## Algoritmos y Estructuras de Datos I - Año 2021 - 2do Cuatrimestre Examen Final - 3 de diciembre de 2021

## Tener en cuenta:

- Deben entregar un PDF legible y con las páginas en el orden que corresponden.
- Deben firmar todas las hojas de su examen antes de digitalizarlo y enviarlo para su corrección. Al final del mismo deben introducir la leyenda: "Por la presente declaro que la resolución de este examen es obra de mi exclusiva autoría y respetando las pautas y criterios fijados en los enunciados. Asimismo declaro conocer el régimen de infracción de los estudiantes cuyo texto ordenado se encuentra en el apéndice de la Res. Rec. 1554/2018", con una foto de su DNI, ocultando su número de trámite, en carácter de Declaración Jurada.
- 1. a) Derivar una definición recursiva para la función especificada por:

$$hocho.xs = \langle \forall as, bs : xs = as + bs : \langle \sum i : 0 \le i < \#bs : (bs!i)^2 \rangle \le 88 \rangle$$

- b) Calcular f.[-1, 8, -2, 5] usando la especificación.
- c) Calcular f.[-1, 8, -2, 5] usando la definición obtenida en el punto a.
- 2. Considerá el problema especificado de la siguiente manera:

```
Const N:Int; Var A:array\ [0,N)\ of\ Int; r:Bool; \{N\geq 0\} S \{r=\langle\ \exists\ i:0\leq i\leq N:\ \langle\sum j:0\leq j< i:\ A.j\ \rangle=-1\ \rangle\}
```

- a) Calculá el resultado para A = [3, -1, -1, -1] usando la especificación. Justificá, enumerando todos los elementos del rango del existencial.
- b) Explicá con tus palabras qué debe calcular este programa.
- c) Derivá un programa imperativo que resuelva este problema. El programa debe recorrer una sola vez el arreglo (sin ciclos anidados). Ayuda: Hay problema de borde.
- 3. Especificar con pre y post condición los siguientes problemas. Declarar constantes y variables. **No** derivar.
  - a) Dado un arreglo A de  $N \ge 0$  elementos, calcular si todos los elementos del arreglo son exponentes de 2.
  - b) Dado un arreglo A de N > 0 elementos, calcular si la suma de algún segmento es mayor que el máximo elemento del arreglo. Ejemplo: Con A = [6, -8, 7, -5, 10] la respuesta es afirmativa, ya que el segmento [7, -5, 10] suma 12 que es mayor que el máximo elemento 10.

4. (Ejercicio para libres:) Derivar un programa imperativo que satisfaga la siguiente especificación.

```
\begin{split} & \mathsf{Const} \ \ N : Int, A : array[0,N) \ of \ Int; \\ & \mathsf{Var} \ \ r : Bool; \\ & \{P : N \geq 0\} \\ & \mathsf{S} \\ & \{Q : r = \left\langle \, \exists \, i \, : 0 \leq i < N : \ A.i \leq 3^i \, \right\rangle \} \end{split}
```