

特征分解

2022年5月13日 9:03

特征分解

项目背景：

这项工作是给定了两种不同模态的遥感图像，一种是高光谱图像，另一种是 SAR 图像，我们的任务是对这两种模态的数据进行有效融合，提高模型在高光谱遥感图像的像素级分类性能。

批注 [李1]: 两种数据的存储格式

数据介绍：

高光谱影像具有几十甚至上千个光谱波段，能够捕捉地物精细的光谱信息，光谱范围大，波段信息丰富，常用于地物的精细分类与识别。合成孔径雷达 SAR 可以获取全天候的振幅和相位信息，具有丰富的空间信息，因此，SAR 在融合的过程中可以为高光谱或者多光谱提供丰富的空间信息

明确任务：

这项工作分为三个部分，包括特征提取前的数据降维去冗余，特征提取模块，以及最后的特征融合及分类模块。我主要负责的第一个模块（数据降维去冗余）的算法设计与实现。

批注 [李2]: 数据降维方法

降维去冗余目的：

高光谱图像的波段很多，光谱分辨率比较高，SAR 图像的空间分辨率很大，通常都是几万像素。如果直接使用他们进行特征提取，那么对计算机算力的要求会很大，模型也难以训练。其次，他们是同一场景的不同模态的信息表征，虽然说他们的优势信息表征存在差异，但他们包含的共有信息（背景信息）基本一致，存在信息冗余的问题。因此，我们需要对这两种数据先进行降维和去冗余操作，从大量数据中有效地筛选有效的数据。

痛点问题 1 解决方案：

针对信息高维且冗余问题，我们主要是借鉴了特征分解的思想，利用 NMF 非负矩阵分解方法将原始的特征分解为主特征矩阵和系数矩阵两部分。主特征矩阵中的每一行都代表了一种主成分，系数矩阵的每一列表示了每种主成分在原始特征中的占比。接着我们利用两种模态的主特征矩阵计算他们之间的相似性矩阵 S，相似性矩阵 S 衡量了两种主特征矩阵之间的整体相似性，对于 S 中的任意一个元素，它的值越大，表示这个主特征矩阵对应位置的主成分相似性越高。我们的目的是去冗余，因此首先对相似性矩阵取反 (1-S)，再将它作用于原本的主特征矩阵，我们就可以对两种模态之间的共有冗余信息进行抑制，最后再利用处理过的主特征矩阵与他们对应的系数矩阵相乘来重建两个模态的特征，实现对高维多模态数据的有效筛选，获得更加鲁棒的特征表征

批注 [李3]: NMF 非负矩阵分解原理以及 PyTorch 实现

痛点问题 2 解决方案：

针对高光谱和 SAR 影像的优势特征各异问题，从空间和通道两个维度出发，分别构建了空间特征重表征模块和通道特征重表征模块，用于强调各单模态的优势特征。

批注 [李4]: PyTorch 矩阵相乘实现

痛点问题 3 解决方案:

针对融合特征的决策不确定性问题（单模态特征对目标的表征能力是不同的，这就导致每个模态在决策阶段的结果可能存在差异性）。利用狄利克雷分布对各单模态特征的初级决策结果进行确定度评估，结合评估结果得到最终的决策结果。

最终结果:

最终我们取得了 84% 的分类精度，较基线模型提高了 3%。

批注 [李5]: OA,AA,Kappa 计算方式

• NMF 非负矩阵分解

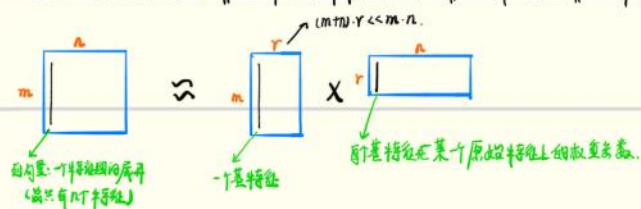
• 利用矩阵分解性质的方法: PCA, ICA (独立成分分析), SVD (奇异值分解), VR (变量选择).

有问是: 上述方法共同点是将大矩阵 V 近似分解为低秩的 $V \approx WH$ 形式, 即 W, H 中的元素可正可负, 即使原始数据是非负的, 分解之后的矩阵中仍可能存在

负值, 但负值在实际问题中往往是没意义的. (eg: 网络数据中不可能有负值的链接点)

• NMF 基本思想

原理: 对于任意给定的一个非负矩阵 V , NMF 能够分解为一个非负矩阵 W 和一个非负矩阵 H , 使得 $V \approx WH$.



用基矩阵代替原始矩阵, 从原始矩阵中降维, 减少存储空间, 减少计算复杂度.

上图解释: V 中的每一列向量是 W 中每个列向量的加权和, 权重系数就是 H 中对应的列向量.

NMF 非负矩阵分解是一个 NP 难问题, 可以划分为优化问题使用迭代方法求解 W 和 H .

从图像为例: PCA 降维后得到的特征向量都是一个完整的特征向量基, 相当于将几个完整人脸压缩成一张脸.

NMF 得到的是部分特征, 相当于取中间的眼睛, 鼻子, 嘴巴等, 然后拼接成一张脸.

• NMF 非负矩阵分解原理

NMF 问题可以看做一个最优化问题，用优化函数有各种，应用最广泛的是欧几里德距离和卡方距离。

• 用范数损失函数：

欧几里德： $\|V - WH\|^2 = \sum_j (V_{ij} - \sum_k W_{ik} H_{kj})^2$

卡方： $D(V||WH) = \sum_j (V_{ij} \log \frac{V_{ij}}{\sum_k W_{ik} H_{kj}} - V_{ij} + \sum_k W_{ik} H_{kj})$

• 算法步骤：

① 随机生成一个 W 矩阵

② 固定 W 矩阵，按照 $H_{kj} = H_{kj} \cdot \frac{(WH^T)_{jk}}{(WHH^T)_{jk}}$ 更新 H ，直到收敛（ H 不是收敛的很快）

③ 固定 H 矩阵，按照 $W_{ik} = W_{ik} \cdot \frac{(WH^T)_{ik}}{(WHH^T)_{ik}}$ 更新 W ，直到收敛。

④ 重复 ②，③ 步骤，直到损失函数趋近于 0。

• NMF 实例

from sklearn.decomposition import Nmf

```
from sklearn.decomposition import NMF
from sklearn.datasets import load_iris

X, _ = load_iris(True)

# can be used for example for dimensionality reduction, source separation etc.
# 2 / 3 个参数是可选的，components, alpha, l1_ratio, solver
nmf = NMF(n_components=2, # n 维数，默认是数据维数
         init=None, # W 的初始化方法，默认是 'random' | 'nndsvd' | 'nndsvdplus' | 'qr' | 'arls'
         solver='cd', # 'cd' | 'arls'
         beta_loss='frobenius', # 'l1' | 'frobenius' | 'kullback-leibler' | 'itnn'
         tol=1e-4, # 停止迭代的阈值
         max_iter=200, # 最大迭代次数
         random_state=None,
         alpha=0., # 正则化参数
         l1_ratio=0., # 正则化参数
         verbose=0, # 是否输出
         shuffle=False # 是否打乱数据
        )

# 训练
print('params:', nmf.get_params()) # 返回所有参数的字典，也可以 nmf.get_params()

# 训练后的参数矩阵，也是核心，用于重建
nmf.fit(X)
W = nmf.get_transform(X)
H = nmf.get_transform(X)
nmf.inverse_transform(W)

# 重建
W = nmf.components_ # W 矩阵
print('reconstruction_err_', nmf.reconstruction_err_) # 损失函数值
print('n_iter_', nmf.n_iter_) # 训练迭代次数
```

• 读入读图像及 SAR 图像的方法:

已知的
shape: $W \times H \times C$ ↑ 200左右

光学数据格式: $xxx.tif$

SAR 数据格式: $xxx.tif$

• tif 图像是 16 位的, 可以转换为 8 位的可加载度图。

导入库和读取图像

```
1 import numpy as np
2 import cv2
3
4 img = cv2.imread('car_sample.tif', -1)
```

需要用到库包括 [numpy](#) 和 [cv2](#), 如果缺少 [cv2](#) 库可以 [conda install opencv](#) 进行安装, 如果不是使用 [conda](#) 环境可以通过 [pip install opencv-python](#) 进行安装, 通过 `cv2.imread` 的方式可以完整的读入 16 位的 tif 格式图片 (注意替换函数调用的文件名)。

转换和存图

```
1 img_8 = (img / 256).astype('uint8')
2 cv2.imwrite('example.tif', 256-img_8)
```

这里使用的是 [numpy](#) 库中的 `astype` 进行转换, 由于 16 位的和 8 位的二进制数值是倍数转换或 10 进制是 256, 所以将 16 位的原图片除以 256 就可以相应地转换成 8 位下的对应值, 但是这样会生成小数, 于是再使用 `astype('uint8')` 进行转换即可转换成 8 位的。

最后再写出自己想要的格式就好了, 如果是用 `256-img_8` 的这就可以得到背景较亮的图片, 如果直接保存就可以得到背景较暗的图片, 如果想转换成直接可视的 8 位图片, 也可以直接存成 tif 格式。

• [Pytorch 矩阵乘法](#):

`torch.mm(mat1, mat2)`: 一般用来计算二维矩阵的乘法。

$mat1: (m \times n)$ $mat2: (n \times d)$ $out: (m \times d)$ 不支持 broadcast 操作。

`torch.bmm(mat1, mat2)`: 三维 `batch-size` 的矩阵乘法

$mat1: (B \times m \times n)$ $mat2: (B \times n \times d)$ $out: (B \times m \times d)$ 不支持 broadcast 操作。

`torch.matmul(mat1, mat2)`: 多维矩阵乘法 `matmul()` 使用多参数的两个维度的矩阵乘法, 其余维度可以认为是 `batch` 维度。

$mat1: (1000 \times 500 \times 99 \times 11)$ $mat2: (500 \times 11 \times 99)$

为三维后两位矩阵乘法: $(99 \times 11) \times (11 \times 99) = (99 \times 99)$ $mat1$ 的 `batch` 为 (1000×500) $mat2$ 的 `batch` 为 500

将 500 扩展为 1000×500 , 则最终 `out` 为 $(1000 \times 500 \times 99 \times 99)$ 支持 broadcast 操作。

```
# 读取图片—ms
ms4_tif = TIFF.open('./data/image10/ms4.tiff', mode='r')
ms4_np = ms4_tif.read_image()
print('原始ms4图的形状: ', np.shape(ms4_np))

# 读取PAN图
pan_tif = TIFF.open('./data/image10/pan.tiff', mode='r')
pan_np = pan_tif.read_image()
print('原始pan图的形状: ', np.shape(pan_np))

# 读取标签
# label_np = np.load("../data/image6/label6.npy")
label_dict = h5py.File("../data/image10/label10.mat")
label_np = np.array(label_dict['label'][:]).T
label_dict.close()
print('label数组形状: ', np.shape(label_np))
```

`torch.nn.functional.cosine_similarity`: 逐元素相乘

• OA, AA, kappa 计算为:

• 混淆矩阵:

		预测		
		类1	类2	类3
实际	类1	93	25	76
	类2
	类3	...	39	46

混淆矩阵可以直观的看出每个样本被正确分类或错误分类的个数, 但混淆矩阵并不能反映出分类精度的好坏。

• 查准率与查全率: 正例为类1数与类1数值的比值

容易受到数据量比例的影响, 不能很好的表征每个类别。

$$OA = \frac{TP + TN}{TP + FP + TN + FN}$$

• kappa系数: 一致性检验。

$$kappa = \frac{OA - p_e}{1 - p_e}$$

$$p_e = \frac{(LP + FN) \times (LP + FP) + (TN + FP) \times (TN + FN)}{N^2}$$

• 激光雷达 SAR 图像解调信息

• 激光雷达图像:

① 能在可见光到短波红外的波段区间连续成像

② 以数十甚至数百个连续窄波段对目标区域同时成像

③ 激光雷达图像成像信息与光谱信息于一体, 图像信息可以反映物体的形状、大小、方位、结构。即不同目标对光谱的接收幅度是不同的。在某个特定波长下,

图像会对某个波长有较弱的反映,因此 光谱信息更能反映目标的内部结构和材质差异。

• SAR 图像:

• SAR 图像上的信息是对雷达波束的反映,雷达波束连续而无消电离层背景,并且接收并记录每1度脉冲的图像。

• SAR 图像上色调的变化主要取决于目标的回波强度。每一个接收到的回波被转换为电信号,以特定的灰度等级记录在磁带片上。

目标的回波强度主要用雷达波束的功率和分辨率影响。