



ورشة خوارزميات 2

# Algorithms & Data Structures 2

Trees

Binary Trees

Binary Search Trees (BST)

Heap

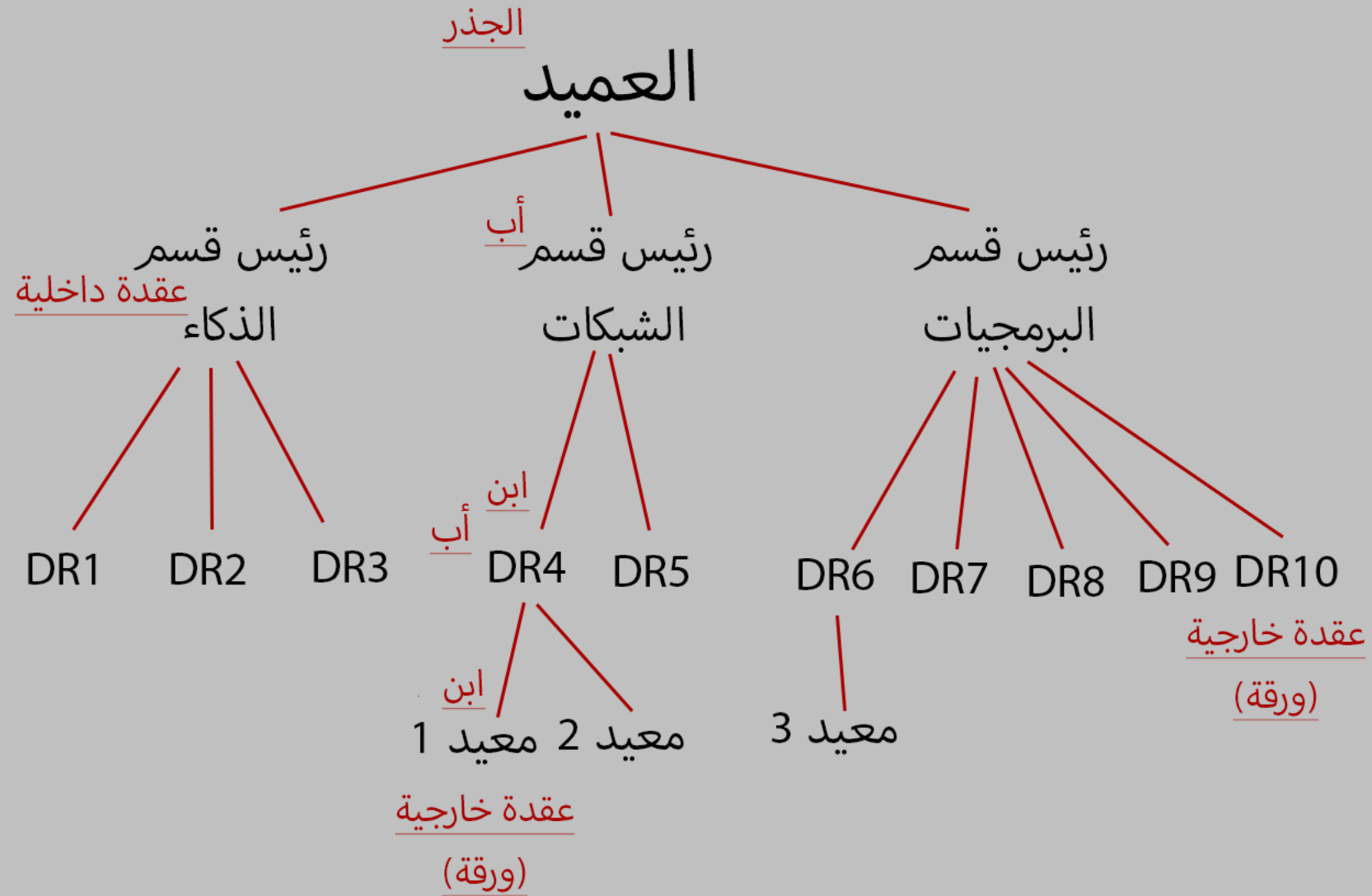
AVL Trees

B-Trees

Graphs

## تعاريف:

عقدة
وصلة
ابن
أب
حفيد
سلف (جد)
عقدة خارجية
عقدة داخلية



## تعريف:

ارتفاع عقدة  
ارتفاع الشجرة  
المستوى  
درجة عقدة  
درجة الشجرة

العميد

المستوى 1

رئيس قسم

رئيس قسم

رئيس قسم

الذكاء

الشبكات

البرمجيات

DR1

DR2

DR3

DR4

DR5

DR6

DR7

DR8

DR9

DR10

معيد 1

معيد 2

معيد 3

المستوى 2

المستوى 3

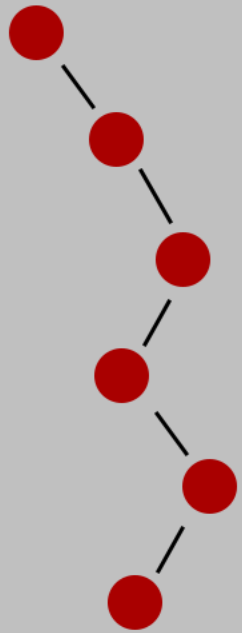
المستوى 4

$h = 3$

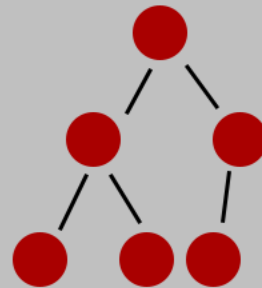
$h = 1$

# Binary Trees

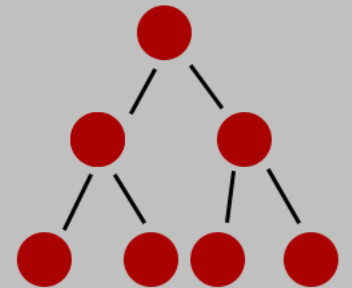
خطية  
linear



تامة  
complete



كاملة  
full

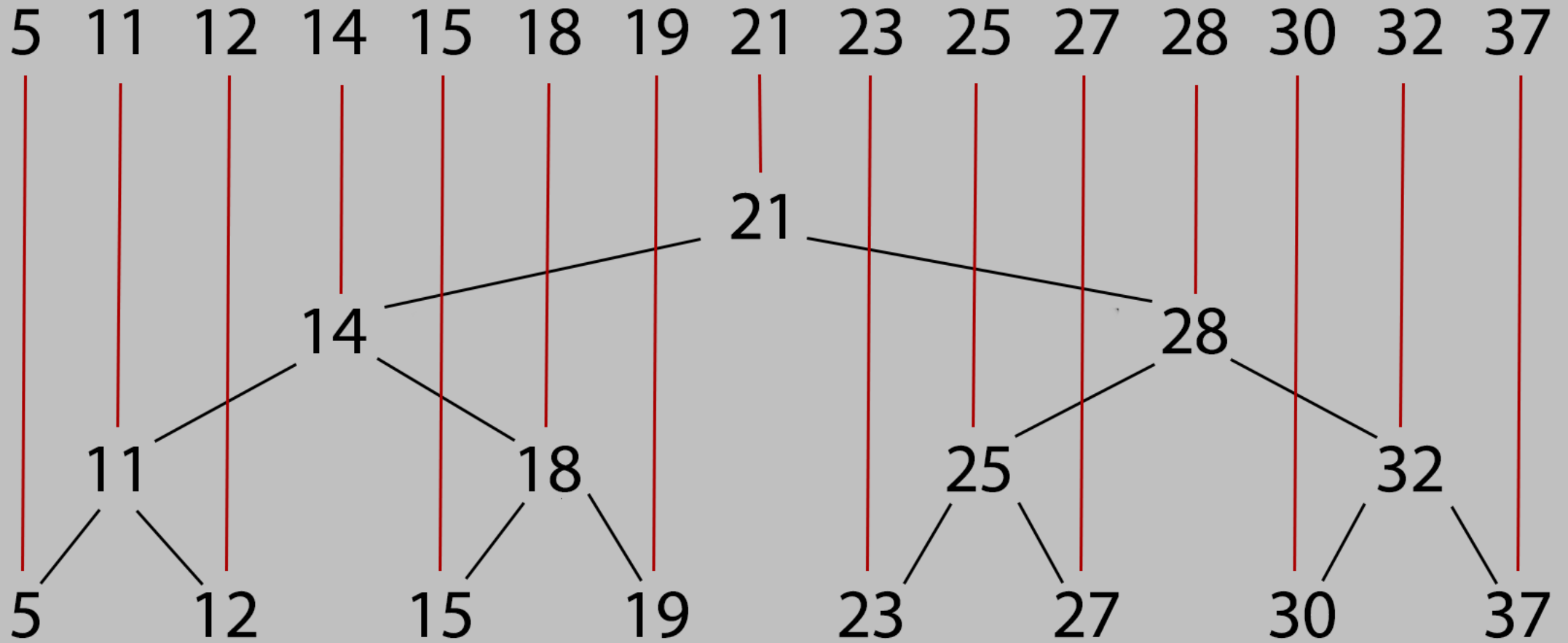


# Binary Search Trees (BST)

5 11 12 14 15 18 19 21 23 25 27 28 30 32 37



# Binary Search Trees (BST)



# BST Operations

(insertion)

عقدة داخلية  
(غير مطلوبة)

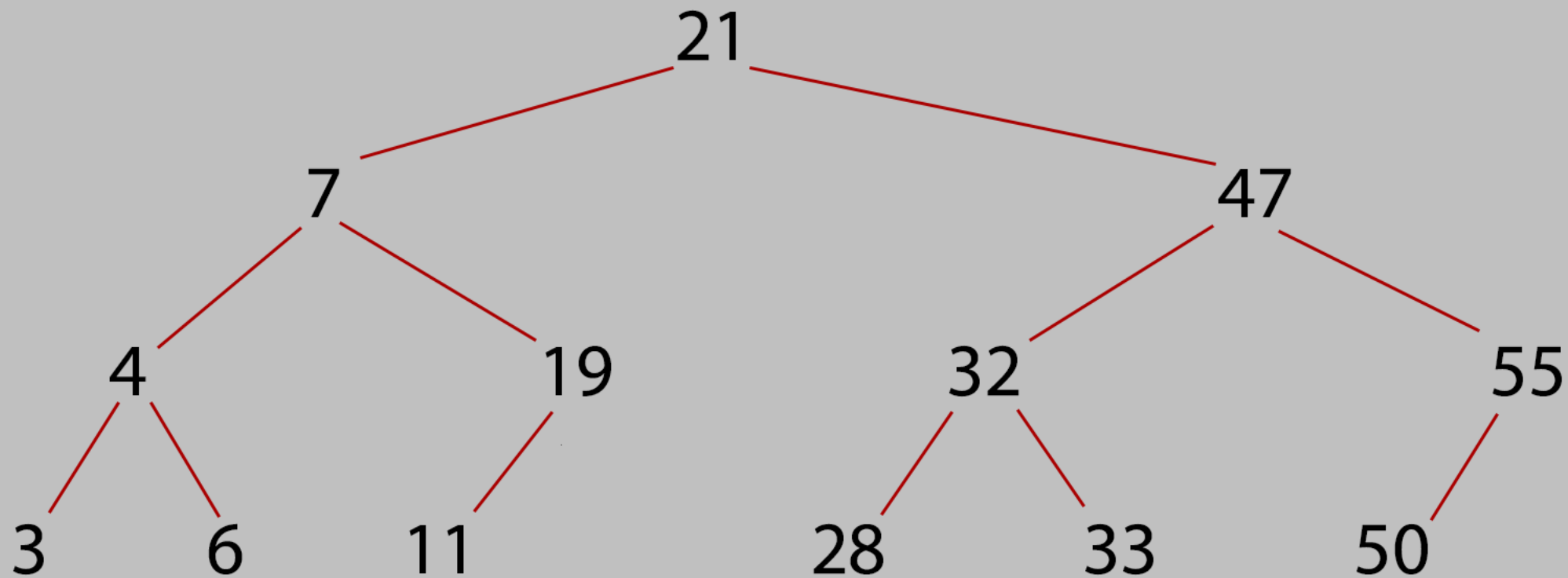
ورقة

جذر

# BST Operations

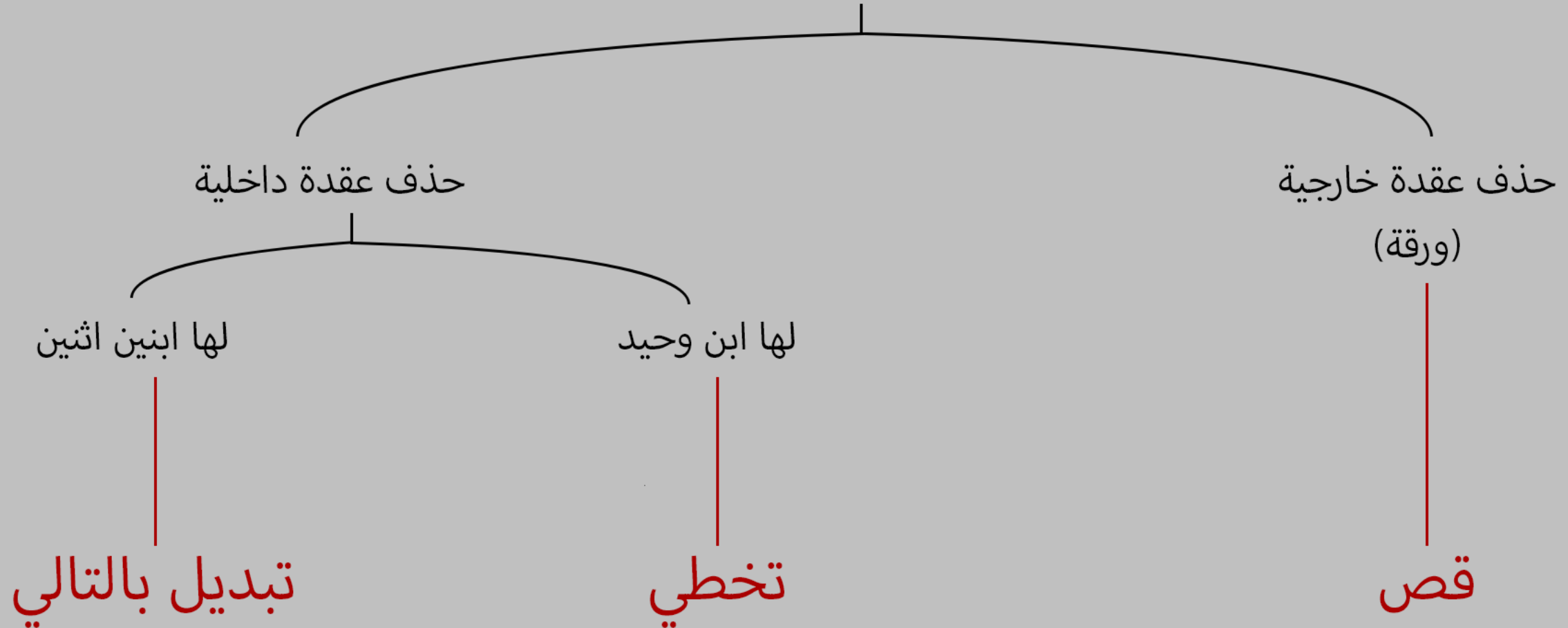
## (insertion)

مثال:



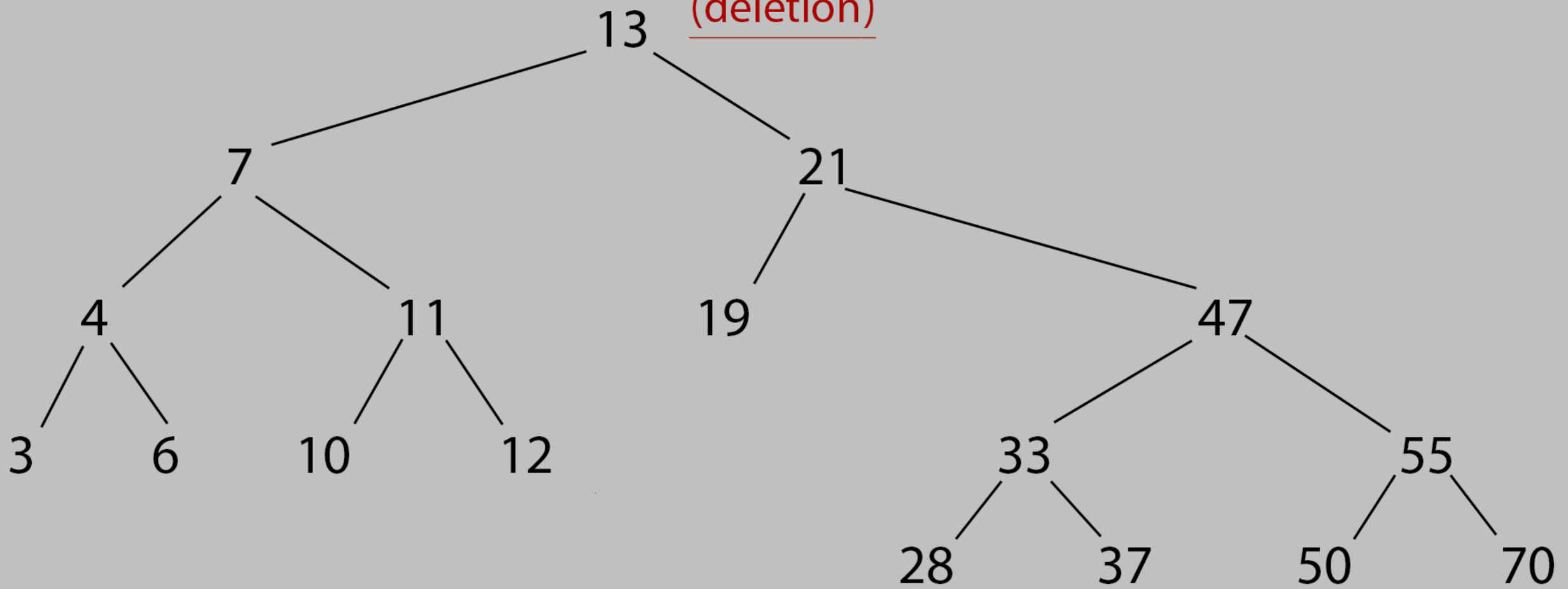
# BST Operations

## (deletion)



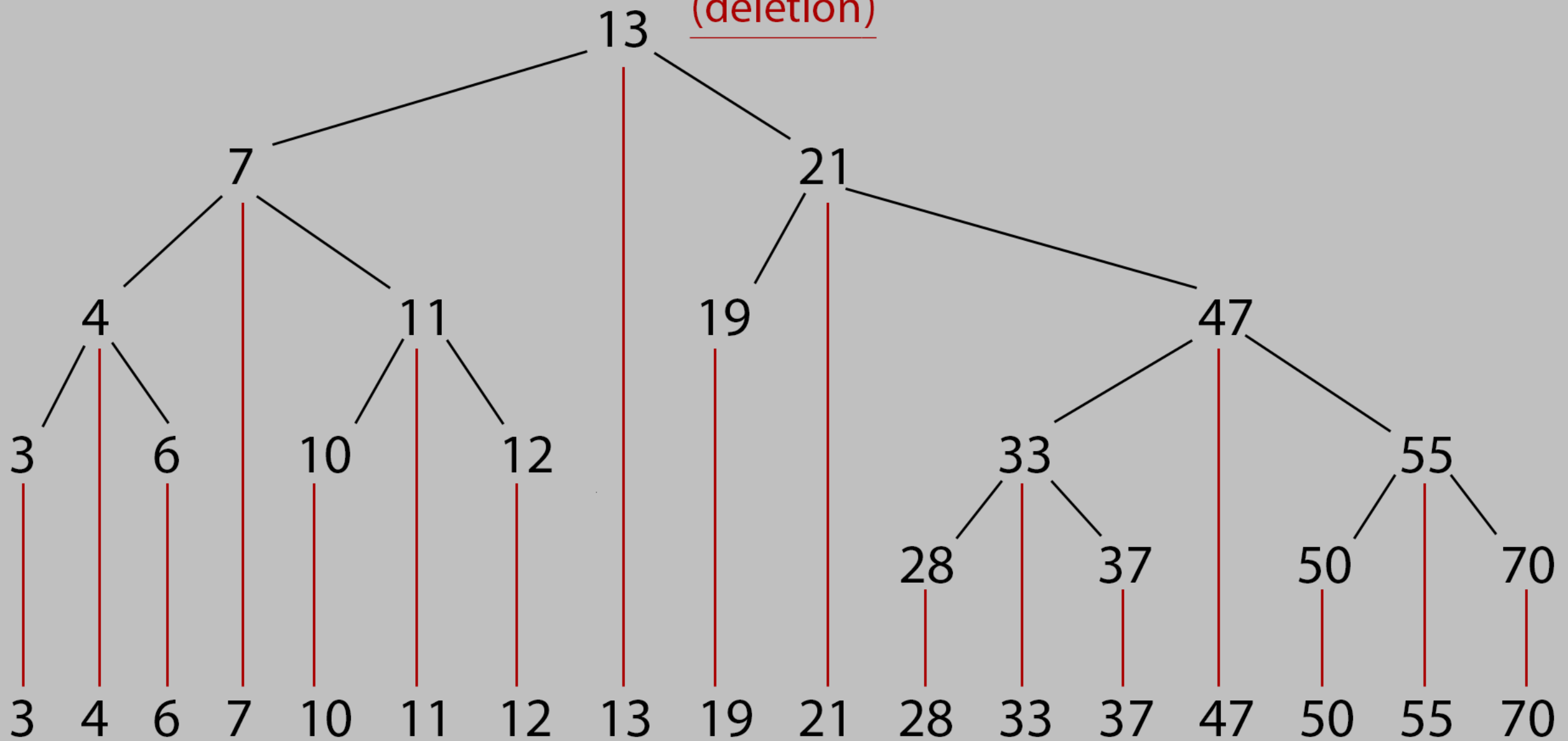
# BST Operations

(deletion)



# BST Operations

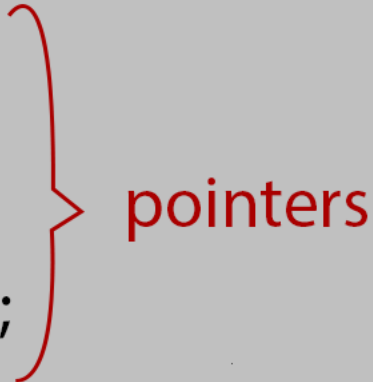
(deletion)



# BST Operations

## (Code)

```
struct Node {  
    Data x;  
    Node left;  
    Node right;  
    Node parent;  
    int depth;  
}
```



pointers

# BST Operations

## (Code)

```
Node search(Node root, int x){  
    if (root == NULL)  
        return NULL;  
  
    if (root.data == x)  
        return root;  
  
    if (root.data < x)  
        return search(root.left, x);  
  
    if (root.data > x)  
        return search(root.right, x);  
  
}
```



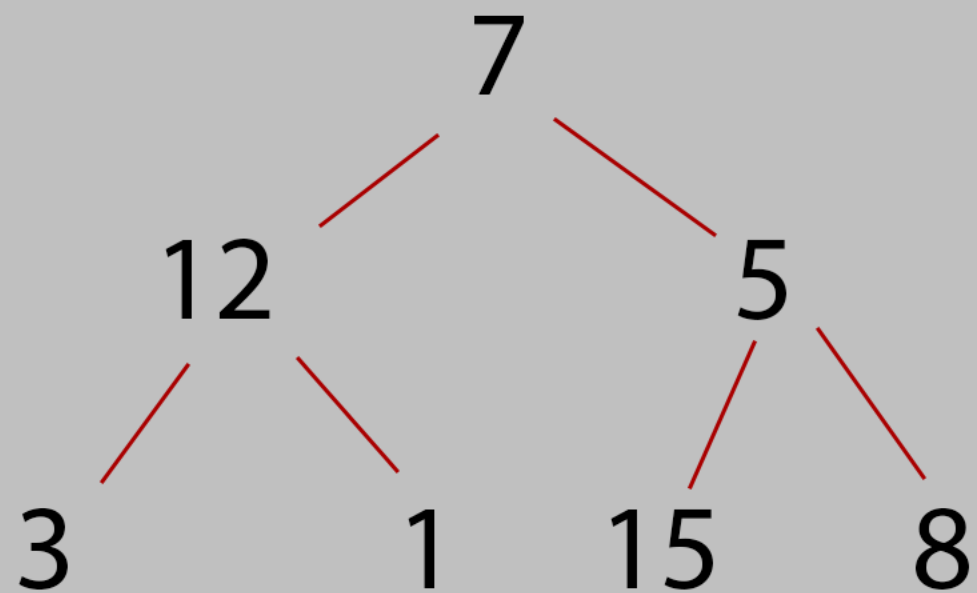
```
void add(int x){
    Node p = new Node();
    p.data = x;
    if(root == NULL){
        root = p;
        return ;
    }
    Node v = root;
```

```
while(v != NULL){
    if(x < v.data){
        if(v.left == NULL){
            v.left = p;
            return;
        }
        v = v.left;
    }
    else{
        if(v.right == NULL){
            v.right = p;
            return;
        }
        v = v.right;
    }
}
```

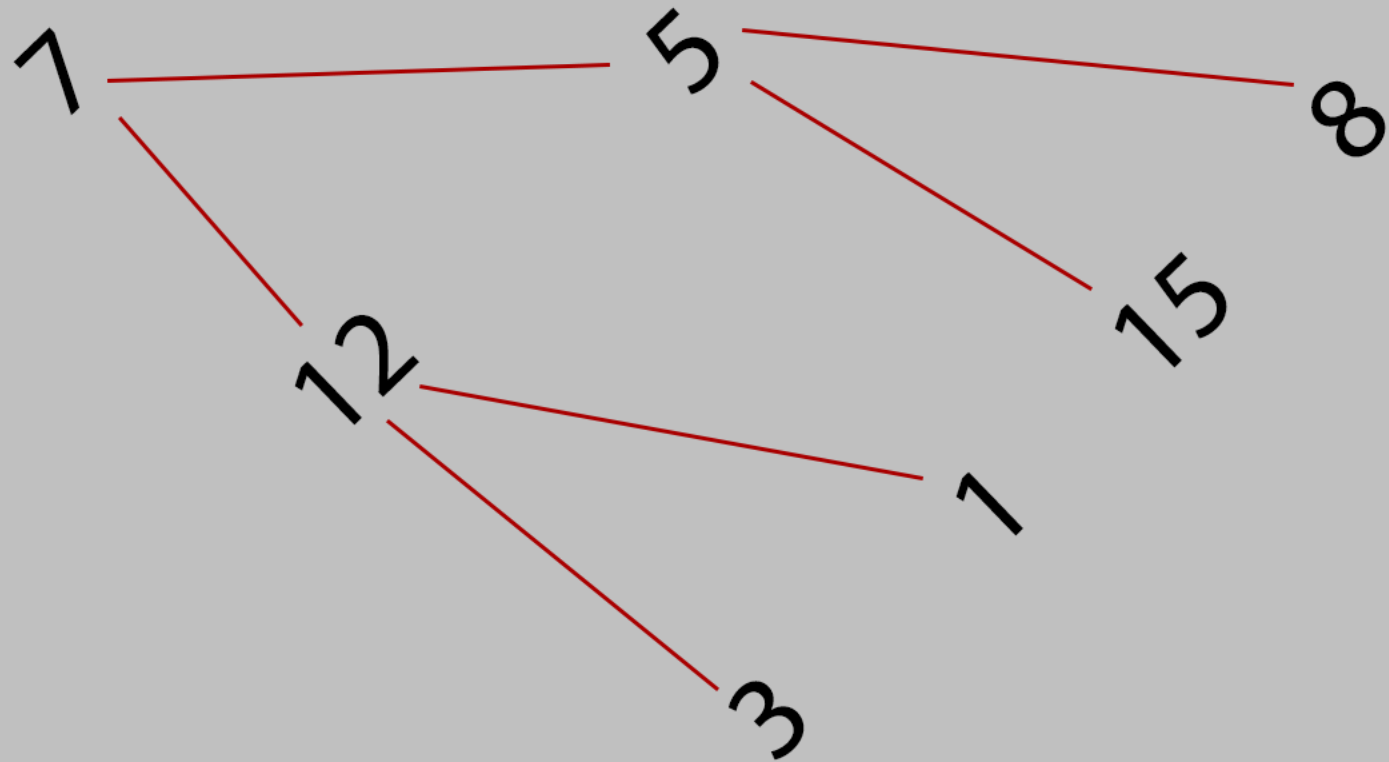
```
void searchAndDelete(Node &p, int x){  
    if(p == NULL)  
        return;  
    if(p.data == x)  
        deleteNode(p);  
    else if(x < p.data)  
        searchAndDelete(p.left, x);  
    else if(x > p.data)  
        searchAndDelete(p.right, x);  
}
```

```
void deleteNode(Node &p){  
    if(p.left == NULL)  
        p = p.right;  
    else if(p.right == NULL)  
        p = p.left;  
    else{  
        Node v = getNext(p);  
        p.data = v.data;  
        delete(v);  
    }  
}
```

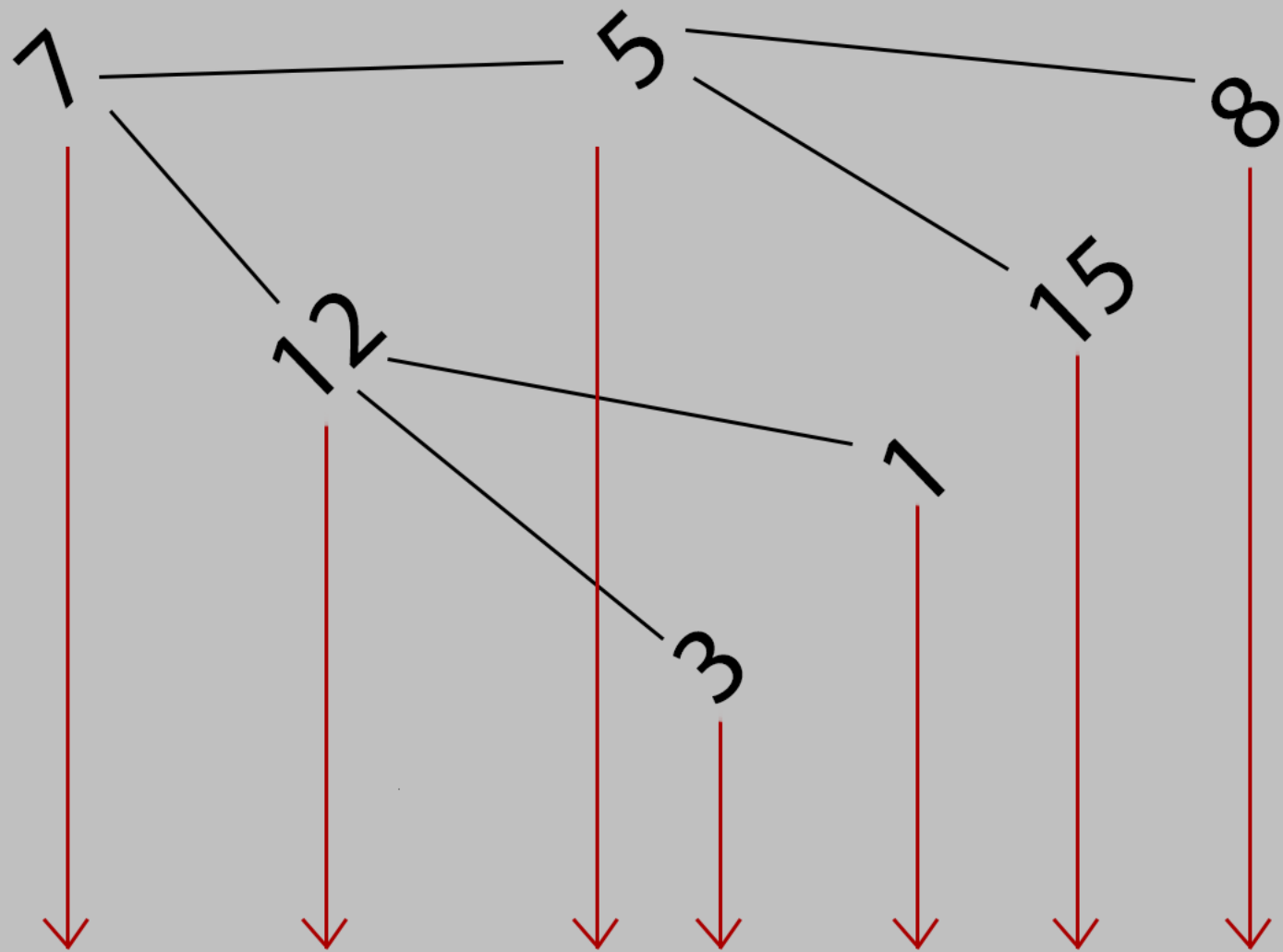
```
Node getNext(Node p){  
    p = p.right;  
    while(p.left != NULL)  
        p = p.left;  
    return p;  
}
```



معلش نملها شوي ؟



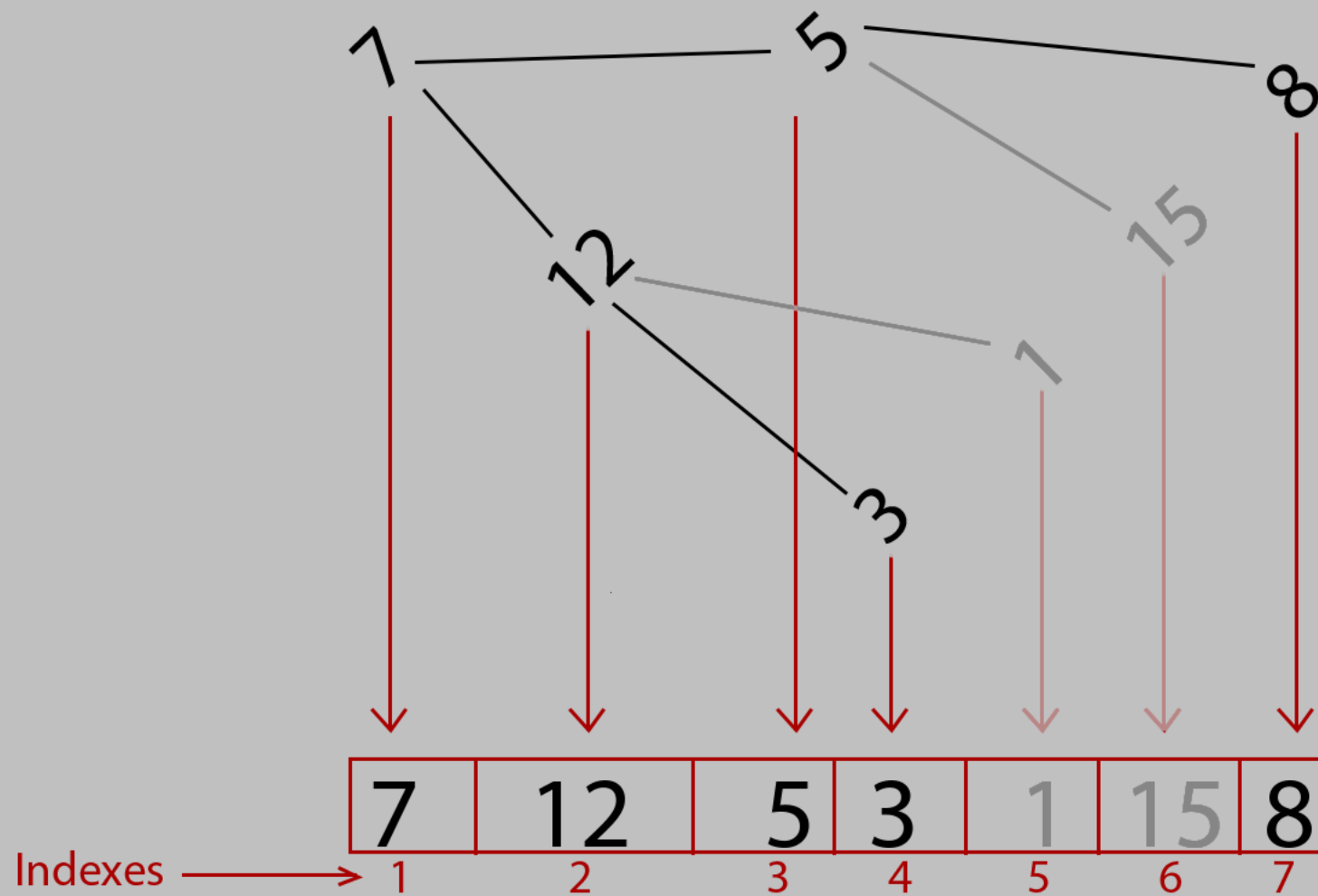
عادي هيڪ ؟



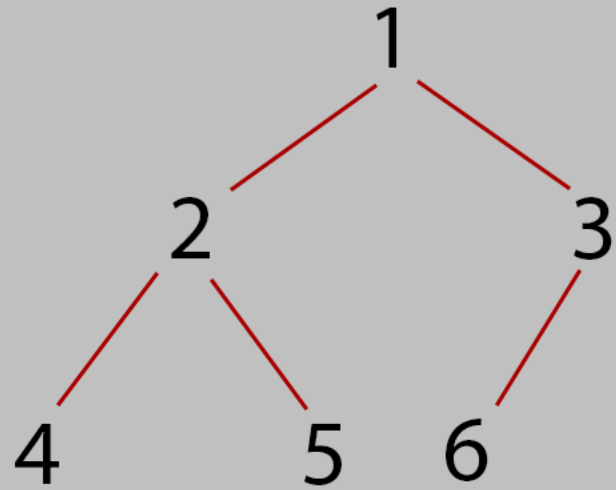
Indexes

7	12	5	3	1	15	8
1	2	3	4	5	6	7

ماذا لو لم تكن الشجرة تامة أو كاملة ؟!

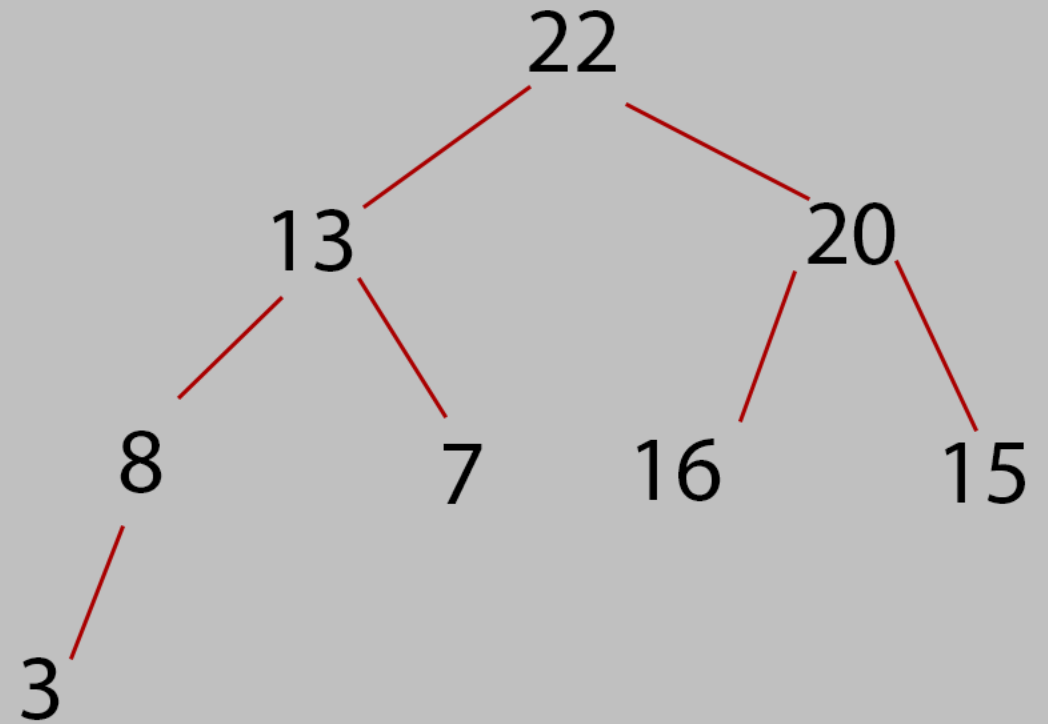


min-heap



1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

max-heap



22	13	20	8	7	16	15	3
----	----	----	---	---	----	----	---



```
void maxThree(int i){
    int left = 2*i;
    int right = 2*i+1;
    int maxi = i;
    if(right <= heapsize && A[right] > A[maxi])
        maxi = right;
    if(left <= heapsize && A[left] > A[maxi])
        maxi = left;

    if(maxi != i){
        swap(A[i], A[maxi]);
        maxThree(maxi);
    }
}
```

```
void buildMaxHeap(){
    for(int i = n/2; i >= 1; i --)
        maxThree(i);
}
```