Algoritmos y Estructuras de Datos I - Año 2021 - 2do Cuatrimestre Examen Final - 9 de febrero de 2021

Tener en cuenta:

- Deben entregar un PDF legible y con las páginas en el orden que corresponden.
- Deben firmar todas las hojas de su examen antes de digitalizarlo y enviarlo para su corrección. Al final del mismo deben introducir la leyenda: "Por la presente declaro que la resolución de este examen es obra de mi exclusiva autoría y respetando las pautas y criterios fijados en los enunciados. Asimismo declaro conocer el régimen de infracción de los estudiantes cuyo texto ordenado se encuentra en el apéndice de la Res. Rec. 1554/2018", con una foto de su DNI, ocultando su número de trámite, en carácter de Declaración Jurada.
- 1. Considerá la siguiente especificación en funcional:

```
f.xs.ys = \langle \text{Max } as, bs, cs : xs = as + bs \wedge ys = as + cs : \#as \rangle
```

- a) Describí con tus palabras qué calcula f.
- b) Calculá f.[1, 2, 3, 4, 1, 2].[1, 2, 4]
- c) Derivá una función recursiva para f.
- 2. Especificar el siguiente problema en funcional. No derivar.

La función $h:[Int]\to Int$ calcula la longitud del segmento más largo que sólo tiene pares.

3. Considerá el problema especificado de la siguiente manera:

```
Const M:Int; Var A:array\ [0,M)\ of\ Int,n:Int; \{M\geq 0\} S \{n=\langle {\rm Max}\ i:0\leq i< M \land \langle \sum j:0\leq j< i:\ A.j\ \rangle < A.i:\ A.i\ \rangle\}
```

- a) Calculá el resultado para A = [3, -1, 1, -1] usando la especificación. Justificá, enumerando todos los elementos que satisfacen el rango de la cuantificación más externa.
- b) Explicá con tus palabras qué debe calcular este programa.
- c) Derivá un programa imperativo que resuelva este problema. El programa **debe recorrer una** sola vez el arreglo (sin ciclos anidados).
- 4. Especificar con pre y post condición el siguiente problema. Declarar constantes y variables. **No** derivar.

Dado un arreglo de al menos 2 elementos, decidir (calcular) si hay dos elementos consecutivos que sean múltiplos de una constante K.

5. (Ejercicio para libres:) Considerá la siguiente especificación :

```
\begin{aligned} & \mathsf{Const}\ M: Int, A: array[0,M)\ of\ Int; \\ & \mathsf{Var}\ min: Int; \\ & \{P: \langle\,\exists\, i\,: 0 \leq i < M:\ A.i\, \mathrm{mod}\, 2 = 1\,\rangle\} \\ & \mathsf{S} \\ & \{Q: min = \langle \mathrm{Min}\ i\,: 0 \leq i < M \wedge A.i\, \mathrm{mod}\, 2 = 1:\ A.i\,\rangle)\} \end{aligned}
```

- a) Derivá un programa imperativo.
- b) Proponé un arreglo de longitud al menos 3 tal que en el estado final min=5.