Algoritmos y Estructuras de Datos I - Año 2021 - 2do Cuatrimestre Examen Final - 20 de diciembre de 2021

Tener en cuenta:

- Deben entregar un **PDF** legible y con las páginas en el orden que corresponden.
- Deben firmar todas las hojas de su examen antes de digitalizarlo y enviarlo para su corrección. Al final del mismo deben introducir la leyenda: "Por la presente declaro que la resolución de este examen es obra de mi exclusiva autoría y respetando las pautas y criterios fijados en los enunciados. Asimismo declaro conocer el régimen de infracción de los estudiantes cuyo texto ordenado se encuentra en el apéndice de la Res. Rec. 1554/2018", con una foto de su DNI, ocultando su número de trámite, en carácter de Declaración Jurada.
- 1. Considerá la siguiente especificación en funcional:

```
f.xs = \langle \text{Max } as, bs, cs : xs = as + bs + cs \wedge as = cs : \#as \rangle
```

- a) Describí con tus palabras qué calcula f.
- b) Calculá f.[1,2,3,4,1,2]
- c) Derivá una función recursiva para f. (Ayuda: para generalizar considerá que x : as = [x] + as).
- 2. Considerá el problema especificado de la siguiente manera:

```
Const M:Int; Var A:array\ [0,M) of Int,n:Int; \{M\geq 0\} S \{n=\langle \mathrm{N}\,i:0\leq i\leq M:\ \langle \sum j:i\leq j< M:\ A.j\ \rangle < i\ \rangle\}
```

- a) Calculá el resultado para A = [3, -1, 1, -1] usando la especificación. Justificá, enumerando todos los elementos del rango del existencial.
- b) Explicá con tus palabras qué debe calcular este programa.
- c) Derivá un programa imperativo que resuelva este problema. El programa debe recorrer una sola vez el arreglo (sin ciclos anidados). Ayuda: Para encontrar el invariante conviene reemplazar la constante 0.
- 3. Especificar con pre y post condición el siguiente problema. Declarar constantes y variables. **No** derivar.
 - a) Dado un arreglo de al menos 2 elementos, decidir (calcular) si hay dos elementos consecutivos cuya diferencia sea menor a una constante K.

4. (Ejercicio para libres:) Considerá la siguiente especificación :

```
Const M:Int,A:array[0,M) of Int; Var r:Bool,min:Int; \{P:M\geq 0\} S \{Q:r=\langle\,\exists\,i:0\leq i< M:\,A.i\,\mathrm{mod}\,2=1\,\rangle \wedge (r\Rightarrow \langle\,\mathrm{Min}\,\,i:0\leq i< M\wedge A.i\,\mathrm{mod}\,2=1:\,A.i\,\rangle)\}
```

- a) Derivá un programa imperativo.
- b) Proponé un arreglo de longitud al menos 3 tal que en el estado final $r=\mathit{True}$ y min=-5.