測驗2

數學延伸單元 單元1 (微積分與統計學)

試題-答題簿

限時: 1.5 小時

姓名:	 得分:	/20
學校:		

規則

- 1. 此試卷必須使用中文回答。
- 2. 除特別指明外,需詳細列出所有算式。
- 3. 除特別指明外,數值答案必須用真確值表示。
- 4. 本試卷只作内部使用。
- 5. 所有試題取自AL/CE/DSE歷届試題,來源: https://www.dse.life/ppindex/m2/

-此爲空白頁-

(9分) 已知 $t = y^3 + 1$ 及 $e^t = x^{x^2+1}$	
(a) $\vec{x} \frac{dt}{dy}$ °	(1分)
(b) 從以 x 表 t ,求 $\frac{dt}{dx}$ 。	(2分)
(b) 從以 x 表 t , 求 $\frac{dt}{dx}$ 。 (c) 以 x 及 y 表 $\frac{dy}{dx}$ 。 (d) 求當 $x = e$ 時 y 的值,並求出 $\frac{dy}{dx}$ 。	(2分)
(d) 求當 $x = e$ 時 y 的值,並求出 $\frac{dy}{dx}$ 的值。	(2分)
(e) 由此,求 $x = e$ 時以上述算式在 xy 平面繪出的曲綫的切綫的 x 軸截距。	(2分)

2:導數及其原				

2.		分)某病菌在某時間點 $t(從16/4/2010$ 早上9時起計算的天數,可正可負)的數量 $p(t)$ 可以式估算
		$p(t) = \frac{a}{b + e^{-t}} + c, -\infty < t < \infty$
		a,b,c為正常數。定義原始數量為無限多天之前的病菌數量,以及終極數量為無限多天病菌數量。
	(a)	試以 a,b,c 表下列各數:
		i. $p(t)$ 的增長速度最快之時;
		ii. 原始數量;
		iii. 終極數量。
		(5分
	(b)	某科學家通過繪畫 $\ln[p(t)-c]$ 對 $\ln(b+e^{-t})$ 的圖像來研究病菌數量,並發現圖像的縱軸截距為 $\ln 8000$ 。如果 $16/4/2010$ 早上9時的病菌數量及每天增長速度分別爲 6000 及 2000 ,求 a,b,c 的值。 (3分
	(c)	另一名科學家認爲當病菌的增長速度達到峰值時,病菌數量將等於原始數量及終極數量的平均值。你同意嗎?試解釋你的答案。 (2分
	(d)	透過以 a, b, c 及 $p(t)$ 表 e^{-t} ,以 $\frac{-b}{a}[p(t) - \alpha][p(t) - \beta]$ 的形式表 $p'(t)$,其中 $\alpha < \beta$ 。由此以 a, b, c 表 α 及 β 。描繪於 $\alpha < p(t) < \beta$ 時 $p'(t)$ 對 $p(t)$ 的圖像並驗證(c)題的答案。 (5分

2:導數及其原				

測驗2	尊數及其應用	
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		

3		

測驗2	尊數及其應用	
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		
-		

挑戰題.	①. $(4分)$ 設 $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$,其中 a, b 值 的條件。	b, c, d 為常數且 $a \neq 0$ 。	試以 a,b,c 表 $f(x)$ 沒有極

測驗2	導數及其應用
-	
-	
-	
-	
-	
-	
-	
-	
-	
-	
-	
-	
-	
-	
-	
-	
-	
-	
-	
-	

-全卷完-