\phi} = \arg\min_{\phi} \sum_{n=1}^{N} \sum_{n=1}^{M} W_i \operatorname{error}_i[n]$$
 
$$g_i(\phi) = \bullet \quad where \quad j = 1, \dots, K$$
 (7.7)

که در اینجا  $g_j(\phi)=0$  قیود هندسی معلوم بر روی پارامترهای سینماتیکی ربات میباشند. این قیود، فضای جستجو برای پارامترهای سینماتیکی را محدود کرده و احتمال دستیابی به نتایج دقیق تر و منطبق با واقعیت را افزایش میدهند. در این روش، قیود هندسی بر روی پارامترهای سینماتیکی اعمال شده و فرمول بندی نهایی مسئله بهینه سازی پیچیده تر می شود، اما استفاده از این قیود به نتایج دقیق تری منجر خواهد شد.

## ۳.۳ روشهای مرسوم مسئله مکانیابی

همانطور که در فصل پیش بیان شد، مکانیابی ربات فرآیند تعیین مکان ربات نسبت به محیط اطراف آن می باشد. دانستن مکان دقیق ربات در محیط، پیش نیازی اساسی برای اتخاذ تصمیمات صحیح و حرکت های بعدی مؤثر است. بدون اطلاعات مکانی دقیق، ربات نمی تواند مسیریابی و یا ردیابی مناسبی را داشته باشد و ممکن است با موانع برخورد کند یا مسیر بهینه ای را طی نکند [۶۶]. علاوه بر این، سیستم های کنترلی ربات ها نیاز مند اطلاعات دقیق و لحظه ای از مکان و جهت گیری ربات هستند تا بتوانند فرمان های مناسب را صادر کنند. بدون داده های دقیق مکانی، کنترکننده ها نمی توانند حرکات دقیقی را تولید کنند که منجر به عملکرد نامناسب و ناپایداری ربات می شود [۶۷]. فرآیند کالیبراسیون ربات که در بخش ۲.۳ مورد بررسی قرار گرفت نیز نیاز مند داشتن اطلاعات دقیق از مکان ربات است. با داشتن داده های مکانی دقیق، می توان خطاهای سیستماتیک را شناسایی و تصحیح کرد و به این ترتیب دقت و کارایی ربات را بهبود بخشید. این امر به ویژه در ربات هایی که نیاز شناسایی و تصحیح کرد و به این ترتیب دقت و کارایی ربات را بهبود بخشید. این امر به ویژه در ربات هایی که نیاز به انجام وظایف حساس و دقیق دارند، حیاتی است.

مکانیابی دقیق ربات باعث کاهش عدم قطعیت در تصمیم گیری ها و عملیات ربات می شود. این امر نه تنها به افزایش اعتمادپذیری ربات در انجام وظایف محوله منجر می شود، بلکه احتمال بروز خطاها و حوادث ناشی از

trakcing motion planing Localization Localization

اشتباهات مکانی را نیز کاهش می دهد. همچنین در سیستم هایی که شامل چندین ربات هستند، اطلاعات دقیق مکانی هر ربات برای هماهنگی و همکاری بین ربات ها ضروری است. این اطلاعات به ربات ها کمک می کند تا از مکان یکدیگر آگاه باشند و بتوانند به صورت هماهنگ وظایف مشترک را انجام دهند. در این راستا توسعه و بهبود روش های مکانیابی به منظور افزایش دقت و کارایی ربات ها، از اهمیت ویژه ای برخوردار است [۶۸].

روش های ارائه شده برای مکانیابی ربات را می توان به سه دسته اصلی مسافت پیمایی امکانیابی جهانی و مکان یابی و تولید نقشه به صورت همزمان تقسیم کرد. این روش ها با توجه به نوع حسگرهای تعبیه شده بر روی ربات می تواند مورد استفاده قرار گیرد. ترکیب داده ها برای همانند آنچه در بخش ۲.۳ مورد توجه قرار گرفت، در مکانیابی و تخمین حالت ربات نیز می تواند نقش موثری را ایفا کند. حسگرهای استفاده شده از نظر جنس داده ها و فرکانس داده برداری نیز می تواند متفاوت باشند که در ترکیب داده ها، به صورت خاص تر، زمانی که اجرای الگوریتم به صورت زمان واقعی می باشد، چالش برانگیز خواهدبود. طیف وسیعی از روشهای مرسوم ارائه شده برای ترکیب داده ها در راستای تخمین حالت، رویکردهای مبتنی بر فیلتر هستند. این روشها که به رویکرهای آماری آبنز شناخته می شوند، در دو دهه اخیر فعالیت های زیادی را به خود اختصاص داده اند. پایه این روشها بر قانون بیز آبنا نهاده شده است. مقاله [۶۹] دسته بندی جامعی از روشهای مبتنی بر فیلتر برای تخمین مکان ارائه کرده است. از میان روشهای بیان شده، فیلتر کالمن و فیلترهای ذرات به عنوان فراگیرترین رویکرد مورد استفاده قرار گرفته شده است. این فیلترها با استفاده از فرض مارکوف بودن برای حالتها و به کارگیری اطلاعات پیشین، قرار گرفته شده است. این فیلترها با استفاده از فرض مارکوف بودن برای حالتها و به کارگیری اطلاعات پیشین، از حالت حدید ارائه می کنند.

## ۴.۳ رویکرد مبتنی برگراف برای حل مسئله کالیبراسیون و مکانیابی به صورت همزمان

روشهای مرسوم کالیبراسیون و مکانیابی رباتها که تا به اینجا معرفی شدهاند، فرمولبندیهای مشخصی برای حل این دو مسئله ارائه دادهاند. همانطور که در فصل قبل مشاهده شد، سادگی و سرعت بالای این روشها باعث پیادهسازی گسترده آنها گردیده است. با این حال، این روشها دارای معایبی نیز هستند. اول اینکه برای هر مسئله کالیبراسیون ربات، فرمولبندی مسئله باید از ابتدا توسعه داده شود. دوم اینکه این روشها از تنک بودن

ذاتی مسئله ها برای سرعت بخشیدن به محاسبات استفاده نمی کنند. بزرگ شدن و پیچیده شدن فرمول بندی این مسائل باعث می شود که از حل آن ها به صورت زمان واقعی فاصله گرفته شود. همچنین، این روش ها برای حل مسائل غیر خطی نیاز به خطی سازی دارند که نه تنها به پیچیدگی های محاسباتی می افزاید، بلکه باعث کاهش دقت نیز می شود. سومین موضوع، روش های مرسوم مبتنی بر فیلتر از داده های جاری و لحظه ای استفاده می کنند که باعث می شود علاوه بر مشکلات در مدیریت داده هایی که با تأخیر به سیستم می رسند، نتوانند داده های تاریخی را به صورت کامل در یک مسئله بهینه سازی دسته ای وارد کنند. این مشکل در مسائل مکانیابی باعث ایجاد مشکلات جدی همچون لغزش و کاهش دقت تا حد قابل توجهی می شود. چهارمین عیب این روش ها، عدم انعطاف پذیری آن ها برای بسط دادن مسئله با افزودن قیود به سیستم یا داده های حسگری به آن است. با توجه به این معایب، روش های مرسوم ممکن است در برخی کاربرده ای پیشرفته رباتیک کارایی لازم را نداشته باشند.

در این فصل، برای اولین بار در ادبیات این موضوع، رویکردی مبتنی بر گراف برای حل مسئله کالیبراسیون و مکانیابی ربات بیان میگردد که با فرمولبندی یکپارچه، هر دو مسئله را به صورت همزمان در یک مسئله بهینه سازی حل می کند. و یژگیهای ذاتی این رویکرد در حل این مسئله واحد به تمامی معایب مطرح شده در روشهای مرسوم پاسخ می دهد و باعث ایجاد حلی کامل و قابل بسط می شود. این رویکرد گراف مبنا به دلیل استفاده از ساختارهای گرافی، قادر به مدیریت بهینه داده های مختلف است. با ادغام تمامی داده های تاریخی و جاری در یک مسئله بهینه سازی دسته ای، این روش از داده های ورودی به صورت کامل استفاده کرده و به مشکلات مدیریت داده های تأخیر دار و لحظه ای غلبه می کند. همچنین، به دلیل عدم نیاز به خطی سازی مکرر، دقت محاسبات افزایش یافته و پیچیدگی های محاسباتی کاهش می بابد. علاوه بر این، انعطاف پذیری بالای این رویکرد محاسبات افزایش یافته و پیچیدگی حدید را فراهم می کند، بدون آن که نیاز به باز تعریف کلی فر مول بندی باشد. این و ویژگی ها، در کنار توانایی بهره گیری از تنک بودن ذاتی مسئله ها برای بهینه سازی محاسبات، این رویکرد گراف این ویژگی ها، در کنار توانایی بهره گیری از تنک بودن ذاتی مسئله ها برای بهینه سازی محاسبات، این رویکرد گراف مبنا را به یک ابزار قدر تمند برای کالیبراسیون و مکان یابی ربات ها تبدیل می کند.

الگوریتم گراف مبنای استفاده شده برای این فرمولبندی در این پایاننامه، الگوریتم گراف عامل آمیباشد. در ادامه، ابتدا نگاهی بر ریاضیات مرتبط با الگوریتم گراف عامل خواهیم داشت و سپس گراف عامل یکپارچهای را برای حل مسئله مطرح شده معرفی خواهیم کرد. گراف عاملی که در ادامه پیشنهاد خواهد شد، حلی سیستماتیک برای کنار هم قرار دادن بلوکهای ساختاری (عاملها) در راستای تعریف یک مسئله کالیبراسیون در کنار مسئله مکانیابی به صورت یکپارچه است، که قابلیت گسترش به حسگرهای بیشتر و قیود اضافی را نیز دارا میباشد.

factor graph drift drift

علاوه بر این، از آنجایی که پیادهسازی های منابع باز و بهینهسازی شده برای این روش و جود دارد، مسئله کالیبراسیون و مکانیابی همزمان مطرح شده می تواند بر روی سیستم های نهفته بر روی ربات نیز پیادهسازی گردد. در این پایان نامه برای پیادهسازی گراف عامل پیشنهاد داده شده، از کتابخانه GTSAM استفاده شده است. برای اطلاعات بیشتر به پیوست آ مراجعه کنید.

## ۱.۴.۳ بیان الگوریتم گراف عامل

مسئله غیرخطی تعریف شده در ۳.۳ می تواند به صورت یک مدل گرافی که متشکل از گرههایی است که بیانگر متغیرهای تصمیم گیری هستند و یالهایی که ارتباط بین قیود و این متغیرها را نشان می دهند، بیان شود. در ادبیات رباتیک، گراف عامل نمونه ای از این بیان است. این گراف ها یک چارچوب قوی و قابل انطباق برای بیان مسائل متنوع از تخمین حالت تا برنامه ریزی حرکت تا رائه می دهند. این الگوریتم برای حل مسائل بهینه سازی که شامل متغیرهای مختلف و قیود پیچیده است، مناسب می باشد. یکی از روشهای بیان این مدل، استفاده از نمودارهای دو بخشی  $\mathbf{F} = (\mathcal{U}, \mathcal{V}, \mathcal{E})$  است که عاملها  $(\mathcal{U})$  با استفاده از یالها  $(\mathcal{E})$  روابط و قیودی را بین گرهها  $(\mathcal{V})$  ایجاد می کنند. بدین ترتیب بخش اول، یعنی گرهها، نمایانگر متغیرهای ناشناخته یا پارامترهای مدل مکانهای مختلف ربات یا پارامترهای کالیبراسیون باشند. همچنین بخش دوم، یعنی عاملها، نشان دهنده قیود یا روابط مین متغیرها می باشد که آنها را با  $i \psi$  نشان می دهیم. این قیود می توانند شامل معادلات غیرخطی یا روابط پیچیده یا باشند که باید در فرآیند بهینه سازی در نظر گرفته شوند. بدین ترتیب یک گراف عامل  $\mathbf{F}$  بیان کننده نحوه پیچیده یا بیا ترژی کلی  $\mathbf{F}$  از تک تک اجزای سیستم می باشد:

$$oldsymbol{\psi}(oldsymbol{\phi}) = \prod_i oldsymbol{\psi}_i(oldsymbol{\phi}_i)$$
 (f.7)

کمینهسازی لگاریتم تابع  $\psi(\phi)$  منجر به ایجاد یک مسئله غیرخطی معادل می شود که مسئله بهینهسازی مورد نظر را مشخص می کند. برای اطلاعات بیشتر به پیوست آ مراجعه کنید.

motion planning state estimation

## ۲.۴.۳ گراف عامل پیشنهادی برای کالیبراسیون و مکان یابی به صورت همزمان

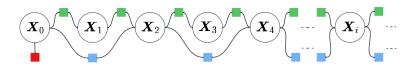
همانطور که بیان شد، استفاده از گرافهای عامل در مکانیابی رباتها مزایای متعددی دارد. یکی از مزایای اصلی این است که گراف عامل می تواند به طور مؤثری اطلاعات نامطمئن را مدیریت کرده و تخمینهای دقیق تری ارائه دهد. همچنین، این روش به دلیل ساختار گرافی خود، قابلیت انعطاف پذیری و مقیاس پذیری بالایی دارد، به طوری که می توان به راحتی اندازه گیری های جدید را به گراف اضافه کرده و تخمین ها را به روزرسانی کرد. در مسئلهی مکانیابی رباتها، هدف اصلی تخمین دقیق مکان و جهت ربات در محیط است. برای این منظور، از اطلاعات مختلفی مانند داده های حسگرها، اندازه گیری های فاصله و داده های اینرسی استفاده می شود. گراف عامل این اطلاعات را به شکلی یکیارچه و هماهنگ ترکیب می کند.

برای مدلسازی مسئله مکانیابی با گراف عامل، ابتدا باید متغیرهای حالت ربات و محدودیتهای مرتبط با آنها تعریف شوند. متغیرهای حالت می توانند شامل مکان و جهت پنجه ربات در نقاط مختلف زمانی نسبت به یک چارچوب پایه مشخص باشند. برای تعریف این متغیرهای حالت در زمان i با کمک ماتریس انتقال پنجه ربات در فضای  $SE(\mathfrak{r})$  به صورت زیر خواهد بود:

$$oldsymbol{X}_i = egin{bmatrix} \mathbf{R}_i & \mathbf{t}_i \ & & \mathbf{1} \end{bmatrix}$$
 (0.7)

که  $X_i^{***}$  بیانگر ماتریس انتقال شامل ماتریس چرخش  $R_i^{***}$  و بردار انتقال  $t_i^{***}$  نسبت به چارچوب پایه میباشد. علاوه بر تعیین چارچوب پایه در حل مسئله مکانیابی، محدودیتها نیز می توانند شامل اندازه گیریهای حسگرهای متفاوت باشد. ما در این فرمول بندی حسگر اندازه گیریهای اینرسی و یک حسگر فاصله پیمایی چشمی را به عنوان دادههای اندازه گیری سیستم با فرکانسهای متفاوت در نظر می گیریم.

شکل T.T نشان دهنده گراف عاملی است که برای حل مسئله مکان یابی با فرضیات در نظر گرفته شده می توان ارائه کرد. دایره ها نشان دهنده متغیرهای مسئله هستند که در اینجا مکان ربات می باشند و آن ها را با ماتریس  $X_i$  در زمان i نمایش می دهد. مربعهای رنگی نشان دهنده محدودیت ها و داده های حسگری هستند که با گذر زمان به سیستم وارد می شوند و زنجیره مکان ربات را نیز امتداد می دهند. چار چوب پایه تعیین شده که می تواند نقطه شروع یا نقطه استراحت ربات باشد، توسط یک عامل واحد T (در اینجا مربع قرمز رنگ)، مکان یابی ربات را مقید



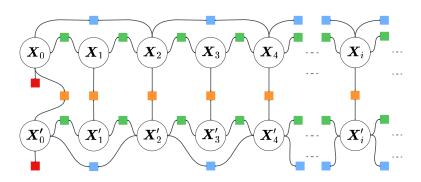
شکل ۲.۳: گراف عامل پیشنهادی برای یک حل یک مسئله مکانیابی

می کند. همچنین داده های حسگری با توجه به فرکانس داده برداری آن ها می توانند به صورت عامل های دودویی که بین دو یا چند متغیر قیدی را ایجاد می کنند، وارد مسئله شوند. در این گراف، عامل های مشخص شده با رنگ سبز نشان دهنده اندازه گیری های حسگر اینرسی و همچنین اطلاعات حسگر فاصله پیمایی چشمی با عامل هایی به رنگ آبی وارد مسئله می شوند. با توجه به نرخ اضافه شدن این اطلاعات به سیستم، می توان دریافت که فرکانس داده برداری از حسگر اینرسی دو برابر حسگر فاصله پیمایی است.

در این گراف، آنچه باعث حل یکپارچه و استفاده بهینه از تمامی اطلاعات مسئله می شود، زنجیرهای است که میان متغیرهای مسئله ایجاد شده است. با دریافت هر داده جدید از حسگر، یک متغیر مکان جدید برای ربات ایجاد می شود که حل مسئله بهینه سازی برای پیدا کردن این متغیر منجر به به روز رسانی تمامی گره ها به صورت یکجا می شود و این باعث ایجاد یک راه حل ارزشمند برای یک مسئله تنک می گردد. در این بخش، هدف تعریف پایهای یک مسئله مکانیابی برای ربات است. گرافهای متنوع و فرمول بندی شده برای اهداف خاص تر در [۴۸]، [۴۹] و [۷۰] قابل مطالعه هستند. افزودن حسگرهای جدید با گرههای عامل و مدل نویز مناسب می تواند مکانیابی را بهبود بخشد و از توقف آن در شرایط محیطی نامطلوب جلوگیری کند. برای مثال، در محیطهای تاریک یا نامناسب برای دوربینها، یا مکانهایی مانند تونلها که عملکرد ضعیفی دارد، استفاده از داده های سایر حسگرها می تواند مکانیابی را ادامه دهد و با بازگشت حسگرها، دقت نتایج افزایش یابد. بدین ترتیب، با خروج برخی از حسگرها مکانیابی با استفاده از دادههای دیگر انجام می شود و با ورود مجدد حسگرها، نتایج رو به بهبود خواهند رفت. استفاده از این رویکرد محدود به نوع ربات و یا حسگرهای آن نبوده است. از رباتهای خودران [۷۱] تا رباتهای پرنده [۵۱] و یا رباتهای جراح مورد استفاده در اتاق های عمل می توانند رباتهای خودران [۷۱] تا رباتهای پرنده [۵۱] و یا رباتهای جراح مورد استفاده در اتاق های عمل می توانند

استفاده از گراف در مسئله مکانیابی رباتهای چندعاملی می تواند به بهبود نتایج و سادهسازی فرمول بندی کمک کند. در این سیستمها، هر ربات به طور مستقل عمل می کند، اما نیاز به هماهنگی دقیق مکانی و حرکتی بین رباتها برای جلوگیری از خطاهای عملکردی وجود دارد. در ادامه، برای ایجاد فهم عمیق تر در فرمول بندی های

Global Positioning System (GPS)

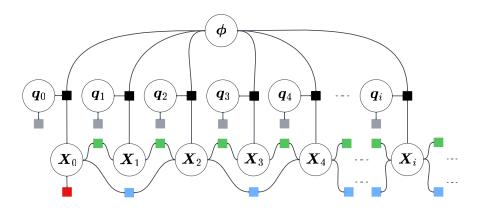


شکل ٣.٣: گراف عامل پیشنهادی برای یک حل یک مسئله مکانیابی رباتهای چند عاملی

مسئلههای پیشرو، یک ربات دو عاملی که نیاز مند مکان یابی و کالیبراسیون دقیق می باشد را در نظر خواهیم گرفت و مسئلههای مورد توجه در این پایان نامه را برای این ربات به عنوان یک نمونه بیان خواهیم کرد. سامانه آموزش جراحی چشم ARASH:ASiST در گروه رباتیک ارس توسعه یافته است [۱۸]. این سامانه از دو دستگاه ربات مجزا برای تسهیل فرآیند آموزش جراحی تشکیل شده است. در این سامانه، ربات دوم باید حرکات ربات اول را دنبال کند تا آموزش جراحی با استفاده از این سامانه انجام پذیرد. پیدا کردن چارچوب این رباتها در یک دستگاه مختصات می تواند یکی از ابزارهایی باشد که در پیاده سازی الگوریتم های متنوع کنترلی در فرآیند یادگیری مهارت مورد استفاده قرار گیرد. یکی از روشهای پیشنهادی برای این هدف می تواند استفاده از گراف شکل ۳.۳ باشد. در این گراف، مکان یابی برای هر کدام از این رباتها با بهروز رسانی X و X برای هر یک از رباتها به صورت مجزا، انجام می شود. هم چارچوب سازی این دو ربات می تواند توسط قیود عاملی که در اینجا با رنگ نارنجی نشان داده شده است، انجام شود. دیگر عاملها با رنگهای مشخص شده همانند تعاریف بیان شده در شکل شداند.

آنچه تا بدین جای حل مسئله مشاهده شده است، توانایی بالای الگوریتم گراف عامل در ایجاد مسئلهای انعطاف پذیر بوده است. مقیدسازی این مسئله می تواند از قیود فضای کار ربات فراتر رفته و مسئله را در فضای مفصلی و ساختار سینماتیک ربات نیز مقید کند. وجود پارامترهای سینماتیکی در فرمول بندی می تواند با در نظر گرفتن آنها به عنوان متغیرهایی که همواره در ربات ثابت هستند یا متغیرهایی که با گذر زمان تغییر می کنند، به عنوان پارامترهای کالیبراسیون، مقادیر بهینه آنها را به دست آورد. به عبارتی، در حالی که مسئله مکان یابی در حال انجام است، مسئله کالیبراسیون نیز حل شود. همچنین اضافه شدن این قیود سینماتیکی می تواند مکان یابی ربات را به به بود بخشد.

مطابق فرمولبندی های مرسوم ارائه شده، معادلات سینماتیک نگاشت های غیر خطی بین فضای مفصل و



شکل ۴.۳: گراف عامل پیشنهادی برای مسئله مکانیابی و کالیبراسیون همزمان با پارامترهای نامتغیر با زمان

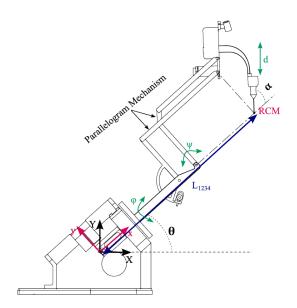
فضای کار ربات ایجاد میشوند. بدین ترتیب:

$$X = FK(q, \phi), \ q = IK(X, \phi)$$
 (9.7)

که X مکان ربات در فضای کار و q بردار مقدار زاویهای/طولی مفصلهای ربات هستند. در این معادله  $\phi$  بردار پارامترهای سینماتیکی ربات است که به هندسه ساختاری ربات مربوط می شود.

در ادامه، با فرض آنکه ربات مسیری تصادفی را در فضای کاری خود طی می کند و همچنین داده های سنسوری در هر دو فضای معرفی شده در حال جمع آوری هستند، قصد داریم گراف 7.7 را به گونه ای بسط دهیم که کالیبراسیون سینماتیکی ربات در کنار مکان یابی در یک گراف یکپارچه حل شود. برای این کار از قیود سینماتیکی 7.4 استفاده کرده و آنها را به صورت عامل به مسئله می افزاییم. ابتدا فرض کالیبراسیون را بر ثابت بودن پارامترهای سینماتیکی و عدم تغییر آنها در طول زمان می گذاریم. شکل 7.4 بیانگر یک گراف برای حل این مسئله با این فرض بیان شده می باشد. در این گراف، قسمت مکان یابی همانند آنچه پیشتر بیان شد می باشد. همچنین عامل های مفصل، مشخص شده با مربع های سیاه رنگ بیانگر روابط سینماتیکی ربات هستند که تابعی از مقادیر متغیرهای مفصل، مکان ربات در فضای کار و بردار پارامترهای سینماتیکی ربات 4.4 می باشند. همچنین عامل های خاکستری رنگ بیانگر مقادیر اندازه گیری شده در فضای مفصل ربات از حسگرهای آن می باشند.

فرمول بندی سینماتیک بیان شده در ۶.۳ می تواند طیف وسیعی از ربات ها را در بر داشته باشد. به عنوان نمونه، برای روشن سازی بهتر مسئله، نمونه موردی ربات ARASH:ASiST را باری دیگر در نظر می گیریم. شکل ۵.۳ شمایی از هندسه با ساختاری متوازی الاضلاع از این ربات را نشان می دهد. پارامترهای سینماتیک این ربات با



شكل ۵.۳: نمايي از ساختار ربات ARASH:ASiST

بردار  $\{\alpha, \theta, l_{1777}\}$  مطابق اندازههای بیانشده بر روی این شکل تعریف می شود. همچنین با توجه به مقادیری که بردار مفاصل ربات  $q=\{\phi,\psi,d\}$  دارند، مکان پنجه ربات X در نقطه دوران از راه دور مشخص مقادیری که بردار مفاصل ربات  $q=\{\phi,\psi,d\}$  سینماتیکی این ربات می تواند به فرمول بندی سینماتیک مستقیم زیر، مطابق آنچه در [۱۸] استخراج شده است، منجر شود:

$$\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} c_{\theta}(l_{1YYY} + dc_{\alpha+\psi}) - ds_{\theta}c_{\phi}s_{\alpha+\psi} \\ s_{\theta}(l_{1YYY} + dc_{\alpha+\psi}) + dc_{\theta}c_{\phi}s_{\alpha+\psi} \\ ds_{\phi}s_{\alpha+\psi} \end{pmatrix}$$
(V.T)

که s و s به ترتیب بیانگر توابع  $\sin(\cdot)$  و  $\sin(\cdot)$  هستند. تفسیر مکانیابی و کالیبراسیون سینماتیکی بیان شده در گراف s. استفاده از معادله s. s در عاملهای بیان شده به عنوان قیود سینماتیکی ربات (عاملهای سیاه) است.

شکل ۶.۳ نشان دهنده گراف قابل استفاده دیگری می باشند که عاری از فرض ثابت بودن پارامترهای کالیبراسیون سینماتیکی بوده و این پارامترها با گذر زمان تغییر می کند و در مسائل زمان واقعی چالش برانگیز هستند. عامل های زرد ایجاد شده در بین پارامترهای کالیبراسیون در زمان های متوالی قیودی هستند که از نوسانات و تغیرات ناگهانی و زیاد این پارامتر های جلوگیری کنند. وجود این قید از آنجایی است که در دنیای واقع انتظار بر تغیر

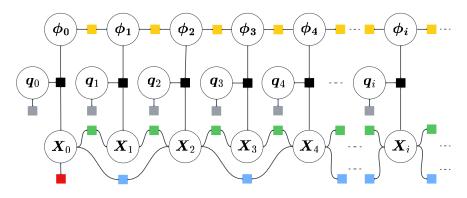
آهسته و منطقی این پارامترهای هندسی می باشد. با این بیان صورت گرفته، افزودن قیود متفاوت به مسئله بدون نیاز به تغییر فرمول بندی دیگر بخشها قابل انجام خواهد بود. در نهایت، این گرافهای عامل می توانند با استفاده از حل کنندههای افزایشی که کتابخانه GTSAM در اختیار ما قرار می دهد، به صورت زمان واقعی حل شوند.

## ۵.۳ نتیجهگیری

در این فصل، رویکرد مبتنی بر گراف برای حل همزمان مسئله کالیبراسیون و مکانیابی رباتها مورد بررسی قرار گرفت. این روش با استفاده از گرافهای عامل، امکان مدیریت بهینه دادهها و افزایش دقت محاسبات را فراهم می آورد و به راحتی قابل گسترش با قیود و حسگرهای جدید است.

ابتدا مروری بر روشهای مرسوم مکانیابی و کالیبراسیون انجام شد. این روشها، اگرچه ساده و سریع هستند، اما نیاز به بازتعریف مکرر فرمول بندیها و خطی سازی های پیچیده دارند که باعث کاهش دقت و افزایش پیچیدگی محاسبات می شود. سپس، رویکردی جدید، بر مبنای گرافها، برای حل این مسئله با توانایی رفع معایب روشهای مرسوم، مطرح شد.

در معرفی این رویکرد مبتنی بر گراف، مفاهیم پایهای گرافهای عامل و کاربرد آنها در مدلسازی روابط پیچیده بین متغیرها و قیود بیان شد. سپس، با استفاده از معادلات سینماتیکی ربات و دادههای حسگری، گرافهای عامل یکپارچهای برای حل مسئله طراحی گردید. این گرافها با توانایی فرمولبندی همزمان کالیبراسیون و مکانیابی نتایج مطلوبی در بهبود دقت و کارایی ربات را به دست می آورند.



شکل ۶.۳: گراف عامل پیشنهادی برای مسئله مکانیابی و کالیبراسیون همزمان با پارامترهای متغیر با زمان

## فصل ۴

## پیاده سازی رویکرد مبتنی بر گراف جهت مکانیابی و کالیبراسیون همزمان برای رباتهای کابلی صلب

در فصل قبل رویکردی بر مبنای ساختار گراف برای انجام مسئله کالیبراسیون و مکانیابی ربات به صورت زمان واقعی ارائه شد. ویژگی هایی برای این رویکرد ارائه شد که حل این مسئله پیچیده و پرکاربرد رباتیکی را تسهیل کرده و باعث بهبود نتایج بهینه سازی شده است. در این فصل پیاده سازی کاملی از گراف های معرفی شده بر روی یک ربات خواهیم داشت. سعی بر آن بوده که ربات انتخاب شده برای این پیاده سازی از نظر سینماتیک و دینامیک دارای معادلاتی نسبتاً پیچیده باشد تا قدرت و سرعت این الگوریتم را مورد بررسی کافی قرار دهیم.

## ١.٢ انتخاب ربات مناسب جهت توسعه الگوريتم

ربات نمونه انتخاب شده برای ارائه این فرمولبندی، یک ربات چهار کابلی فروتحریک آسان نصب می باشد. علت انتخاب این نوع ربات آسان نصب به عنوان موضوع مورد بررسی، قابلیت استفاده زیاد آنها در کارکردهای متنوع رباتیکی می باشد، به شرطی که هر بار پس از نصب در هر محیط دلخواه فر آیند کالیبراسیون بدون زمان بر و با کمترین زحمت انجام شود. فرمول بندی انجام شده برای این ربات به نحوی است که منجر به یک کالیبراسیون

خودکار در کنار مکانیایی تنها با همان حسگرهایی که در ربات برای مکانیایی تعبیه شده است، بدون زحمت اضافی برای کاربر انجام می شود. نتیجه این رویکرد علاوه بر افزایش دقت نهایی این فر آیندها، مفهومی حقیقی تر به آسان نصب بودن به این دسته از رباتهای کابلی می بخشد.

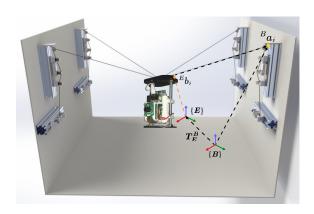
آنچه تا کنون بیشتر مورد بررسی قرار گرفته حل مسئله کالیبراسیون برای رباتهایی است که کابل آنها به عنوان جسمی صلب در نظر گرفته می شود. این فرض اساسی حل مسئله را آسان تر می کند. در ادامه ی این فصل ما با استفاده از رویکرد بیان شده، کالیبراسیون و مکانیابی را برای یک ربات کابلی با فرض یاد شده انجام می دهیم و نتایج را مورد بررسی قرار می دهیم. علی رغم اینکه این فرض حل مسئله را ساده تر می کند، زمانی که نسبت جرم ينجه ربات به جرم كابلها زياد شود، اين فرض قابل قبول نخواهد بود. نشان خواهيم داد كه با افزايش اين ميزان شکمدهی که معمولاً در رباتهایی با ابعاد بزرگتر دیده میشود، کالیبراسیون و مکانیابی با مشکل مواجه خواهد شد. راه حل ارائه شده برای حل این مشکل، ایجاد مسئلهای شامل قیدهای دینامیکی پیچیده کابل ها هستند. در این فصل سعی بر ایجاد گرافی خواهیم داشت که مسئله تعریف شده برای ربات کابلی صلب را حل کند. در فصل بعد، با مقیدسازی این گراف، مسئلهای کامل تر را فر مول بندی خواهیم کرد که مشکل مطرح شده را نیز آدرس دهی

#### توسعه گراف عامل برای یک ربات چهار کابلی با فرض کابل صلب 7.4

در این بخش، انجام فرآیند کالیبراسیون و مکانیابی به صورت همزمان برای یک ربات کابلی با در نظر گرفتن فرض صلب بودن كابلها با رويكرد گراف-مبنا انجام مي شود. براي اين فرآيند، ابتدا ربات چهار كابلي ARASCam معرفی می گردد. سپس فرضیاتی بر روی ساختار ربات ایجاد شده و با در نظر گرفتن این فرضیات، فرمول بندی جامعی برای ربات ارائه می شود. در نهایت، از این فرمول بندی برای پیاده سازی گراف عامل معرفی شده استفاده می شود و نتایج مورد بررسی قرار می گیرد.

#### معرفی ربات کابلی ARASCam 1.7.4

ربات ARASCam که در گروه تحقیقاتی رباتیک ARAS توسعه یافته است، یک ربات معلق فروتحریک موازی با کابل های محرک و با شش درجه آزادی می باشد. شکل ۱.۴ نسخه اولیه این ربات که برای یک فضای



شكل ۱.۴: نمايي از ربات چهار كابلي فروتحريك معلق ARAS-CAM

کاری نسبتا کوچک آزمایشگاهی طراحی شده است را نشان می دهد. همانطور که در تصویر مشاهده می شود، پنجه ربات که مجهز به یک دوبین تعبیه شده بر روی پردازنده Raspberry PI می باشد، توسط چهار کابل در فضا معلق شده است. B بیانگر دستگاه مختصات پایه و همچنین E نشاه دهنده دستگاه مختصات پنجه ربات می باشد. i امین کابل در نقطه i در مختصات پنجه به ربات و در نقطه i در مختصات پایه به پولی متناظر آن متصل می شود. ماتریس انتقال از دستگاه مختصات پایه به پنجه با  $T_E^B$  نشان داده شده است.

در این ربات، کابلها با استفاده از یک سیستم مکانیکی درام جمع و باز می شوند. هر یک از کابلها پس از خروج از درام، توسط مکانیزم مکانیکی از روی سنسور نیرو عبور کرده و سپس به پولی منتقل می شود. در نهایت، از نقطه مشخصی در پولی به ربات متصل می شود. همچنین از آنجایی که در این ربات نسبت جرم پنجه به جرم کابلهای ربات مقدار زیادی است، می توان از شکم دهی کابل های آن صرف نظر کرد و کابل های آن را به عنوان اجسام صلب مدل کرد.

## ۲.۲.۴ بیان فرمول بندی مسئله و فرضیات

برای فرمولبندی مسئله از هندسه بیان شده در شکل ۱.۴ استفاده می کنیم. برای یک ربات با کابلهای مسلب، مدل اندازه گیری طول کابل  $\hat{z}_i$  با استفاده از حسگر انکودر روی ربات برای نمونه k، به صورت زیر می

تواند فرمول بندی شود:

$$\begin{split} l_i^{\star}[k] &\triangleq \|\boldsymbol{R}_E^{B\,B} \boldsymbol{b}_i + {}^{B} \boldsymbol{t}_E^{B} - {}^{B} \boldsymbol{a}_i \|^{\Upsilon} \\ \hat{z}_i[k] &= l_i^{\star}[k] + l_i^{\circ} + w_{\text{enc}}[k] \end{split} \tag{1.4}$$

 $l_i^*$  که در آن  $(R_E^B, {}^Bt_E^B)$  نشاندهنده ماتریس جهتگیری و بردار انتقال پنجه در دستگاه مختصات پایه، نشاندهنده مقدار جابجایی اولیه انکودر، و  $w_{
m enc}[k]$  نشاندهنده نویز اندازه گیری طول است. اگر انعطاف پذیری کابل نیز در نظر گرفته شود، نیروی  $T_i$  در کابل، طول اندازه گیری شده کابل را به صورت زیر تغییر می دهد:

$$\hat{z}_i[k] = \left(1 - \frac{T_i[k] + w_T[k]}{EA}\right) l_i^{\star}[k] + l_i^{\circ} + w_{\text{enc}}[k] \tag{7.4}$$

که در آن E مدول یانگ کابل، E سطح مقطع کابل، و E نویز اندازه گیری نیرو است. چنانچه نیروی کابل صفر باشد، E و E معادله E در معادله E بین E بین E بین E و مطابقت صفر باشد، E و معادله E در معادله E بین E بین بین بین بین بین بین بین بین بین دارد. با این حال، در پیکربندی که موتور در محل قفل شده و انکودر مقدار ثابتی را می خواند، جابجایی طول به دلیل کشیدگی توسط انکودر دیده نمی شود اما نسخه مقیاس شده و ابسته به نیرو از فاصله و اقعی E اندازه گیری می شود. با افزایش E (کابلهای سفت)، اهمیت این مقیاس بندی و ابسته به نیرو به صفر کاهش می یابد و معادله می شود. در مورد ربات با کابلهای انعطاف پذیر، فرض می کنیم که حسگرهای نیروی کابل در نزدیکی عملگرها قرار گرفته اند. با این حال، برای بسیاری از کاربردها که به رباتهای کابلی با اندازه متوسط نیاز دارند، انعطاف پذیری کابل ممکن است با انتخاب مناسب کابلها قابل صرف نظر باشد.

علاوه بر فرمولبندی سینماتیک، مطابق شکل ۱.۴ ربات با یک دوربین روی انتهای ربات، متصل به پنجه، تجهیز شده است. در اینجا ما تصاویر دریافتی از این دوربین را با استفاده از الگوریتم SVO [۶] برای تولید اندازهگیریهای مکان ربات در فضای  $SE(\mathfrak{r})$  به سیستم وارد می کنیم که بدین ترتیب برای مکان یابی ربات زنجیرهای از تغیرات مسافت پیمایی با فرمول بندی زیر به هم وصل می شوند:

$$\Delta T_{k-1}^k = \begin{bmatrix} R_{k-1}^k & t_{k-1}^k \\ & s^{-1} \end{bmatrix}$$
 (٣.٤)

در طول مرحله کالیبراسیون و مکانیابی با استفاده از این الگوریتم، فرض می کنیم محیط دارای نور خوب با بافتهای غنی از ویژگی بوده و دوربین به آرامی حرکت می کند. مسئله کالیبراسیون و مکانیابی به تخمین مشترک مکانهای ربات  $T_E^B[k]$ ، مکانهای نقاط اتصال کابلها به پولیهای متناظر  $a_i$ ، طولهای اولیه کابلها مشترک مکانهای ربات  $S_E[k]$ ، مکانهای نقاط اتصال کابلها به پولیهای الگوریتم مسافت پیمایی  $S_E[k]$ ، انکودرهای طول کابل  $S_E[k]$ ، و مقیاس الگوریتم مسافت پیمایی  $S_E[k]$  با استفاده از اندازه گیریهای الگوریتم مسافت پیمایی  $S_E[k]$  با کابلهای انعطاف پذیر، اندازه گیریهای نیرو  $S_E[k]$  کاهش می یابد. این تصویر از تخمین مشترک به حل یک مسئله بهینه سازی منجر می شود که مدل سینماتیکی را به اندازه گیری های انجام شده نزدیک تر کند. به عبارتی دیگر، فر مول بندی که در ۳.۳ ایجاد شد، در اینجا به فر مول بندی زیر بازنو یسی می شود:

$$\min_{\boldsymbol{a}_i, l_i^*, \boldsymbol{T}_E^B[k], s} \sum_{k} \|h(\boldsymbol{a}_i, l_i^*, \boldsymbol{T}_E^B[k], s) - z_i[k]\|_{\Upsilon}^{\Upsilon}$$

$$(\Upsilon.\Upsilon)$$

که مدل اندازهگیری، h(.)، به صورت زیر تعریف می شود:

$$h(\boldsymbol{a}_i, l_i^*, \boldsymbol{T}_E^B[k], s) = s \left(1 - \frac{T_i[k] + w_T[k]}{EA}\right) l_i^*[k] + l_i^* + w_{\text{enc}}[k] \tag{2.4}$$

با این فرمولبندی، مقادیر بهینه نقاط پولیهای ربات  $a_i^*$  و مکانهای پنجه ربات  $t_E^{B^*}$  با پارامتر بزرگنمایی  $a_i$  به دست می آید.

### ۳.۲.۴ رویتیذیری

برای تحلیل مشاهده پذیری، از روش ارائه شده در [۷۲] الهام گرفته ایم که از سیستمهای مکانیابی UWB برای مقادیر اولیه الگوریتم بهینه سازی خود استفاده کرده است. با توجه به مدل اندازه گیری در معادله ۲.۴، می توان

مسئله حداقل مربعات را به صورت خطی زیر بازنویسی کرد:

$$\begin{bmatrix} -\mathbf{Y}t_{x}[\mathbf{1}]\alpha[\mathbf{1}] & \cdots & -\mathbf{Y}t_{x}[k]\alpha[k] \\ -\mathbf{Y}t_{y}[\mathbf{1}]\alpha[\mathbf{1}] & \cdots & -\mathbf{Y}t_{y}[k]\alpha[k] \\ -\mathbf{Y}t_{z}[\mathbf{1}]\alpha[\mathbf{1}] & \cdots & -\mathbf{Y}t_{z}[k]\alpha[k] \\ d_{t}^{\mathbf{Y}}[\mathbf{1}]\alpha[\mathbf{1}] & \cdots & d_{t}^{\mathbf{Y}}[k]\alpha[k] \\ \mathbf{Y}z_{i}[\mathbf{1}] & \cdots & \mathbf{Y}z_{i}[k] \\ \alpha[\mathbf{1}] & \cdots & \alpha[k] \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} s^{\mathbf{Y}}a_{x} \\ s^{\mathbf{Y}}a_{y} \\ s^{\mathbf{Y}}a_{z} \\ s^{\mathbf{Y}} \\ l_{\circ_{i}} \\ s^{\mathbf{Y}}(d_{a}^{\mathbf{Y}} - l_{\circ_{i}}^{\mathbf{Y}}) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} z_{i}[\mathbf{1}]^{\mathbf{Y}} \\ z_{i}[\mathbf{Y}]^{\mathbf{Y}} \\ \vdots \\ z_{i}[k]^{\mathbf{Y}} \end{bmatrix}$$

$$(9.4)$$

که در آن  $d_a$ ،  $d_t[k]$  و  $\alpha[k]$  به صورت زیر تعریف می شوند:

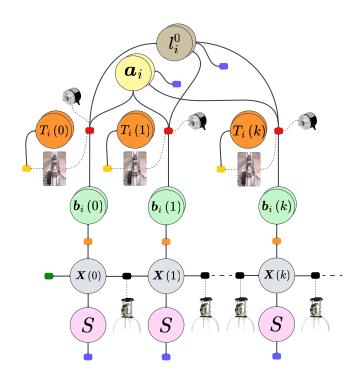
$$\begin{split} \alpha[k] &\triangleq \left(\mathbf{1} - \frac{\tau_i[k]}{EA}\right) \\ d_t^{\mathbf{Y}}[k] &\triangleq t_x^{\mathbf{Y}}[k] + t_y^{\mathbf{Y}}[k] + t_z^{\mathbf{Y}}[k], \quad d_a^{\mathbf{Y}} \triangleq t_x^{\mathbf{Y}} + a_y^{\mathbf{Y}} + a_z^{\mathbf{Y}} \end{split} \tag{V.Y}$$

همان طور که در [۷۲] اشاره شده است، سیستم خطی در معادله ۶.۴ معمولاً در عمل خوش تعریف و منجر به پاسخهای ضعیف خواهد شد. ما به جای این روش معرفی شده برای نقطه شروع، از چارچوب احتمالی استفاده می کنیم تا راه حلهای با کیفیت بالاتری به دست آوریم. با این حال، وجود یک پاسخ برای این سیستم خطی، مشاهده پذیری پارامترهای سینماتیکی را با توجه به مجموعه اندازه گیری های تعریف شده در بخش قبلی اثبات می کند.

## ۳.۴ بهینهسازی پارامترها با استفاده از گرافهای عاملی

برای حل مسئله مکانیابی و کالیبراسیون ربات کابلی ارائه شده در شکل ۱.۴ در ساختار گراف، ما یک گراف عامل با گرههای متغیر  $a_i, b_i(k) \in \mathbb{R}^r$  و  $T_i(k), S \in \mathbb{R}$  نام که به تریف میکنیم که به ترتیب نمایانگر وضعیت دوربین، انحراف طول کابل (یا طول اولیه کابل)، نیروهای کابل، مکان نقاط پولی و نقاط اتصال کابلها بر روی پنجه ربات هستند. شکل ۲.۴ نشان دهنده این گراف می باشد.

well-pose\



شکل ۲.۴: گراف عامل پیشنهادی برای حل مسئله کالیبراسیون و مکانیابی ربات کابلی صلب

همانطور که در شکل ۲ نشان داده شده است، گرههای X(k) با عاملهای مسافت پیمایی مقیاس بندی شده (نشان داده شده با رنگ سیاه) که نشان دهنده مکانهای نسبی و مقیاس دهی مسیر براساس مقدار گره مقیاس در پنجه است، به هم متصل می شوند. از سوی دیگر، هر وضعیت دوربین X(k) به چهار نقطه اتصال کابلهای در پنجه ربات ( $b_i(k)$  از طریق عاملهای مکان نسبی (نشان داده شده با رنگ نارنجی) که با تبدیلهای تعریف شده در مدل رحم و کله با تبدیلهای متعریف شده در مدل شده و ربات اولیه سازی شده اند، متصل می شود (که مشمول پارامترهای کالیبراسیون در این کار نیستند). هر یک از گرههای  $b_i(k)$  به نقاط اتصال پولی  $a_i(k)$  از طریق عاملهای سینماتیکی (نشان داده شده با رنگ قرمز) که طبق بخش ۲.۲.۴ و با استفاده از مدل اندازه گیری ۵.۴ تعریف شده اند، متصل می شوند.

همچنین، این عاملهای سینماتیکی نیز به گرههای نیروی کابل  $T_i(k)$  و پارامتر متغیر طول اولیه کابل  $i_i^*$  متصل هستند. هر یک از این گرههای نیرو کابل، توسط عاملهای پیشین (نشان داده شده با رنگ زرد) با اندازه گیری های حسگر نیروسنج، محدود شده اند. همچنین، با استفاده از عامل پیشین متصل شده به اولین مکان پنجه ربات (نشان داده شده با رنگ سبز)، نقطه صفر مکان یابی ربات را می توان معین کرد. توجه داشته باشید که برای رباتهای کابلی که کابلهای با کیفیت بالا توسعه پیدا کرده اند، نیاز به اندازه گیری نیروی کابل ممکن است حذف شود و گرههای  $T_i(k)$  از گراف عاملی حذف شوند. در این حالت، عوامل سینماتیکی باید براساس معادله ۱.۴ تعریف

شوند.

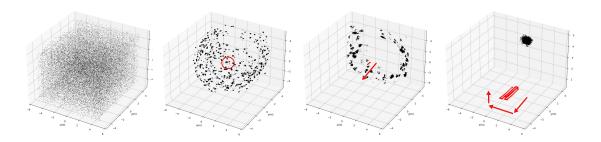
در نهایت، با انتخاب مقادیر مناسبی برای میانگین و ماتریسهای گوسی مقادیر اولیه عاملهای متصل به گرههای مقایس دهی (در بخش ۲.۴.۴ روشی برای این انتخاب مناسب ارائه خواهد شد)، محل پولیها و مقادیر اولیه طول کابلها (نشان داده شده با رنگ آبی) که به عنوان پارامترهای کالیبراسیون نقش بازی می کنند، گراف نهایی را تشکیل می دهیم. با استفاده از یک حل کننده مناسب می توان تابع بهینه احتمالاتی نهایی را بهینه کرد. مقادیر گرههای سینماتیکی بهینه شده و عدم قطعیتهای به حاشیه رفته مربوطه خروجی نهایی چارچوب ما هستند.

## ۴.۴ نتایج پیادهسازی

این بخش به ارزیابی کاربردی بودن گراف پیشنهادی در تخمین مشترک پارامترهای سینماتیک و مکانهای پنجه ربات، مستقل از دستگاههای اندازهگیری خارجی یا مقادیر اولیه پارامترها میپردازد. علاوه بر این، مزایای ترکیب بینایی-سینماتیک نیز در این بخش مورد بررسی قرار میگیرد.

## ۱.۴.۴ راهاندازی سیستم و فرضیات

ما آزمایشات خود را با استفاده از ربات ، ARAS-CAM یک ربات کابلی با اندازه متوسط و مساحت کاری ۷× ۳× ۴ متر مکعب که توسط گروه رباتیک ARAS در دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی توسعه داده شده است، انجام می دهیم. این ربات، به یک مجموعه کامل از حسگرهای سینماتیک و بینایی-اینرسی ۲ مجهز شده است تا تحقیقات بر آورد حالت برای رباتهای کابلی را ممکن سازد. به طور خاص، هر واحد عملگر کابلی به یک حسگر نیرو با وضوح ۲۵/ و نیوتن و یک انکودر اندازه گیری طول نسبی با دقت ۱ میلی متر مجهز شده است. از سوی دیگر، پنجه ربات دارای یک سیستم تعبیه شده با دوربین تک چشمی ۹۲۸۱ و واحد اندازه گیری اینرسی ARA است. برای پیش برد اهداف تحقیقات، ۱۲ رشته داده با اندازه گیری های داده مرجع سه بعدی با استفاده از سیستم ردیابی مکانی توسعه یافته در این آزمایشگاه، از این ربات با عنوان مجموعه داده حرکات پویاتر و از کرده ایم. برای پیاده سازی های انجام شده، ما از رشته داده ۱۰ این مجموعه به عنوان نماینده حرکات پویاتر و از رشته داده ۱۸ به عنوان یک همتای هموارتر استفاده می کنیم.



شکل ۳.۴: پالایش متوالی یک باور یکنواخت بر روی پارامترهای سینماتیکی از طریق الگوریتم مونت-کارلو

به دلیل اندازه متوسط ARAS-CAM و انتخاب کابلهای کولار بسیار سخت، تقریب کابل صلب که پیش تر مورد بحث قرار گرفت، در تمام آزمایشات ما حفظ می شود. علاوه بر این، فرض می کنیم که تقریب طول کابل اولیه در محدوده  $\pm$  سانتی متر مقدار واقعی قرار دارند که در عمل با آزاد کردن کابلها از یک پیکربندی اولیه شناخته شده قابل دستیابی است.

برای تولید اندازهگیری های بینایی حرکتی، از الگوریتم SVO [۶] استفاده شده است که از نظر محاسباتی کارآمد بوده و به طور گسترده در کاربردهایی از جمله پرواز خودران تا واقعیت مجازی مورد استفاده قرار می گیرد. ما از اندازه گیری های مرجع برای اندازه گیری عدم قطعیت بینایی حرکتی الگوریتم SVO در پیاده سازی خود استفاده می کنیم.

## ۲.۴.۴ کالیبراسیون خودکار بدون پارامترهای اولیه

برای راهاندازی گراف فرمولبندی شده، باید حدس نسبتا مناسبی از مقادیر اولیه پارامترهای شناسایی و ماتریسهای کوواریانس نویز در دست داشته باشیم. روشی که برای دستیابی به این موارد معرفی می کنیم، الگوریتمی مبتنی بر روش مونت-کارلو می باشند. این الگوریتم و نحوه کارکرد آن به صورت مفصل در [۷۳] توضیح داده شده است. در این بخش، ما از این الگوریتم ابتدایی مونت-کارلو برای شناسایی مکانهای نقاط پولی، مقادیر اولیه طول کابل، و مقیاس بینایی حرکتی استفاده می کنیم. پس از شروع کارکرد ، SVO کاربر یک چارچوب مختصات صفر اختیاری با قرار دادن انتهای ربات در آن حالت و شروع الگوریتم انتخاب می کند. سپس، انتهای ربات بر اساس جهت عدم قطعیت بیشتر یا با دنبال کردن هنجار حرکت انتهای ربات در امتداد سه محور انتقالی و پوشش حجم بزرگ حرکت می کند.

همانطور که در شکل ۳.۴ نشان داده شده است، در ابتدا وقتی اطلاعاتی به فیلتر تزریق نمی شود، ذرات به

| خطای MSE روش پیشنهادی | خطای MSE بینایی حرکتی | خطای MSE سیتنماتیک مستقیم | رشته    |
|-----------------------|-----------------------|---------------------------|---------|
| ·/·۲٩                 | ۰٫۰۵                  | ۰/۰۳۶                     | ۰۱      |
| °/° T A               | ۰/۰۳                  | ۰/۰۳۵                     | ١٢      |
| ۰/۰۲۸۵                | ۰/۰۴                  | ٠/٠٣٥٥                    | ميانگين |

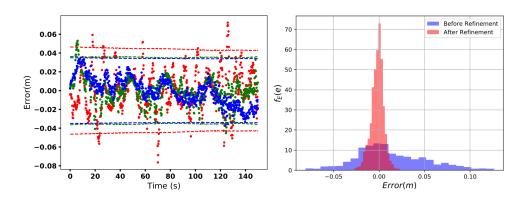
جدول ۱.۴: خطای مکانیابی با روشهای مختلف (واحد متر)

طور یکنواخت در منطقه پخش می شوند (اولین نمودار از چپ). اما، همانطور که در شکل (نمودار دوم از چپ) نشان داده شده است، پس از کمی حرکت دادن دوربین در طول یک خط مستقیم، توزیع یکنواخت به یک پوسته کروی تبدیل می شود که تمامی مکانهای ممکن برای مکان پولی را نشان می دهد و ضخامت آن عدم قطعیت بر طول اولیه کابل را نشان می دهد. به تدریج، با حرکت طولانی تر انتهای ربات و در امتداد جهتهای دیگر، کره به یک حلقه تبدیل می شود همانطور که در شکل (نمودار سوم از چپ) نشان داده شده است. در نهایت به یک خوشه بیضوی از ذرات که مکان شناسایی شده نقطه پولی و عدم قطعیت مربوطه آن را نشان می دهد تبدیل می شود که در شکل (نمودار چهارم از چپ) نشان داده شده است.

## ۳.۴.۴ ترکیب بینایی-سینماتیک و استفاده از گراف عامل معرفی شده

در این بخش، ما گراف عامل را که در بخش ۳.۴ بیان شده است، پیادهسازی میکنیم تا پارامترهای مراحل قبل را با در نظر گرفتن تأثیر متقابل تمام حالتها بهبود دهیم. ما این گراف عامل را با استفاده از کتابخانه -GT قبل را با در نظر گرفتن تأثیر متقابل تمام حالتها بهبود دهیم. ما این گراف عامل را با استفاده از کتابخانه معروف در جامعه SLAM است و حالتهای اجرای افق متحرک و افزایشی بسیار کارآمدی دارد، پیادهسازی میکنیم. گرافهای عامل این گراف به صورت دستی در کلاسهای ++C نوشته شده و به حل کننده این کتابخانه متصل شده است.

مزایای ترکیب سینماتیک و حسگر بینایی در بهبود نتایج نقش موثری داشته است. جدول ۱.۴ خلاصهای از این نتیجه را در هر حالت ارائه می دهد. همانطور که انتظار می رود، دقت کلی با ترکیب این دو حالت بهبود می یابد. به ویژه برای رشته داده ۰۱، ترکیب بینایی – سینماتیک به بهبود دقت ۲۳ درصدی در مقایسه با سینماتیک مستقیم و ۷۲ درصدی در مقایسه با بینایی حرکتی منجر می شود. این اعداد به ترتیب برای رشته داده ۱۲ برابر با ۲۵ درصد و ۷۲ درصد است. بهبود عملکرد در رشته داده ۰۱ بیشتر است، که با این واقعیت همخوانی دارد که انتهای ربات



شکل ۴.۴: راست: توزیع خطای پنجه قبل و بعد از بهبود پارامترها، چپ: خطای مکانیابی در دستگاه کارتزین

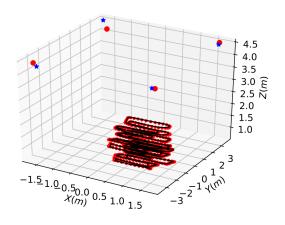
در این رشته داده حرکات پویاتری دارد و در نتیجه بینایی حرکتی در معرض تخریب بیشتری قرار می گیرد. از سوی دیگر، این حرکات پویا نوسانات بزرگی ایجاد می کنند که از حالتهای سینماتیک قابل مشاهده نیستند و منجر به خطاهای نسبتاً بزرگی می شوند که در [۷۵] نیز نشان داده شده است.

در ادامه، کاهش خطای پنجه ربات را پس از بهبود پارامترهای اولیه بررسی می کنیم. این خطا را به عنوان میانگین مربع خطا بین طول کابل محاسبه شده از معادله ۱.۴ و مقادیر دادههای انکودر از ربات تعریف می کنیم. ما از این خطا به عنوان یک معیار جانشین برای مکانهای نقاط پولی استفاده می کنیم زیرا در پیادهسازی ما، قرقرهها در خارج از میدان دید سیستم ردیابی ما (سیستم دادههای مرجع) قرار دارند و بنابراین مقادیر واقعی متناظر در نسخه فعلی مجموعه داده در دسترس نیستند.

شکل ۴.۴ (نمودار سمت راست) توزیع خطای پنجه ربات را قبل و بعد از بهبود پارامترها نشان می دهد. همان طور که دیده می شود، میانگین و واریانس این خطا به طور قابل توجهی پس از بهبود کاهش یافته است. به طور خاص، برای رشته داده ۰۱، مقدار خطا قبل از بهبود ۴۳۰/۰ متر و پس از بهبود ۴۹۰۰/۰ متر است که نشان دهنده یک کاهش مرتبه ای در خطا است. این مقادیر برای رشته داده ۱۲ به ترتیب ۳۰/۰ متر قبل و ۰/۰۰۵/۰ متر بعد از بهبود هستند. همچنین شکل ۴.۴ (نمودار سمت چپ) نشان دهنده خطای مکان یابی پنجه ربات در دستگاه کارتزین در واحد متر می باشد. این خطا بیانگر اختلاف مقادیر مکان پنجه در سه جهت از حل گراف عامل نسبت به مقادیر داده های مرجع می باشد.

در نهایت، نتایج کیفی اجرای الگوریتم ما بر روی رشته داده ۰۱ در شکل ۵.۴ نشان داده شده است. در این شکل، مسیر سیاه رنگ نمایانگر دادههای مرجع و نقاط قرمز نشان دهنده مکانهای اصلاح شده ربات توسط الگوریتم ما هستند. علاوه بر این، ستارههای آبی در شکل مکانهای پولی قبل از بهبود و دایرههای قرمز، آنها را

Ground Truth (GT)



شكل ۵.۴: مسير طي شده توسط ربات در كنار مكان اوليه و نهايي (بهبوديافته) يوليها

پس از بهینهسازی مشترک گراف عامل را نشان می دهند.

## ۴.۴.۴ انتشار عدم قطعیت

همانطور که در جدول ۲.۴ نشان داده شده است، تقریباً ۶۰ درصد از خطاها در محدوده  $\sigma$ ، ۹۰ درصد در محدوده  $\tau$  نشان داده شده است، تقریباً ۶۰ درصد در محدوده  $\tau$  قرار دارند. نتایج جدول ۲.۴ نزدیک به محدودههای تئوریکی  $\tau$  هستند اما نشاندهنده یک پاسخ کمی بیش از حد مطمئن است. باید توجه داشت که سازگاری به شدت به مدلهای حسگر مفروض و همچنین عدم قطعیت بینایی حرکتی تجربی برای الگوریتم SVO وابسته است. ما بررسی دقیق تر سازگاری عدم قطعیت را به کارهای آینده موکول میکنیم.

| ٣σ   | <b>Υ</b> σ | σ    | محور |
|------|------------|------|------|
| ۹۵٪. | ۸۲%        | ۵۳٪  | x    |
| ٩٧٪  | 97%        | ٧١٪. | y    |
| 99%  | ۸۸٪.       | ۵۱٪  | z    |

جدول ۲.۴: سازگاری آماری عدم قطعیتهای تخمین زده شده

## ۵.۴ بحث و گفتوگو

روش پیشنهادی در این فصل یک دیدگاه منعطف و یکپارچه در مورد کالیبراسیون و برآورد حالت برای رباتهای کابلی صلب ارائه می دهد. این یکپارچگی در جامعه SLAM به شکل اجرای موازی تنظیم مجموعه و ردیابی دوربین به خوبی شناخته شده است. به ویژه برای عملکرد بلادرنگ مرحله گراف عامل الگوریتم ما ممکن است به صورت افق متحرک حل شود و حالتهای قدیمی به فاکتورهای پیشین حاشیه سازی شوند. از سوی دیگر، کالیبراسیون اولیه ممکن است بدون محدودیت بلادرنگ و با استفاده از اجرای دستهای گراف روی رشته داده طولانی تری انجام شود.

پیادهسازی فعلی ما در Python روی یک لپتاپ شخصی با پردازنده Core-iv Intel و ۱۶ گیگابایت بیادهسازی فعلی ما در Python روی یک لپتاپ شخصی با پردازنده Port (برای ۷۵۰ وضعیت RAM کمتر از یک دقیقه برای هر کابل زمان می برد تا روش ابتدایی مونت-کارلو را اجرا کند (برای ۷۵۰ وضعیت دوربین و ۵۰۰۰ ذره) و حدود ۳۰ ثانیه زمان برای بهبود آنها توسط گراف عامل. حالتهای اجرای افق متحرک حل کنندههای بسیار کارآمد برای گرافهای عامل مانند [۷۴] و [۷۶] از جامعه SLAM می توانند فرکانس بر آورد مکان را به نرخ فریم دوربین افزایش دهند که برای بیشتر کنترل کنندههای حلقه خارجی مناسب است. ما بررسی بیشتر عملکرد بلادرنگ الگوریتم خود را به کارهای آینده موکول می کنیم.

یکی دیگر از جنبههای مهم الگوریتم پیشنهادی، ماژولار بودن آن است. به ویژه، این فرمولبندی اجازه می دهد تا دیگر حالتها از جمله اما نه محدود به ، UWB IMU و حسگرهای سیستم به راحتی به گراف عامل اضافه شوند. علاوه بر این، اندازهگیریهای شبههندسی مانند همسطحی نقاط پولی (به عنوان مثال دو پولی در همان دیوار) یا فاصله بین مکانهای پولی (قابل اندازهگیری با استفاده از ابزارهای اندازهگیری کمهزینه) به راحتی در مسئله گنجانده می شوند که به طور قابل توجهی به دقت کلی تخمین کمک می کند.

real time<sup>\*</sup> camera tracking<sup>\*</sup> Boundle Adjustment (BA)

در نهایت، سیستم پیشنهادی ممکن است به طور مستقیم برای کالیبراسیون سیستمهای مکانیابی UWB استفاده شود. در این سیستمها، مدل اندازه گیری فاصله بین تگ و انکرها دقیقاً با مدل کابل صلب در نظر گرفته شده در این فصل یکسان است. ما قصد داریم این موضوع را به عنوان کارهای آینده بیشتر بررسی کنیم.

## ۶.۴ نتیجهگیری

در این فصل، ما پیشنهاد دادیم که از ترکیب دادههای دوربین و حسگرهای سینماتیکی موجود در ربات به منظور ایجاد یک چارچوب تلفیق آماری برای کالیبراسیون و مکانیابی رباتهای کابلی استفاده شود. این هدف با فرمولبندی یک الگوریتم مونت-کارلو که نمایشی از مسئله در ساختار گراف عامل را مقداردهی اولیه می کند، محقق شد. رویکرد ما نیازی به استفاده از نشانگرهای خاص نداشت و به جای آن، از راهحلهای عمومی تر SLAM برای تخمین حرکت پنجه ربات استفاده کرد. از طریق آزمایشهای عملی با استفاده از یک مجموعه داده واقعی که توسط ربات ARAS-CAM ضبط شده بود، ما عملکرد این رویکرد را ارزیابی کردیم و نشان دادیم که تلفیق داده ها باعث افزایش دقت شده و همچنین امکان شناسایی پارامترهای سینماتیکی بدون نیاز به فرضیات اولیه قوی را فراهم می کند.

## فصل ۵

## پیاده سازی رویکرد مبتنی بر گراف جهت مکانیابی و کالیبراسیون همزمان برای رباتهای کابلی شکمدار

این پایاننامه به بررسی دقیق رویکردهای مختلف در حوزه رباتیک برای فرمولبندی ریاضی یک مسئله بهینهسازی مقید پرداخته است. از تحلیل مزایا و معایب روشهای مرسوم تا رویکردهای جدید مبتنی بر گراف، روشی جامع برای فرمولبندی و حل مسئله بهینهسازی کالیبراسیون و مکانیابی همزمان رباتها ارائه شده است. در فصل گذشته، عملکرد این روش بر روی یک ربات کابلی مقید که کابلهای آن به صورت صلب در نظر گرفته شده بود، ارزیابی شد. پس از معرفی فرمولبندی سینماتیکی، گراف مربوط به آن ساخته و نتایج پیادهسازی بررسی شد. آنچه از ابتدای این پایاننامه به عنوان هدفی مهم معرفی گردید، ماژولاریتی و انعطاف پذیری روش، با قیدهای متفاوت و گسترده بود. انتخاب ربات کابلی به عنوان مورد مورد مطالعه، نیز به دلیل امکان پیادهسازی و ارزیابی همین هدف بوده است.

در این فصل، بدون تغییر در فرمولبندیهای ارائه شده در فصل قبل، به مسئله قیدهای دینامیکی کابل افزوده خواهد شد. علیرغم پیچیدگی این مدلها، حلکننده همچنان با دقت و سرعت بالا به نتایج مطلوب دست خواهد یافت. تاکنون تحقیقات بسیاری بر مدلسازی کابلهای خم شده انجام شده است که نتایج دقیقی به دست دادهاند. ما نیز برای حل مسئله کالیبراسیون و مکانیابی نیازمند افزودن این قیدها به مسئله هستیم. با این حال،

پیچیدگیهای این مدلها باعث شده است که در برخی کارهای اخیر به جای حل مستقیم مسئله با این معادلات، از شبکههای عمیق استفاده شود که به دلیل مشکلات خاص خود، دقت و اطمینان کافی ندارند.

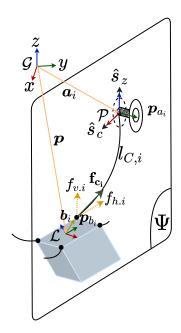
روش ما برای حل این چالش، استفاده از همان مقیدسازی هایی است که برای کابل های صلب انجام شده بود. در پایان، با حل این مسئله، مزایای این رویکرد را بار دیگر خواهیم دید؛ رویکردی که با دقت و قدرت بالا، مسئله كاليبراسيون و مكانيابي همزمان رباتها را، حتى در شرايطي كه كابلها صلب نيستند، به نحوي كه حل آنها در روشهای مرسوم دشوار است، به سرانجام می رساند.

#### نمادها و تعاریف 1.0

این فصل یک ربات موازی کابلی معلق با شش درجه آزادی (8 = 9) و چهار کابل فعال (n = 4) را مورد بررسی قرار می دهد. از آنجایی که n>n این ربات فروتحریک است و یک ساختار نامقید تشکیل می دهد [۷۷]. شکل ۱.۵ ساختار این ربات را نشان می دهد که برای وضوح بیشتر تنها یک کابل در آن نمایش داده شده است. دستگاه مختصات  $\mathcal L$  به بدنه متحرک ربات متصل است، در حالی که دستگاه مختصات جهانی  $\mathcal G$  $(p,R) \in \mathbb{R}$ به طور ثابت به یایه ربات متصل شده است. مکان پنجه ربات نسبت به دستگاه مختصات جهانی با  $\mathcal{L}$ نشان داده می شود، که در آن  $m{p} \in \mathbb{R}^{\mathsf{r}}$  بردار انتقال از  $\mathcal{G}$  به  $\mathcal{L}$  است و  $SE(\mathsf{r})$ نسبت به  $\mathcal{G}$  است. کابل i از پایه ربات در نقطه  $p_{a_i}$  که در دستگاه مختصات جهانی تعریف شده است، جدا می شود و به پنجه ربات در نقطه  $p_{b_i}$  که در دستگاه مختصات بدنه محلی بیان شده است، متصل می شود.

 $m{p}_{b_i}$ ما تغییر شکل کابل را در یک صفحه عمودی دو بعدی  $\Psi$  مدلسازی میکنیم که یولی  $m{p}_{a_i}$  و نقطه اتصال در پنجه ربات را در بر می گیرد. دستگاه مختصات  $\mathcal P$  روی این صفحه در نقطه  $m p_{a_i}$  قرار دارد و با بردارهای واحد  ${\cal P}$  که موازی با محور z جهانی است و  $\hat{s}_c$  که در جهت کابل بر روی صفحه  $x_{\cal P}-y_{\cal P}$  دستگاه مختصات  $\hat{s}_z$ x-y قرار دارد، تعریف می شود. به طور خاص،  $a_{xy_i}=rac{b_{xy_i}-a_{xy_i}}{\|b_{xy_i}-a_{xy_i}\|}$  به ترتیب اجزای بردارهای  $b_i$  و  $a_i$  در دستگاه مختصات حهانی هستند.

under-constrained<sup>7</sup> underactuated\



شکل ۱.۵: دیاگرام پنجه ربات متصل به یک کابل شکمدار

## ۲.۵ معادلات مدل کابل شکمدار

معادلات زنجیرهای اثر خم شدن کابل غیرقابل ارتجاع با جرم غیر قابل اغماض را همانطور که در [۷۸] توصیف شده است، به صورت زیر است:

$$z_i(x_c) = \frac{f_{h,i}}{g_c} \cdot \left( \cosh\left(\frac{g_c}{f_{h,i}} \cdot (x_c + C_{l,i})\right) - C_{l,i} \right)$$
 (1.2)

در این معادله، شکل خم شدن کابل با تابع  $z_i(x_c)$  تعریف شده است. ثابتهای زنجیرهای،  $C_{1,i}$  و  $C_{1,i}$  و تعریف شده است. ثابتهای زنجیرهای،  $z_i'(L_i)$  و تعیین میشوند، که در آن  $z_i'(L_i)$  شیب توجه به شرایط مرزی نقطه انتهایی  $z_i'(L_i)$  و  $z_i(\circ) = (p_a)_z$  تعیین میشوند، که در آن  $z_i'(L_i)$  شیب معادله (۱.۵) در  $||a_i||_{xy_i} - (a_i)_{xy_i}||_{xy_i}$  است و به صورت زیر دارای حل بسته هستند:

$$C_{i,i} = \frac{f_{h,i}}{g_c} \cdot \operatorname{asinh}\left(\frac{-f_{v,i}}{f_{h,i}}\right) - L_i$$
 (Y.Δ)

$$C_{1,i} = \cosh\left(C_{1,i} \cdot \frac{g_c}{f_{h,i}}\right) - \frac{g_c}{f_{h,i}} \cdot (\boldsymbol{p}_a)_z$$
 (7.4)

همانطور که در شکل ۱.۵ نشان داده شده است،  $f_{v,i}$  و  $f_{v,i}$  اجزای افقی و عمودی نیروی کابل ۱.۵ در شمانطور که در شکل ۱.۵ نشان داده شده است،  $g_c = g.\rho_c$  است که در آن g و g به ترتیب شتاب گرانشی و جرم در واحد طول کابل هستند. در نهایت، طول منحنی معادله (۱.۵) به عنوان طول واقعی کابل  $l_{C,i}$  تعریف می شود و به صورت زیر محاسبه می شود:

$$\begin{split} l_{C,i} &= \int_{\cdot}^{L_i} \sqrt{1 + \left(\frac{dz}{dx}\right)^{\Upsilon}} \, dx \\ &= \frac{f_{h,i}}{g_c} \cdot \left(\sinh\left(\frac{g_c}{f_{h,i}}(L_i + C_{1,i})\right) - \sinh\left(\frac{g_c}{f_{h,i}} \cdot C_{1,i}\right)\right) \end{split} \tag{$\Upsilon. \Delta$}$$

## ۳.۵ سینماتیک ربات

تحلیل سینماتیکی یک ربات موازی کابلی فروتحریک شامل هر دو معادلات هندسی و حالت ایستای آن  $\mathbf{w}_{ee} \in \mathbb{R}^{\rho}$  بنجه ربات  $\mathbf{w}_{ee} \in \mathbb{R}^{\rho}$  از طریق ماتریس ژاکوبی  $\mathbf{J} \in \mathbb{R}^{\rho}$  مرتبط می شود:

$$\mathbf{w}_{ee} = \mathbf{J}^T \mathbf{f}_c \tag{(3.3)}$$

در این اینجا، فرض می کنیم که  $\mathbf{w}_{ee}$  تنها توسط گرانش ایجاد شده است و به صورت زیر محاسبه می شود:

$$\mathbf{w}_{ee} = m_e g \begin{bmatrix} \hat{\mathbf{s}}_z \\ \mathbf{b}_{com} \times \hat{\mathbf{s}}_z \end{bmatrix}$$
 (9.5)

wrench\

که در آن  $m_e$  جرم پنجه ربات و  $b_{com}$  جابجایی بین مبدا دستگاه مختصات  $\mathcal{L}$  و مرکز جرم (CoM) انتهای ربات است. برای پیوند دادن این معادلات حالت ایستا با مدل زنجیره ای در معادله (۴.۵)، هر جزء نیروی کابل به عنوان یک جفت افقی و عمودی نمایش داده می شود:

$$\mathbf{f}_{c_i} = \begin{bmatrix} f_{h,i} & f_{v,i} \end{bmatrix}^T \tag{V.\Delta}$$

برای هر  $\mathbf{f}_{c_i}$ ، ستون i مربوطه از ماتریس ژاکوبی  $\mathbf{J}^T$  به صورت زیر بیان می شود:

$$m{J}_i^T = egin{bmatrix} -\hat{m{s}}_{c,i} & \hat{m{s}}_z \ -m{R}m{b}_i imes \hat{m{s}}_{c,i} & m{R}m{b}_i imes \hat{m{s}}_z \end{bmatrix}$$
 (A.2)

که در آن، ماتریس چرخش R، بردارهای واحد  $\hat{s}_{c,i}$ ,  $\hat{s}_z$  و بردار اتصال پنجه  $b_i$  در مختصات محلی، در بخش ۱.۵ تعریف شدهاند. توجه داشته باشید که معادلات حالت ایستا در ۵.۵ یک مسئله نامعین است که در آن تعداد معادلات کمتر از تعداد متغیرها است. همانطور که در [۷۵] پیشنهاد شده است، ما تمام نیروهای کابل را بر اساس یک کابل مرجع بیان می کنیم. همانطور که در بخش ۴.۵ مشاهده خواهد شد، این انتخاب، تعداد حسگرهای نیرو مورد نیاز را به تنها یک عدد کاهش می دهد که برای ما نیز از اهمیت بالایی برخودار است. همانطور که در [۲۱ می و بردار نیرو، می توان ۵.۵ را به صورت زیر فرشت:

$$\mathbf{w}_{ee} = egin{bmatrix} oldsymbol{J}_{ ext{ref}}^T & oldsymbol{J}_{ ext{res}}^T \end{bmatrix} \cdot egin{bmatrix} \mathbf{f}_{c_{ ext{res}}} \ \mathbf{f}_{c_{ ext{res}}} \end{bmatrix}$$

که نتیجه می دهد:

$$\mathbf{w}_{ee} = \mathbf{J}_{\mathrm{ref}}^T \cdot \mathbf{f}_{c_{\mathrm{ref}}} + \mathbf{J}_{\mathrm{res}}^T \cdot \mathbf{f}_{c_{\mathrm{res}}}$$
 (10.4)

که در آن،  $m{J}_{\mathrm{ref}}^T$  نمایانگر یک زیرماتریس ۲imes شامل دو ستون اول  $m{J}^T$  است که مربوط به نیروی کابل مرجع

underdetermined\

است. به دنبال آن،  $J_{\text{res}}^T$  به عنوان زیرماتریس باقی مانده  $f_{c_{\text{res}}}$  تعریف می شود و نیروهای کابل  $f_{c_{\text{res}}}$  نمایانگر نیروهای کابل به صورت زیر بازنویسی کنیم:  $f_{c_{\text{res}}}$  را در معادله (۱۰.۵) به صورت زیر بازنویسی کنیم:

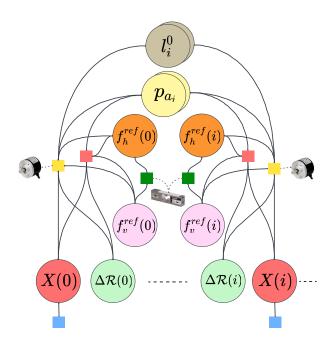
$$\mathbf{f}_{c_{\mathrm{res}}} = (\boldsymbol{J}_{\mathrm{res}}^T)^{-1} \left( \mathbf{w}_{ee} - \boldsymbol{J}_{\mathrm{ref}}^T \cdot \mathbf{f}_{c_{\mathrm{ref}}} \right)$$
 (11.2)

با این فرمول بندی، تعداد متغیرها از ۸ به ۲ کاهش می یابد، در حالی که معادلات حالت ایستا به طور ضمنی در معادله (۵.۵) نهفته می شود و نیاز افزودن یک قید جداگانه را حذف می کند [۲۱].

# ۴.۵ گراف عامل کالیبراسیون و مکانیابی همزمان سینماتیک-ایستا

در این بخش، با استفاده از روابط استخراج شده در قسمت قبل، و همچنین فرمول بندی سینماتیکی تعریف شده در فصل پیشین، رویکردی با یک فرمول بندی یکپارچه ایجاد می شود. رویکرد ما یک گراف عامل با گره های شده در فصل پیشین، رویکردی با یک فرمول بندی یکپارچه ایجاد می شود. رویکرد ما یک گراف عامل با گره های متغیر  $f_{h}^{ref}(k)$ ,  $f_{v}^{ref}(k)$ ,  $f_{v}^{ref}(k)$  و  $\mathbb{R}$   $\partial \mathcal{R}(k)$  و  $\partial \mathcal{R}(k)$  و  $\partial \mathcal{R}(k)$  تعریف می کند. این گره ها به ترتیب، نمایانگر مکان های پنجه ربات، مقادیر اولیه طول کابل ها، مکان های نقاط پولی، و تغییرات در جهت گیری ربات، و همچنین نیروی کابل مرجع در محورهای افقی و عمودی در حالتهای ایستا ربات هستند. در ساختار فروتحریک ما، همه ترکیبهای مکانی و جهت گیری قابل اجرا نیستند. در اینجا،  $\partial \mathcal{R}(k)$  متغیری است که مقدار اولیه چرخش پنجه ربات را تغییر می دهد. علاوه بر این، کابل مرجع به عنوان کابلی که کاربر حسگر نیرو برای مقاصد کالیبراسیون بر روی آن تعبیه شده است، تعیین می شود.

شکل 7.0 ساختار این گراف عامل در راستای کالیبراسیون خودکار و همچنین مکانیابی همزمان برای ساختار تعریف شده را که برای دو نمونه از وضعیتهای ایستا e i نمایش داده شده است، نشان می دهد. متغیرهای بهینه سازی در این گراف با دایره های برچسب خورده با نام های پارامترها در رنگهای مختلف نمایان شده اند. علاوه بر این، عامل ها با مربع های رنگی به تصویر کشیده شده اند، که عامل انکودر و یا همان طول کابل شکم دار به رنگ زرد، عامل مکان اتصال کابل به پولی به رنگ قرمز، عامل اندازه گیری نیرو به رنگ سبز، و عامل پیشین مکان به رنگ آبی است. هر عامل بر اساس معادلات سینماتیک و مدل ریاضی تعریف شده برای کابل توصیف شده در بخش a و به شرح زیر تعریف می شوند:



شكل ٢.٥: گراف عامل كاليبراسيون و مكانيابي همزمان ربات كابلي با كابل هاي شكمدار

# ۱.۴.۵ عامل طول کابل شکمدار

این عامل رابطهای بین اندازه گیری های انکودر و طول واقعی کابل از معادله 4.0 ایجاد می کند. این قید اندازه گیری برای کابل i به صورت زیر فرمول بندی می شود:

$$f(z_i^{enc}, \zeta)[k] = l_{C,i}[k] + l_i^* - z_i^{enc}[k]$$
 (17. $\Delta$ )

که در آن به طوریکه در معادله ۴.۵ تعریف که در آن به طوریکه در معادله ۴.۵ تعریف نسبی که در آن به طوریکه در معادله ۴.۵ تعریف شده است، میباشد. همچنین  $l_i^*$  نشان دهنده مقدار طول اولیه کابل است، و  $z_i^{enc}$  نمایانگر اندازه گیری نسبی انکو در مربوط به کابل i است. علاوه بر این، k بیان کننده شاخص نمونه داده های زمانی است.

#### ۲.۴.۵ عامل مکان اتصال کابل به یولی

این عامل تضمین می کند که ارتفاع محاسبه شده نقطه اتصال کابل روی پنجه ربات، که از مکان پنجه ربات استنتاج شده، با ارتفاع کابل شکم دار پیش بینی شده از پولی مربوطه مطابقت داشته باشد. تابع خطا برای پولی i به

صورت زیر بیان میشود:

$$f(\zeta)[k] = (p_{b,i})_z[k] - z_i(L_i)[k] \tag{17.5}$$

که در آن،  $z_i(L_i)$  به ارتفاع نقطه اتصال کابل i در مختصات جهانی اشاره دارد، و  $z_i(L_i)$  نمایانگر شکل شکم دهی کابل در  $z_i(L_i)$  به طور یکه در معادله ۱.۵ توصیف شده است.

#### ۳.۴.۵ عامل اندازهگیری نیرو

این عامل نرم نیروی افقی و عمودی را بهگونهای محدود میکند که نزدیک به اندازهگیری نیرو از حسگر تعبیه شده روی کابل مرجع، در نزدیکی پنجه ربات باشد. توجه داشته باشید که این محدودیت تنها برای کابل مرجع با یک تابع هزینه به صورت زیر مورد نیاز است:

$$f(f^m, \zeta)[k] = \|[f_h^{ref}[k] \ f_v^{ref}[k]]^T\| - f^m[k] \tag{14.6}$$

در اینجا،  $f_v^{ref}$  و  $f_v^{ref}$  به ترتیب نمایانگر نیروهای مرجع کابل در جهتهای افقی و عمودی هستند،  $\|.\|$  نشان دهنده نرم اقلیدسی است، و  $f_v^{ref}$  مقدار نیروی کابل مرجع است که توسط حسگر نیرو اندازه گیری شده است.

#### ۴.۴.۵ عامل پیشین مکان

عوامل انکودر و اندازه گیری نیرو با گرههای متغیر مکان X(k) مرتبط هستند که نمایانگر وضعیتهای ایستا ربات در فرآیند کالیبراسیون به طوریکه توسط یک سیستم محلیسازی مبتنی بر بینایی اندازه گیری شده است. هر مکان به حالات تعادلی مربوط می شود که در آن ربات از طریق چهار کابل خود ثابت است. نمونههایی از وضعیتهای ایستا در شکل ۲.۵ با نشانگرهای e و e برچسبگذاری شدهاند. این عامل پیشین مکان نیز برای تعریف صفر ربات مورد استفاده قرار می گیرد.

## ۵.۵ نتایج شبیه سازی

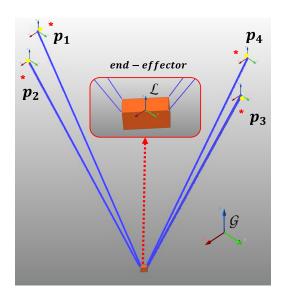
این بخش به منظور اعتبارسنجی مدل و روش کالیبراسیون پیشنهادی از طریق شبیهسازی اجزای محدود اسیستم ارائه شده است. ابتدا اعتبار فرمولبندی های سینماتیک – ایستا بررسی می شود و سپس نتایج کالیبراسیون برای دو ربات کابلی کوچک مقیاس و بزرگ مقیاس نشان داده می شود. برای شبیه سازی های اجزای محدود از نرم افزار RecurDyn [۷۴] (۱۳۵ استفاده خواهیم کرد، مدل گراف عامل خود را با استفاده از کتابخانه (۱۳۵ و ۱۳۵ و ۱۳۷ استفاده کرد، مدل گراف عامل خود را با استفاده از کتابخانه (۱۳۵ و ۱۳۵ و ۱۳۸ استفاده کرد، مدل گراف عامل می کنیم و همچنین از SymForce ایرای استخراج مشتق عامل ها و ژاکوبین های مربوطه استفاده می کنیم.

نرمافزار RecurDyn یک نرمافزار مهندسی به کمک رایانه آست که توسط شرکت RecurDyn توسعه داده شده و در شبیه سازی دینامیک چند جسمی آسیستم های مکانیکی که از اجسام سخت یا انعطاف پذیر متصل به هم تشکیل شده اند، تخصص دارد. این نرمافزار به مهندسان اجازه می دهد حرکت و تعاملات این سیستم ها را شبیه سازی و تحلیل کنند تا رفتار آنها در شرایط واقعی را پیش بینی کنند. RecurDyn با ابزارهای تحلیل اجزا محدود آبرای تحلیل اجسام انعطاف پذیر که تحت تنش ها تغییر شکل می دهند، یکپارچه شده و از هم زمان سازی ابا سایر ابزارهای CAE و سیستم های کنترلی پشتیبانی می کند. همچنین این نرمافزار امکان سفارشی سازی از طریق برنامهنویسی را فراهم می کند. الاحت صنعتی برای بهینه سازی عملکرد و طراحی سیستم ها استفاده می شود. ما نیز از این نرمافزار برای شبیه سازی اجزا محدود کابل استفاده می کنیم.

#### ١.۵.۵ صحت سنجي مدل

برای صحتسنجی دقت مدل سینماتیک-ایستا، همان طور که در بخش ۲.۵ توضیح داده شده است، گراف عامل سینماتیک-ایستا توسعه داده شده را با استفاده از عاملهای پیشین بر روی متغیرهای استخراج شده از شبیه ساز مقید می کنیم. دو سناریوی ربات کابلی معلق کوچک و بزرگ مقیاس برای صحتسنجی این مدل انجام شده است. هدف از طراحی این دو سناریوی مجزا، بررسی دقت الگوریتم برای طیف وسیعی از پیاده سازی ها می باشد. شکل ۳.۵ و شکل ۴.۵ این سناریوهای رباتها را در محیط شبیه ساز RecurDyn نشان می دهند.

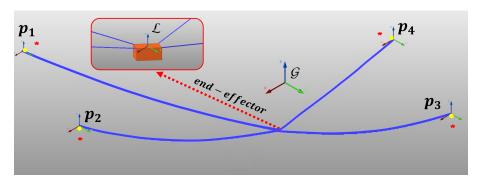
Multibody Dynamics (MBD)<sup>\*</sup> Computer-Aided Engineering (CAE)<sup>\*</sup> Finite Element (FE)<sup>\*</sup> Finite Element Analysis (FEA)<sup>\*</sup>



شکل ۳.۵: سناریوی ربات کوچکمقیاس در محیط شبیهساز RecurDyn

هر دو ربات چهار کابل را به چهار گوشه بالای یک جعبه مستطیلی متصل کردهاند. همچنین ابعاد ربات که از فواصل بین پولی ها که در شکل مشخص شدهاند به دست آمده، (17/0, 4/0, 4/0, 4/0, 4/0) متر برای ربات کوچک و فواصل بین پولی متر برای ربات بزرگ تر در نظر گرفته شده است. همان طور که در جدول 1.۵ ذکر شده است، جرم پنجه برای ربات بزرگ 74 و برای ربات کوچک 74 تنظیم شده است. چگالی طول کابل ها برای ربات کوچک 74 تنظیم شده است. چگالی طول کابل ها برای ربات کوچک 74 تنظیم شده است. چگالی طول کابل ها برای ربات کوچک و 74 و برای ربات بزرگ تر نتیجه می دهد. همان طور که در 74 پیشنهاد شده است، این شرایط نشان دهنده تأثیر قابل توجه شکم دهی برای ربات بزرگ تر است.

دو ردیف اول جدول ۱.۵ درصد خطاهای میانگین در طول کابل پیش بینی شده (MPE-L) و همچنین این



شکل ۴.۵: سناریوی ربات بزرگ مقیاس در محیط شبیه ساز RecurDyn

| كوچكمقياس                 | بزرگمقایس                  | سناريو                                |
|---------------------------|----------------------------|---------------------------------------|
| ٧/٣۵٩۵ × ١٠ <sup>-٣</sup> | ۸, ۸۹۴۷ × ۱۰ <sup>-۳</sup> | MPE-L (%)                             |
| 0/9048                    | ·/9104                     | MPE-F (%)                             |
| [10/1, 70/9]              | [144/٧, ٢٠٠/٧]             | $[l_{\min}, l_{\max}](m)$             |
| [17/4, 78/7]              | [419/1, 904/4]             | $[f_{\min}, f_{\max}](N)$             |
| 17/0 × 4/0 × 71/0         | 74° × 77° × 0°             | اندازه ربا <i>ت</i> (m <sup>۳</sup> ) |
| 4,4                       | ٣٤/٠                       | جرم پنجه ربات (Kg)                    |
| $\rho = 1/44  (g/cm^4)$   | $\rho = 1/44  (g/cm^4)$    | 116 - 1                               |
| (mm) شعاع = شعاع          | (mm) ۴٫۰ (mm)              | مشخصات كابل                           |

جدول ١٠٥: صحت سنجى مدل

خطا برای نیرو (MPE-F) محاسبه شده در ۵ مکان ایستای تصادفی را ارائه می دهد. این مقادیر نشان دهنده ی تطابق نزدیک بین نیروی کابل و مقادیر طول کابل شکم دار محاسبه شده از مدل ریاضی ارائه شده و مقادیر مربوطه از شبیه ساز می باشد. به طور خاص، برای ربات بزرگ مقیاس، این خطاهای MPE-L و MPE-F به ترتیب برابر با شده است، که بسیار کوچک تر از دامنه های طول کابل و نیروهای ایجاد شده برای هر کابل، مطابق مقادیر گزارش شده در جدول، می باشد. همان طور که به طور شهودی انتظار می رود، این تطابق برای ربات کابلی کوچک تر دقیق تر است. مقادیر مربوط به طول کابل و نیروهای پیش بینی شده در ستون سوم این جدول نشان دهنده این موضوع می باشند.

#### ۲.۵.۵ نتایج نهایی کالیبراسیون با گراف عامل توسعه دادهشده

در قسمت، روش کالیبراسیون را که در بخش ۴.۵ توضیح داده شده است، پیادهسازی میکنیم و اهمیت مدلسازی شکمدهی کابل را از طریق نتایج شبیهسازی نشان میدهیم. علاوه بر این، به طور خلاصه به مسئله مقداردهی اولیه کالیبراسیون پرداخته و یک راه حل احتمالی را همچون فصل قبل، پیشنهاد میکنیم.

هدف ما در فرآیند کالیبراسیون سینماتیکی، تعیین مکانهای نقطههای پولی و طول اولیه کابلها با استفاده از اندازهگیریهای مجموعهای از مکانهای پنجه ربات، اندازهگیریهای طول نسبی کابل و تنها مقادیر کشش کابل مرجع در نقطه اتصال پنجه است. طبق آزمایشات و نتایجی که از طیف وسیعی از دادهها استخراج شده است، توزیع نمونهها بایستی به طور جامع فضایکاری ربات را پوشش دهد. تحلیل و توسعه مسیر مناسب برای جمع آوری کمترین تعداد داده در جهت انجام فرآیند کالیبراسیون موفق، به موضوع تحقیق آینده برای تکمیل این کار محول می شود.

ما دادههای حسگر شبیه سازی شده خود را از نرمافزار RecurDyn دریافت کردیم و تغییرات نویز گاوسی میانگین صفر را برای وارد کردن نویز پیش بینی شده حسگر معرفی کردیم. به طور خاص، ما انحراف استاندارد ا مین مهر را برای طول کابل،  $\Delta N$  برای حسگر نیرو در ربات بزرگ مقیاس و  $\Delta N$  برای حسگر ربات کوچک مقیاس اعمال کردیم. مکانهای پنجه ربات با  $\Delta T = \exp(\hat{\xi})$  که در آن  $\Delta T = \exp(\hat{\xi})$  عنصر جبر لی متناظر با بردار پیچش  $\mathbb{R}^{\mathfrak{p}} = \mathbb{R}^{\mathfrak{p}}$  است، دچار تغییر شده اند. این بردارهای پیچش تغییرات، از توزیع گاوسی میانگین صفر بیچش  $\mathbb{R}^{\mathfrak{p}} = \mathbb{R}^{\mathfrak{p}}$  است، دواریانس  $\mathbb{R}^{\mathfrak{p}}$  با انحراف  $\mathbb{R}^{\mathfrak{p}} \circ \mathbb{R}$  متر در درجات انتقالی و  $\mathbb{R}^{\mathfrak{p}} \circ \mathbb{R}$  رادیان در درجات آزادی چرخشی نمونه برداری شده اند. برای مقداردهی اولیه گراف عامل، مکانهای نقطه های پولی از شبیه ساز به عنوان داده های مرجع را با دامنه ۱ متر برای ربات کوچک و ۱۰ متر برای ربات برای دهادیر اولیه طول کابل ها، ۱۰ متر و ۱۰ متر برای ربات کوچک و بزرگ به ترتیب، تنظیم شد. ما تخمین اولیه برای نیروی کابل مرجع در محور عمودی را به عنوان:

$$f_{v_{\circ}}^{ref} = \frac{m_e g}{\mathbf{F}}$$
 (10.0)

در نظر گرفتیم و برای محور افقی نیز به صورت زیر:

$$f_{h.}^{ref} = \frac{f_{v.}^{ref}}{\tan(\alpha)} \tag{19.6}$$

| مقیاس کوچک (۸ داده) | مقیاس بزرگ (۳۵ داده) | مقیاس بزرگ (۱۸ داده) | مقیاس بزرگ (۹ داده) | میانگین خطا(متر)    |
|---------------------|----------------------|----------------------|---------------------|---------------------|
| 0/149               | ·/191                | ۰/۲۲۶                | ۰٫۳۸۷               | پولی(متر)           |
| ٠/١١٥               | ·/1V٣                | ·/۲۱V                | ۰/۳۸۰               | طول اوليه كابل(متر) |

جدول ٢.٥: نتايج ميانگين خطاي مطلق كاليبراسيون با استفاده از گراف عامل توسعه دادهشده

که در آن  $\alpha$  به صورت زیر تعریف می شود:

$$\alpha = \arccos\left(\frac{\hat{\boldsymbol{s}}_{c_{ref}}^{T} \cdot [\boldsymbol{p}_{b_{\text{ref}}} - \boldsymbol{p}_{a_{\text{ref}}}]}{\|\boldsymbol{p}_{b_{\text{ref}}} - \boldsymbol{p}_{a_{\text{ref}}}\|}\right) \tag{V.2}$$

در این تعریف،  $\hat{s}_{c_{ref}}$  بردار واحدی است که در بخش ۲.۵ تعریف شده است و از تخمینهای اولیه مکان پولی استفاده می کند. این نقاط باید به پولی های مربوط به کابل مرجع متقابل مربوط شوند.

نتایج کالیبراسیون برای مکانهای پولی و طول اولیه کابل در جدول ۲.۵ ارائه شده است. این نتایج مربوط به سناریوهای نشان داده شده در شکل ۳.۵ و شکل ۴.۵ است، که در آن مکانهای اولیه پولی با ستارههای قرمز و مکانهای بهبودیافته پولی با دایرههای زرد برای هر دو مورد نشان داده شده است. در این جدول، سه سناریوی مختلف کالیبراسیون برای ربات بزرگ مقیاس با تعداد مختلف نقاط نمونهبرداری شده (یا همان تعداد دادهها برای کالیبراسیون) برای فرآیند بهینهسازی گزارش شده است. همان طور که انتظار می رود، دقت کالیبراسیون با افزایش تعداد دادههای نمونهبرداری بهبود می یابد. بنابراین جدول ۲.۵ نتایج دقیق تری را با ۳۵ نمونه داده برای ربات بزرگ و ۸ نمونه برای ربات کوچک ارائه می دهد. ما معتقدیم که برای ربات بزرگ تر، پارامترهای مربوط به شکم دهی کابل تأثیر عمیق تری بر دقت کالیبراسیون دارند. این موضوع به نوبه خود تعداد مؤثر پارامترهای مدل را افزایش می دهد و نیاز به نقاط نمونهبرداری بیشتری برای شناسایی مناسب دارد.

حل شدن مسئله بهینهسازی کالیبراسیون در کنار زنجیرهای از پارامترهای مکانیابی که به مدل کابل، دادههای حسگریِ پنجه ربات و وضعیت مفصلهای ربات مقید شده است، حلی دقیق تر از مسئله را برای ما فراهم می کند. حرکت ربات در فضا می تواند منجر به ایجاد وضعیتهای ایستا شود که در هر کدام از این وضعیتها، قیدهای مربوط به سینماتیک به زنجیره مکانیابی متصل می شود. و جود تعدادی محدود از این قیود می تواند نقش مهمی در بهبود مکان ربات پس از مدتی حرکت در فضا را ایجاد کند و از خطاهای جمعشونده که از نویز حسگرها

القا می شود، جلوگیری شود. عملکرد این قید همچون نشانگرهایی که در SLAM مورد استفاده قرار می گیرند، در اینجا نیز بسیار کارآمد هستند. از آنجایی که هدف ما در این فصل توسعه پایه و اساس الگوریتم مد نظر و مقیدسازی آن با قیدهای پیچیده تر بود، از ایجاد پیچیدگی بیشتر در قسمت مکانیابی اجتناب گردید. افزودن قیود مکانیابی و توسعه بیشتر الگوریتم در این راستا، کار دشواری نخواهد بود.

موضوع دیگری که در فرمولبندی تعریف شده مورد توجه قرار دارد، صادق بودن معادلات طول شکم دار کابل در حالت ایستای ربات است. به همین دلیل، دادههایی که برای کالیبراسیون مورد استفاده قرار داده شد، دادههای حالتهای ایستای ربات بودند. البته، حل مسئله در فضایی جامعتر، و نه محدود به دادهای ایستا، نیازمند تغییر فرمولبندی به معادلات در فضای اجزای محدود می باشد. این توسعه و تحقیق به کارهای آینده سپرده شده است.

# ۶.۵ بحث و گفتوگو

## ۱.۶.۵ اهمیت در نظر گرفتن اثر شکمدهی کابل

برای بررسی اهمیت در نظر گرفتن اثر شکمدهی کابل، فرآیند کالیبراسیون را برای ربات بزرگتر با استفاده از یک گراف عامل ساده سازی شده که در آن مدل کابل بی وزن صلب به کار رفته بود و در فصل پیشین معرفی شد، انجام دادیم. به عبارتی دیگر، در این آزمایش، گراف عامل مربوط به شکمدهی کابل از گراف توسعه یافته در این فصل حذف شد.

نتایج نشان داد که این ساده سازی منجر به افزایش قابل توجه خطای میانگین مطلق از ۱۹ر و به ۲/۳۴ متر شد. این افزایش چشمگیر در خطا، بیانگر اهمیت حیاتی در نظر گرفتن اثر شکم دهی کابل در مدل سازی و کالیبراسیون است. در واقع، شکم دهی کابل نه تنها به دلیل تأثیر مستقیم بر طول واقعی کابل و نیروهای اعمالی بلکه به دلیل تأثیر غیر مستقیم آن بر دقت نهایی مکان یابی نیز بسیار مهم است.

این تفاوت قابل توجه در کیفیت کالیبراسیون نشان می دهد که نادیده گرفتن چنین پارامترهای فیزیکی مهم می تواند به کاهش قابل توجه دقت مدل منجر شود و بر عملکرد کلی سیستم تأثیر منفی بگذارد. علاوه بر این، در سیستمهای بزرگ مقیاس که تغییرات کوچک در مدل می تواند تأثیرات بزرگی داشته باشد، اهمیت این نکته دو چندان می شود. این نتایج تأکید می کنند که برای دستیابی به دقت بالا در فرآیندهای کالیبراسیون و مکانیابی، مدل سازی دقیق و جامع از پارامترهای فیزیکی کابلها، از جمله شکم دهی، ضروری است. این نکته نه تنها برای

رباتهای کابلی بلکه برای هر سیستم مکانیکی دیگری که به دقت بالا نیاز دارد، قابل تعمیم است.

#### ۲.۶.۵ نکات مربوط به روش مقداردهی اولیه

همان طور که در [۷۳] ذکر شده است، یکی از نگرانی های اصلی در حل مسئله بهینه سازی کالیبراسیون غیر مقعر و غیر خطی، مقداردهی اولیه صحیح آن است. اگر مقادیر اولیه به اندازه کافی نزدیک به راه حل جهانی مسئله نباشند، نتیجه ممکن است به شدت منحرف شود یا بهینه ساز حتی ممکن است واگرا شود. چار چوب ارائه شده در [۷۳] که در فصل پیشین نیز مورد استفاده قرار گرفت، تلاش می کند تا این مسئله مقداردهی اولیه را با استفاده از خروجی تقریبی یک الگوریتم بهینه سازی جهانی مونت کارلو حل کند. با این حال، [۷۳] مدل کابل صلب بدون اثرات شکم دهی را فرض می کند. ما معتقدیم که این الگوریتم به طور مستقیم می تواند برای مقداردهی اولیه مسئله کالیبراسیون توسعه یافته ارائه شده در این فصل به کار رود. همان طور که قبلاً ذکر شد، دقت کالیبراسیون ربات کابل بزرگ با مدل کابل ساده شده ۲/۳ متر بود. این مقدار به طور قابل توجهی کوچکتر از تغییرات ما در طول آزمایشات کالیبراسیون (۱۰ متر) است. این نشان می دهد که ما می توانیم با خیال راحت الگوریتم بهینه سازی خود را با خروجی های الگوریتم مشابهی که در [۷۳] ارائه شده است، مقداردهی اولیه کنیم. تأیید این فرضیه برای موارد خاص ارائه شده در این فصل به دلیل محدودیت های شبیه ساز مورد استفاده برای تولید تصاویر اداده های حسگر ALIDAR مورد نیاز برای اجرای این الگوریتم امکان پذیر نبود. بررسی این ایده با استفاده تصاویر اداده های واقع گرایانه موضوع تحقیق آینده ی ما است.

## ۷.۵ نتیجهگیری

این فصل با هدف توسعه گراف عامل معرفی شده در فصل قبل و بررسی میزان دشواری افزودن قید به یک مسئله فرمول بندی شده در فضای گراف، تدوین گردید. همان طور که مشاهده شد، مقیدسازی این مسئله، حتی با وجود قیدهای بسیار پیچیده، در این فضای گراف پایه به طور نسبی ساده است. این فصل توانست شرایطی از کالیبراسیون و مکان یابی یک ربات واقعی را شبیهسازی کرده و نتایج ارزشمندی را برای اولین بار در فضای رباتهای کابلی مقیاس بزرگ با استفاده از روشهای بهینهسازی گراف پایه ارائه دهد.

نتایج حاصل نشان داد که مدلسازی دقیق اثر شکمدهی کابلها در رباتهای کابلی، تأثیر قابلتوجهی در بهبود دقت کالیبراسیون و مکانیابی دارد. با استفاده از گراف عامل پیشنهادی، امکان بررسی و مدلسازی دقیق تر شرایط واقعی کابلهای شکمدار فراهم شده است که در نهایت منجر به کاهش خطاهای ناشی از فرضیات ساده سازی شده در مدلهای پیشین شد. این نتایج تأکید می کند که توجه به جزئیات دینامیکی و فیزیکی کابلها، اهمیت ویژه ای در بهبود دقت فرآیندهای کالیبراسیون و مکانیابی رباتها دارد.

فرمول بندی توسعه داده شده در این فصل، با بهره گیری از معادلات سینماتیک-ایستا و استفاده از گراف عامل، توانسته است مکانهای پولی و طولهای اولیه کابلها را با دقت بالایی تخمین بزند. نتایج شبیه سازی ها نشان داد که دقت کالیبراسیون به تعداد داده های نمونه برداری شده بستگی دارد و با افزایش این داده ها، نتایج دقیق تری به دست می آید. این رویکرد نه تنها عملکرد رباتهای کابلی را در شرایط مختلف بهبود بخشید، بلکه اهمیت توجه به اثرات پیچیده تر دینامیکی مانند شکم دهی کابل در فرآیندهای کالیبراسیون را برجسته کرد.

در نهایت، تحقیقات انجام شده در این فصل، راه را برای مطالعات بیشتر در زمینه بهبود الگوریتم های کالیبراسیون رباتها با در نظر گرفتن اثرات دینامیکی هموار کرده است. این نتایج می توانند به طور بالقوه به پیشرفتهای قابل توجهی در صنایع مختلف از جمله رباتهای خودران، حمل و نقل و فضانوردی منجر شوند. با این حال، علیرغم ایجاد یک شالوده محکم برای پیشبرد اهداف تحقیقاتی آینده، برخی از مسائل مانند ادغام دادههای حسگری اضافی با دقت بالا برای اهداف همجوشی حسگرها و بهبود روشهای مقداردهی اولیه با استفاده از راه حلهای کارآمد معرفی شده در این حوزه، نیازمند بررسیهای عمیق تر در تحقیقات آینده هستند. بهبود و توسعه این جنبهها می تواند نتایج حاصل از این تحقیق را به سطوح جدیدی از دقت و کاربرد برساند و در نهایت، زمینه ساز نوآوری های آینده در حوزه رباتهای کابلی شود.

# فصل ۶

# نتیجه گیری و پیشنهادات برای آینده

## ۱.۶ نتیجهگیری

در این پایاننامه، در فصل اول و دوم، ابتدا مروری بر مسائل بهینه سازی در ادبیات رباتها صورت گرفت. مشاهده شد که این مسائل با توجه به اهداف کاربردی رباتها، می توانند دارای ماهیتهای متفاوت، اما ضروری باشند. با نگاهی اجمالی به ادبیات موضوع، مشخص شد که این مسائل بهینه سازی می توانند در راستای فرمول بندی یک مسئله کالیبراسیون دینامیکی یا سینماتیکی، مکان یابی، ردیابی، نقشه برداری، یا ترکیبی از این موارد باشند.

در فصل سوم، با آغاز فرمولبندی های مرسوم برای ایجاد یک مسئله کالیبراسیون و مکانیابی همزمان، به نقطه ضعفهایی برخوردیم که نه تنها ایجاد فرمولبندی مورد نظر را دشوار می کردند، بلکه در حل چنین مسائل پیچیدهای به صورت زمان واقعی با تعداد بسیار زیادی داده، ناتوان بودند. از سوی دیگر، انعطاف پذیری الگوریتم برای افزودن قیود جدید به مسئله بدون تغییر در فرمولبندی، برای ما بسیار حائز اهمیت بود، زیرا مقیدسازی سینماتیکی می تواند دقت مکانیابی را به طور قابل توجهی افزایش دهد. با در نظر گرفتن تمامی این نکات و استفاده از آخرین روشها و حل کننده های موجود در رباتیک، الگوریتم های گراف مبنا را به عنوان راه حلی مناسب در فضای حل احتمالاتی این مسائل انتخاب کردیم. بدین ترتیب، از مکانیابی یک ربات شروع کردیم و با توسعه گراف عامل مناسب، مسائل کالیبراسیون در سطوح مختلف و همچنین قیود ضروری، به گراف توسعه یافته متصل گردید. در انتهای این فصل، گراف عامل جامع پیشنهادی خود برای حل مسئله کالیبراسیون و مکانیابی رباتها، با تمرکز بر رفع مشکلات روشهای مرسوم، معرفی شد.

در ادامه، برای صحتسنجی روش پیشنهادی، از میان رباتهای موجود، ربات کابلی آساننصب انتخاب گردید. علت این انتخاب، اهمیت انجام همزمان فرآیند کالیبراسیون و مکانیابی این رباتها در کوتاه ترین زمان ممکن برای ایجاد مفهوم یک ربات آسان صب بود. بدین ترتیب، در فصل چهارم، با استفاده از ربات کابلی صلب توسعه یافته در مجموعه آزمایشگاهی ارس، الگوریتم پیشنهادی مورد بررسی قرار گرفت. در این پیاده سازی، اهمیت قیود سینماتیکی در بهبود نتایج مکانیابی یکی از چالشهای مورد بررسی بود. علاوه بر این، کالیبراسیون سینماتیکی به صورت خودکار برای ربات، در حالی که مکانیابی در حال انجام بود، صورت گرفت و نتایج قابل قبولی از نظر سرعت الگوریتم و توانایی آن در برآورد اهداف ما به دست آمد.

در نهایت، برای محکزدن روش پیشنهادی و همچنین نمایش انعطافپذیری آن، گامی جدید در ادبیات رباتهای کابلی برداشته شد. فصل پنجم، به حل همان مسئله رباتهای کابلی که در فصل چهارم مطرح شده بود، می پردازد. اما آنچه به عنوان نوآوری این فصل و نقطه پایانی کار معرفی گردید، افزودن یکی از پیچیده ترین قیود دینامیکی به مسئله رباتهای کابلی برای مدلسازی واقعی تر کابل و گسترش روش موردنظر برای همه رباتهای کابلی بدون نگرانی از ابعاد ربات و مسئله شکمدهی کابلها بود. نتایج کالیبراسیون برای دو دسته ربات کوچک مقیاس و بزرگ مقیاس در یک شبیه ساز اجزای محدود مورد بررسی قرار گرفت. بررسی و مقایسه این نتایج با به کارگیری روشهای فصل چهارم، علاوه بر بهبود قابل توجه، نقطه عطفی برای تحقیقات در زمینه ترکیب سنسورها و کاربرد آنها در مسائل رباتهای کابلی بود.

## ۲.۶ پیشنهادات برای آینده

در مسیر انجام این پایاننامه، موانع متعددی به وجود آمد که گذر از آنها افقهای جدیدی را برای نویسنده نمایان کرد و چشماندازهای تازهای را در جهت ایجاد نقطهای مفید در این حوزه مشخص ساخت. علاوه بر نظراتی که در راستای توسعه الگوریتم ایجاد شده است، نظرات متعددی نیز در بخش پیادهسازی به وجود آمدند، چرا که پیچیدگی حل چنین مسائلی در رباتهای کابلی باعث شده است تحقیقات مفید و کارآمدی در این زمینه کمتر صورت گیرد. برخی از این پیشنهادات در گروه در حال پیشبرد میباشند و برخی به عنوان کارهای بعدی مدنظر خواهند بود.

• ایجاد گرافهای عامل با استفاده از کتابخانه SymForce: در این پایاننامه، از کتابخانه GTSAM

برای ایجاد گرافهای عامل استفاده شده است. یکی از چالشبرانگیز ترین بخشهای حل مسئله، محاسبه ژاکوبین مدل بود. نرم افزارهای متعددی مانند Maple و ،MATLAB و همچنین کتابخانههای مختلفی همچون SymPy در پایتون و AutoDiff در ++۲ مورد استفاده قرار گرفتند. با این حال، حجم بسیار بالای معادلات دینامیکی کابلها، مانع از به دست آوردن پاسخ در این بسترها شد.

در نهایت، با استفاده از کتابخانه SymForce که مشتق گیری ها را با روش های مشتق گیری خودکار انجام می دهد، موفق شدیم تمامی مشتق های مورد نیاز را در زمانی کمتر از ۳۰ ثانیه محاسبه کنیم. پیشنهاد ما در این بخش، نه تنها استفاده از این کتابخانه برای به دست آوردن ژاکوبین های مورد نیاز است، بلکه پیشنهاد می شود که گراف های عامل توسعه یافته نیز با استفاده از روش هایی که به تازگی توسط این کتابخانه ارائه شده، ایجاد شوند. ما معتقدیم که این رویکرد می تواند فر آیند ایجاد گراف های عامل را به طور قابل توجهی ساده تر کند.

• پیاده سازی ماژول بهینه ساز سینماتیک-ایستا ربات کابلی توسعه یافته در راستای بهبود دقت ردیابی: در زمینه رباتهای کابلی، ادغام داده های سینماتیکی می تواند به طور قابل توجهی در بهبود نتایج ردیابی کمک کند. در فصل چهارم این پایان نامه، بخشی از نتایج این موضوع را اثبات کردند. وقتی به حوزه رباتهای مقیاس بزرگ وارد می شویم، در نظر گرفتن دینامیک کابل، همانطور که در فصل پنجم مشاهده شد، بسیار حائز اهمیت می شود.

در همین راستا، مقاله [۷۵] در سالهای اخیر سعی در توسعه روشی برای ردیابی رباتهای کابلی با در نظر گرفتن جرم کابل، به صورت منابع باز داشته است. حلکننده ی پیشنهادی آنها، CERES علیرغم توانایی بالای خود در حل مسئله، عیوب روشهای مرسوم را دارد.

در قسمتی از کارهای انجام شده توسط ما، بررسی حل کننده مورد استفاده توسط این مقاله برای رباتهای مقیاس بزرگ بوده است. در حالی که نتایج حل بهینه سازی توسط گراف عامل پیشنهادی ما و حل پیشنهادی این مقاله برای رباتهای کوچک مقیاس مشابه بود، افزایش ابعاد ربات باعث واگرایی در الگوریتم ارائه شده در مقاله می شود. این در حالی است که گراف عامل پیشنهادی به خوبی برای رباتهای مقیاس بزرگ نتیجه را دنبال می کند.

علاوه بر این، در این مقاله برای ادغام نتایج بهینهسازی سینماتیکی با حسگرهای مختلف از فیلتر کالمن

Automatic Differentiation\

استفاده شده است که خود نیاز به ایجاد ساختاری جدا و اتصال این دو، و همچنین ادغام مناسب دادههای حسگر اینرسی-بینایی دارد. روش پیشنهادی ما استفاده از ماژول طراحی شده است. استفاده از این ماژول نه تنها منجر به همگرایی در رباتهای با ابعاد بزرگ تر می شود، بلکه ادغام حسگرها برای قسمت ردیابی بسیار راحت تر و منجر به حل دقیق تری می شود. افزون بر این موارد، گرههایی که به تازگی برای ادغام حسگرهای اینرسی در این حوزه معرفی شده اند، بسیار ارزشمند خواهند بود. لازم به ذکر است که این ماژول بااستفاده از معادلات ارائه شده در فصل پنجم ایجاد شده است که یکی از ویژگی های مهم آن حذف نیاز به حسگر نیرو، با استفاده از قیدهای سینماتیک وارون می باشد.

• کالیبراسیون حسگر UWB با استفاده از گراف عامل پیشنهادی: حسگرهای UWB به دلیل ویژگیهای خاص خود در کاربردهای مختلف تعیین مکان در حوزههای نقشهبرداری و رباتیک مورد استفاده قرار می گیرند. این حسگرها را می توان در دو سطح کالیبراسیون بررسی کرد.

سطح اول، حذف بایاسهای اولیه است. این نوع کالیبراسیون، مشابه روش ارائهشده در فصل چهارم است. به عبارتی، اگر در گراف عامل فصل چهارم حسگرهای نیرو حذف شوند و مقادیر اندازهگیری حسگرهای UWB جایگزین مقادیر اندازهگیری انکودر شوند، نه تنها قادر به تعیین این آفستها خواهیم بود، بلکه مکان اتصال انکرها می تواند به عنوان مکان پولی ها در نظر گرفته شده و یک مسئله بهینه سازی ایجاد شود. سطح دوم کالیبراسیون این حسگرها، در نظر گرفتن این بایاس اولیه به عنوان پارامتری متغیر با زمان است. به عبارتی، گراف عامل فصل چهارم را در حالتی ایجاد کنیم که بایاس حسگر UWB همانند متغیر سینماتیکی مجموعه، همانطور که در انتهای فصل سوم بررسی شد، در حال تغییر باشد. بدین ترتیب، کالیبراسیون با دقت بالایی به صورت زمان واقعی انجام می شود. انجام این سطح کالیبراسیون نسبت به سطح اول، حذف بایاس های متغیر با زمان سیستم می باشد که در سطح اول از آنها صرف نظر می شود. این پیشنهاد در مرحله اجرا توسط اعضای تیم آزمایشگاهی ارس می باشد.

• پیاده سازی الگوریتم گراف پیشنهادی برای ربات های واقعی مقیاس بزرگ: تمامی موارد بررسی شده در فصل چهارم بر روی ربات کابلی واقعی توسعه یافته در تیم آزمایشگاهی ارس پیاده سازی شده اند. در فصل پنجم، این پیاده سازی واقعی نیازمند یک ربات در ابعاد ورزشگاه بزرگ است که با توجه به امکانات فعلی، پیاده سازی واقعی برای ما مقدور نبوده است. همچنین هیچگونه دیتاستای از چنین ربات با ابعاد بزرگ در اینترنت نیز در دسترس نیست. به همین دلیل، از داده های شبیه سازی نرم افزار RecurDyn بزرگ در اینترنت نیز در دسترس نیست. به همین دلیل، از داده های شبیه سازی نرم افزار

استفاده کردیم. البته که نتایج خود، نویزهای شدیدی که برای نزدیک شدن به یک پیاده سازی واقعی در نظر گرفته ایم. پیشنهاد ما پیاده سازی مجدد روشهای پیشنهادی در فصل پنجم بر روی یک ربات واقعی است. تمامی کدهای مورد نیاز برای این پیاده سازی به صورت منابع باز در Github قرار داده شده است.

- ایجاد شبیه ساز مناسب ربات کابلی با استفاده از توابع آماده شده: ما برای توسعه یک ربات کابلی با ابعاد بزرگ نرمافزار های متعددی مورد بررسی قرار دادیم که از انجام این شبیه سازی باز ماندند. بهترین نرمافزاری که با محاسبات بسیار طولانی و زمان بر ما را به جواب رساندند، نرمافزار RecurDyn بوده است. پیشنهاد ما توسعه یک محیط گرافیکی مناسب برای معرفی یک نرمافزار شبیه ساز کابل با در نظر گرفتم جرم کابل، با استفاده از توابع سینماتیکی و مکانیابی معرفی شده در فصل های اخیر می باشد. چنین نرمافزاری که دارای سرعت بالا باشد طبق آخرین تحقیقات ما توسعه نیافته است.
- ایجاد یک شبیهساز مناسب ربات کابلی با استفاده از توابع آماده شده: ما برای توسعه یک ربات کابلی با ابعاد بزرگ، نرمافزارهای متعددی را مورد بررسی قرار دادیم، اما اغلب آنها نتوانستند شبیهسازی مورد نظر ما را انجام دهند. بهترین نرمافزاری که با وجود محاسبات طولانی و زمان بر، توانست به نتایج مطلوب برسد، نرمافزار RecurDyn بود. پیشنهاد ما توسعه یک محیط گرافیکی مناسب برای معرفی یک نرمافزار شبیهساز کابل با در نظر گرفتن جرم کابل، و استفاده از توابع سینماتیکی و مکان یابی معرفی شده در فصل های اخیر است. تاکنون، طبق آخرین تحقیقات ما، چنین نرمافزاری که دارای سرعت بالا باشد، توسعه نیافته است.
- توسعه فرمول بندی ریاضی بیان شده به ریاضیات اجزای محدود به جای مدلهای اسیتا معرفی شده:
  مدل توسعه یافته برای کابلها در این پایان نامه، مبتنی بر مدلهای ریاضی است که در حالت ایستا ربات
  و ثابت بودن کابلها ایجاد شده اند. ادغام این الگوریتم با بیان ریاضی فعلی و قیدهای دینامیکی در
  رباتهای کابلی به صورت مستقیم امکان پذیر نخواهد بود. یکی از پیشنهادهای مناسب در امتداد این
  کار، تغییر فرمول بندی به مدلی جامع تر است که قابلیت ادغام با تمامی قیدهای دینامیکی ربات را داشته
  باشد. این تغییر می تواند به استفاده مؤثر تر از ریاضیات اجزای محدود به جای مدلهای ایستا منجر شود
  که راه حلی برای ما خواهد بود.
- بررسی مسیر مناسب برای جمع آوری داده کافی برای کالیبراسیون دقیق: همان طور که در نتایج

مشاهده شد، برای ربات کابلی با مقیاس بزرگ، افزایش تعداد داده ها منجر به نتیجه ای بهتر در کالیبراسیون خواهد شد، چرا که پارامترهای غیرخطی بسیاری در مدل درگیر هستند. مسیری که در آزمایشات ما طی شد، یک مسیر تصادفی بود که شامل قسمت های مختلفی از فضای کاری ربات می شد. پیشنهاد ما بررسی این موضوع برای یافتن مسیری بهینه، و نه تصادفی، جهت تسریع فرآیند کالیبراسیون است. این موضوع می تواند به بهبود دقت و کاهش زمان کالیبراسیون کمک شایانی کند.

• ترکیب حسگرها و ماژولهای آماده مختلف: در نهایت، این پایاننامه بستری کامل برای حل مسائل کالیبراسیون و مکانیابی رباتها ایجاد کرده است. بررسی تحقیقات تکمیلی جهت بهبود نتایج و استفاده از ماژولهای معرفی شده در حوزه رباتیک و بهویژه شاخه SLAM می تواند نقطه عطف تازهای بین روشهای موجود در رباتهای کابلی و روشهای موجود در دیگر رباتها مانند رباتهای خودران باشد. این نکته به عنوان پیشنهاد ما مطرح می شود زیرا اولین هدف ما، حرکت به سمت الگوریتمی منعطف بوده است تا تحقیقات در این حوزه ها بیشتر به هم متصل شوند.

# مراجع

- [1] Roth, ZVIS, Mooring, Benjamin, and Ravani, Bahram. An overview of robot calibration. *IEEE Journal on Robotics and Automation*, 3(5):377–385, 1987.
- [2] Elatta, AY, Gen, Li Pei, Zhi, Fan Liang, Daoyuan, Yu, and Fei, Luo. An overview of robot calibration. *Information Technology Journal*, 3(1):74–78, 2004.
- [3] Malagon-Soldara, Salvador Manuel, Toledano-Ayala, Manuel, Soto-Zarazua, Genaro, Carrillo-Serrano, Roberto Valentin, and Rivas-Araiza, Edgar Alejandro. Mobile robot localization: A review of probabilistic map-based techniques. *IAES International Journal of Robotics and Automation*, 4(1):73, 2015.
- [4] Burgard, Wolfram, Fox, Dieter, and Thrun, Sebastian. Active mobile robot localization. in *IJCAI*, pp. 1346–1352. Citeseer, 1997.
- [5] Betke, Margrit and Gurvits, Leonid. Mobile robot localization using landmarks. *IEEE transactions on robotics and automation*, 13(2):251–263, 1997.
- [6] Forster, Christian, Pizzoli, Matia, and Scaramuzza, Davide. SVO: Fast semi-direct monocular visual odometry. in *IEEE International Conference on Robotics and Automation (ICRA)*, 2014.
- [7] Grisetti, Giorgio, Kümmerle, Rainer, Stachniss, Cyrill, and Burgard, Wolfram. A tutorial on graph-based slam. *IEEE Intelligent Transportation Systems Magazine*, 2(4):31–43, 2010.
- [8] Martinelli, Agostino, Tomatis, Nicola, and Siegwart, Roland. Simultaneous localization and odometry self calibration for mobile robot. *Autonomous Robots*, 22:75–85, 2007.
- [9] Gan, Yahui, Duan, Jinjun, and Dai, Xianzhong. A calibration method of robot kinematic parameters by drawstring displacement sensor. *International Journal of Advanced Robotic Systems*, 16(5):1729881419883072, 2019.

- [10] Park, In-Won, Lee, Bum-Joo, Cho, Se-Hyoung, Hong, Young-Dae, and Kim, Jong-Hwan. Laser-based kinematic calibration of robot manipulator using differential kinematics. *IEEE/ASME transactions on mechatronics*, 17(6):1059–1067, 2011.
- [11] Wang, Haixia, Shen, Shuhan, and Lu, Xiao. A screw axis identification method for serial robot calibration based on the poe model. *Industrial Robot: An International Journal*, 39(2):146–153, 2012.
- [12] Li, Tian, Sun, Kui, Xie, Zong-wu, and Liu, Hong. Optimal measurement configurations for kinematic calibration of six-dof serial robot. *Journal of Central South University*, 18(3):618– 626, 2011.
- [13] Yang, Shuo, Choset, Howie, and Manchester, Zachary. Online kinematic calibration for legged robots. *IEEE Robotics and Automation Letters*, 7(3):8178–8185, 2022.
- [14] Blöchliger, Fabian, Blösch, Michael, Fankhauser, Péter, Hutter, Marco, and Siegwart, Roland. Foot-eye calibration of legged robot kinematics. in *Advances in Cooperative Robotics*, pp. 420–427. World Scientific, 2017.
- [15] Bloesch, Michael, Hutter, Marco, Gehring, Christian, Hoepflinger, Mark A, and Siegwart, Roland. Kinematic batch calibration for legged robots. in *2013 IEEE International Conference on Robotics and Automation*, pp. 2542–2547. IEEE, 2013.
- [16] Roberti, Andrea, Piccinelli, Nicola, Meli, Daniele, Muradore, Riccardo, and Fiorini, Paolo. Improving rigid 3-d calibration for robotic surgery. *IEEE Transactions on Medical Robotics and Bionics*, 2(4):569–573, 2020.
- [17] Wang, Zerui, Liu, Ziwei, Ma, Qianli, Cheng, Alexis, Liu, Yun-hui, Kim, Sungmin, Deguet, Anton, Reiter, Austin, Kazanzides, Peter, and Taylor, Russell H. Vision-based calibration of dual rcm-based robot arms in human-robot collaborative minimally invasive surgery. *IEEE Robotics and Automation Letters*, 3(2):672–679, 2017.
- [18] Hassani, A, Dindarloo, MR, Khorambakht, R, Bataleblu, A, Sadeghi, H, Heidari, R, Iranfar, A, Hasani, P, Hojati, NS, Khorasani, A, et al. Kinematic and dynamic analysis of arash asist: Toward micro positioning. in *2021 9th RSI International Conference on Robotics and Mechatronics (ICRoM)*, pp. 59–65. IEEE, 2021.
- [19] Dindarloo, MR, Mirjalili, AS, Khorrambakht, R, Khalilpour, SA, Cardou, P, and Taghirad, HD. Kinematic calibration of a spherical parallel robot. in *2023 11th RSI International Conference on Robotics and Mechatronics (ICRoM)*, pp. 669–674. IEEE, 2023.

- [20] Jin, XueJun, Jung, Jinwoo, Ko, Seong Young, Choi, Eunpyo, Park, Jong-Oh, and Kim, Chang-Sei. Geometric parameter calibration for a cable-driven parallel robot based on a single one-dimensional laser distance sensor measurement and experimental modeling. *Sensors*, 18(7):2392, 2018.
- [21] Borgstrom, Per Henrik, Jordan, Brett L, Borgstrom, Bengt J, Stealey, Michael J, Sukhatme, Gaurav S, Batalin, Maxim A, and Kaiser, William J. Nims-pl: A cable-driven robot with self-calibration capabilities. *IEEE Transactions on Robotics*, 25(5):1005–1015, 2009.
- [22] Idá, Edoardo, Merlet, Jean-Pierre, and Carricato, Marco. Automatic self-calibration of suspended under-actuated cable-driven parallel robot using incremental measurements. in *Cable-Driven Parallel Robots: Proceedings of the 4th International Conference on Cable-Driven Parallel Robots 4*, pp. 333–344. Springer, 2019.
- [23] Pott, Andreas and Bruckmann, Tobias. Cable-driven parallel robots. Springer, 2013.
- [24] Lau, Darwin. Initial length and pose calibration for cable-driven parallel robots with relative length feedback. in *Cable-Driven Parallel Robots: Proceedings of the Third International Conference on Cable-Driven Parallel Robots*, pp. 140–151. Springer, 2018.
- [25] An, Hao, Liu, Hang, Liu, Xintian, and Yuan, Han. An all-in-one cable-driven parallel robot with flexible workspace and its auto-calibration method. in *2022 IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems (IROS)*, pp. 7345–7351. IEEE, 2022.
- [26] Liu, Ran, He, Yongping, Yuen, Chau, Lau, Billy Pik Lik, Ali, Rashid, Fu, Wenpeng, and Cao, Zhiqiang. Cost-effective mapping of mobile robot based on the fusion of uwb and short-range 2-d lidar. *IEEE/ASME Transactions on Mechatronics*, 27(3):1321–1331, 2021.
- [27] Lin, Huei-Yung, Yao, Chia-Wei, Cheng, Kai-Sheng, and Tran, Van Luan. Topological map construction and scene recognition for vehicle localization. *Autonomous Robots*, 42:65–81, 2018.
- [28] Negenborn, Rudy. Robot localization and kalman filters. *Utrecht Univ.*, *Utrecht*, *Netherlands*, *Master's thesis INF/SCR-0309*, 2003.
- [29] Zhan, Ronghui and Wan, Jianwei. Iterated unscented kalman filter for passive target tracking. *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, 43(3):1155–1163, 2007.
- [30] Guo, Junqi, Zhang, Hongyang, Sun, Yunchuan, and Bie, Rongfang. Square-root unscented kalman filtering-based localization and tracking in the internet of things. *Personal and ubiquitous computing*, 18:987–996, 2014.

- [31] Xian, Zhiwen, Lian, Junxiang, Shan, Mao, Zhang, Lilian, He, Xiaofeng, and Hu, Xiaoping. A square root unscented kalman filter for multiple view geometry based stereo cameras/inertial navigation. *International Journal of Advanced Robotic Systems*, 13(5):1729881416664850, 2016.
- [32] Filter, Constrained Square-Root Unscented Kalman. Mobile localization in non-line-of-sight using constrained square-root unscented kalman filter.
- [33] Huang, Guoquan P, Mourikis, Anastasios I, and Roumeliotis, Stergios I. A quadratic-complexity observability-constrained unscented kalman filter for slam. *IEEE Transactions on Robotics*, 29(5):1226–1243, 2013.
- [34] Kim, Chanki, Sakthivel, Rathinasamy, and Chung, Wan Kyun. Unscented fastslam: a robust and efficient solution to the slam problem. *IEEE Transactions on robotics*, 24(4):808–820, 2008.
- [35] Cheng, Jiantong, Kim, Jonghyuk, Jiang, Zhenyu, and Yang, Xixiang. Compressed unscented kalman filter-based slam. in 2014 IEEE International Conference on Robotics and Biomimetics (ROBIO 2014), pp. 1602–1607. IEEE, 2014.
- [36] Fox, Dieter, Thrun, Sebastian, Burgard, Wolfram, and Dellaert, Frank. Particle filters for mobile robot localization. in *Sequential Monte Carlo methods in practice*, pp. 401–428. Springer, 2001.
- [37] Montemerlo, Michael, Thrun, Sebastian, and Whittaker, William. Conditional particle filters for simultaneous mobile robot localization and people-tracking. in *Proceedings 2002 IEEE International Conference on Robotics and Automation (Cat. No. 02CH37292)*, vol. 1, pp. 695–701. IEEE, 2002.
- [38] Kwok, Cody, Fox, Dieter, and Meila, Marina. Adaptive real-time particle filters for robot localization. in *2003 IEEE International Conference on Robotics and Automation (Cat. No. 03CH37422*), vol. 2, pp. 2836–2841. IEEE, 2003.
- [39] Srinivasan, Karthick and Gu, Jason. Multiple sensor fusion in mobile robot localization. in 2007 Canadian Conference on Electrical and Computer Engineering, pp. 1207–1210. IEEE, 2007.
- [40] Westman, Eric and Kaess, Michael. Underwater apriltag slam and calibration for high precision robot localization. in *tech. rep.* Carnegie Mellon University Pittsburgh, PA, 2018.
- [41] Hiebert-Treuer, Bradley. *An introduction to robot slam (simultaneous localization and mapping)*. Ph.D. thesis, Middlebury, 2022.

- [42] Guan, Weipeng, Huang, Linyi, Wen, Shangsheng, Yan, Zihong, Liang, Wanlin, Yang, Chen, and Liu, Ziyu. Robot localization and navigation using visible light positioning and slam fusion. *Journal of Lightwave Technology*, 39(22):7040–7051, 2021.
- [43] Khairuddin, Alif Ridzuan, Talib, Mohamad Shukor, and Haron, Habibollah. Review on simultaneous localization and mapping (slam). in *2015 IEEE international conference on control system, computing and engineering (ICCSCE)*, pp. 85–90. IEEE, 2015.
- [44] Choset, Howie and Nagatani, Keiji. Topological simultaneous localization and mapping (slam): toward exact localization without explicit localization. *IEEE Transactions on robotics and automation*, 17(2):125–137, 2001.
- [45] Xu, Yuan, Shmaliy, Yuriy S, Li, Yueyang, Chen, Xiyuan, and Guo, Hang. Indoor ins/lidar-based robot localization with improved robustness using cascaded fir filter. *IEEE Access*, 7:34189–34197, 2019.
- [46] Liu, Yanjie, Wang, Chao, Wu, Heng, Wei, Yanlong, Ren, Meixuan, and Zhao, Changsen. Improved lidar localization method for mobile robots based on multi-sensing. *Remote Sensing*, 14(23):6133, 2022.
- [47] Blok, Pieter M, van Boheemen, Koen, van Evert, Frits K, IJsselmuiden, Joris, and Kim, Gook-Hwan. Robot navigation in orchards with localization based on particle filter and kalman filter. *Computers and electronics in agriculture*, 157:261–269, 2019.
- [48] Yang, Lyuxiao, Wu, Nan, Li, Bin, Yuan, Weijie, and Hanzo, Lajos. Indoor localization based on factor graphs: A unified framework. *IEEE Internet of Things Journal*, 10(5):4353–4366, 2022.
- [49] Song, Yang and Hsu, Li-Ta. Tightly coupled integrated navigation system via factor graph for uav indoor localization. *Aerospace Science and Technology*, 108:106370, 2021.
- [50] Li, Bin, Wu, Nan, Wang, Hua, Tseng, Po-Hsuan, and Kuang, Jingming. Gaussian message passing-based cooperative localization on factor graph in wireless networks. *Signal Processing*, 111:1–12, 2015.
- [51] Dai, Jun, Liu, Songlin, Hao, Xiangyang, Ren, Zongbin, and Yang, Xiao. Uav localization algorithm based on factor graph optimization in complex scenes. *Sensors*, 22(15):5862, 2022.
- [52] Burgard, Wolfram, Fox, Dieter, and Thrun, Sebastian. Active mobile robot localization by entropy minimization. in *Proceedings second euromicro workshop on advanced mobile robots*, pp. 155–162. IEEE, 1997.

- [53] Murtra, Andreu Corominas and Tur, Josep M Mirats. Imu and cable encoder data fusion for in-pipe mobile robot localization. in *2013 IEEE Conference on Technologies for Practical Robot Applications (TePRA)*, pp. 1–6. IEEE, 2013.
- [54] Kim, Min-Cheol, Kim, Eui-Sun, Park, Jong-Oh, Choi, Eunpyo, and Kim, Chang-Sei. Robotic localization based on planar cable robot and hall sensor array applied to magnetic capsule endoscope. *Sensors*, 20(20):5728, 2020.
- [55] Le Nguyen, Vinh and Caverly, Ryan James. Cable-driven parallel robot pose estimation using extended kalman filtering with inertial payload measurements. *IEEE Robotics and Automation Letters*, 6(2):3615–3622, 2021.
- [56] Kümmerle, Rainer, Grisetti, Giorgio, and Burgard, Wolfram. Simultaneous parameter calibration, localization, and mapping. *Advanced Robotics*, 26(17):2021–2041, 2012.
- [57] Zhou, Qian-Yi and Koltun, Vladlen. Simultaneous localization and calibration: Self-calibration of consumer depth cameras. in *Proceedings of the IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition*, pp. 454–460, 2014.
- [58] Foxlin, Eric M. Generalized architecture for simultaneous localization, auto-calibration, and map-building. in *IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems*, vol. 1, pp. 527–533. IEEE, 2002.
- [59] Reinke, Andrzej, Camurri, Marco, and Semini, Claudio. A factor graph approach to multi-camera extrinsic calibration on legged robots. in *2019 Third IEEE International Conference on Robotic Computing (IRC)*, pp. 391–394. IEEE, 2019.
- [60] Kümmerle, Rainer, Grisetti, Giorgio, and Burgard, Wolfram. Simultaneous calibration, localization, and mapping. in *2011 IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems*, pp. 3716–3721. IEEE, 2011.
- [61] Hall, David L and Llinas, James. An introduction to multisensor data fusion. *Proceedings of the IEEE*, 85(1):6–23, 1997.
- [62] Idà, Edoardo, Briot, Sébastien, and Carricato, Marco. Identification of the inertial parameters of underactuated cable-driven parallel robots. *Mechanism and Machine Theory*, 167:104504, 2022.
- [63] Ida, Edoardo. Dynamics of undeactuated cable-driven parallel robots. 2021.
- [64] Chang, Lubin, Li, Kailong, and Hu, Baiqing. Huber's m-estimation-based process uncertainty robust filter for integrated ins/gps. *IEEE Sensors Journal*, 15(6):3367–3374, 2015.

- [65] Dellaert, Frank, Kaess, Michael, et al. Factor graphs for robot perception. *Foundations and Trends*® *in Robotics*, 6(1-2):1–139, 2017.
- [66] Ahmad, Aamir, Tipaldi, Gian Diego, Lima, Pedro, and Burgard, Wolfram. Cooperative robot localization and target tracking based on least squares minimization. in *2013 IEEE International Conference on Robotics and Automation*, pp. 5696–5701. IEEE, 2013.
- [67] Guibas, Leonidas J, Motwani, Rajeev, and Raghavan, Prabhakar. The robot localization problem. *SIAM Journal on Computing*, 26(4):1120–1138, 1997.
- [68] Aragues, Rosario, Carlone, Luca, Calafiore, G, and Sagues, C. Multi-agent localization from noisy relative pose measurements. in *2011 IEEE International Conference on Robotics and Automation*, pp. 364–369. IEEE, 2011.
- [69] Panigrahi, Prabin Kumar and Bisoy, Sukant Kishoro. Localization strategies for autonomous mobile robots: A review. *Journal of King Saud University-Computer and Information Sci*ences, 34(8):6019–6039, 2022.
- [70] Leitinger, Erik, Meyer, Florian, Tufvesson, Fredrik, and Witrisal, Klaus. Factor graph based simultaneous localization and mapping using multipath channel information. in 2017 IEEE International Conference on Communications Workshops (ICC Workshops), pp. 652–658. IEEE, 2017.
- [71] Wilbers, Daniel, Merfels, Christian, and Stachniss, Cyrill. Localization with sliding window factor graphs on third-party maps for automated driving. in *2019 International conference on robotics and automation (ICRA)*, pp. 5951–5957. IEEE, 2019.
- [72] Blueml, Julian, Fornasier, Alessandro, and Weiss, Stephan. Bias compensated uwb anchor initialization using information-theoretic supported triangulation points. in *2021 IEEE International Conference on Robotics and Automation (ICRA)*, pp. 5490–5496. IEEE, 2021.
- [73] Khorrambakht, Rooholla, Damirchi, Hamed, Dindarloo, MR, Saki, A, Khalilpour, SA, Taghirad, Hamid D, and Weiss, Stephan. Graph-based visual-kinematic fusion and monte carlo initialization for fast-deployable cable-driven robots. in 2023 IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems (IROS), pp. 1832–1839. IEEE, 2023.
- [74] Dellaert, Frank. Factor graphs and gtsam: A hands-on introduction. *Georgia Institute of Technology, Tech. Rep*, 2:4, 2012.
- [75] Allak, Eren, Khorrambakht, Rooholla, Brommer, Christian, and Weiss, Stephan. Kinematics-inertial fusion for localization of a 4-cable underactuated suspended robot considering cable

- sag. in 2022 IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems (IROS), pp. 4989–4996. IEEE, 2022.
- [76] Martiros, Hayk, Miller, Aaron, Bucki, Nathan, Solliday, Bradley, Kennedy, Ryan, Zhu, Jack, Dang, Tung, Pattison, Dominic, Zheng, Harrison, Tomic, Teo, et al. Symforce: Symbolic computation and code generation for robotics. *arXiv preprint arXiv:2204.07889*, 2022.
- [77] Idà, Edoardo, Briot, Sébastien, and Carricato, Marco. Natural oscillations of underactuated cable-driven parallel robots. *IEEE Access*, 9:71660–71672, 2021.
- [78] Pott, Andreas and Bruckmann, Tobias. Cable-driven parallel robots. Springer, 2013.
- [79] Carricato, Marco. Direct geometrico-static problem of underconstrained cable-driven parallel robots with three cables. *Journal of Mechanisms and Robotics*, 5(3):031008, 2013.
- [80] FunctionBay, Inc. Recurdyn: Multi-body dynamics cae software. https://functionbay.com/en/page/single/2/recurdyn-overview, 2023.
- [81] Martiros, Hayk, Miller, Aaron, Bucki, Nathan, Solliday, Bradley, Kennedy, Ryan, Zhu, Jack, Dang, Tung, Pattison, Dominic, Zheng, Harrison, Tomic, Teo, Henry, Peter, Cross, Gareth, VanderMey, Josiah, Sun, Alvin, Wang, Samuel, and Holtz, Kristen. SymForce: Symbolic Computation and Code Generation for Robotics. in *Proceedings of Robotics: Science and Systems*, 2022.
- [82] Kaess, Michael, Williams, Stephen, Indelman, Vadim, Roberts, Richard, Leonard, John J, and Dellaert, Frank. Concurrent filtering and smoothing. in *2012 15th International Conference on Information Fusion*, pp. 1300–1307. IEEE, 2012.
- [83] Dellaert, Frank et al. Georgia tech smoothing and mapping (gtsam) library, 2010–2023. Available at https://github.com/borglab/gtsam.

# پيوست آ

# گراف عامل در رباتیک

# آ.۱ تئورى

در زمینه رباتیک و ،SLAM گرافهای عامل ابزارهای قدرتمندی برای تخمین بهینه حالت هستند. در این پایاننامه، ما نیز از این ابزار به عنوان یک چارچوب مؤثر برای شناسایی پارامترها استفاده میکنیم. در این بخش، مروری کوتاه بر نظریهها و اصول پشت این روش ارائه میدهیم. در اینجا، مفاهیم را در زمینه تخمین حالت توضیح میدهیم.

در رباتیک، ترکیب حسگرها می تواند به عنوان یک مسئله استنتاج بیزی به شرح زیر فرمول بندی شود:

$$X^{MAP} = \arg\max_{X} p(X|Z) = \arg\max_{X} \frac{p(Z|X)p(X)}{p(Z)} \tag{1.5}$$

که در آن Z و X به ترتیب نشان دهنده مشاهدات توسط حسگرها و حالتهای سیستم هستند. تخمین بیشینه پسین از حالتها، P(X|Z) که نتیجه ترکیب است، از طریق بیشینه سازی توزیع پسین p(X|Z) با استفاده از الگوریتم درستنمایی بیشینه بدست می آید. در این فرمول بندی، p(Z|X) تابع احتمال است که مدل مشاهده حسگرها را نشان می دهد، در حالی که P(X) دانش پیشین از حالت سیستم است. همانطور که در ادامه خواهیم دید، در یک سیستم دینامیکی، این دانش پیشین با استفاده از تابع تحول حالت مدل سازی می شود.

اگر فرض کنیم X یک فرایند تصادفی مارکوفی است و p(Z|X) و p(Z|X) توزیعهای نرمال باشند، الگوریتم ML به یک مسئله کمینه مربعات منجر می شود. حال سیستم غیر خطی زیر را در نظر می گیریم:

$$X_{k+1} = f(X_k, u_k) + w(k),$$
  $z_k = h(X_k) + v(k)$  (Y.1)

w(k) و v(k) و v(k) و وارد این، علاوه بر این، v(k) و وارد این، v(k) و وارد این، v(k) و وارد این این و به ترتیب نویز اندازه گیری و عدم قطعیت مدل را نمایش نویز گاوسی افزایشی با کوواریانسهای v(k) و وارد و هستند که به ترتیب نویز اندازه گیری و عدم قطعیت مدل را نمایش می دهند. بردار v(k) و رودی اختیاری به سیستم است و v(k) حالتهای سیستم است. تابع احتمال ممکن است به صورت زیر نوشته شود:

$$p(z|x) = \mathcal{N}(z; h(x), R) = \frac{1}{\sqrt{1}\pi R} \exp\left\{-\frac{1}{2}\|h(x) - z\|_R^2\right\} \tag{\ref{eq:proposition}}$$

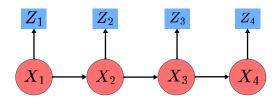
z این شهود وجود دارد که وقتی حالت X است، انتظار داریم مشاهده h(x) باشد. بنابراین، اندازه گیری های که بسیار متفاوت از h(x) هستند، کمتر احتمال دارد که رخ دهند. علاوه بر این، هر چه حسگر دارای نویز کمتری باشد، می توانیم با اطمینان بیشتری در مورد این انتظار صحبت کنیم. این شهود در معادله فوق با استفاده از یک تابع توزیع گاوسی مدل سازی شده است که مرکز آن در h(x) و واریانس x است.

از طرف دیگر، توزیع پیشین p(X) انتظار ما از حالت جدید را بدون داشتن اطلاعاتی به جز تخمین قبلی نشان می دهد. این دانش از درک ما از سیستم دینامیکی ناشی می شود، که در این حالت، با تابع f(X) در معادله نشان می دهد. این دانش از درک ما از سیستم دینامیکی ناشی می شود، که در این حالت، با تابع f(X) در معادله f(X) نمایش داده می شود. بنابراین، مشابه تابع احتمال، توزیع پیشین نیز ممکن است با استفاده از چگالی گاوسی زیر مدل سازی شود:

$$p(x_{k+1}|x_k, u_k) = \frac{1}{\sqrt{\Upsilon \pi Q}} \exp\left\{-\frac{1}{\Upsilon} \|f(x_k, u_k) - x_{k+1}\|_Q^{\Upsilon}\right\}$$
 (4.1)

اكنون، با توجه به اين چگاليها، الگوريتم ML به مسئله LS غيرخطي زير منجر مي شود:

$$\hat{X}_{k} = \min_{X} \left( \sum_{i=\bullet}^{k} \left( \|f(x_{i}, u_{i}) - x_{i+1}\|_{Q}^{\mathsf{Y}} + \|h(x_{i}) - z_{i}\|_{R}^{\mathsf{Y}} \right) \right) \tag{2.5}$$



شكل آ.١: شبكه بيز معادل مربوط به مسئله مثال تخمين حالت بيانشده

فرمولبندی احتمالاتی بیزی که تا کنون ذکر شده است، می تواند به صورت گرافیکی با استفاده از شبکههای بیزی ارائه شود. یک شبکه بیزی <sup>۱</sup> یک مدل گرافیکی جهتدار است که متغیرهای تصادفی به عنوان گرههای آن و یالها نمایانگر وابستگیها (علت و معلول) بین این گرهها هستند. به عبارت دیگر، یک شبکه بیزی می تواند توزیع احتمالی مشترک را بر روی همه متغیرهای تصادفی به عنوان حاصل ضرب چگالی های شرطی تعریف کند. شکل آ.۱ شبکه بیزی مربوط به سیستم غیر خطی مثال ما را نشان می دهد. توزیع احتمالی مشترک مربوطه ممکن است به صورت زیر نوشته شود:

$$p(X,Z) = p(x_1)p(x_1|x_1)p(x_2|x_2)p(x_3|x_4)p(x_4|x_5) \times p(z_1|x_1)p(z_2|x_3)p(z_3|x_4)p(z_4|x_5)$$
 (9.5)

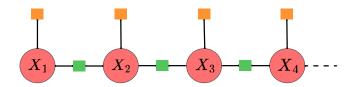
در این معادله، تکه اول اول نمایانگر مدل سیستم و تکه دوم نمایانگر مدلهای مشاهده است.

توزیع مشترک در معادله آ.۱ به توزیع پسین p(X|Z) با استفاده از فرمول احتمال شرطی زیر پیوند می خورد:

$$p(X|Z) = \frac{p(X,Z)}{p(Z)} \tag{V.1}$$

در این معادله به عنوان یک عامل نرمالسازی عمل می کند، بنابراین p(X|Z) متناسب با توزیع مشترک p(Z) در این معادله به عنوان یک عامل نرمالسازی عمل می کند، بنابراین p(Z,X) که متناسب با p(Z,X) است:

$$l(X;Z) \propto p(Z|X)$$
 (A.1)



شكل آ. ٢: گراف عامل معادل مربوط به مسئله مثال تخمين حالت بيانشده

بدين ترتيب خواهيم داشت:

$$X^{MAP} = \arg\max_{X} l(X; Z) \tag{4.1}$$

علاوه بر این، می توانیم مقیاس های ثابت را در احتمالات شرطی معادلات آ.  $\pi$  و آ.  $\pi$  حذف کنیم و تابع درست نمایی l(X;Z) را به صورت زیر بنویسیم:

$$l(X;Z) = l(x_1)l(x_1|x_1)l(x_2|x_1)p(x_1|x_2) \times l(z_1|x_1)l(z_1|x_2)l(z_2|x_3)l(z_1|x_4)$$
(10.1)

که در آن:

$$l(X;z) = \exp\left\{-\frac{1}{7}\|g(X) - z\|_R^7\right\} \tag{11.5}$$

$$l(X_{k+1}; X_k) = \exp\left\{-\frac{1}{7} \|f(X_k, u_k) - X_{k+1}\|_Q^7\right\}$$
 (17.1)

بنابراین، تابع درستنمایی که باید بیشینه شود، حاصل ضرب تجزیه شده ای از توابع درستنمایی کوچکتر است. در حالی که توزیع احتمالی مشترک در معادله آ. ۶ به بهترین شکل با استفاده از یک شبکه بیزی توصیف می شود، تابع درستنمایی تجزیه شده در معادله آ. ۱۰ می تواند به بهترین شکل با یک گراف عامل نمایش داده شود. یک گراف عامل f(X) تعزیه یک تابع f(X) را به عنوان حاصل ضربی از عامل های  $f_i$  تعریف می کند. این یک مدل گرافیکی دو بخشی و بدون جهت با دو نوع گره است: گرههای عامل  $f_i \in F$  و گرههای متغیر  $f_i$  یک یک یا در گراف حضور دارد اگر و فقط اگر  $f_i$  تابعی از  $f_i$  باشد [۸۲]. شکل آ. ۲ گراف عامل متناظر با تابع یا تابع در گراف حضور دارد اگر و فقط اگر  $f_i$  تابعی از  $f_i$  باشد [۸۲].

درستنمایی در معادله آ.۱۰ را نشان می دهد. در این شکل، عاملهای آبی رنگ به درستنماییهای اندازه گیری اشاره دارند در حالی که عاملهای سبز رنگ به مدل سیستم اشاره می کنند. در نهایت، با استفاده از الگوریتم MAP مسئله MA به یک مسئله M غیر خطی زیر تبدیل می شود:

$$X^{MAP} = \arg\max_{X} l(X; Z) = \arg\max_{X} \operatorname{Ln}\left(\prod_{i} l_{i}(X_{i}; Z_{i})\right)$$
 (17.1)

$$X^{MAP} = \arg\min_{X} \left( \sum_{i=*}^{k} \left( \|f(x_{i}, u_{i}) - x_{i+1}\|_{Q_{i}}^{\mathbf{Y}} + \|h(x_{i}) - z_{i}\|_{R_{i}}^{\mathbf{Y}} \right) \right) \tag{14.1}$$

در مورد سیستمهای ناوبری، X نشان دهنده مکانهای پیگیری شده است که از طریق عاملهای مدل حرکت به یکدیگر متصل می شوند. از طرف دیگر، هر حالت نیز با فاکتورهای مدل اندازه گیری محدود می شود.

# آ.۲ حلکنندهها

راه حل یک مسئله LS که به یک گراف عامل مربوط است، می تواند به چهار روش تقسیم شود. در ادامه، این چهار روش معرفی می شوند.

#### بهینهسازهای دستهای

در بهینه سازی دسته ای، همه عامل ها از ابتدای زمان تا لحظه فعلی در الگوریتم بهینه سازی شرکت می کنند. از آنجا که تمام اطلاعات در مسئله بهینه سازی شرکت می کنند، این روش دقیق ترین نتیجه را به دست می دهد. با این حال، به دلیل بار محاسباتی سنگین، این یک الگوریتم آفلاین است.

#### فیلترها و صاف کنندههای با تأخیر ثابت

بهینه سازهای دسته ای با گذشت زمان در پیچیدگی رشد می کنند، بنابراین اجرای آنها در زمان واقعی غیر ممکن خواهد بود. بنابراین، یک راه حل این است که اطلاعات قدیمی را با حاشیه نویسی حذف کنیم و اثر تجمعی آنها را به عنوان یک عامل پیشین در انتهای گراف عامل بریده شده اضافه کنیم. این حاشیه نویسی و برش در هر تکرار الگوریتم رخ می دهد. مقیاس مسئله در این حالت ثابت می ماند و به اندازه پنجره بستگی دارد.

در فیلتر کردن، که یک حالت شدید از صاف کردن با تأخیر ثابت است، همه داده های قبلی تا گره فعلی به یک عامل پیشین واحد فشرده می شوند. این حالت کمترین سربار محاسباتی و ذخیره سازی را دارد. اگرچه این برش گراف عامل برای سیستم های خطی هیچ اثر تباه کننده ای ندارد، اما برای سیستم های غیر خطی، منجر به تجمع خطاها در عامل پیشین می شود. این تجمع به دلیل اصلاح نقاط خطی سازی در هر تکرار است که دیگر نمی توانند به گره های قبلی منتقل شوند.

#### صاف كننده هاى افزايشي

صاف کردن افزایشی که در [۸۲] ارائه شده است، یک الگوریتم جدید برای افزودن افزایشی و حل گراف عامل به صورت افزایشی با ورود داده های جدید است. از آنجا که مسائل تخمین حالت در رباتیک معمولاً به یک زنجیره مارکوف منجر می شوند، گراف فاکتور تولید شده اغلب تنک است و تجزیه ماتریس مورد نیاز در طی اجرای بهینه سازی غیر خطی تکراری می تواند به صورت کارآمدتری انجام شود. نویسندگان در [۸۲] از روش های تجزیه ماتریس تکراری برای توسعه الگوریتم خود بهره برداری می کنند.

به دلیل ماهیت مارکوفی مسئله، شبکه بیزی تولید شده یک گراف و تری است. این گراف و تری سپس به یک درخت بیزی تبدیل می شود. ممکن است اطلاعات جدید به راحتی اضافه شوند بدون نیاز به اجرای مجدد تمام محاسبات. با اینکه زمان محاسباتی این روش بسیار کمتر است، نیازهای حافظه تغییر نمی کنند. علاوه بر این، نمی توان مطمئن بود که هر تکرار از این الگوریتم چقدر زمان خواهد برد. بنابراین، به طور کلی، این روش نمی تواند تخمین های قطعی ارائه دهد، و بر اساس مسئله و اندازه گیری های مشاهده شده، زمان محاسباتی ممکن است به طور قابل توجهی متفاوت باشد. به عنوان مثال، و قتی یک محدودیت حلقه اضافه می کنیم، تکرار جدید نیاز دارد تا بخش بیشتری از درخت پردازش شود، که نیاز مند زمان محاسباتی بسیار بیشتری است.

#### فيلتر كردن و صاف كردن همزمان

مقاله [۸۲] یک چارچوب با یک فیلتر در حال اجرا در کنار یک صافکننده ارائه می دهد. در هر تکرار صافکننده، فیلتر می تواند چندین بار تکرار شود و تخمینهای بلادرنگ ارائه دهد. سپس، در انتهای هر تکرار صافکننده، این دو سیستم هماهنگ می شوند. جداسازی این دو سیستم از طریق یک متغیر جداکننده میانی در درخت بیزی به دست می آید. با داشتن این متغیر، فیلتر از لحاظ آماری از صافکننده مستقل خواهد بود. در مرحله همگام سازی، جداکننده به روزرسانی می شود به طوری که حالتهای جدیداً اضافه شده به فیلتر به درخت صافکننده منتقل شوند.

chordal graph\

### آ.۳ کتابخانه GTSAM

همان طور که در بخشهای قبلی ذکر شد، گرافهای عامل ابزارهای قدرتمندی برای فرمول بندی مسائل تخمین حالت و کالیبراسیون هستند. به دلیل انعطاف پذیری آنها، این گرافها به روشی کارآمد برای ساخت مسائل بهینه سازی نقشه در سیستمهای SLAM تبدیل شده اند. بنابراین، بسیاری از حل کننده های متن باز و کارآمد برای پیاده سازی این ابزار توسعه داده شده اند. یکی از کتابخانه های مهم، GTSAM [۸۳] است. این کتابخانه در دانشگاه جورجیاتک توسعه یافته و یک رابط برنامه نویسی کامل برای پیاده سازی عامل های سفارشی، تعریف گرافهای عامل، و حل آنها به صورت کارآمد فراهم می کند.

علاوه بر این، GTSAM از بهینهسازی روی منیفلدها نیز پشتیبانی میکند، که در مواردی که با مسائل بهینهسازی مواجه هستیم که به پارامترهایی از گروههای اقلیدسی خاص مربوط میشوند، ضروری است. این کتابخانه همچنین یک رابط نرمافزار متلب برای توسعه سریع ارائه میدهد. در نهایت، بسیاری از عاملها که قبلاً در این کتابخانه پیادهسازی شدهاند، آماده بهرهبرداری برای مسائل رباتیک و SLAM هستند.

#### **Abstract**

In today's world, robot manufacturers are focused on simplifying usage and enhancing their performance accuracy, which includes reducing repetitive processes such as sensor and robot calibration. On the other hand, due to the importance of precise localization, recent research has shifted towards novel methods based on graph theory and the integration of data from various sensors. In this thesis, we start from this familiar point and review recent methods, developing a graph-based framework that not only performs localization effectively but also handles sensor calibration and even goes a step further by simultaneously calibrating the robot without the need for separate processes. This approach creates a unified and flexible problem formulation where adding any constraints does not affect the previous formulations. The chosen algorithm for this formulation is factor graph, which excels in managing computational complexity through optimized matrices and graph-based architecture, leading to faster convergence and increased stability of the results. Moreover, factor graphs facilitate the seamless integration of heterogeneous sensor data, resulting in improved accuracy and reduced dependency on a single data source. To validate the proposed method, we consider a cable-driven parallel suspended robot. We first create a unified problem in the graph space that simultaneously performs visual sensor calibration, localization, and kinematic calibration of the robot without requiring prior processes, thus achieving the concept of easy deployment. Then, to assess the flexibility and evaluate our graph, we incorporate the cable sag equations, which are among the most complex equations in robotics, into the graph and analyze the results. The results demonstrate the high capability of this method in creating a flexible formulation that not only increases the speed of the process but also enhances the accuracy of localization and calibration.

**Keywords** Factor Graph, Calibration, Localization, SLAM



K. N. Toosi University of Technology Faculty of Electrical Engineering- Control Group

Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements for the Degree of Master of Science (M.Sc.) in Electrical Engineering

# Development of a Graph-Based Unified Optimization Framework for Robot Calibration and State Estimation

By: Mohammadreza Dindarloo

Supervisor:

Prof. Hamid D. Taghirad

Advisors:

Prof. Philippe Cardou and Dr. Seyed Ahmad Khalilpour

Winter 2024