## Matemática Discreta I - 2021/1 Tarea 5

## **Ejercicios**

- 1. Convertir a base 2 el número 345.
- 2. Convertir a base 10 el número  $(203112)_4$ .
- 3. Calcular la resta  $(4351)_8 (2310)_4$ , y expresarla en base 5.

## Solución

1. Recordemos el método para convertir un número  $x \in \mathbb{N}$  en base 10 a una base  $b \geq 2$ . La forma de hacerlo es, primero, dividir el número original x y los sucesivos cocientes por b, y paramos cuando nos de un cociente igual a cero. Luego, el desarrollo en base b de x viene dado por los restos de las divisiones sucesivas, leídos en forma ascendente.

En nuestro caso, dividiendo repetidamente por 2 obtenemos:

$$345 = 172 \cdot 2 + 1$$

$$172 = 86 \cdot 2 + 0$$

$$86 = 43 \cdot 2 + 0$$

$$43 = 21 \cdot 2 + 1$$

$$21 = 10 \cdot 2 + 1$$

$$10 = 5 \cdot 2 + 0$$

$$5 = 2 \cdot 2 + 1$$

$$2 = 1 \cdot 2 + 0$$

$$1 = 0 \cdot 2 + 1$$

Por lo tanto,  $345 = (101011001)_2$ .

2. En este caso, basta con aplicar la definición del desarrollo en base b, con  $b \ge 2$ , esto es:

$$(r_n r_{n-1} \dots r_1 r_0)_b := r_n b^n + r_{n-1} b^{n-1} + \dots + r_1 b + r_0,$$
 con  $0 \le r_i < b$ . De donde, 
$$(203112)_4 = 2 \cdot 4^5 + 0 \cdot 4^4 + 3 \cdot 4^3 + 1 \cdot 4^2 + 1 \cdot 4^1 + 2 \cdot 4^0$$
 
$$= 2 \cdot 4^5 + 3 \cdot 4^3 + 4^2 + 4 + 2 = 2 \cdot 4^5 + 3 \cdot 4^3 + 22$$
 
$$= 2048 + 192 + 22 = 2262.$$

3. Vamos a resolver este ejercicio en tres pasos:

**Primer paso**: Convertimos ambos números dados en base 8 y 4, respectivamente, a la base 10. Luego,

$$(4351)_8 = 4 \cdot 8^3 + 3 \cdot 8^2 + 5 \cdot 8^1 + 1 \cdot 8^0$$

$$= 4 \cdot 8^3 + 3 \cdot 8^2 + 5 \cdot 8 + 1 = 4 \cdot 8^3 + 3 \cdot 8^2 + 41$$

$$= 2048 + 192 + 41 = 2281.$$

$$(2310)_4 = 2 \cdot 4^3 + 3 \cdot 4^2 + 1 \cdot 4^1 + 0 \cdot 4^0$$

$$= 2 \cdot 4^3 + 3 \cdot 4^2 + 4 = 128 + 48 + 4 = 180.$$

**Segundo paso**: Hacemos aritmética en la base 10, la cual todos conocemos. Tenemos que la resta es:

$$2281 - 180 = 2101.$$

**Tercer paso**: Por último, convertimos el número (en base 10) obtenido en el paso anterior a la base pedida, 5. En efecto, dividiendo repetidamente por 5 obtenemos:

$$2101 = 420 \cdot 5 + 1$$

$$420 = 84 \cdot 5 + 0$$

$$84 = 16 \cdot 5 + 4$$

$$16 = 3 \cdot 5 + 1$$

$$3 = 0 \cdot 5 + 3 \uparrow$$

Así,  $2101 = (31401)_5$ .

En resumen,

$$(4351)_8 - (2310)_4 = 2281 - 180 = 2101 = (31401)_5.$$