- 1. 設f爲實函數。
  - (a) 若f可寫作O+E兩部分,其中O為奇函數,E為偶函數,試以f表O與E。
  - (b) 考慮 $(O+E)^n$ 。
    - i. 求 $(f)^n$ 的偶函數部分。
    - ii. 求 $(f)^n$ 的奇函數部分。
- 2. 證明當 $x \ge 0$ 時, 對於任意整數 $n \ge 0$ ,

$$(1+x)^n \ge 1 + nx$$

3. 己知

$$\sum_{i=1}^{n} i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

設 $(1 + ax + bx^2)^n = 1 + S_1x + S_2x^2 +$  更高次幂的項。其中 $S_k = \sum_{i=1}^n i^k$ 。

- (a) 以n表述a和b。
- (b) 已知n > 0。若a : b = 1 : 2,求n的值。