자료구조론

6장 연결 자료구조 표현 방식

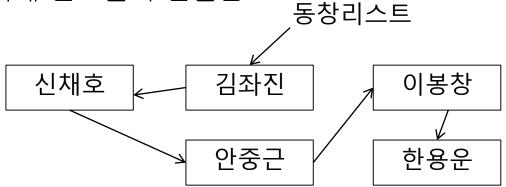
□ 이 장에서 다를 내용

- ❖ 연결 자료구조 방식
- ❖ 단순 연결 리스트
- ❖ 원형 연결 리스트
- ❖ 이중 연결 리스트
- ❖ 다항식의 연결 자료구조 표현

- ❖ 선형 리스트를 구현하는 2가지 방법
 - 순차(sequential) 자료구조 (5장)
 - 연결(linked) 자료구조 (6장)
- ❖ 순차 자료구조 구현의 문제점
 - **연산 시간 문제:** 삽입/삭제 연산 후에 연속적인 물리 주소를 유지하기 위해서 원소들을 이동시키는 작업이 필요
 - 원소의 개수가 많으면서 삽입/삭제 연산이 빈번하게 일어나는 경우, 원소 이동 오버헤드로 성능상의 문제 발생
 - **저장 공간 문제:** 배열을 이용하여 구현하기 때문에 배열이 갖고 있는 메모리 사용의 비효율성 문제를 지님
 - 리스트 크기 변경에 유연하게 대처하지 못함
 - 원소수가 동적으로 변하는 경우 배열 크기를 충분히 크게 잡아야 함 → 배열 크기보다 실제 원소수가 작은 경우 메모리 낭비
- ❖ 순차 자료구조의 문제점을 해결하는 자료 표현 방법 필요
 - 연결 자료구조

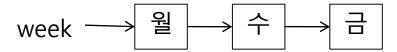
- ❖ 순차 자료구조 구현이 문제점만 있는 것은 아니다. 장점에 대해 생각해보자.
 - 간단하고 다루기 쉬운 자료구조이다.
 - 연산 시간
 - 저장 공간
- ❖ 이 장을 마친 후에 연결 자료구조 구현의 문제점과 장점에 대해서도 생각해 보자.

- ❖ 연결 자료구조(linked data structure)
 - 자료의 논리적인 순서와 물리적인 순서가 일치하지 않음
 - 각 원소를 저장할 때 다음 원소의 주소도 함께 저장해 두고, 이 주소 에 의해 원소들이 연결됨

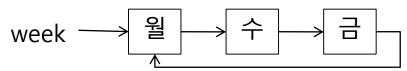


- 여러 개의 작은 공간을 연결하여 하나의 전체 자료구조를 표현
 - 물리적인 순서를 맞추기 위해 원소를 이동하는 오버헤드가 없음
 - 크기 변경이 유연
 - 불필요하게 큰 메모리 공간을 미리 확보할 필요 없음
- Q: 순차 자료구조에 비해 연결 자료구조는 항상 메모리를 절약하는가?

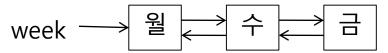
- ❖ 연결 리스트(linked list)
 - 리스트를 연결 자료구조로 표현한 구조
 - 연결 방식에 따른 구분
 - 단순 연결 리스트(singly linked list)



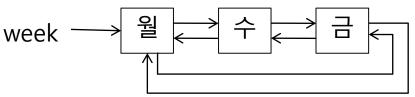
• 원형 연결 리스트(circular linked list): 환형 연결 리스트



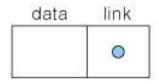
• 이중 연결 리스트(doubly linked list)



• 원형 이중 연결 리스트(circular doubly linked list)



- ❖ 노드
 - 연결 자료구조에서 하나의 원소를 표현하기 위한 단위 구조
 - <원소, 다음노드주소> 로 구성



- 데이터 필드(data field)
 - ▶원소의 값을 저장
 - ▶저장할 원소의 형태에 따라서 하나 이상의 필드로 구성
- 링크 필드(link field)
 - ▶다음(next) 노드의 주소를 저장
 - ▶ 자바에서는 노드 객체 참조값(reference)을 사용
 - ▶리스트의 마지막 노드는 링크 필드가 null
- 예) 저장할 원소가 문자열일 때, 노드를 자바 클래스 Node로 정의하자. class Node {

```
String data;
Node link;
```



- ❖ 순차 자료구조와 연결 자료구조
 - 표현하고자 하는 리스트가 다음과 같다면:
 week=(월, 화, 수, 목, 금, 토, 일)
 - 순차 자료구조 표현



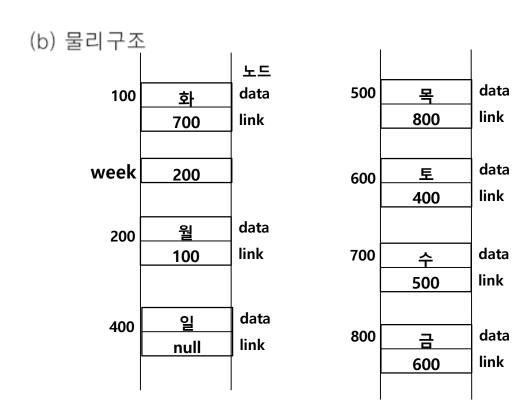
(a) 논리구조



- 연결 자료구조(연결 리스트) 표현
 - (a) 논리구조



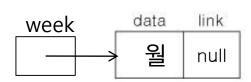
✓ 리스트를 사용하려면 첫번째 노드의 주소를 알고 있으면 된다.(링크를 따라가며 리스트 모든 원소에 접근할 수 있다)



- 연결 리스트 표현
 - 노드 구조가 다음과 같다고 보자.
 class Node {
 String data;
 Node link;
 - 리스트 이름 week는 첫번째 노드를 가리키는 참조(reference) 변수 Node week;

week

- 공백 연결 리스트를 표현하려면 변수 week에 null을 저장 week = null;
- 노드 생성하여 week가 가리킴week = new Node();
- 노드의 필드는 . 연산자로 액세스
 week.data = "월";
 week.link = null;



data

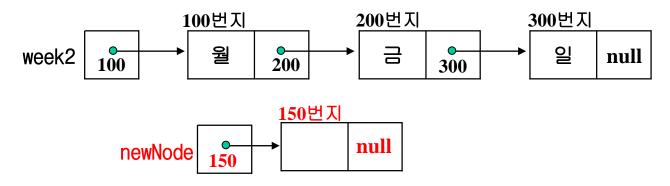
link

- ❖ 단순 연결 리스트(singly linked list)
 - 노드에 링크 필드가 하나이며, 이 링크 필드에 의해 다음 노드와 연 결되는 구조를 가짐

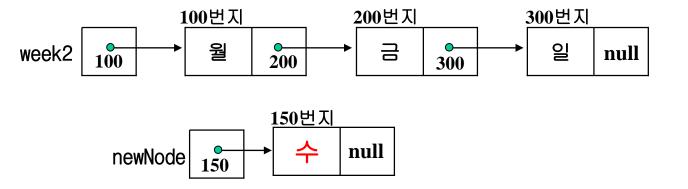


• 첫번째 노드의 주소를 기억해 두어야 리스트에 접근할 수 있다.

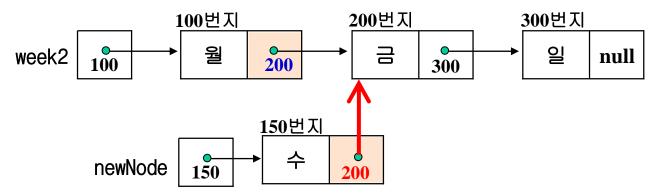
- 노드 삽입
 - 리스트 week2=(월, 금, 일) 에서 원소 "월"과 "금"사이에 "수" 삽입하기
 - ① 삽입할 새 공백노드 newNode를 생성한다.



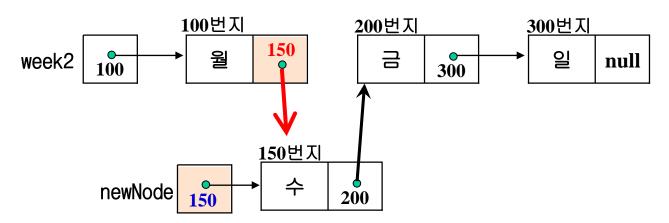
② newNode의 데이터 필드에 "수"를 저장한다.



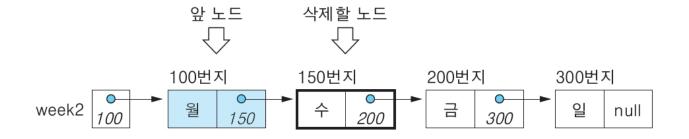
③ newNode의 앞노드가 될 노드, 즉 "월"노드의 링크 필드 값을 newNode의 링크 필드에 저장한다.



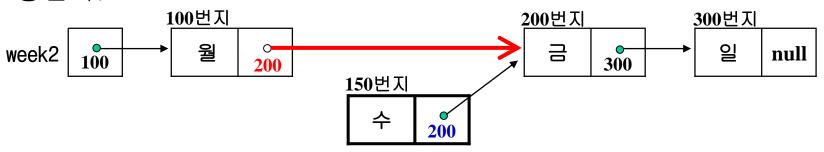
④ "월"노드의 링크 필드에 newNode의 값(newNode가 가리키는 노드의 주소)을 저장한다.



- 노드 삭제
 - 리스트 week2=(월, 수, 금, 일)에서 원소 "수" 삭제하기
 - ① 삭제할 원소의 앞 노드(선행자)를 찾는다. → "월" 노드



② "월" 노드의 링크 필드에, 삭제할 원소 "수"의 링크 필드 값을 저장한다.



❖ 단순 연결리스트의 원소 삽입 알고리즘

```
insertFirstNode(L, x)

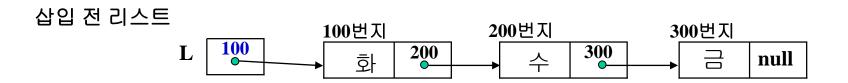
newNode ← getNode();

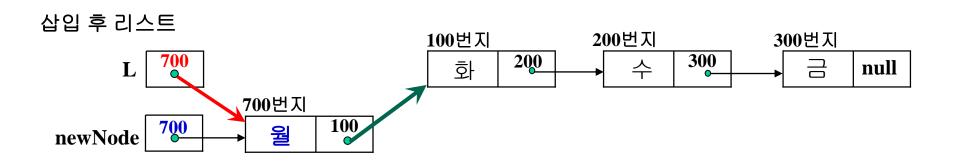
newNode.data ← x;

newNode.link ← L;

L ← newNode;

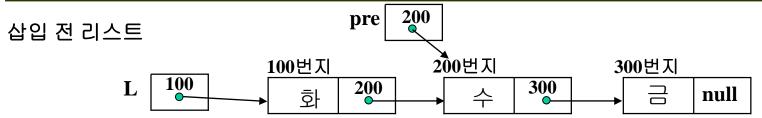
end insertFirstNode()
```

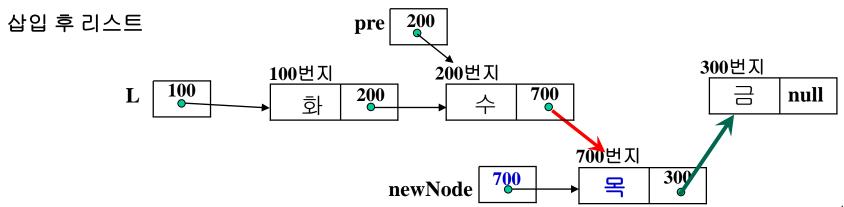




```
insertMiddleNode(L, pre, x)
  newNode ← getNode();
  newNode.data ← x;
  newNode.link ← pre.link;
  pre.link ← newNode;
end insertMiddleNode()
```

리스트의 중간에 삽입 : 공백이 아닌 리스트 L에서 pre 노드 다음에 x 를 삽입하는 알고리즘





```
insertLastNode(L, x)
                              리스트의 마지막에 삽입 : 리스트 L의
  newNode ← getNode();
                              가장 뒤에 x 값을 삽입하는 알고리즘
  newNode.data \leftarrow x;
  newNode.link \leftarrow null:
  if (L = null) then { // (1) L이 공백리스트인 경우
     L ← newNode:
  else {
                        // (2) L이 공백리스트가 아닌 경우
     temp \leftarrow L;
     while (temp.link ≠ null) do // 마지막 노드 temp를 탐색
         temp ← temp.link;
     temp.link ← newNode;
end insertLastNode()
```



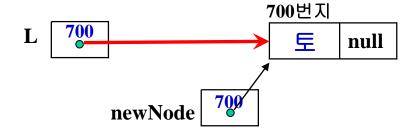
(1) L이 공백리스트인 경우

리스트의 마지막에 삽입 : 리스트 L의 가장 뒤에 x 값을 삽입하는 알고리즘

삽입 전 리스트

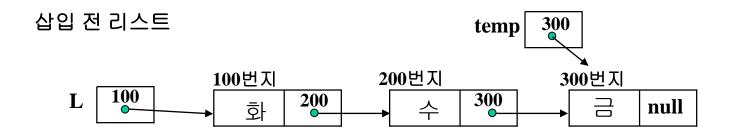
L null

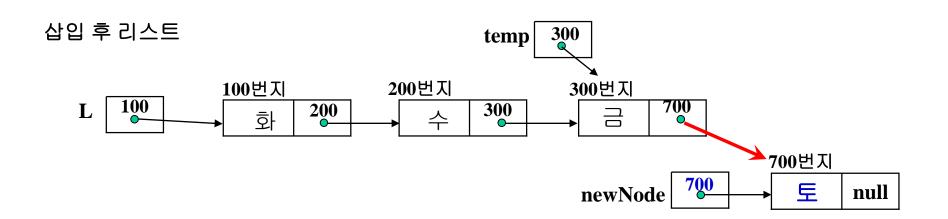
삽입 후 리스트



(2) L이 공백리스트가 아닌 경우

리스트의 마지막에 삽입 : 리스트 L의 가장 뒤에 x 값을 삽입하는 알고리즘



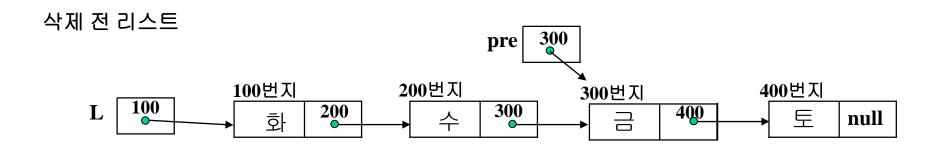


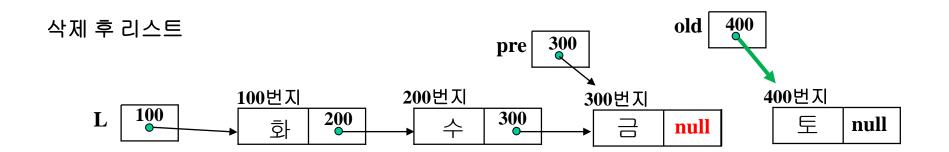
❖ 단순 연결 리스트의 노드 삭제 알고리즘



공백이 아닌 리스트 L에서 pre 노드의 다음 노드를 삭제하는 알고리즘

(1) old가 마지막 노드인 경우

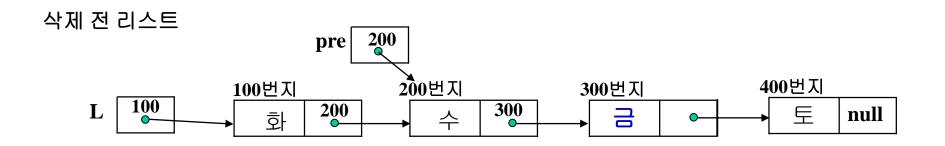


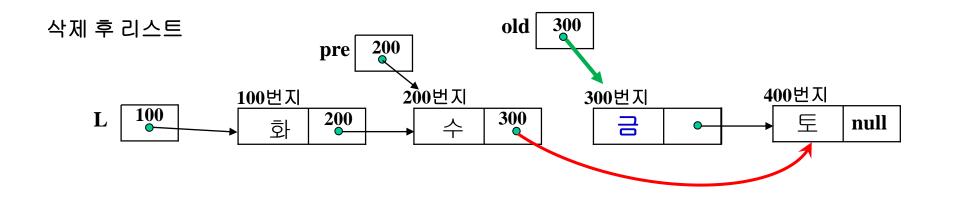




공백이 아닌 리스트 L에서 pre 노드 의 다음 노드를 삭제하는 알고리즘

(2) old가 마지막 노드가 아닌 경우





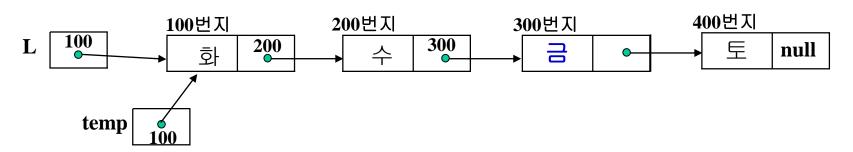
- ❖ 단순 연결 리스트의 노드 탐색 알고리즘
 - 리스트의 노드를 처음부터 하나씩 순회하면서 노드의 데이터 필드의 값과 x 값을 비교하여 일치하는 노드를 찾는 연산

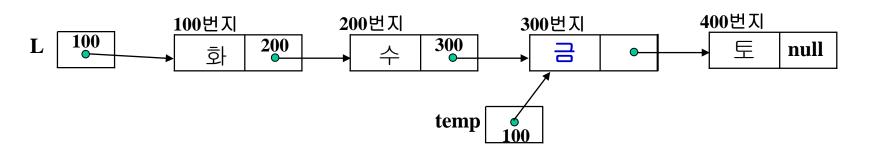
```
searchNode(L, x)
temp ← L;
while (temp ≠ null) do {
    if (temp.data = x) then // 탐색 성공시 해당 노드 리턴
        return temp;
    temp ← temp.link;
}
return temp;
// 탐색 실패시 null 리턴
end searchNode()
```



리스트 L에서 x 값을 갖는 노드 를 찾아 리턴하는 알고리즘

"금"을 탐색하는 경우

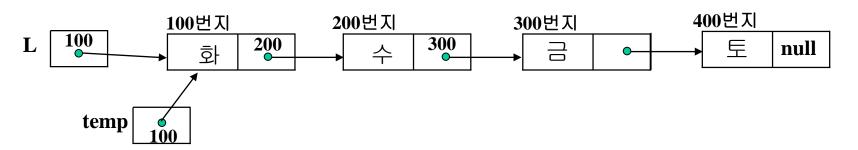


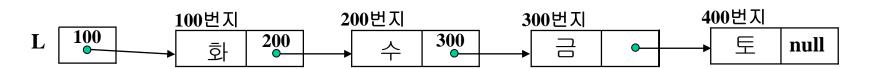




리스트 L에서 x 값을 갖는 노드 를 찾아 리턴하는 알고리즘

"목"을 탐색하는 경우





temp null

❖ 단순 연결 리스트 프로그램

```
public class Ex6_1 {
   public static void main(String[] args) {
      MyLinkedList list = new MyLinkedList();
      System.out.println("공백리스트에 원소 3개 삽입");
      list.insertLast("화"); list.insertLast("수"); list.insertLast("금");
      list.printList();
      System.out.println("리스트의 맨 앞에 월 삽입");
      list.insertFirst("월");
      list.printList();
      System.out.println("수 다음에 목 삽입");
      list.insertMiddle("수", "목");
      list.printList();
      System.out.println("리스트의 마지막 원소 삭제");
      list.deleteLast();
      list.printList();
      System.out.println("리스트를 역순으로 바꾸기");
      list.reverseList();
      list.printList();
```

출력

```
공백리스트에 원소 3개 삽입
L = (화, 수, 금)
리스트의 맨 앞에 월 삽입
L = (월, 화, 수, 금)
수 다음에 목 삽입
L = (월, 화, 수, 목, 금)
리스트의 마지막 원소 삭제
L = (월, 화, 수, 목)
리스트를 역순으로 바꾸기
L = (목, 수, 화, 월)
```

```
public class MyLinkedList {
   private Node head;
   public MyLinkedList() {
      head = null;
   // 리스트의 마지막에 data를 삽입
   public void insertLast(String data) {
      Node newNode = new Node(data);
      if(head == null) {
         // ...
      else {
         // ...
                                             // 다음 슬라이드에 계속
```

```
// 리스트의 맨 앞에 data를 삽입
public void insertFirst(String data) {
   Node newNode = new Node(data);
   // ...
}
// 다음 슬라이드에 계속
```

```
// preData 다음에 data를 삽입
public void insertMiddle(String preData, String data) {
   Node pre = searchNode(preData);
  if(pre == null) {
      System.out.println(preData + "를 찾을 수 없습니다. ");
  else {
      Node newNode = new Node(data);
      newNode.link = pre.link;
      pre.link = newNode;
                                         // 다음 슬라이드에 계속
```

```
// 리스트의 마지막 원소를 삭제
public void deleteLast() {
  Node pre, temp;
  if(head == null) return; // 공백리스트인 경우 삭제 실패
   if(head.link == null) { // 리스트 원소가 하나인 경우
     head = null:
                         // 리스트 원소가 둘 이상인 경우
  else {
     pre = head;
     temp = head.link;
     while(temp.link != null) {
        pre = temp;
        temp = temp.link;
     pre.link = null;
                                      // 다음 슬라이드에 계속
```

```
// 리스트를 역순으로 변경
public void reverseList() {
   Node next = head;
   Node current = null;
   Node pre = null;
   while(next != null) {
      pre = current;
      current = next;
      next = next.link:
      current.link = pre;
   head = current;
                                         // 다음 슬라이드에 계속
```

```
// 리스트 원소들을 모두 출력
public void printList() {
   Node temp = head;
   System.out.print("L = (");
   while(temp != null) {
      System.out.print(temp.data);
      temp = temp.link;
      if(temp != null)
         System.out.print(", ");
   System.out.println(")");
                                          // 다음 슬라이드에 계속
```

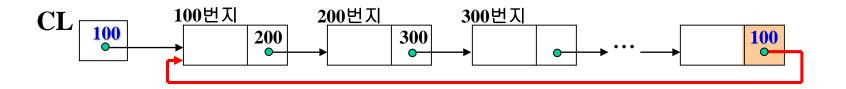
MyLinkedList 클래스 내부에서 다른 메소드의 보조 역할을 하는 메소드
→ private 메소드로 선언

```
// 리스트에서 data가 저장된 노드를 탐색
private Node searchNode(String data) {
  Node temp = head;
  while(temp != null) {
     if(data.equals(temp.data))
        return temp; // 탐색 성공시 해당 노드 리턴
     else
        temp = temp.link;
                      // 탐색 실패시 null 리턴
  return temp;
                                     // 다음 슬라이드에 계속
```

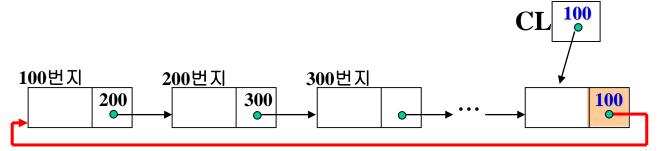
```
MyLinkedList 클래스 외부에서는
private class Node {
                                알 수 없도록 하는 구현 세부사항
   String data;
                                → private 클래스로 선언
   Node link;
   Node() {
      data = null;
      link = null:
   Node(String data) {
      this.data = data;
      this.link = null;
   Node(String data, Node link) {
      this.data = data;
      this.link = link:
```

□ 원형 연결 리스트

- ❖ 원형 연결 리스트(circular linked list)
 - 단순 연결 리스트에서 마지막 노드가 리스트의 첫 번째 노드를 가리 키게 하여 리스트의 구조를 <u>원형</u>으로 만든 연결 리스트
 - 마지막 노드의 링크 필드에 첫 번째 노드의 주소를 저장



첫번째 노드의 주소를 기억해 두는 대신, 마지막 노드의 주소를 기억해두기도 한다.



• 첫번째 노드와 마지막 노드를 둘 다 빨리 접근할 수 있음

□ 원형 연결 리스트

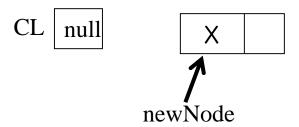
❖ 원형 연결 리스트의 원소 삽입 알고리즘

```
첫 번째 노드로 삽입 : 원형 연결 리스트
insertFirstNode(CL, x)
                                 CL의 맨 앞에 x를 삽입하는 알고리즘
  newNode \leftarrow getNode();
  newNode.data \leftarrow x;
                            // (1) CL이 공백 리스트인 경우
  if (CL = null) then {
     CL ← newNode;
     newNode.link ← newNode;
                            // (2) CL이 공백 리스트가 아닌 경우
  else{
     temp \leftarrow CL;
     while (temp.link ≠ CL) do // 마지막 노드 temp를 탐색
        temp ← temp.link;
     newNode.link \leftarrow CL;
     temp.link ← newNode;
     CL ← newNode:
end insertFirstNode()
```



첫 번째 노드로 삽입 : 원형 연결 리스트 CL의 맨 앞에 x를 삽입하는 알고리즘

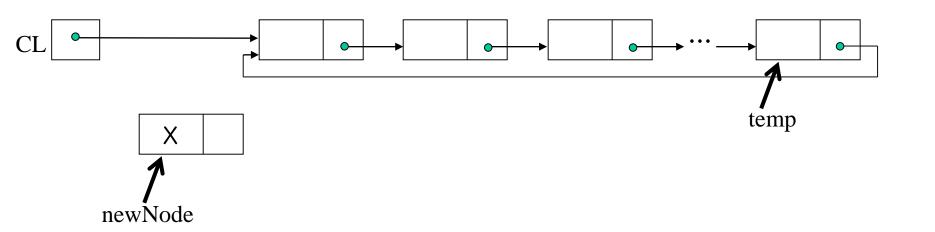
(1) CL이 공백 리스트인 경우





첫 번째 노드로 삽입 : 원형 연결 리스트 CL의 맨 앞에 x를 삽입하는 알고리즘

(2) CL이 공백 리스트가 아닌 경우



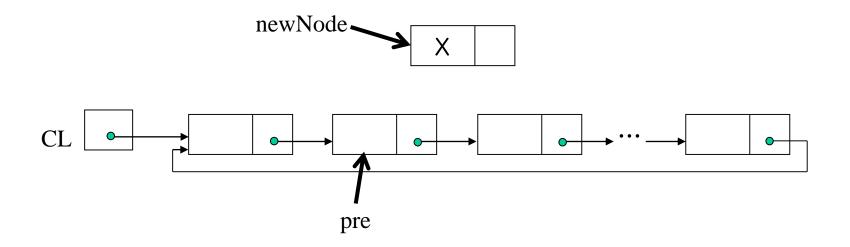
□ 원형 연결 리스트

insertMiddleNode(CL, pre, x)

중간 노드로 삽입 : 공백이 아닌 원형 연결 리스트 CL에서 pre 노드 바로 다 음에 x를 삽입

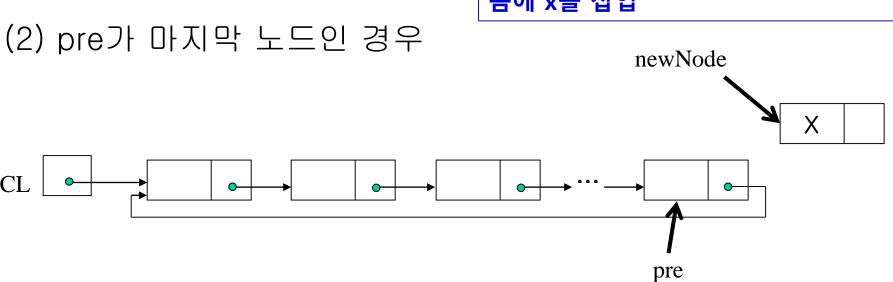
newNode ← getNode();
newNode.data ← x;
newNode.link ← pre.link; // pre 다음에 newNode를 삽입
pre.link ← newNode;
end insertMiddleNode()

(1) pre가 마지막 노드가 아닌 경우





중간 노드로 삽입 : 공백이 아닌 원형 연결 리스트 CL에서 pre 노드 바로 다 음에 x를 삽입



□ 원형 연결 리스트

❖ 원형 연결 리스트의 노드 삭제 알고리즘

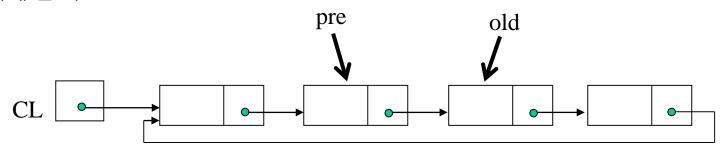
```
공백이 아닌 원형 연결리스트 CL에
deleteNode(CL, pre)
                               서 pre 노드의 다음 노드를 삭제하
                               는 알고리즘
                       // 삭제할 노드 old
  old ← pre.link;
  pre.link ← old.link;
                        // 리스트 노드가 하나인 경우
  if (old = pre) then
     CL \leftarrow null:
  else if (old = CL) then // pre가 마지막 노드인 경우
     CL ← old.link;
end deleteNode()
```

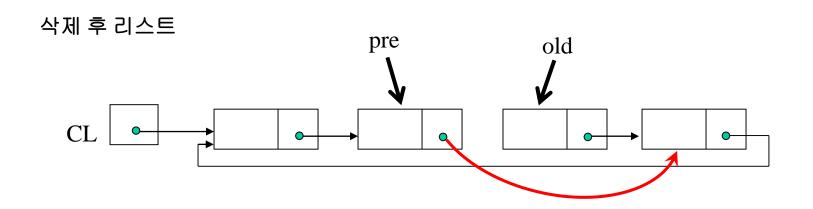
□ 원형 연결 리스트

공백이 아닌 원형 연결리스트 CL에 서 pre 노드의 다음 노드를 삭제하 는 알고리즘

(1) pre가 마지막 노드가 아닌 경우

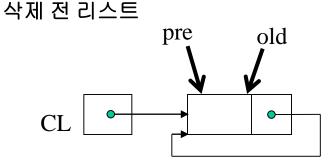
삭제 전 리스트



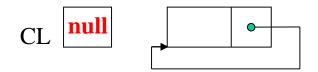




(2) 노드가 하나인 경우



삭제 후 리스트



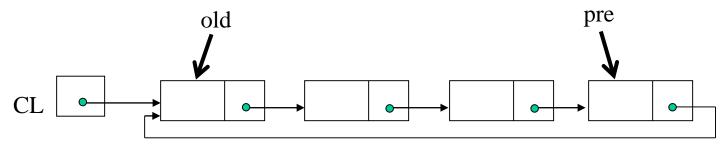
공백이 아닌 원형 연결리스트 CL에 서 pre 노드의 다음 노드를 삭제하 는 알고리즘

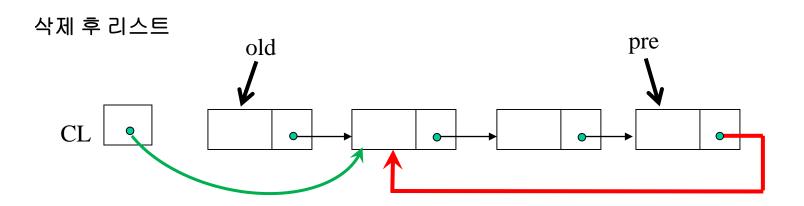
□ 원형 연결 리스트

공백이 아닌 원형 연결리스트 CL에 서 pre 노드의 다음 노드를 삭제하 는 알고리즘

(3) pre가 마지막 노드인 경우

삭제 전 리스트



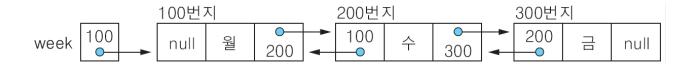


- ❖ 이중 연결 리스트(doubly linked list)
 - 양쪽 방향으로 순회할 수 있도록 노드들을 연결한 리스트
 - 이중 연결 리스트의 노드 구조
 - 데이터 필드와 두 개의 링크 필드로 구성
 - ➤ Ilink (left link) 필드 : 왼쪽 노드와 연결
 - ➤ rlink (right link) 필드 : 오른쪽 노드와 연결

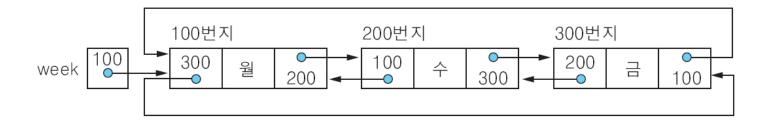


노드 구조에 대한 클래스 정의 class DblNode{
 String data;
 DblNode llink;
 DblNode rlink;
 }

■ 리스트 week=(월, 수, 금)의 이중 연결 리스트 구성



- 원형 이중 연결 리스트
 - 이중 연결 리스트를 원형으로 구성



❖ 이중 연결리스트의 원소 삽입 알고리즘

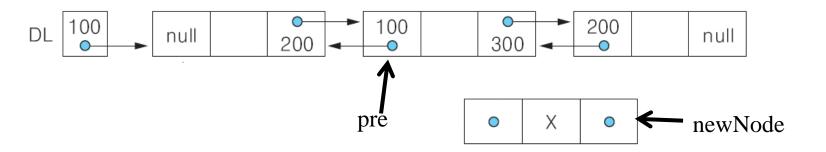
```
insertNode(DL, pre, x)
newNode ← getNode();
newNode.data ← x;

newNode.rlink ← pre.rlink ;
pre.rlink ← newNode;
newNode.llink ← pre;
if (newNode.rlink ≠ null) then // 마지막 노드가 아니면
newNode.rlink.llink ← newNode;
end insertNode()
```

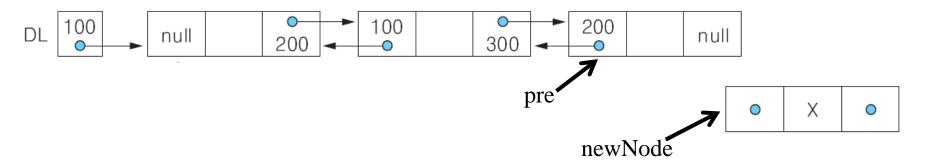


공백이 아닌 이중 연결리스트 DL에 서 pre 노드 다음에 x 값을 삽입하 는 알고리즘

(1) pre가 마지막 노드가 아닌 경우



(2) pre가 마지막 노드인 경우



❖ 이중 연결리스트의 노드 삭제 알고리즘

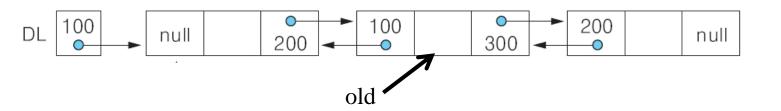
```
deleteNode(DL, old)
                             공백이 아닌 이중 연결 리스트 DL에
                             서 old 노드를 삭제하는 알고리즘
  if (old.llink ≠ null) then // old가 첫번째 노드가 아니면
     old.llink.rlink ← old.rlink;
                          // old가 첫번째 노드이면
  else
      DL = old.rlink:
  if (old.rlink # null) then // old가 마지막 노드가 아니면
     old.rlink.llink ← old.llink:
end deleteNode()
```

- (1) 삭제할 노드가 첫번째 노드 X, 마지막 노드 X → 중간 노드인 경우
- (2) 삭제할 노드가 첫번째 노드 O, 마지막 노드 X → 첫번째 노드인 경우
- (3) **삭제할 노드가** 첫번째 노드 X, 마지막 노드 O → 마지막 노드인 경우
- (4) **삭제할 노드가** 첫번째 노드 O, 마지막 노드 O → 노드가 하나인 경우

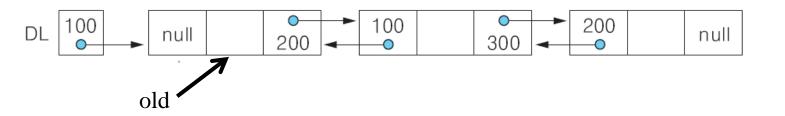


공백이 아닌 이중 연결 리스트 DL에 서 old 노드를 삭제하는 알고리즘

(1) old가 중간 노드인 경우



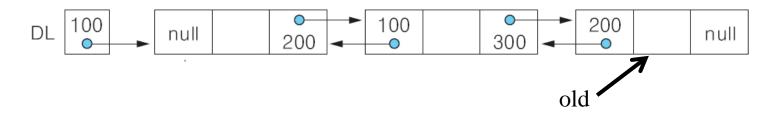
(2) old가 첫번째 노드인 경우



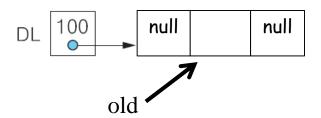


공백이 아닌 이중 연결 리스트 DL에 서 old 노드를 삭제하는 알고리즘

(3) old가 마지막 노드인 경우



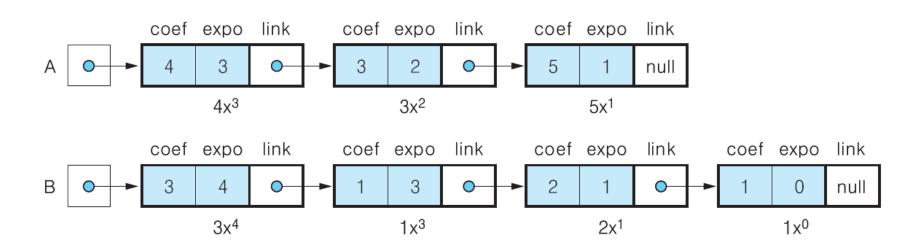
(4) 노드가 하나인 경우



- 단순 연결 리스트를 이용한 다항식 표현
 - 다항식의 각 항을 하나의 노드로 표현
 - 각 항의 계수와 지수를 저장
 - 노드 구조
 - 두 개의 데이터 필드
 - ▶ 계수를 저장하는 coef
 - ➤ 지수를 저장하는 expo
 - 링크 필드 link
 - 노드에 대한 클래스 정의 class Node { double coef; int expo; Node link;

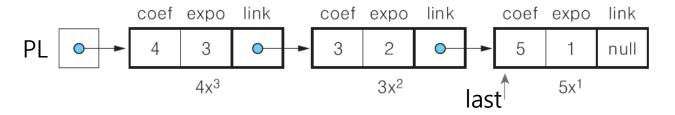


- 다항식의 단순 연결 리스트 표현 예
 - 다항식 A(x)=4x³+3x²+5x
 - 다항식 B(x)=3x⁴+x³+2x+1

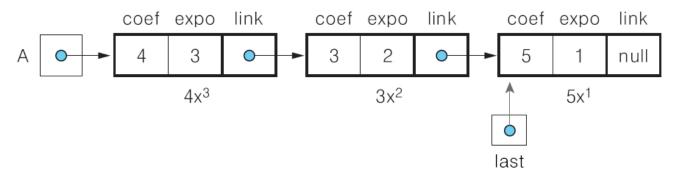


❖ 다항식 리스트에 항 추가(append)

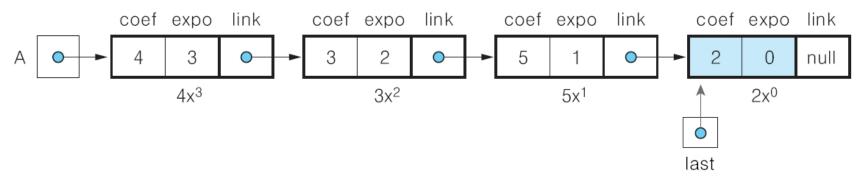
```
appendTerm(PL, coef, expo, last)
                                     다항식 리스트 PL의 마지막에 계수
                                     coef, 지수 expo인 항을 추가하는
   newNode \leftarrow getNode();
                                     알고리즘 (last는 리스트의 마지막
  newNode.expo \leftarrow expo;
                                     노드를 가리킴)
   newNode.coef ← coef;
  newNode.link \leftarrow null:
  if (PL = null) then {
                             // PL이 공백 다항식일 때
     PL ← newNode;
     last \leftarrow newNode:
                             // PL이 공백 다항식이 아닐 때
  else {
     last.link ← newNode;
     last \leftarrow newNode:
end appendTerm()
```



예) 다항식 리스트 A에 appendTerm() 알고리즘을 사용하여 2x⁰항
 (즉, 상수항 2)을 추가

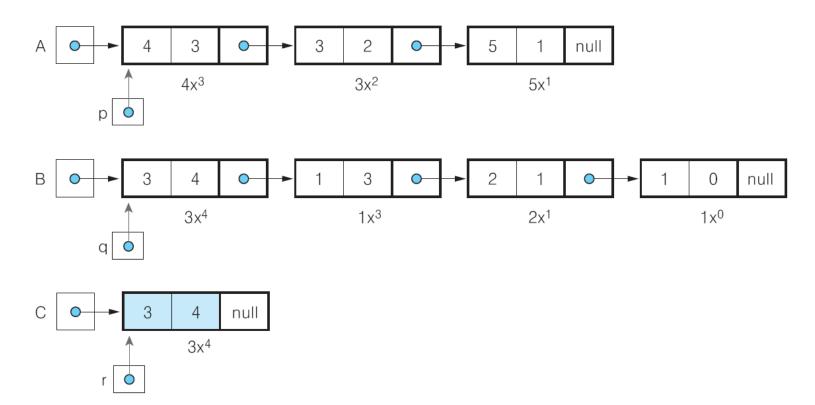


(a) appendTerm(A,2,0,last) 함수 실행 전의 다항식 리스트 A



(b) appendTerm(A,2,0,last) 함수 실행 후의 다항식 리스트 A

- ❖ 다항식의 덧셈 연산
 - 덧셈 C(x) = A(x) + B(x) 를 단순 연결 리스트 자료구조로 연산
 - 세 개의 레퍼런스 변수를 사용
 - p:다항식 A(x)에서 비교할 항을 가리킴
 - q:다항식 B(x)에서 비교할 항을 가리킴
 - r: 덧셈연산 결과 만들어지는 다항식 C(x)의 항을 가리킴



- ① p.expo < q.expo : 다항식 A(x) 항의 지수가 작은 경우
 - q가 가리키는 다항식 B(x)의 항을 C(x)의 항으로 복사
 - q를 다음 노드로 이동
- ② p.expo = q.expo : 두 항의 지수가 같은 경우
 - p.coef와 q.coef를 더하여 C(x)의 항, 즉 r.coef에 저장하고 지수가 같아야 하므로 p.expo(또는 q.expo)를 r.expo에 저장
 - 다음 항을 비교하기 위해 p와 q를 각각 다음 노드로 이동
- ③ p.expo > q.expo : 다항식 A(x) 항의 지수가 큰 경우
 - p가 가리키는 다항식 A(x)의 항을 C(x)의 항으로 복사
 - p를 다음 노드로 이동

```
addPoly(A, B)
                                다항식 덧셈: 단순 연결 리스트로 표현된 다항식
   p \leftarrow A;
                                A와 B를 더하여 새로운 다항식 C를 리턴
   q \leftarrow B;
  C ← null: // 결과 다항식
   r ← null; // 결과 다항식의 마지막 노드를 가리킴
   while (p ≠ null and q ≠ null) do { // p, q는 순회용 참조변수
      case {
         p.expo = q.expo :
            sum \leftarrow p.coef + q.coef
            if (sum \neq 0) then append Term(C, sum, p.expo, r);
            p \leftarrow p.link;
            q \leftarrow q.link;
         p.expo < q.expo:
            appendTerm(C, q.coef, q.expo, r);
            q \leftarrow q.link;
         else: // p.expo > q.expo인 경우
            appendTerm(C, p.coef, p.expo, r);
            p \leftarrow p.link;
      } // end case
                                               // 다음 슬라이드에 계속
   } // end while
```

```
while (p≠ null) do { // A의 나머지 항들을 C에 복사 appendTerm(C, p.coef, p.expo, r); p ← p.link; } while (q≠ null) do { // B의 나머지 항들을 C에 복사 appendTerm(C, q.coef, q.expo, r); q ← q.link; } return C; end addPoly()
```

- 다항식의 덧셈 예
 - $A(x)=4x^3+3x^2+5x$
 - $B(x)=3x^4+x^3+2x+1$
 - 초기 상태

