

# 面试必刷Top101

2022年5月9日 21:27

- BM2 链表内指定区间反转

- 找区间+反转

将一个节点数为 size 链表 m 位置到 n 位置之间的区间反转，要求时间复杂度  $O(n)$ ，空间复杂度  $O(1)$ 。

例如：

给出的链表为  $1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 4 \rightarrow 5 \rightarrow \text{NULL}$ ， $m = 2, n = 4$ ，  
返回  $1 \rightarrow 4 \rightarrow 3 \rightarrow 2 \rightarrow 5 \rightarrow \text{NULL}$ 。

数据范围：链表长度  $0 < \text{size} \leq 1000$ ， $0 < m \leq n \leq \text{size}$ ，链表  
中每个节点的值满足  $|\text{val}| \leq 1000$

- 要求：时间复杂度  $O(n)$ ，空间复杂度  $O(n)$   
进阶：时间复杂度  $O(n)$ ，空间复杂度  $O(1)$

示例1

输入： (1,2,3,4,5),2,4  
返回值： (1,4,3,2,5)

复制  
复制

- class Solution:

```
def reverseBetween(self, head: ListNode, m: int, n: int) -> ListNode:
    # write code here
    if not head or not head.next:
        return head
    dummy = ListNode(0)
    dummy.next = head
    pre = dummy
    start = head
    end = head
    for _ in range(1, m):
        pre = pre.next
        start = start.next
    for _ in range(1, n):
        end = end.next
        temp = end.next
        start, end = self.reverses(start, end)
        pre.next = start
        end.next = temp
    return dummy.next

def reverses(self, start, end):
    prev = None
    cur = start
    while prev != end:
        temp = cur.next
        cur.next = prev
        prev = cur
        cur = temp
    return end, start
```

- BM3 链表中的节点每k个一组翻转

- 找区间+整个反转

将给出的链表中的节点每 k 个一组翻转，返回翻转后的链表  
如果链表中的节点数不是 k 的倍数，将最后剩下的节点保持原样  
你不能更改节点中的值，只能更改节点本身。

数据范围：  $0 \leq n \leq 2000$ ， $1 \leq k \leq 2000$ ，链表中每个元素都满足  
 $0 \leq \text{val} \leq 1000$   
要求空间复杂度  $O(1)$ ，时间复杂度  $O(n)$

例如：

- 给出的链表是  $1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 4 \rightarrow 5$   
对于  $k = 2$ ，你应该返回  $2 \rightarrow 1 \rightarrow 4 \rightarrow 3 \rightarrow 5$   
对于  $k = 3$ ，你应该返回  $3 \rightarrow 2 \rightarrow 1 \rightarrow 4 \rightarrow 5$

示例1

输入： (1,2,3,4,5),2  
返回值： (2,1,4,3,5)

复制  
复制

- class Solution:

```
def reverseKGroup(self, head: ListNode, k: int) -> ListNode:
    # write code here
    if not head or not head.next:
        return head
    dummy = ListNode(0)
    dummy.next = head
    prev = end = dummy
    start = head
    while start:
        for _ in range(k):
            end = end.next
            if not end:
                return dummy.next
        temp = end.next
        start, end = self.reverses(start, end)
        prev.next = start
        end.next = temp
        start = temp
        prev = end
    return dummy.next

def reverses(self, start, end):
    prev = None
    cur = start
    while prev != end:
        temp = cur.next
        cur.next = prev
        prev = cur
        cur = temp
    return end, start
```

```

prev = None
cur = start
while prev != end:
    temp = cur.next
    cur.next = prev
    prev = cur
    cur = temp
return end, start

```

- BM5 合并k个已排序的链表

- 堆里每次保留k个元素

**描述**

合并 k 个升序的链表并将结果作为一个升序的链表返回其头结点。

数据范围： 节点总数满足  $0 \leq n \leq 10^5$ ，链表个数满足  $1 \leq k \leq 10^5$ ，每个链表的长度满足  $1 \leq len \leq 200$ ，每个节点的val满足  $|val| < 1000$

- 要求：时间复杂度  $O(n \log k)$

**示例1**

输入： [[1,2,3], [4,5,6,7]]

输出： [1,2,3,4,5,6,7]

```

class Solution:
    def mergeKLists(self, lists: List[ListNode]) -> ListNode:
        # write code here
        import heapq
        dummy = ListNode(0)
        p = dummy
        head = []
        for i in range(len(lists)):
            if lists[i]:
                heapq.heappush(head, (lists[i].val, i))
                lists[i] = lists[i].next
        while head:
            temp, idx = heapq.heappop(head)
            p.next = ListNode(temp)
            p = p.next
            if lists[idx]:
                heapq.heappush(head, (lists[idx].val, idx))
                lists[idx] = lists[idx].next
        return dummy.next

```

- BM7 链表中环的入口结点

- 快慢指针

```

class Solution:
    def EntryNodeOfLoop(self, pHead):
        # write code here
        if not pHead or not pHead.next:
            return
        slow = fast = pHead
        while fast and fast.next:
            slow = slow.next
            fast = fast.next.next
            if slow == fast:
                break
        if not fast or not fast.next:
            return
        slow = pHead
        while slow != fast:
            slow = slow.next
            fast = fast.next
        return slow

```

- BM9 删除链表的倒数第n个节点

- 快慢指针

```

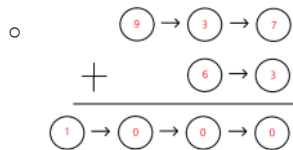
class Solution:
    def removeNthFromEnd(self, head, n):
        # write code here
        if not head:
            return
        dummy = ListNode(0)
        dummy.next = head
        slow = fast = dummy
        for _ in range(n):
            fast = fast.next
        while fast and fast.next:
            slow = slow.next
            fast = fast.next
        slow.next = slow.next.next
        return dummy.next

```

- BM11 链表相加（二）

- 链表反转+逐位相加+原地相加

假定链表中的每个节点的数据在 0-9 之间，那么链表整体就可以代表一个整数。  
给定两个这样的链表，请生成代表两个数相加结果的链表。  
数据范围： $0 \leq n_1, n_2 \leq 100000$ ，链表任意节点  $0 \leq val \leq 9$   
要求：空间复杂度  $O(n)$ ，时间复杂度  $O(n)$   
示例：链表 1 为 9→3→7，链表 2 为 6→3，那么生成结果的链表为 1→0→0→0。



```

class Solution:
    def addInList(self, head1, head2):
        # write code here
        if not head1:
            return head2
        if not head2:
            return head1
        head1 = self.reverses(head1)
        head2 = self.reverses(head2)
        dummy = ListNode(0)
        dummy.next = head1
        h1 = head1
        h2 = head2
        c = 0
        while h1 and h2:
            temp = h1.val + h2.val + c
            c = temp // 10
            h1.val = temp % 10
            tail = h1
            h1 = h1.next
            h2 = h2.next
        if h1:
            while c > 0 and h1:
                temp = h1.val + c
                h1.val = temp % 10
                c = temp // 10
                tail = h1
                h1 = h1.next
        if h2:
            tail.next = h2
            while c > 0 and h2:
                temp = h2.val + c
                h2.val = temp % 10
                c = temp // 10
                tail = h2
                h2 = h2.next
        if c > 0:
            tail.next = ListNode(c)
        return self.reverses(dummy.next)
    def reverses(self, head):
        if not head or not head.next:
            return head
        pre = None
        while head:
            temp = head.next
            head.next = pre
            pre = head
            head = temp
        return pre
  
```

## • BM12 单链表排序

### o 归并排序

#### 描述

给定一个节点数为  $n$  的无序单链表，对其按升序排序。

数据范围： $0 < n \leq 100000$

要求：时间复杂度  $O(n \log n)$

### o

#### 示例1

输入：[1, 3, 2, 4, 5]

复制

返回值：[1, 2, 3, 4, 5]

复制

```

class Solution:
    def sortInList(self, head):
        # write code here
        if not head or not head.next:
            return head
        slow = fast = head
        while fast.next and fast.next.next:
            slow = slow.next
            fast = fast.next.next
        mid = slow.next
        slow.next = None
        left_list = self.sortInList(head)
        right_list = self.sortInList(mid)
        res = self.Merge(left_list, right_list)
  
```

```

        return res
    def Merge(self, l1, l2):
        dummy = p = ListNode(0)
        while l1 and l2:
            if l1.val <= l2.val:
                p.next = l1
                l1 = l1.next
            else:
                p.next = l2
                l2 = l2.next
            p = p.next
        p.next = l1 if l1 else l2
        return dummy.next

```

- BM13 判断一个链表是否是回文结构

- 转换为列表+双指针

```

class Solution:
    def isPail(self, head: ListNode) -> bool:
        # write code here
        if not head or not head.next:
            return True
        temp = []
        while head:
            temp.append(head.val)
            head = head.next
        left = 0
        right = len(temp) - 1
        while left <= right:
            if temp[left] == temp[right]:
                left += 1
                right -= 1
            else:
                return False
        return True

```

- BM14 链表奇偶重排

- 奇链表+偶链表+合并

给定一个单链表，请设定一个函数，将链表的奇数位节点和偶数位节点  
分别放在一起，重排后输出。  
注意是节点的编号而非节点的值。

数据范围：节点数量满足  $0 \leq n \leq 10^5$ ，节点中的值都满足  $0 \leq$   
 $val \leq 1000$   
要求：空间复杂度  $O(n)$ ，时间复杂度  $O(n)$

- 示例1

输入： (1,2,3,4,5,6)      复制  
返回值： (1,3,5,2,4,6)      复制  
说明： 1->2->3->4->5->6->NULL  
重排后为  
1->3->5->2->4->6->NULL

```

class Solution:
    def oddEvenList(self, head: ListNode) -> ListNode:
        # write code here
        if not head or not head.next:
            return head
        evenHead = head.next
        odd = head
        even = evenHead
        while even and even.next:
            odd.next = even.next
            odd = odd.next
            even.next = odd.next
            even = even.next
        odd.next = evenHead
        return head

```

- BM15 删除链表重复元素-I

- 保留一个：双指针移动+两个指针之间的比较

删除链表中重复的元素（链表中元素从小到大有序），使链表中的  
所有元素都只出现一次

例如：  
给出的链表为 1 → 1 → 2 → 3 返回 1 → 2  
给出的链表为 1 → 1 → 2 → 3 → 3 返回 1 → 2 → 3

数据范围：链表长度满足  $0 \leq n \leq 100$ ，链表中任意节点的值满足

$|val| \leq 100$

- 进阶：空间复杂度  $O(1)$ ，时间复杂度  $O(n)$

- 示例1

输入： (1,1,2)      复制  
返回值： (1,2)      复制

```

class Solution:
    def deleteDuplicates(self, head: ListNode) -> ListNode:
        # write code here
        if not head or not head.next:
            return head
        slow = head
        fast = head.next
        while fast:
            if slow.val == fast.val:
                slow.next = fast.next
                fast = fast.next
            else:
                slow = fast
                fast = fast.next

```

```

        else:
            slow = fast
            fast = fast.next
    return head

```

## • BM16 删除链表重复元素-II

### ◦ 重复全部删除：双指针+fast与fast.next比较

给出一个升序排序的链表。删除链表中的所有重复出现的元素，只保留原链表中只出现一次的元素。

例如：

给出的链表为1 → 2 → 3 → 3 → 4 → 4 → 5, 返回1 → 2 → 5。

给出的链表为1 → 1 → 1 → 1 → 2 → 3, 返回2 → 3。

数据范围：链表长度  $0 \leq n \leq 10000$ ，链表中的值满足  $|val| \leq 1000$

要求：空间复杂度  $O(n)$ ，时间复杂度  $O(n)$

进阶：空间复杂度  $O(1)$ ，时间复杂度  $O(n)$

```

class Solution:
    def deleteDuplicates(self, head: ListNode) -> ListNode:
        # write code here
        dummy = ListNode(0)
        dummy.next = head
        pre = dummy
        cur = head
        while cur and cur.next:
            if cur.val != cur.next.val:
                pre = cur
                cur = cur.next
            else:
                while cur.val == cur.next.val:
                    cur = cur.next
                if not cur.next:
                    break
                pre.next = cur.next
                cur = cur.next
        return dummy.next

```

## • BM19 寻找峰值

### ◦ 二分查找

给定一个长度为n的数组nums，请你找出峰值并返回其索引。数组可能包含多个峰值，在这种情况下，返回任何一个峰值的索引即可。  
 1 峰值是指数组中严格大于其左右邻居的元素。严格大于但不等于  
 2 假设 nums[1] = nums[0] = -∞  
 3 对于所有有效的 i 都有 nums[i] = nums[i + 1]  
 4 你可以使用 O(log n) 的时间复杂度来解决问题吗？

### ◦ 数据范围：

$1 \leq \text{nums.length} \leq 2 \times 10^5$   
 $-2^{31} \leq \text{nums}[i] \leq 2^{31} - 1$

如输入 [2,4,1,2,7,8,4] 时，会形成两个山峰，一个峰值为1，峰值为4的峰值，另一个元素为7的峰值，峰值为8的峰值，如下图所示：

```

class Solution:
    def findPeakElement(self, nums: List[int]) -> int:
        # write code here
        left = 0
        right = len(nums) - 1
        while left < right:
            if nums[left] <= nums[right]:
                left += 1
            elif nums[right] < nums[left]:
                right -= 1
        return left

```

## • BM22 比较版本号

### ◦ 两个指针分别指向两个字符串同时逐位右移，碰到'.'停止表示一个数字，进行比较

谷歌项目发布新版本时会有版本号，比如1.02.11, 2.14.4等等  
 现在给你2个版本号version1和version2，请你比较他们的大小  
 版本号是由修订号组成，修订号与修订号之间由一个"."连接。1个修订号可能有多位数字组成。修订号可能包含前导0，且是合法的。例如，1.02.11, 0.1, 0.2都是合法的版本号  
 每个版本号至少包含1个修订号。  
 修订号从左到右编号，下标从0开始，最左边的修订号下标为0，下一个修订号下标为1，以此类推。

比较规则：

一、比较版本号时，请按从左到右的顺序依次比较它们的修订号。比较修订号时，只需比较忽略任何前导零后的整数。比如"0.1"和"0.01"的版本号是相等的

二、如果版本号没有指定某个下标处的修订号，则该修订号视为0。例如，"1.1"的版本号小于"1.1.1"，因为"1.1"的版本号相当于"1.1.0"，第3位修订号的下标为0，小于1

### ◦ 三、version1 > version2 返回1，如果 version1 < version2 返回-1，不然返回0。

数据范围：

$1 \leq \text{version1.length}, \text{version2.length} \leq 1000$   
 version1 和 version2 的修订号不会超过m的表达式范围，即不超过 32 位整数的范围

进阶：时间复杂度  $O(n)$

示例1

输入： "1.1","2.1"  
 返回值： -1

```

class Solution:
    def compare(self, version1: str, version2: str) -> int:
        # write code here
        p1 = 0
        p2 = 0
        while p1 < len(version1) or p2 < len(version2):
            num1 = 0
            while p1 < len(version1) and version1[p1] != '.':
                num1 = num1 * 10 + int(version1[p1])

```

```

        p1 += 1
    num2 = 0
    while p2 < len(version2) and version2[p2] != '.':
        num2 = num2 * 10 + int(version2[p2])
        p2 += 1
    if num1 > num2:
        return 1
    elif num1 < num2:
        return -1
    else:
        p1 += 1
        p2 += 1
    return 0

```

- BM23 二叉树前序遍历

- 颜色标记法+stack

- class Solution:
 

```

def preorderTraversal(self, root: TreeNode) -> List[int]:
    # write code here
    if not root:
        return []
    res = []
    stack = [root]
    while stack:
        cur = stack.pop()
        if isinstance(cur, TreeNode):
            stack.append(cur.right)
            stack.append(cur.left)
            stack.append(cur.val)
        if isinstance(cur, int):
            res.append(cur)
    return res

```

- BM29 和为某一值的路径 (一)

- 递归

- class Solution:
 

```

def hasPathSum(self, root: TreeNode, sum: int) -> bool:
    # write code here
    if not root:
        return False
    if root.val == sum and not root.left and not root.right:
        return True
    return self.hasPathSum(root.left, sum-root.val) or self.hasPathSum(root.right, sum-root.val)

```

- BM32 合并二叉树

- class Solution:
 

```

def mergeTrees(self, t1: TreeNode, t2: TreeNode) -> TreeNode:
    # write code here
    if not t1:
        return t2
    if not t2:
        return t1
    queue = [(t1, t2)]
    while queue:
        cur1, cur2 = queue.pop(0)
        cur1.val = cur1.val + cur2.val
        if cur1.left and cur2.left:
            queue.append((cur1.left, cur2.left))
        elif not cur1.left:
            cur1.left = cur2.left
        if cur1.right and cur2.right:
            queue.append((cur1.right, cur2.right))
        elif not cur1.right:
            cur1.right = cur2.right
    return t1

```

- BM34 判断是否为二叉搜索树

- 递归

- class Solution:
 

```

def isValidBST(self, root: TreeNode) -> bool:
    # write code here
    if not root:
        return True
    min_val = float('-inf')
    max_val = float('inf')
    def recur(cur, max_, min_):
        if not cur:
            return True
        if not min_ < cur.val < max_:
            return False
        else:
            return recur(cur.left, cur.val, min_) and recur(cur.right, max_, cur.val)
    return recur(root.left, root.val, min_val) and recur(root.right, max_val, root.val)

```

- BM35 判断是否为完全二叉树

- BFS+判断None

```

class Solution:
    def isCompleteTree(self, root: TreeNode) -> bool:
        # write code here
        if not root:
            return True
        queue = [root]
        temp = []
        while queue:
            cur = queue.pop(0)
            if cur:
                temp.append(cur.val)
                queue.append(cur.left)
                queue.append(cur.right)
            else:
                temp.append('#')
        while temp[-1] == '#':
            temp.pop()
        return not '#' in temp

```

- BM41 输出二叉树右视图

- 重建二叉树+BFS

```

class TreeNode(object):
    def __init__(self, x):
        self.val = x
        self.left = None
        self.right = None

class Solution:
    def solve(self, xianxu, zhongxu):
        # write code here
        root = self.restruction(xianxu, zhongxu)
        if not root:
            return []
        queue = [root]
        res = []
        while queue:
            len_q = len(queue)
            path = []
            for _ in range(len_q):
                cur = queue.pop(0)
                path.append(cur.val)
                if cur.left:
                    queue.append(cur.left)
                if cur.right:
                    queue.append(cur.right)
            if path:
                res.append(path[-1])
        return res

    def restruction(self, pre, mid):
        if not pre or not mid or len(pre) != len(mid):
            return
        root = TreeNode(pre[0])
        idx = mid.index(root.val)

        left_pre = pre[1:idx+1]
        right_pre = pre[idx+1:]
        left_mid = mid[:idx]
        right_mid = mid[idx+1:]
        root.left = self.restruction(left_pre, left_mid)
        root.right = self.restruction(right_pre, right_mid)
        return root

```

- 递归

```

class Solution:
    def solve(self, xianxu, zhongxu):
        # write code here
        res = []
        def recur(pre, mid, level):
            if not pre:
                return
            if level >= len(res):
                res.append(pre[0])
            else:
                res[level] = pre[0]
            temp = mid.index(pre[0])
            recur(pre[1:temp+1], mid[:temp], level+1)
            recur(pre[temp+1:], mid[temp+1:], level+1)
        recur(xianxu, zhongxu, 0)
        return res

```

- BM44 有效括号序列

- 栈保存左括号

```

class Solution:

```

```
def isValid(self, s):
    # write code here
    if not s:
        return True
    stack = []
    for item in s:
        if item == '(' or item == '[' or item == '{':
            stack.append(item)
        elif item == ')':
            if not stack or stack.pop() != '(':
                return False
        elif item == ']':
            if not stack or stack.pop() != '[':
                return False
        elif item == '}':
            if not stack or stack.pop() != '{':
                return False
    return len(stack) == 0
```

#### • BM49 表达式求值

##### ◦ 栈+递归

##### ◦ class Solution:

```
def solve(self, s):
    # write code here
    s = s.strip()
    stack = []
    res = 0
    sign = '+'
    number = 0
    index = 0
    while index < len(s):
        if s[index] == ' ':
            index += 1
            continue
        if s[index] == '(':
            end = index + 1
            lens = 1
            while lens > 0:
                if s[end] == '(':
                    lens += 1
                if s[end] == ')':
                    lens -= 1
                end += 1
            number = self.solve(s[index+1:end-1])
            index = end-1
            continue
        if '0' <= s[index] <= '9':
            number = number * 10 + int(s[index])
        if not '0' <= s[index] <= '9' or index == len(s) - 1:
            if sign == '+':
                stack.append(number)
            elif sign == '-':
                stack.append(-1 * number)
            elif sign == '*':
                stack.append(stack.pop() * number)
            elif sign == '/':
                stack.append(stack.pop() / number)
            number = 0
            sign = s[index]
        index += 1
    while stack:
        res += stack.pop()
    return res
```

#### • BM53 缺失的第一个正整数

##### ◦ 对应索引赋为负值

##### ◦ class Solution:

```
def minNumberDisappeared(self, nums: List[int]) -> int:
    # write code here
    N = len(nums) + 1
    for i in range(len(nums)):
        if nums[i] <= 0:
            nums[i] = N
    for i in range(len(nums)):
        if 1 <= abs(nums[i]) <= len(nums):
            nums[abs(nums[i])-1] = -abs(nums[abs(nums[i])-1])
    for i in range(len(nums)):
        if nums[i] > 0:
            return i + 1
    return len(nums) + 1
```

##### ◦ Set()函数去重

##### ◦ class Solution:

```
def minNumberDisappeared(self, nums: List[int]) -> int:
    # write code here
```



```

nums = set(nums)
for i in range(1, len(nums)+1):
    if not i in nums:
        return i
return len(nums)+1

```

- BM54 三数之和

- 排序+固定+两数之和+去重

```

class Solution:
    def threeSum(self, num):
        # write code here
        num.sort()
        res = []
        for i in range(len(num)):
            if i > 0 and num[i] == num[i-1]:
                continue
            temp = self.twoSum(num[i+1:], -num[i])
            if temp:
                for item in temp:
                    item.append(num[i])
                    res.append(item)
        return res

    def twoSum(self, num, target):
        res = []
        left = 0
        right = len(num) - 1
        while left < right:
            cur_left = num[left]
            cur_right = num[right]
            if cur_left + cur_right == target:
                res.append([cur_left, cur_right])
                while left < right and num[right] == cur_right:
                    right -= 1
                while left < right and num[left] == cur_left:
                    left += 1
            elif cur_left + cur_right < target:
                while left < right and num[left] == cur_left:
                    left += 1
            elif cur_left + cur_right > target:
                while left < right and num[right] == cur_right:
                    right -= 1
        return res

```

- BM83 字符串变形

```

class Solution:
    def trans(self, s: str, n: int) -> str:
        # write code here
        l = s.split(' ')
        for i in range(len(l)):
            l[i] = l[i].swapcase()
        return ' '.join(l[0:-1])

```

- BM84 最长公共前缀

**描述**

给你一个大小为  $n$  的字符串数组 `strs`，其中包含  $n$  个字符串，编写一个函数来查找字符串数组中的最长公共前缀，返回这个公共前缀。

数据范围： $0 \leq n \leq 5000$ ， $0 \leq \text{len}(\text{strs}_i) \leq 5000$

进阶：空间复杂度  $O(n)$ ，时间复杂度  $O(n)$

- 示例1

输入：["abca", "abc", "abca", "abc", "abcc"]      复制

返回值："abc"      复制

- 找最小+从左到右遍历

```

class Solution:
    def longestCommonPrefix(self, strs: List[str]) -> str:
        # write code here
        if not strs:
            return ''
        if len(strs) == 1:
            return strs[0]
        res = ''
        min_str = strs[0]
        for item in strs:
            if len(item) < len(min_str):
                min_str = item
        for i in range(1, len(min_str)+1):
            cur = min_str[:i]
            for item in strs:
                if cur not in item:
                    return res
            res = cur
        return res

```

- BM85 验证IP地址

- 根据符号分类

- class Solution:

```
def solve(self, IP: str) -> str:
    # write code here
    if not IP:
        return 'Neither'
    if '.' in IP:
        list_IP = IP.split('.')
        for item in list_IP:
            if not '0' <= item <= '255' or len(item) > 1 and item[0] == '0':
                return 'Neither'
        return 'IPv4'
    elif ':' in IP:
        list_IP = IP.split(':')
        for item in list_IP:
            if not item or len(item) > 1 and len(item) == item.count('0'):
                return 'Neither'
            for cur in item:
                if not cur.isdigit() and not cur in 'abcdef' and not cur in 'ABCDEF':
                    return 'Neither'
        return 'IPv6'
    else:
        return 'Neither'
```

- BM86 大数加法

描述

以字符串的形式输入两个数字，编写一个函数计算它们的和，以字符串形式返回。

数据范围:  $s.length, t.length \leq 100000$ ，字符串仅由 '0'-'9' 组成  
要求: 时间复杂度  $O(n)$

- 示例1

输入: "1", "99"

复制

返回值: "100"

复制

说明: 1+99=100

- 补零右对齐+逆序加+进位

- class Solution:

```
def solve(self, s, t):
    # write code here
    len_s = len(s)
    len_t = len(t)
    max_len = max(len_s, len_t)
    s = s.zfill(max_len)
    t = t.zfill(max_len)
    res = ''
    carry = 0
    for i in range(max_len-1, -1, -1):
        temp = int(s[i]) + int(t[i]) + carry
        if temp >= 10:
            carry = 1
            temp = temp - 10
        else:
            carry = 0
        res = str(temp) + res
    if carry == 1:
        res = str(carry) + res
    return res
```

- BM55 没有重复项数字的全排列

给出一组数字，返回该组数字的所有排列

例如:

[1,2,3]的所有排列如下

[1,2,3],[1,3,2],[2,1,3],[2,3,1],[3,1,2],[3,2,1]

(以数字在数组中的位置靠后为优先级，按字典序排列输出。)

数据范围: 数字个数  $0 < n \leq 6$

- 要求: 空间复杂度  $O(n!)$ ，时间复杂度  $O(n!)$

示例1

输入: [1,2,3]

复制

返回值: [[1,2,3],[1,3,2],[2,1,3],[2,3,1],[3,1,2],[3,2,1]]

复制

- 回溯

- class Solution:

```
def permute(self, num: List[int]) -> List[List[int]]:
    # write code here
    res = []
    cur = []
    vis = [0] * len(num)
    def recur(x, l):
        if x == 1:
            res.append(cur[:])
            return
        for i in range(len(num)):
            if vis[i] == 1:
                continue
            cur.append(num[i])
```

```

        vis[i] = 1
        recur(x+1, l)
        vis[i] = 0
        cur.pop()
    recur(0, len(num))
    return res

```

- BM56 有重复项数字的全排列

- 回溯法+考虑重复元素

```

class Solution:
    def permuteUnique(self, num: List[int]) -> List[List[int]]:
        # write code here
        num.sort()
        res = []
        cur = []
        vis = [0] * len(num)
        def recur(x, l):
            if x == l:
                res.append(cur[:])
                return
            for i in range(len(num)):
                if vis[i] == 1:
                    continue
                if i > 0 and vis[i] == 0 and num[i] == num[i-1] and vis[i-1] == 0:
                    continue
                cur.append(num[i])
                vis[i] = 1
                recur(x+1, l)
                vis[i] = 0
                cur.pop()
        recur(0, len(num))
        return res

```

- N皇后问题

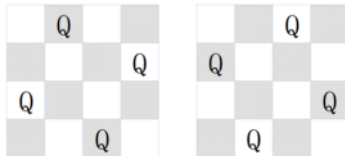
N 皇后问题是指在  $n \times n$  的棋盘上要摆  $n$  个皇后，要求：任何两个皇后不同行，不同列也不在同一条斜线上，求给一个整数  $n$ ，返回  $n$  皇后的摆法数。

数据范围:  $1 \leq n \leq 9$

要求：空间复杂度  $O(1)$ ，时间复杂度  $O(n!)$

例如当输入4时，对应的返回值为2，

- 对应的两种四皇后摆位如下图所示：



- 回溯法+控制行

```

class Solution:
    def Nqueen(self, n):
        # write code here
        self.res = 0
        col = []
        zheng = []
        fan = []
        def recur(row):
            if row == n:
                self.res += 1
                return
            for c in range(n):
                if c in col or row-c in zheng or c+row in fan:
                    continue
                col.append(c)
                zheng.append(row-c)
                fan.append(row+c)
                recur(row+1)
                col.pop()
                zheng.pop()
                fan.pop()
        recur(0)
        return self.res

```

- BM60 括号生成

给出n对括号，请编写一个函数来生成所有的由n对括号组成的合法组合。

例如，给出n=3，解集为：

"((()))", "(()())", "(())()", "()(())", "()()()"

数据范围： $0 \leq n \leq 10$

- 要求：空间复杂度  $O(n)$ ，时间复杂度  $O(2^n)$

#### 示例1

输入： 1

复制

返回值：["()"]

复制

- 回溯法+确定当前位

- class Solution:

```
def generateParenthesis(self, n: int) -> List[str]:
    # write code here
    res = []
    cur = []
    def recur(left, right):
        if left == n and right == n:
            res.append(''.join(cur))
            return
        if left < n:
            cur.append('(')
            left += 1
            recur(left, right)
            left -= 1
            cur.pop()
        if right < left:
            cur.append(')')
            right += 1
            recur(left, right)
            right -= 1
            cur.pop()
    recur(0, 0)
    return res
```

### • BM61 矩阵最长递增路径

给定一个  $n$  行  $m$  列矩阵  $matrix$ ，矩阵内所有数字为互不相同。你需要在矩阵中找到一条最长递增路径，使这条路径上的元素是递增的，并输出这条最长递增路径的长度。

这个路径必须满足以下条件：

- 对于每个单元格，你可以往上，下，左，右四个方向移动。你不能在矩阵中移动到外部的地方。
- 你只能走递增的路径，即每个格子只能走一次。

数据范围： $1 \leq n, m \leq 1000$ ,  $0 \leq matrix[i][j] \leq 1000$   
进阶：空间复杂度  $O(nm)$ ，时间复杂度  $O(nm)$

例如：当输入为  $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$  时，对应的输出为5，其中的一条最长递增路径如下图所示：

1	2	3
4	5	6
7	8	9

- 回溯法+以当前元素为起点的递增数组的长度

- class Solution:

```
def solve(self, matrix):
    # write code here
    if not matrix:
        return 0
    # 以当前点为起点的递增数组长度
    def recur(i, j, pre):
        if i < 0 or j < 0 or i >= len(matrix) or j >= len(matrix[0]):
            return 0
        if matrix[i][j] <= pre:
            return 0
        if memo[i][j] != -1:
            return memo[i][j]
        cur = 0
        cur = max(cur, recur(i+1, j, matrix[i][j]))
        cur = max(cur, recur(i, j+1, matrix[i][j]))
        cur = max(cur, recur(i, j-1, matrix[i][j]))
        cur = max(cur, recur(i-1, j, matrix[i][j]))
        memo[i][j] = cur + 1
        return cur + 1
    res = 0
    memo = [[-1 for _ in range(len(matrix[0]))] for _ in range(len(matrix))]
    for m in range(len(matrix)):
        for n in range(len(matrix[0])):
            cur = recur(m, n, -1)
            res = max(res, cur)
    return res
```

### • BM87 合并两个有序数组

给出一个有序的整数数组 A 和有序的整数数组 B，请将数组 B 合并到数组 A 中，变成一个有序的升序数组

数据范围： $0 \leq n, m \leq 100$ ,  $|A_i| \leq 100$ ,  $|B_i| \leq 100$

- 注意：
  1. 保证 A 数组有足够的空间存放 B 数组的元素，A 和 B 中初始的元素数目分别为 m 和 n，A 的数组空间大小为 m+n
  2. 不要返回合并的数组，将数组 B 的数据合并到 A 里面就好了，且后台会自动将合并后的数组 A 的内容打印出来，所以也不需要自己打印
  3. A 数组在 [0, m-1] 的范围也是有序的

### 双指针+逆序

```
class Solution:
    def merge(self, A, m, B, n):
        # write code here
        p = m-1
        q = n-1
        while q >= 0 and p >= 0:
            if A[p] > B[q]:
                A[p+q+1] = A[p]
                p -= 1
            else:
                A[p+q+1] = B[q]
                q -= 1
        while q >= 0:
            A[p+q+1] = B[q]
            q -= 1
        while p >= 0:
            A[p+q+1] = A[p]
            p -= 1
        return A
```

## • BM89 合并区间

给出一组区间，请合并所有重叠的区间。  
请保证合并后的区间按区间起点升序排列。

数据范围：区间组数  $0 \leq n \leq 2 \times 10^5$ ，区间内的值都满足  $0 \leq val \leq 2 \times 10^5$

要求：空间复杂度  $O(n)$ ，时间复杂度  $O(n \log n)$

- 进阶：空间复杂度  $O(val)$ ，时间复杂度  $O(val)$

### 示例1

输入：[[10,30],[20,60],[80,100],[150,180]] 复制  
返回值：[[10,60],[80,100],[150,180]] 复制

- 双指针+前一个区间的尾部+后一个区间的头部
- class Solution:

```
def merge(self, intervals: List[Interval]) -> List[Interval]:
    # write code here
    if len(intervals) <= 1:
        return intervals
    res = []
    intervals.sort(key=lambda x:x.start, reverse=False)
    res.append(intervals[0])
    for i in range(1, len(intervals)):
        if intervals[i].start <= res[-1].end:
            res[-1].end = max(intervals[i].end, res[-1].end)
        else:
            res.append(intervals[i])
    return res
```

## • BM93 盛水最多的容器

- 双指针+左右指针比较，值较小的移动
- class Solution:

```
def maxArea(self, height):
    # write code here
    if len(height) <= 1:
        return 0
    left = 0
    right = len(height) - 1
    res = 0
    while left < right:
        res = max(res, min(height[right], height[left]) * (right-left))
        if height[left] < height[right]:
            left += 1
        else:
            right -= 1
    return res
```

## • BM94 接雨水问题

- 双指针+先找中间最大值+左区间+右区间
- class Solution:

```
def maxWater(self, arr: List[int]) -> int:
    # write code here
    if len(arr) <= 2:
```

```

        return 0
    max_val = max(arr)
    idx = arr.index(max_val)
    left = 0
    right = 0
    water = 0
    while right <= idx:
        while arr[left] > arr[right]:
            water += arr[left] - arr[right]
            right += 1
        left = right
        right += 1
    right = len(arr) - 1
    left = len(arr) - 1
    while left >= idx:
        while arr[left] < arr[right]:
            water += arr[right] - arr[left]
            left -= 1
        right = left
        left -= 1
    return water

```

## • BM90 最小覆盖子串

- o 滑动窗口+哈希表+need+windows

```

class Solution:
    def minWindow(self, S: str, T: str) -> str:
        # write code here
        need = {}
        windows = {}
        valid = 0
        start = 0
        end = len(S)+8
        for item in T:
            if item in need:
                need[item] += 1
            else:
                need[item] = 1
        left = 0
        right = 0
        while right < len(S):
            cur = S[right]
            right += 1
            if cur in need:
                if cur in windows:
                    windows[cur] += 1
                else:
                    windows[cur] = 1
                if windows[cur] == need[cur]:
                    valid += 1
            while left < right and valid == len(need):
                if len(S[left:right]) < end - start:
                    res = S[left:right]
                    end = right
                    start = left
                cur_left = S[left]
                left += 1
                if cur_left in need:
                    windows[cur_left] -= 1
                    if windows[cur_left] < need[cur_left]:
                        valid -= 1
            if end == len(S)+8:
                return ''
            else:
                return res

```

## • BM97 旋转数组

一个数组A中存有n个整数，在不允许使用另外数组的前提下，将每个整数循环向右移M（M>=0）个位置，即将A中的数据由（A<sub>0</sub> A<sub>1</sub> ..... A<sub>N-1</sub>）变换为（A<sub>N-M</sub> ..... A<sub>N-1</sub> A<sub>0</sub> A<sub>1</sub> ..... A<sub>N-M-1</sub>）（最后M个数循环移至最前面的M个位置）。如果需要考虑程序移动数据的次数尽量少，要如何设计移动的方法？

- o 数据范围：0 < n ≤ 100, 0 ≤ m ≤ 1000  
进阶：空间复杂度 O(1)，时间复杂度 O(n)

### 示例1

输入： 6, 2, [1, 2, 3, 4, 5, 6]

复制

返回值： [5, 6, 1, 2, 3, 4]

复制

- o 数组反转+分区间反转

```

class Solution:
    def solve(self, n, m, a):
        # write code here
        temp = m % n
        self.reverse(a, 0, len(a)-1)

```

```

        self.reverse(a, 0, temp-1)
        self.reverse(a, temp, len(a)-1)
        return a
    def reverses(self, arr, left, right):
        while left < right:
            arr[left], arr[right] = arr[right], arr[left]
            left += 1
            right -= 1
        return

```

#### • BM99 顺时针旋转矩阵

- 原地交换+矩阵转置+每一行反转

```

class Solution:
    def rotateMatrix(self, mat: List[List[int]], n: int) -> List[List[int]]:
        # write code here
        # 沿左对角线翻转 (第一行变第一列)
        for i in range(len(mat)):
            for j in range(i):
                mat[i][j], mat[j][i] = mat[j][i], mat[i][j]
        # 每一行翻转
        for i in range(len(mat)):
            mat[i].reverse()
        return mat

```

- 额外申请空间

```

class Solution:
    def rotateMatrix(self, mat: List[List[int]], n: int) -> List[List[int]]:
        # write code here
        res = []
        for col in range(len(mat[0])):
            cur = []
            for row in range(len(mat)-1, -1, -1):
                cur.append(mat[row][col])
            res.append(cur)
        return res

```

#### • BM100 LRU缓存

- 有序字典+move\_to\_end+popitem

```

class Solution:
    def __init__(self, capacity: int):
        # write code here
        import collections
        self.capacity = capacity
        self.LRU_cache = collections.OrderedDict()
    def get(self, key: int) -> int:
        # write code here
        if key in self.LRU_cache:
            self.LRU_cache.move_to_end(key, last=True)
            return self.LRU_cache[key]
        else:
            return -1
    def set(self, key: int, value: int) -> None:
        # write code here
        if len(self.LRU_cache) < self.capacity:
            self.LRU_cache[key] = value
        else:
            self.LRU_cache.popitem(last=False)
            self.LRU_cache[key] = value
            self.LRU_cache.move_to_end(key, last=True)

```

#### • BM101 LFU缓存

- 无序字典(有序字典)+key\_to\_freq+freq\_to\_key

```

class Solution:
    def LFU(self, operators: List[List[int]], k: int) -> List[int]:
        # write code here
        from collections import OrderedDict, defaultdict
        self.key_to_freq = {}
        self.freq_to_key = defaultdict(OrderedDict)
        self.min_freq = 0
        self.capacity = k
        self.out = []
        for item in operators:
            if item[0] == 1:
                self.set(item[1], item[2])
            else:
                self.out.append(self.get(item[1]))
        return self.out
    def set(self, key, value):
        if self.capacity == 0:
            return
        if key in self.key_to_freq:
            freq = self.key_to_freq[key]
            self.freq_to_key[freq+1][key] = value

```

```

        self.key_to_freq[key] = freq + 1
        self.freq_to_key[freq].pop(key)
        if not self.freq_to_key[freq] and freq == self.min_freq:
            self.min_freq += 1
    else:
        if len(self.key_to_freq) < self.capacity:
            self.key_to_freq[key] = 1
            self.freq_to_key[1][key] = value
            self.min_freq = 1
        else:
            pop_item = self.freq_to_key[self.min_freq].popitem(last=False)
            del self.key_to_freq[pop_item[0]]
            self.key_to_freq[key] = 1
            self.freq_to_key[1][key] = value
            self.min_freq = 1
    def get(self, key):
        if not key in self.key_to_freq:
            return -1
        else:
            freq = self.key_to_freq[key]
            val = self.freq_to_key[freq][key]
            self.freq_to_key[freq+1][key] = val
            self.key_to_freq[key] = freq + 1
            del self.freq_to_key[freq][key]
            if not self.freq_to_key[freq] and freq == self.min_freq:
                self.min_freq += 1
            return val

```

## • BM95 分糖果问题

一群孩子做游戏，现在请你根据游戏得分来发糖果，要求如下：

1. 每个孩子不管得分多少，起码分到一个糖果。
2. 任意两个相邻的孩子之间，得分较多的孩子必须拿多一些糖果。（若相同则无此限制）

- 给定一个数组 `arr` 代表得分数组，请返回最少需要多少糖果。

要求：时间复杂度为  $O(n)$  空间复杂度为  $O(n)$

数据范围：  $1 \leq n \leq 100000$  ,  $1 \leq a_i \leq 1000$

- 贪心算法+从左到右遍历+从右到左遍历

```

class Solution:
    def candy(self, arr):
        # write code here
        temp = [1] * len(arr)
        for i in range(1, len(arr)):
            if arr[i] > arr[i-1]:
                temp[i] = temp[i-1] + 1
        for i in range(len(arr)-2, -1, -1):
            if arr[i] > arr[i+1] and temp[i] <= temp[i+1]:
                temp[i] = temp[i+1] + 1
        return sum(temp)

```

## • BM96 主持人调度（二）

有  $n$  个活动即将举办，每个活动都有开始时间与活动的结束时间，第  $i$  个活动的开始时间是  $start_i$ ，第  $i$  个活动的结束时间是  $end_i$ ，举办某个活动就需要为该活动准备一个活动主持人。

一位活动主持人在同一时间只能参与一个活动。并且活动主持人需要全程参与活动，换句话说，一个主持人参与了第  $i$  个活动，那么该主持人在  $(start_i, end_i)$  这个时间段不能参与其他任何活动。求为了成功举办这  $n$  个活动，最少需要多少名主持人。

数据范围：  $1 \leq n \leq 10^5$  ,  $-2^{32} \leq start_i \leq end_i \leq 2^{31} - 1$

复杂度要求：时间复杂度  $O(n \log n)$ ，空间复杂度  $O(n)$

- 贪心算法+开始数组排序+结束数组排序+比较

```

class Solution:
    def minmumNumberOfHost(self, n, startEnd):
        # write code here
        start = []
        end = []
        for i in range(len(startEnd)):
            start.append(startEnd[i][0])
            end.append(startEnd[i][1])
        start.sort()
        end.sort()
        res = 0
        idx = 0
        for i in range(len(start)):
            if start[i] < end[idx]:
                res += 1
            else:
                idx += 1
        return res

```



## • BM64 最小花费跳楼梯

给定一个整数数组  $cost$ ，其中  $cost[i]$  是从楼梯第  $i$  个台阶向上爬需要支付的费用，下标从 0 开始。一旦你支付此费用，即可选择向上爬一个或者两个台阶。

- 你可以选择从下标为 0 或下标为 1 的台阶开始爬楼梯。

请你计算并返回达到楼梯顶部的最低花费。

数据范围：数组长度满足  $1 \leq n \leq 10^5$ ，数组中的值满足  $1 \leq cost_i \leq 10^4$

- 动态规划+dp[i]表示调到第i个台阶的最小代价
- `class Solution:`

```
def minCostClimbingStairs(self, cost):
    # write code here
    if cost <= 2:
        return 0

    # dp[i]表示跳i个台阶的最小代价
    dp = [0, 0]
    for i in range(2, len(cost)+1):
        dp.append(min(dp[i-1]+cost[i-1], dp[i-2]+cost[i-2]))
    return dp[-1]
```

## • BM65 最长公共子序列 (二)

给定两个字符串  $str1$  和  $str2$ ，输出两个字符串的最长公共子序列。如果最长公共子序列为空，则返回 "-1"。目前给出的数据，仅仅会存在一个最长的公共子序列

数据范围： $0 \leq |str1|, |str2| \leq 2000$   
要求：空间复杂度  $O(n^2)$ ，时间复杂度  $O(n^2)$

### 示例1

输入： "1A2C3D4B56", "B1D23A456A"

复制

返回值： "123456"

复制

- 动归+反推

- `class Solution:`

```
def LCS(self, s1: str, s2: str) -> str:
    # write code here
    len1 = len(s1)
    len2 = len(s2)
    dp = [[0 for i in range(len2+1)] for j in range(len1+1)]
    for i in range(1, len1+1):
        for j in range(1, len2+1):
            if s1[i-1] == s2[j-1]:
                dp[i][j] = dp[i-1][j-1] + 1
            else:
                dp[i][j] = max(dp[i-1][j], dp[i][j-1])

    res = ''
    m = len1
    n = len2
    while m > 0 and n > 0:
        if s1[m-1] == s2[n-1]:
            res += s1[m-1]
            m -= 1
            n -= 1
        elif dp[m][n] == dp[m-1][n]:
            m -= 1
        elif dp[m][n] == dp[m][n-1]:
            n -= 1
    if dp[-1][-1] == 0:
        return '-1'
    return res[::-1]
```

## • BM66 最长公共子串

- 滑动窗口法

- `class Solution:`

```
def LCS(self, str1, str2):
    # write code here
    res = ''
    left = 0
    for i in range(1, len(str1)+1):
        if str1[left:i] in str2:
            if len(str1[left:i]) > len(res):
                res = str1[left:i]
        else:
            left += 1
    return res
```

- 动态规划法

- `class Solution:`

```
def LCS(self, str1: str, str2: str) -> str:
    # write code here
    # write code here
    dp = [[0 for _ in range(len(str2)+1)] for _ in range(len(str1)+1)]
    res = ''
    cur = 0
    for i in range(1, len(str1)+1):
        for j in range(1, len(str2)+1):
            if str1[i-1] == str2[j-1]:
                dp[i][j] = dp[i-1][j-1] + 1
                if dp[i][j] > cur:
                    cur = dp[i][j]
                    res = str1[i-dp[i][j]:i]
            else:
                dp[i][j] = 0
    return res
```

#### • BM67 不同路径的数目

- 动态规划+左边的格子的路径数+上边格子的路径数

- class Solution:

```
def uniquePaths(self, m: int, n: int) -> int:
    # write code here
    dp = [[0 for i in range(n)] for j in range(m)]
    for i in range(m):
        dp[i][0] = 1
    for i in range(n):
        dp[0][i] = 1
    for i in range(1, m):
        for j in range(1, n):
            dp[i][j] = dp[i-1][j] + dp[i][j-1]
    return dp[-1][-1]
```

#### • BM68 矩阵的最小路径和

给定一个  $n \times m$  的矩阵  $a$ ，从左上角开始每次只能向右或者向下走，最后到达右下角的位置，路径上所有的数字累加起来就是路径和，输出所有的路径中最小的路径和。

- 数据范围:  $1 \leq n, m \leq 500$ ，矩阵中任意值都满足  $0 \leq a_{i,j} \leq 100$   
要求: 时间复杂度  $O(nm)$

例如: 当输入[[1,3,5,9],[8,1,3,4],[5,0,6,1],[8,8,4,0]]时, 对应的返回值为12,  
所选择的最小累加和路径如下图所示:

- 动态规划+dp表示当前点的最小路径和

- class Solution:

```
def minPathSum(self, matrix: List[List[int]]) -> int:
    # write code here
    if not matrix:
        return 0
    dp = [[0 for _ in range(len(matrix[0]))] for _ in range(len(matrix))]
    dp[0][0] = matrix[0][0]
    for i in range(1, len(matrix)):
        dp[i][0] = dp[i-1][0] + matrix[i][0]
    for i in range(1, len(matrix[0])):
        dp[0][i] = dp[0][i-1] + matrix[0][i]
    for i in range(1, len(matrix)):
        for j in range(1, len(matrix[0])):
            dp[i][j] = min(dp[i-1][j], dp[i][j-1]) + matrix[i][j]
    return dp[-1][-1]
```

#### • BM69 把数字翻译成字符串

有一种将字母编码成数字的方式: 'a'-'>'1', 'b'-'>'2', ..., 'z'-'>'26'。  
我们把一个字符串编码成一串数字, 再考虑逆向翻译成字符串。  
由于没有分隔符, 数字编码成字母可能有多种翻译结果, 例如 11 既可以看做是两个 'a' 也可以看做是一个 'k'。但 10 只可能是 'j', 因为 0 不能翻译成任何结果。  
现在给一串数字, 返回有多少种可能的译码结果

- 数据范围: 字符串长度满足  $0 < n \leq 90$   
进阶: 空间复杂度  $O(n)$ , 时间复杂度  $O(n)$

##### 示例1

输入: "12"

复制

返回值: 2

复制

说明: 2种可能的译码结果 ("ab" 或 "l")

- 动态规划+dp表示以当前字母为尾元素的子字符串的翻译总数

- class Solution:

```
def solve(self, nums: str) -> int:
    # write code here
    if not nums:
        return 0
    dp = [0] * (len(nums)+1)
    dp[0] = 1
```

```

dp[1] = 1
for i in range(2, len(nums)+1):
    if '10' <= nums[i-2:i] <= '26' and nums[i-1] != '0':
        dp[i] = dp[i-1] + dp[i-2]
    elif nums[i-2:i] == '10' or nums[i-2:i] == '20':
        dp[i] = dp[i-2]
    elif nums[i-1] != '0':
        dp[i] = dp[i-1]
    else:
        dp[i] = 0
return dp[-1]

```

#### • BM70 兑换零钱 (一)

- 动态规划+dp表示金额为i时需要的最小面币数+初始化为最大值
- class Solution:
 

```

def minMoney(self, arr: List[int], aim: int) -> int:
    # write code here
    dp = [aim+1 for _ in range(aim+1)]
    dp[0] = 0
    for i in range(1, aim+1):
        for item in arr:
            if i-item >= 0:
                dp[i] = min(dp[i], dp[i-item] + 1)
    if dp[-1] > aim:
        return -1
    else:
        return dp[-1]

```

#### • BM71 最长上升子序列 (一)

##### 描述

给定一个长度为  $n$  的数组  $arr$ ，求它的最长严格上升子序列的长度。  
 所谓子序列，指一个数组删掉一些数（也可以不删）之后，形成的新数组。例如  $[1,5,3,7,3]$  数组，其子序列有： $[1,3,3]$ 、 $[7]$  等。但  $[1,6]$ 、 $[1,3,5]$  则不是它的子序列。  
 我们定义一个序列是 **严格上升** 的，当且仅当该序列不存在两个下标  $i$  和  $j$  满足  $i < j$  且  $arr_i \geq arr_j$ 。  
 数据范围： $0 \leq n \leq 1000$   
 要求：时间复杂度  $O(n^2)$ ，空间复杂度  $O(n)$

- 贪心算法+temp数组记录长度为i的子序列的尾元素
- class Solution:
 

```

def LIS(self, arr: List[int]) -> int:
    # write code here
    if not arr:
        return 0
    dp = [0] * len(arr)
    temp = []
    for i in range(len(arr)):
        import bisect
        idx = bisect.bisect_left(temp, arr[i])
        if idx >= len(temp):
            temp.append(arr[i])
        else:
            temp[idx] = arr[i]
        dp[i] = idx + 1
    return max(dp)

```
- class Solution:
 

```

def LIS(self, arr: List[int]) -> int:
    # write code here
    if not arr:
        return 0
    dp = [0] * len(arr)
    temp = []
    for i in range(len(arr)):
        for j in range(len(temp)):
            if temp[j] < arr[i]:
                continue
            else:
                temp[j] = arr[i]
                break
        if not temp or temp[-1] < arr[i]:
            temp.append(arr[i])
        dp[i] = temp.index(arr[i]) + 1
    return max(dp)

```

#### • BM73 最长回文子串

- 双指针+以每个元素和它右边的元素为中心+从中间向两边扩展
- class Solution:
 

```

def getLongestPalindrome(self, A: str) -> int:
    # write code here
    if not A:
        return 0

```

```

res = ''
for i in range(len(A)):
    s1 = self.find_rome(A, i, i)
    s2 = self.find_rome(A, i, i+1)
    if len(res) < len(s1):
        res = s1
    if len(res) < len(s2):
        res = s2
return len(res)
def find_rome(self, s, i, j):
    while i >= 0 and j < len(s) and s[i] == s[j]:
        i -= 1
        j += 1
    return s[i+1:j]

```

#### • BM74 数字字符串转换为IP地址

现在有一个只包含数字的字符串，将该字符串转化成IP地址的形式，返回所有可能的情况。

例如：

给出的字符串为"25525522135"，

返回["255.255.22.135", "255.255.221.35"]。(顺序没有关系)

数据范围：字符串长度  $0 \leq n \leq 12$

要求：空间复杂度  $O(n!)$ ，时间复杂度  $O(n!)$

- 注意：ip地址是由四段数字组成的数字序列，格式如 "x.x.x.x"，其中 x 的范围应当是 [0,255]。

##### 示例1

输入： "25525522135"

复制

返回值： ["255.255.22.135", "255.255.221.35"]

复制

- 回溯法+结束时考虑分割点的个数+当前阶段的开始点

- class Solution:

```

def restoreIpAddresses(self, s: str) -> List[str]:
    # write code here
    if not s:
        return []
    res = []
    self.recur(s, 0, 0, '', res)
    return res
def recur(self, s, startIdx, dotNum, path, res):
    if dotNum == 3 and self.IsValid(s[startIdx:]):
        res.append(path+s[startIdx:])
        return
    elif dotNum == 3:
        return
    for i in range(startIdx+1, startIdx+4):
        cur_str = s[startIdx:i]
        if self.IsValid(cur_str):
            new_path = path + cur_str + '.'
            self.recur(s, i, dotNum+1, new_path, res)
    elif not self.IsValid(s) or i > len(s):
        continue
def IsValid(self, s):
    if not s:
        return False
    flag = True
    # 值大于255
    if int(s) > 255:
        flag = False
    # 以0开头
    if len(s) > 1 and s[0] == '0':
        flag = False
    return flag

```

#### • BM75 编辑距离（一）

- 动态规划+左上角（替换）+左边（插入）+右边（删除）

- class Solution:

```

def editDistance(self, str1: str, str2: str) -> int:
    # write code here
    dp = [[0 for _ in range(len(str2)+1)] for _ in range(len(str1)+1)]
    for i in range(1, len(str1)+1):
        dp[i][0] = i
    for j in range(1, len(str2)+1):
        dp[0][j] = j
    for i in range(1, len(str1)+1):
        for j in range(1, len(str2)+1):
            if str1[i-1] == str2[j-1]:
                dp[i][j] = dp[i-1][j-1]
            else:
                dp[i][j] = min(dp[i-1][j-1], dp[i][j-1], dp[i-1][j]) + 1
    return dp[-1][-1]

```

## • BM76 正则表达式匹配

- o 动态规划+ $p[j-1]$ 是'\*'和 $p[j-1]$ 不是'\*'

```
class Solution:
    def match(self, str: str, pattern: str) -> bool:
        # write code here
        dp = [[False for _ in range(len(pattern)+1)] for _ in range(len(str)+1)]
        for i in range(len(str)+1):
            for j in range(len(pattern)+1):
                if j == 0:
                    dp[i][j] = i == 0
                    continue
                if pattern[j-1] != '*':
                    if i > 0 and (pattern[j-1] == str[i-1] or pattern[j-1] == '.'):
                        dp[i][j] = dp[i-1][j-1]
                elif pattern[j-1] == '*':
                    if j > 1:
                        dp[i][j] = dp[i][j-2]
                    if j > 1 and i > 0 and (str[i-1] == pattern[j-2] or pattern[j-2] == '.'):
                        dp[i][j] = dp[i-1][j]
                    dp[i][j] = dp[i-1][j]
        return dp[-1][-1]
```

## • BM77 最长的括号子串

- o 动态规划+dp表示以当前字符结束时的最长长度+当是左括号+当是右括号

```
class Solution(object):
    def longestValidParentheses(self, s):
        """
        :type s: str
        :rtype: int
        """
        stack = [] # 记录左括号的索引
        dp = [0] * (len(s)+1) # dp[i]:以s[i-1]结尾的最长括号子串的长度
        for i in range(len(s)):
            if s[i] == '(':
                stack.append(i)
            else:
                dp[i+1] = 0 # 以s[i]左括号结尾的括号子串一定是无效的
                if stack:
                    left_idx = stack.pop() # 弹出与当前右括号匹配的左括号索引
                    # 以s[i]右括号结尾的最长括号子串的长度=当前右括号与其匹配的左括号之间的长度
                    # + 匹配的左括号之前的括号子串的长度dp[left_idx] (以s[left_idx-1]结尾)
                    len_1 = i - left_idx + 1 + dp[left_idx]
                    dp[i+1] = len_1
                else:
                    dp[i+1] = 0
        return max(dp)
```

## • BM78 打家劫舍 (一)

- o 动态规划+ $dp[i][0]$ + $dp[i][1]$ +第i间房子偷与不偷的最大金额

```
class Solution:
    def rob(self, nums: List[int]) -> int:
        # write code here
        dp = [[0, 0] for _ in range(len(nums))]
        dp[0][0] = 0
        dp[0][1] = nums[0]
        for i in range(1, len(nums)):
            dp[i][0] = max(dp[i-1][1], dp[i-1][0])
            dp[i][1] = dp[i-1][0] + nums[i]
        return max(dp[-1][0], dp[-1][1])
```

- o  $dp[i]$ 表示从第i间房子开始偷可以获得的最大金额

```
class Solution:
    def rob(self, nums: List[int]) -> int:
        # write code here
        dp = [0] * (len(nums)+2)
        dp[-1] = 0
        dp[-2] = 0
        for i in range(len(nums)-1, -1, -1):
            dp[i] = max(dp[i+1], dp[i+2] + nums[i])
        return dp[0]
```

## • BM79 打家劫舍 (二)

- o 动态规划+ $dp[i]$ 表示从第i间房子开始偷可以获得最高金额+从后往前推

```
class Solution:
    def rob(self, nums: List[int]) -> int:
        # write code here
        if not nums:
            return 0
        if len(nums) == 1:
            return nums[0]
        return max(self.money(nums, 0, len(nums)-2), self.money(nums, 1, len(nums)-1))
```

```

def money(self, nums, left, right):
    dp = [0] * (len(nums)+2)
    dp[-1] = 0
    dp[-2] = 0
    if right < len(nums) - 1:
        dp[-3] = 0
    for i in range(right, left-1, -1):
        dp[i] = max(dp[i+1], dp[i+2]+nums[i])
    return dp[left]

```

- BM81 买卖股票的最好时机 (二)

- 动态规划+可多次购买

- class Solution:

```

def maxProfit(self, prices: List[int]) -> int:
    # write code here
    dp = [[0, 0] for _ in range(len(prices))]
    dp[0][0] = 0
    dp[0][1] = -prices[0]
    for i in range(1, len(prices)):
        dp[i][0] = max(dp[i-1][0], dp[i-1][1]+prices[i])
        dp[i][1] = max(dp[i-1][1], dp[i-1][0]-prices[i])
    return dp[-1][0]

```

- BM82 股票买卖的最好时机 (三)

- 动态规划+K=2

- class Solution:

```

def maxProfit(self, prices: List[int]) -> int:
    # write code here
    K = 2
    dp = [[[0, 0] for _ in range(K+1)] for _ in range(len(prices))]
    for i in range(len(prices)):
        # K是允许的最大交易次数
        for k in range(1, K+1):
            if i == 0:
                dp[i][k][0] = 0
                dp[i][k][1] = -prices[i]
                continue
            dp[i][k][0] = max(dp[i-1][k][0], dp[i-1][k][1]+prices[i])
            dp[i][k][1] = max(dp[i-1][k][1], dp[i-1][k-1][0]-prices[i])
    return dp[-1][-1][0]

```

- class Solution:

```

def maxProfit(self, prices):
    # write code here
    dp_i_10 = 0
    dp_i_11 = -prices[0]
    dp_i_20 = 0
    dp_i_21 = -prices[0]
    for i in range(1, len(prices)):
        dp_i_10 = max(dp_i_10, dp_i_11+prices[i])
        dp_i_11 = max(dp_i_11, -prices[i])
        dp_i_20 = max(dp_i_20, dp_i_21+prices[i])
        dp_i_21 = max(dp_i_21, dp_i_10-prices[i])
    return dp_i_20

```

