

Канитан очевидность

Производные

Возьмем производную вот такого зверя:

$$(x^{\sin(\arctan(a \cdot x) + x^3 - x^2)}) / (\ln(c + \exp((a)/(x)))) + \tan(\sin(\cos(x^x)))$$

Не нужно быть гением, чтобы понять, что

$$(x)' = 1$$

Очевидно, что

$$(x)' = 1$$

Откуда получаем, что

$$(x^x)' = x^x \cdot (1 \cdot \ln(x) + x \cdot (1)/(x))$$

Нельзя не упомянуть тот факт, что

$$(\cos(x^x))' = x^x \cdot (1 \cdot \ln(x) + x \cdot (1)/(x)) \cdot (-1) \cdot \sin(x^x)$$

И поэтому

$$(\sin(\cos(x^x)))' = x^x \cdot (1 \cdot \ln(x) + x \cdot (1)/(x)) \cdot (-1) \cdot \sin(x^x) \cdot \cos(\cos(x^x))$$

Легко видеть, что

$$(\tan(\sin(\cos(x^x))))' = (x^x \cdot (1 \cdot \ln(x) + x \cdot (1)/(x)) \cdot (-1) \cdot \sin(x^x) \cdot \cos(\cos(x^x))) / ((\cos(\sin(\cos(x^x))))^2)$$

Заметим, что

$$(2)' = 0$$

Учитывая, что

$$(x)' = 1$$

Отсюда несложно получить, что

$$(x^2)' = x^2 \cdot (0 \cdot \ln(x) + 2 \cdot (1)/(x))$$

Откуда получаем, что

$$(3)' = 0$$

Следовательно,

$$(x)' = 1$$

Не нужно быть гением, чтобы понять, что

$$(x^3)' = x^3 \cdot (0 \cdot \ln(x) + 3 \cdot (1)/(x))$$

И поэтому

$$(a)' = 0$$

По всем известной формуле получаем, что

$$(x)' = 1$$

Легко видеть, что

$$(a \cdot x)' = 0 \cdot x + a \cdot 1$$

Отсюда несложно получить, что

$$(\arctan(a \cdot x))' = (0 \cdot x + a \cdot 1)/(1 + (a \cdot x)^2)$$

Таким образом,

$$(\arctan(a \cdot x) + x^3)' = (0 \cdot x + a \cdot 1)/(1 + (a \cdot x)^2) + x^3 \cdot (0 \cdot \ln(x) + 3 \cdot (1)/(x))$$

С помощью несложных логических размышлений получаем, что

$$(\arctan(a \cdot x) + x^3 - x^2)' = (0 \cdot x + a \cdot 1)/(1 + (a \cdot x)^2) + x^3 \cdot (0 \cdot \ln(x) + 3 \cdot (1)/(x)) - x^2 \cdot (0 \cdot \ln(x) + 2 \cdot (1)/(x))$$

С помощью нехитрых преобразований получаем, что

$$\frac{(\sin(\arctan(a \cdot x) + x^3 - x^2))'}{\cos(\arctan(a \cdot x) + x^3 - x^2)} = \frac{((0 \cdot x + a \cdot 1)/(1 + (a \cdot x)^2) + x^3 \cdot (0 \cdot \ln(x) + 3 \cdot (1)/(x)) - x^2 \cdot (0 \cdot \ln(x) + 2 \cdot (1)/(x)))}{\cos(\arctan(a \cdot x) + x^3 - x^2)}$$

Откуда получаем, что

$$(x)' = 1$$

Не нужно быть гением, чтобы понять, что

$$\left(x^{\sin(\arctan(a \cdot x) + x^3 - x^2)}\right)' = x^{\sin(\arctan(a \cdot x) + x^3 - x^2)} \cdot \left(\frac{(0 \cdot x + a \cdot 1)}{1 + (a \cdot x)^2} + x^3 \cdot (0 \cdot \ln(x) + 3 \cdot (1)/(x)) - x^2 \cdot (0 \cdot \ln(x) + 2 \cdot (1)/(x))\right)$$

С помощью нехитрых преобразований получаем, что

$$(a)' = 0$$

Отсюда несложно получить, что

$$(x)' = 1$$

Как можно видеть

$$((a)/(x))' = (0 \cdot x - a \cdot 1)/(x^2)$$

Следовательно,

$$(\exp((a)/(x)))' = (0 \cdot x - a \cdot 1)/(x^2) \cdot \exp((a)/(x))$$

Учитывая, что

$$(c)' = 0$$

Далее следует

$$(c + \exp((a)/(x)))' = 0 + (0 \cdot x - a \cdot 1)/(x^2) \cdot \exp((a)/(x))$$

Нетрудно догадаться, что

$$(\ln(c + \exp((a)/(x))))' = (0 + (0 \cdot x - a \cdot 1)/(x^2) \cdot \exp((a)/(x)))/(c + \exp((a)/(x)))$$

С помощью нехитрых преобразований получаем, что

$$\left((x^{\sin(\arctan(a \cdot x) + x^3 - x^2)}) / (\ln(c + \exp((a)/(x)))) \right)' = (x^{\sin(\arctan(a \cdot x) + x^3 - x^2)} \cdot (((0 \cdot x + a \cdot 1)/(1 + (a \cdot x)^2) + x^3 \cdot (0 \cdot \ln \ln(c + \exp((a)/(x))) - x^{\sin(\arctan(a \cdot x) + x^3 - x^2)} \cdot (0 + (0 \cdot x - a \cdot 1)/(x^2) \cdot \exp((a)/(x)))/(c + \exp((a)/(x)))))/(\ln(c + \exp((a)/(x))))$$

И поэтому

$$\left((x^{\sin(\arctan(a \cdot x) + x^3 - x^2)}) / (\ln(c + \exp((a)/(x)))) + \tan(\sin(\cos(x^x))) \right)' = (x^{\sin(\arctan(a \cdot x) + x^3 - x^2)} \cdot (((0 \cdot x + a \cdot 1)/(1 + (a \cdot x)^2) + x^3 \cdot (0 \cdot \ln \ln(c + \exp((a)/(x))) - x^{\sin(\arctan(a \cdot x) + x^3 - x^2)} \cdot (0 + (0 \cdot x - a \cdot 1)/(x^2) \cdot \exp((a)/(x)))/(c + \exp((a)/(x)))))/(\ln(c + \exp((a)/(x)))) + (x^x \cdot (1 \cdot \ln(x) + x \cdot (1)/(x)) \cdot (-1) \cdot \sin(x^x) \cdot \cos(\cos(x^x)))/((\cos(\sin(\cos(x^x))))^2)$$

Не нужно быть гением, чтобы понять, что

$$0 \cdot x = 0$$

С помощью нехитрых преобразований получаем, что

$$a \cdot 1 = a$$

При аналогичных размышлениях, получаем, что

$$0 \cdot \ln(x) = 0$$

Следовательно,

$$0 \cdot \ln(x) = 0$$

Заметим, что

$$0 \cdot x = 0$$

С помощью нехитрых преобразований получаем, что

$$a \cdot 1 = a$$

Таким образом,

$$1 \cdot \ln(x) = \ln(x)$$

Легко видеть, что

$$0 + a = a$$

По всем известной формуле получаем, что

$$0 + 3 \cdot (1)/(x) = 3 \cdot (1)/(x)$$

Легко видеть, что

$$0 + 2 \cdot (1)/(x) = 2 \cdot (1)/(x)$$

Не нужно быть гением, чтобы понять, что

$$0 + (0 - a)/(x^2) \cdot \exp((a)/(x)) = (0 - a)/(x^2) \cdot \exp((a)/(x))$$

Как можно видеть

$$0 - a = (-1) \cdot a$$

Окончательно получаем:

$$\begin{aligned}
& \left(x^{\sin(\arctan(a \cdot x) + x^3 - x^2)} \cdot \left(\left(\frac{a}{1 + (a \cdot x)^2} + x^3 \cdot 3 \cdot \frac{(1)/(x) - x^2 \cdot 2 \cdot (1)/(x)}{(x)} \right) \cdot \cos(\arctan(a \cdot x) + x^3 - x^2) \cdot \ln(x) + \sin(\arctan(a \cdot x) + x^3 - x^2) \right) \cdot (1)/(x) \right) \cdot \\
& \ln(c + \exp((a)/(x))) - x^{\sin(\arctan(a \cdot x) + x^3 - x^2)} \cdot (((-1) \cdot a)/(x^2) \cdot \exp((a)/(x)))/(c + \exp((a)/(x))))^2 + (x^x \cdot (\ln(x) + x \cdot (1)/(x))) \cdot (-1) \cdot \sin(x^x) \cdot \\
& \cos(\cos(x^x)))/((\cos(\sin(\cos(x^x))))^2)
\end{aligned}$$