- 1. 設 $\frac{(2x-a)^6}{e^{kx}}$ 的x變量展開式中 $x^2$ 及x的係數分別爲38及10,求a及k的值。
- 2. 假設 $X \sim Po(r)$ , 其中r > 0為實變數。
  - (a) 以r表示P(X=x).
  - (b)  $\vec{x} \frac{dP}{dr} \not \! D \frac{d^2P}{dr^2}$ .
  - (c) 若以梯形法則估算 $\int_0^t P(X=x)dr$ 的值,其結果為過高估算還是過低估算?試解釋。
- 3. 已知在一場射箭比賽中,A選手在 $\ell$ 米射程的命中率  $(10 < \ell < 50)$  如下

命中得分區	靶外(0分)	5分	6分	7分	8分	9分	10分
過往概率	$0.001\ell$	0.1	3p	0.4	p	$0.00005(1000 - 2\ell)$	$0.05 - 0.0009\ell$

而B選手的命中率從靶外到10分區呈二項分佈。現記A選手的命中概率分佈為 $Z_A$ ,B選手的命中概率分佈為 $Z_B$ 。

- (a) 求p的值。
- (b) 以 $\ell$ 表示 $E[Z_A]$ 及 $E[Z_B]$ 的值。
- (c) 根據香港射箭總會本地賽事守則(戶外定距靶)2017年11月修訂版內容1.13新秀組計分賽的描述,每個選手需要在25米及18米各射程射出36箭以完成比賽,得分較高者獲勝。
  - i. 求選手A射出的箭全部命中靶面的概率。
  - ii. 求選手B的箭無法全部命中靶面的概率。
  - iii. 已知選手A及B在經歷70箭後暫時平分,而兩人均未嘗射出靶外。兩人現餘下最後兩回18米射程的機會,并且按照兩人的狀態而言,可知選手A在餘下兩箭不會射出靶外,而選手B至少會失手一箭。求A獲勝的概率。
- 4. 假設某人的作畫速度為平均每小時4頁原稿,其作畫頁數跟從泊松分佈。記連續整點(例如12:00-13:00、14:00-15:00)為一個時段。該人每個工作天作畫4個時段。
  - (a) 求該人於一個時段內作出多於6頁原稿的概率。
  - (b) 求該人於一個工作天内最多僅有一個時段作出多於6頁原稿的概率。
  - (c) 若該人能於一個時段內作出多於6頁原稿,便稱之爲心流時段。若該人能在一個工作天 內達成兩個或以上心流時段,便稱之爲高效率工作天,否則為一般工作天。目前距離 截稿日尚餘4個工作天。

- i. 求這四個工作天中至少有一天為高效率工作天的概率。
- ii. 已知四天中至少有一天為高效率工作天,求四天均爲高效率工作天的概率。
- iii. 求一般工作天的產出期望值,由此求高效工作天的產出期望值。
- iv. 求四天中有一天為高效工作天時,該四天的產出期望值。
- 5. (a) 求 $\frac{d}{dx}(x^2e^x)$ 及 $\frac{d}{dx}(xe^x)$ 。
  - (b) 由此,求 $\int x^2 e^x dx$ 。