Análisis Matemático II (LC) - Cálculo II (LMA)

Examen Final - 2 de Julio de 2021

LOS RESULTADOS NO JUSTIFICADOS NO SERAN TENIDOS EN CUENTA

EJERCICIO 1) [2 puntos] Calcule las siguientes integrales:

a) $\int_{1}^{2} \frac{2x+5}{(x^{2}+5x)^{2}} dx$ b) $\int_{0}^{2} \frac{1}{(2-x)^{4/5}} dx$

EJERCICIO 2) [2 puntos] Sea $f(x,y) = \frac{x^2 - y^2}{x+y}$.

- a) Calcule las derivadas parciales primeras de f(x,y): $\frac{\partial f}{\partial x}$ y $\frac{\partial f}{\partial y}$.
- b) ¿Cuál es la dirección de máximo crecimiento de f(x,y) en (1,1)?
- c) Determine la derivada direccional de f(x,y) en el punto (1,1) en la dirección dada por $\overrightarrow{u}=(2,-1)$.

EJERCICIO 3)[2 puntos] Encuentre y clasifique los puntos críticos de la siguiente función:

$$f(x,y) = 2x^4 + y^2 - x^2 - 2y.$$

EJERCICIO 4)[2 puntos] Sea $f(x,y) = \sqrt{x^2 + y^2 - 1}$.

- a) Determine y grafique el dominio de f.
- b) Determine el rango de f.
- c) Bosqueje el gráfico de f.
- d) Decida si el plano tangente al gráfico de f en el punto (-1,1,1) es paralelo al plano -2x+2(y-1)-2z=8.

EJERCICIO 5) [2 puntos] Determine el radio e intervalo de convergencia de las siguiente serie de potencias:

$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{(x-2)^n}{3^n \ln(n)}$$

EJERCICIO SOLO PARA LIBRES.

EJERCICIO 6) [2 puntos] Considere la sucesión dada por $a_n = (-\frac{1}{2})^n e^{\frac{3}{n}}$.

- a) Determine si la sucesión es convergente.
- b) ¿Converge la serie $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$? ¿Converge absolutamente?

