

**WYDZIAŁ ZARZĄDZANIA**

Katedra Informatyki Biznesowej i Inżynierii Zarządzania

Projekt dyplomowy

*Aplikacja mobilna do nauki matematyki dla szkoły podstawowej z wykorzystaniem machine learningu do rozpoznawania odpowiedzi pisanych ręcznie*

*A mobile math learning app for elementary school using machine learning to recognize handwritten answers*

Autor: *Monika Helena Etrych*

Kierunek studiów: Informatyka i Ekonometria

Opiekun pracy: *dr Beata Basiura*

Kraków, 2023 r.

Spis treści

[Spis rysunków 3](#_Toc134193501)

[Spis tabel 3](#_Toc134193502)

[Wstęp 4](#_Toc134193503)

[1. Rozpoznawanie cyfr i ich interpretacja 5](#_Toc134193504)

[1.1. Interpretacja obrazów przez komputer 5](#_Toc134193505)

[1.2. Metody uczenia maszynowego do rozpoznawania cyfr 6](#_Toc134193506)

[1.3. Obróbka obrazów z cyframi 8](#_Toc134193507)

[1.3.1. Wstępne przetwarzanie obrazów 8](#_Toc134193508)

[1.3.2. Augmentacja 8](#_Toc134193509)

[1.4. Weryfikacja modelu do rozpoznawania cyfr 9](#_Toc134193510)

[2. Model aplikacji do nauki uczenia matematyki 12](#_Toc134193511)

[2.1. Założenia modelu aplikacji 12](#_Toc134193512)

[2.1.1. Wymagania 12](#_Toc134193513)

[2.1.2. Architektura aplikacji 13](#_Toc134193514)

[2.2. Wybrane technologie zastosowane do budowy aplikacji 14](#_Toc134193515)

[2.3. Wybrane metody uczenia maszynowego zastosowane w aplikacji 15](#_Toc134193516)

[2.4. Korzystanie z modelu ML poprzez API http 19](#_Toc134193517)

[3. Opis implementacji i działania aplikacji 20](#_Toc134193518)

[3.1. Ekran startowy i podstawowe funkcjonalności 20](#_Toc134193519)

[3.2. Schematy, opisy poszczególnych funkcjonalności, opis kodów 21](#_Toc134193520)

[3.3. Przykłady zastosowania aplikacji w konkretnych zadaniach 22](#_Toc134193521)

[Zakończenie 23](#_Toc134193522)

[Bibliografia 24](#_Toc134193523)

[Aneks (kod, tabelka z danymi, treść ankiety) 26](#_Toc134193524)

# Spis rysunków

[Rysunek 1.1 Cztery podstawowe reprezentacje pikseli 5](#_Toc134193492)

[Rysunek 1.2 Losowy obrót obrazów 9](#_Toc134193493)

[Rysunek 1.3 Macierz błędu 10](#_Toc134193494)

[Rysunek 2.1 Działania 12](#_Toc134193495)

[Rysunek 2.2 Zadania tekstowe 13](#_Toc134193496)

[Rysunek 2.3 Rozkład cyfr w MNIST 15](#_Toc134193497)

[Rysunek 2.4 Podział liczby na cyfry 16](#_Toc134193498)

[Rysunek 2.5 Liczba po obróbce 16](#_Toc134193499)

[Rysunek 2.6 Schemat architektury aplikacji z modelem ML 19](file:///C:\Users\monik\Desktop\repos\Math-project\LICENCJAT\Etrych(1).docx#_Toc134193500)

# Spis tabel

# Wstęp

1-2 stron, cel pracy, ważny problem, może być hipoteza badawcza, napisać na koniec!

Problem rozpoznawania cyfr – problematyczne, bo każdy ma inny charakter, pochyłość, duże małe. Różnice kulturowe. Pisanie cyfry od góry do dołu lub od dołu.

# Rozpoznawanie cyfr i ich interpretacja

## Interpretacja obrazów przez komputer

Obrazy reprezentowane przez komputer składają z pikseli - kwadratów, które posiadają kilka wartości określających kolor. Wyróżnia się 4 podstawowe reprezentacje: binarną, monochromatyczną (ang. grayscale), RGB i RGBA (rys. 1.1).

Reprezentacja binarna oraz monochromatyczna składają się tylko z jednej wartości dla danego piksela. W przypadku reprezentacji binarnej wartość jest zerojedynkowa, gdzie 0 oznacza, że pixel ma kolor czarny, natomiast 1 to kolor biały. W reprezentacji monochromatycznej wartość jest z zakresu od 0 do 255. W tym przypadku 0 oznacza kolor czarny, 255 - biały, natomiast wartości pośrednie, to odcienie szarości.

RGB zawiera trzy wartości określające zawartość koloru: czerwonego, zielonego i niebieskiego. RGBA posiada dodatkowo jedną wartość, która określa poziom przezroczystości [1].

Rysunek 1.1 Cztery podstawowe reprezentacje pikseli



źródło:[https://maxcandocia.com/article/2016/Apr/06/how-computers-recognize- images/](https://maxcandocia.com/article/2016/Apr/06/how-computers-recognize-%20images/)

UWAGA : W reprezentacji i rozpoznawaniu obrazów dużą rolę pełni kontrast. (tutaj kilka słów o  kolorach i zaburzeniach i reprezentacji kontrastu)! Kilka słów też o rozmiarach i kodowaniu danych ich reprezentacji !

## Metody uczenia maszynowego do rozpoznawania cyfr

Metody uczenia maszynowego są coraz częściej wykorzystywane do rozpoznawania cyfr w różnych dziedzinach, takich jak bankowość czy usługi pocztowe. Uczenie maszynowe pozwala na automatyczne i precyzyjne rozpoznawanie cyfr. Wiele papierowych formularzy w  sposób szybki i dokładny może zostać przeniesiona do komputera dzięki takim możliwościom. W usługach pocztowych natomiast rozpoznawanie kodów pocztowych znacząco przyspiesza proces sortowania listów i przesyłek [2].

Do rozpoznawania cyfr wykorzystuje się algorytmy uczenia nadzorowanego. W tym podejściu, dane uczące zawierają cyfry wraz z odpowiadającymi im etykietami, czyli poprawnymi wartościami cyfr. Algorytm uczony na takich danych jest w stanie nauczyć się rozpoznawać cyfry na podstawie cech wizualnych, takich jak kształt i proporcje. [1, 3]

Wśród popularnych algorytmów uczenia maszynowego stosowanych do rozpoznawania cyfr znajdują się między innymi konwolucyjne sieci neuronowe (CNN), wielowarstwowe sieci neuronowe (MLP) oraz algorytm maszyny? wektorów nośnych (SVM). Zastosowanie tych algorytmów wraz z odpowiednio przygotowanymi danymi uczącymi, pozwala na uzyskanie skuteczności rozpoznawania cyfr na poziomie nawet 99% [3, 4].

Algorytm maszyny wektorów nośnych polega na maksymalizacji odległości pomiędzy hiperpłaszczyzną, a marginesem przynależności do poszczególnych klas, poprzez zmianę położenia hiperpłaszczyzny. Istnieje wiele możliwych hiperpłaszczyzn, a jej kształt zależy od złożoności problemu - liczby klas do zaklasyfikowania. Kiedy istnieją dwie klasy, to hiperpłaszczyzna jest prostą, dla trzech danych klas wejściowych jest płaszczyzną 2D itd. [5].

Wielowarstwowy perceptron w sieci neuronowej składa się z trzech podstawowych warstw: warstwy wejściowej, warstw ukrytych oraz warstwy wyjściowej. Liczba warstw ukrytych zależy od złożoności problemu. Warstwy składają się z neuronów oraz funkcji aktywacji. Wraz z kolejnymi iteracjami modelu, wagi są aktualizowane tak, aby zminimalizować błąd predykcji. Wagi te określają poziom wpływu każdego neuronu na wynik sieci. Funkcje aktywacji pozwalają na nieliniowe modelowanie złożonych zależności, co z kolei wpływa na lepszą predykcję [6].

W konwolucyjnych sieciach neuronowych można wyróżnić sześć warstw: wejściową, konwolucyjną, aktywacji, łączenia, w pełni połączoną oraz wyjściową. Warstwa konwolucyjna składa się z filtrów i map cech. Filtry są to kwadratowe wycinki obrazu, które wyodrębniają cechy charakterystyczne dla różnych obrazów. Mapa cech jest zbiorem wyodrębnionych cech. Warstwa aktywacji przekształca dane z mapy cech tak aby dodać nieliniowość. Zwykle używa wybranej funkcji np. ReLU. Warstwa łączenia (ang. pooling) generalizuje cechy, aby zapobiec przeuczeniu. Warstwa w pełni połączona jest używana do stworzenia końcowej nieliniowej kombinacji cech oraz dokonywania przewidywań przez sieć [3, 6, 7].

Wymienione (dwie?) metody zostały porównane w 2021r przez zespół R. Dixita. W  procesie wstępnego przetwarzania obrazu wykorzystano tylko podstawowe przekształcenia takie jak normalizacja wartości pikseli, co pozwoliło na zamianę wartości pikseli z przedziału 0-255 na wartości z przedziału 0-1. Ponadto, wartość liczby przedstawionej/prezentowanej na obrazie została zamieniona na zmienną kategoryczną. Następnie wybrane metody zostały zestawione pod kątem czasu wykonania oraz dokładności dla danych treningowych i  testowych. Najwyższy wynik dokładności dla danych treningowych osiągnęła metoda SVM - 99,98%, natomiast dla danych testowych – sieci CNN - 99,31% [3].

W innym badaniu z roku 2012r przeprowadzonym przez zespół D.C. Ciresana porównano duże modele wielowarstwowe sieci neuronowych (MLP) z różnymi konfiguracjami liczby warstw oraz neuronów. W rezultacie najlepszy wynik rozpoznawania obrazów cyfr uzyskano dla MLP składającej się z ośmiu warstw i liczb neuronów w warstwach ukrytych ??: 2500, 2000, 1500, 1000, 500, 10. Proces uczenia modelu obejmował aż 2000 epok, a osiągnięta dokładność wyniosła 99,65%. Warto zauważyć, że cyfry, które zostały źle sklasyfikowane przez model, były trudne do określenia nawet dla człowieka [8].

W 2020r zespół S. Ahlawata podjął próbę dopasowania hiperparametrów do modelu konwolucyjnych sieci neuronowych. W przeprowadzonym badaniu sprawdzono wpływ liczby warstw, rozmiaru kroku (liczby pixeli o jaką przesuwa się filtr), pól recepcyjnych (wycinka obrazu odpowiadającego danej cesze), rozmiaru filtrów (rozmiaru macierzy z wagami), dopełnienia (paddingu), rozcieńczenia (dilution) oraz rodzajów klasyfikatorów. W ramach badań zastosowano kilka metod przygotowania danych takie jak: skalowanie, centrowanie, redukcje szumów. Najlepszy wynik, który udało się osiągnąć to dokładność na poziomie 99,89% używając optymalizatora Adam [9].

Ten optymalizator może trochę opisać ? Na czym polega taka optymalizacja?

## Obróbka obrazów z cyframi

### Wstępne przetwarzanie obrazów

W procesie rozpoznawania cyfr przez model, kluczowe znaczenie ma odpowiednie przekształcenie danych reprezentujących obraz przed ich przekazaniem do modelu. Wstępne przetwarzanie obrazów ma na celu wymagane przygotowanie danych do dalszej analizy. Ponadto zmniejsza czas potrzebny do wytrenowania modelu i zwiększa szybkość otrzymania wyniku. Na przykład, kiedy wejściowy obraz jest stosunkowo duży, zmniejszenie rozmiaru macierzy danych znacząco zmniejsza czas trenowania, bez znacznej utraty dokładności modelu.

Sieci neuronowe wymagają, aby dane wejściowe miały ten sam rozmiar (chodzi o rozmiar pliku graficznego/ czy samej reprezentacji?), ponieważ sieci te korzystają z macierzy wag, które mają ustaloną liczbę kolumn i wierszy. Przetwarzanie obrazów przez ustawienie stałych wymiarów liczby pikseli? jest jednym ze sposobów na dostosowanie rozmiaru obrazów do wymogów sieci neuronowej. Zmiany rozmiaru obrazu można dokonać na dwa sposoby. Pierwszy z nich polega na zmniejszeniu obrazu poprzez centrowanie oraz wycinanie pustego obszaru jeśli obraz jest za duży. Drugi sposób, stosowany w przypadku gdy obraz jest za mały, polega na zwiększeniu rozmiaru przez dodanie pustych pikseli po bokach.

Złożoność modelu można uprościć za pomocą zamiany reprezentacji obrazu na mniej złożoną. Dla kolorowych zdjęć stosuje się zamianę na skalę monochromatyczną, a dla skali szarości zamianę na reprezentację binarną [10]. W ten sposób oczywiście plik i oróbka danych się upraszacza ale czy nie spada efektywność rozpoznawania ?? Jedna gubimy tutaj jakieś dane ?

### Augmentacja

W sytuacji, kiedy danych treningowych jest zbyt mało, model głębokiego uczenia może ulec przeuczeniu, czyli zbytniemu dopasowaniu do danych trenujących. Przeuczenie skutkuje niskimi wynikami otrzymanymi na zbiorze testowy ? na nowych danych. Aby zapobiec temu problemowi, konieczne jest dostarczenie modelowi odpowiedniej liczby danych trenujących. Można to osiągnąć stosując augmentację, czyli przekształcenia istniejących obrazów za pomocą np. losowych zmian rotacji lub jasności. Na rysunku 1.1 w pierwszym rzędzie przedstawiono obrazy cyfr w normalnym położeniu oraz w drugim rzędzie pokazane zostały te same cyfry po zastosowaniu zmian rotacji o losowy kąt z zakresu ± 30 stopni. Augmentacja jest łatwym sposobem na zwiększenie różnorodności danych trenujących i  tym samym poprawę jakości modelu.

Innymi sposobami na zwiększenie liczby danych są losowe zmiany jasności i naświetlenia, czy dodawanie pikseli w losowych miejscach.

Rysunek 1.2 Losowy obrót obrazów

Obraz zawierający tekst

Opis wygenerowany automatycznie

*źródło: opracowanie własne*

Te same zabiegi przetwarzania danych mogą być stosowane zarówno w ramach wstępnego przetwarzania danych, jak i augmentacji. Jednakże, wstępne przetwarzanie danych jest stosowane zarówno na danych treningowych, jak i testowych, podczas gdy augmentacja jest stosowana wyłącznie na danych treningowych po wstępnym przetworzeniu [10].

## Weryfikacja modelu do rozpoznawania cyfr

Poziom dokładności stanowi jedną z najprostszych metod oceny jakości modelu. Określa on stosunek poprawnie sklasyfikowanych danych do liczby wszystkich danych. Miara ta jest adekwatna tylko, gdy zbiór danych jest zbilansowany, czyli zawiera równą liczbę próbek dla każdej klasy [11].

Innym sposobem weryfikacji modelu uczenia maszynowego jest sprawdzenie na jakim etapie nauczenia znajduje się tworzony model. Taki model pod wpływem czasu może być kolejno: niedouczony, wyuczony odpowiednio i przeuczony. Jednak, jeśli model jest źle skonstruowany może nie nigdy nie osiągnąć późniejszych etapów uczenia.

Problem niedouczenia polega na tym, że hipotezy modelu są nieodpowiednie i zbyt proste w porównaniu do złożoności danych. Przez to sam model nie opisuje/tłumaczy wystarczająco dobrze danych. Natomiast przeuczenie polega na zbytniej złożoności modelu i  w konsekwencji zbyt dokładnym odwzorowywaniu danych treningowych. Jest to przyczyną problemów w odpowiednim dopasowaniu nowych elementów [12]. Dopasowanie modelu do specyficznych zachowań zawartych w danych treningowych nie pozwala uogólnić wyników na nowe przypadki danych. UWAGA: A przyczyny tego stanu?

Dwa wykresy: wykres dokładności i wykres strat, mogą dostarczyć informacji o stanie wyuczeniu modelu. Funkcja dokładności przedstawia poziom dokładności modelu w kolejnych epokach uczenia. Tak długo jak obydwie te krzywe dla danych uczących i testujących rosną model polepsza swoją skuteczność ale model nie jest jeszcze wystarczająco wyuczony. Kiedy funkcje stabilizują się, nie rosną tak gwałtownie mamy model odpowiednio wyuczony. Jednak, gdy funkcja (która?) na zestawie danych testujących po pewnym czasie zacznie maleć, to oznacza, że model został przeuczony. Celem w uczeniu maszynowym jest maksymalizacja współczynnika dokładności i minimalizacja strat, błędu [13].

Podczas klasyfikacji można rozróżnić cztery przypadki zaklasyfikowania (rys. 1.3):

Rysunek 1.3 Macierz błędu

Obraz zawierający stół

Opis wygenerowany automatycznie

*źródło: opracowanie własne*

Wyróżnia się procentowe wskaźniki, które bazują na wskazanych powyżej (rys. 1.3) wartościach: czułość, specyficzność oraz precyzja. W zależności od oczekiwań danego modelu powinno się maksymalizować wybrany współczynnik. Nie jest możliwe otrzymanie wszystkich współczynników na wysokim poziomie lub na niskim poziomie.

Czułość jest to stosunek poprawnie zaklasyfikowanych wartości jako pozytywne (TP) do sumy wartości prawdziwie pozytywnych (TP) i fałszywie negatywnych (FN): TP/(TP+FN). Jest wykorzystywana, gdy niepożądane jest wystąpienie nieprawdziwie negatywnych wyników klasyfikacji.

Specyficzność to stosunek wyników prawdziwie negatywnych (TN) do sumy prawdziwie negatywnych (TN) i fałszywie pozytywnych (FP): TN/(TN+FP). Jest używana, kiedy ważne jest zwrócenie uwagi na prawdziwie negatywne przypadki.

Precyzja to stosunek prawdziwie pozytywnych (TP) do sumy prawdziwie pozytywnych (TP) i fałszywie pozytywnych (FP): TP/TP+FP. Znajduje ona zastosowanie, gdy ważne są prawdziwie pozytywne wyniki sklasyfikowania [14, 15].

A jak się to wyznacza gdy klasyfikacja jest wielo-kategoryczna ?? Czyli jak to będzie wyglądało w przypadku 10 cyfr ?

Czy można te wskaźniki zastosować do wyników sieci neuronowych czy też do sieci stosuje się inne wskaźniki?

UWAGI:

Pisze Pani bardzo ładnie – styl bardzo dobry , ale pisze Pani bardzo ogólnie. Trzeba to trochę rozwinąć pod kątem tematu pracy (może Pani to rozwinąć później jak będzie gotowa część praktyczna)

# Model aplikacji do nauki uczenia matematyki

Celem aplikacji jest uczenie dzieci matematyki poprzez zadawanie pytań oraz sprawdzanie ich poprawności.

## Założenia modelu aplikacji

### Wymagania

Założono, że w oparciu o stworzone pytania program ma być w stanie w prosty sposób wygenerować wiele nowych pytań, tak aby zapewnić użytkownikowi zabawę na dłuższy czas. Postanowiono zastosować metodę polegającą na stworzeniu działań z użyciem zmiennych. Kiedy program ma wyświetlić pytanie użytkownikowi, losuje jedno z działań (rys. 2.1), a następnie losuje każdą ze zmiennych z zadanego zakresu i podstawia liczby w miejsca zmiennych. W ten sposób zamiast: , użytkownik dostanie polecenie: . Przy następnym pytaniu może dostać to samo działanie ale z innymi liczbami.

Rysunek 2.1 Działania

Obraz zawierający tekst, strzała/wskazówka

Opis wygenerowany automatycznie

*źródło: opracowanie własne*

W przypadku zadań z treścią zostanie zastosowana podobna metoda polegająca na rozpisaniu zadania w dwóch linijkach. W jednej zostanie podana treść zadania, w której w miejscu liczb zostanie podana zmienna poprzedzona znakiem ‘#’. W drugiej linii zostanie podane działanie odpowiadające treści zadania (rys. 2.2).

Rysunek 2.2 Zadania tekstowe

Obraz zawierający tekst

Opis wygenerowany automatycznie

*źródło: opracowanie własne*

Ustalono, że odpowiedzi użytkownika będą udzielane poprzez narysowanie liczby w przestrzeni do malowania. Następnie program wyśle napisaną liczbę na serwer, gdzie model uczenia maszynowego rozpozna napisaną liczbę. Program wyświetli rozpoznaną liczbę i zapyta użytkownika czy chodziło mu o tą liczbę. W przypadku błędu użytkownik będzie mieć możliwość poprawy rysunku i ponownego przesłania. W przypadku akceptacji program sprawdzi czy podany wynik przez użytkownika zgadza się z wynikiem jaki uzyskał program oraz wyświetli stosowny komunikat.

Dodatkową funkcjonalnością będzie licznik, który będzie wskazywać ile odpowiedzi zostało udzielonych poprawnie na wszystkie zadanie zadania.

Ważnym wymaganiem będzie skalowalność aplikacji, tak aby mogła być zastosowana na smartfonach oraz tabletach.

### Architektura aplikacji

W aplikacji można wymienić podstawowy podział na klasy związane z wyświetlanymi ekranami takie jak: MainActivity, MenuActivity, ModeMenuActivity, SettingsActivity, SettingsFragment, PaintView oraz te niezwiązane z ekranami to jest: NumberResult, Task, Tasks.

[RYSUNEK]

## Wybrane technologie zastosowane do budowy aplikacji

Do stworzenia aplikacji użyto języka programowania Java.

## Wybrane metody uczenia maszynowego zastosowane w aplikacji

Model został wytrenowany na zestawie danych MNIST, który zawiera obrazy cyfr ręcznie pisanych przez uczniów oraz pracowników Bureau of the Census(amerykańska agencja zajmująca się spisami ludności). Zestaw składa się z 60’000 danych uczących oraz 10’000 danych testowych [16].

Zestaw danych nie jest zbalansowany, różnica między liczbą wystąpień „1” i „5” wynosi około 2000. Po wykonaniu testu chi-kwadrat p-value wyszło znacznie mniejsze niż 0.05, więc odrzuciłam H0, stwierdziałam, że dane są nie zbilansowane. Jednak to chyba nie ma wpływu na zestaw danych, bo jest wiele innych klas.

Rysunek 2.3 Rozkład cyfr w MNIST

Obraz zawierający wykres

Opis wygenerowany automatycznie

*źródło: opracowanie własne*

Obrazy trafiające do modelu klasyfikującego cyfry zawierają liczby. Program rozdziela liczby na cyfry (rys. 2.4), które kolejno przechodzą etap wstępnego przygotowania. Obrazy są:

Rysunek 2.4 Podział liczby na cyfry

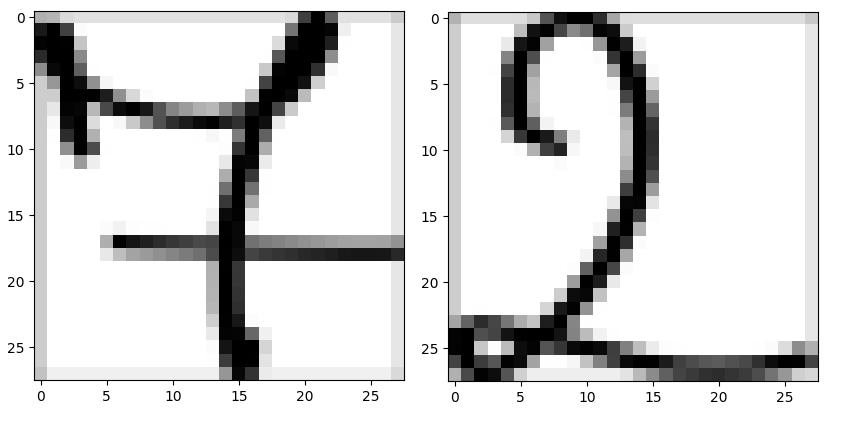
Obraz zawierający tekst

Opis wygenerowany automatycznie

*źródło: opracowanie własne*

Po przygotowaniu wyglądają jak przedstawione na (rys. 2.5).

Rysunek 2.5 Liczba po obróbce



*źródło: opracowanie własne*

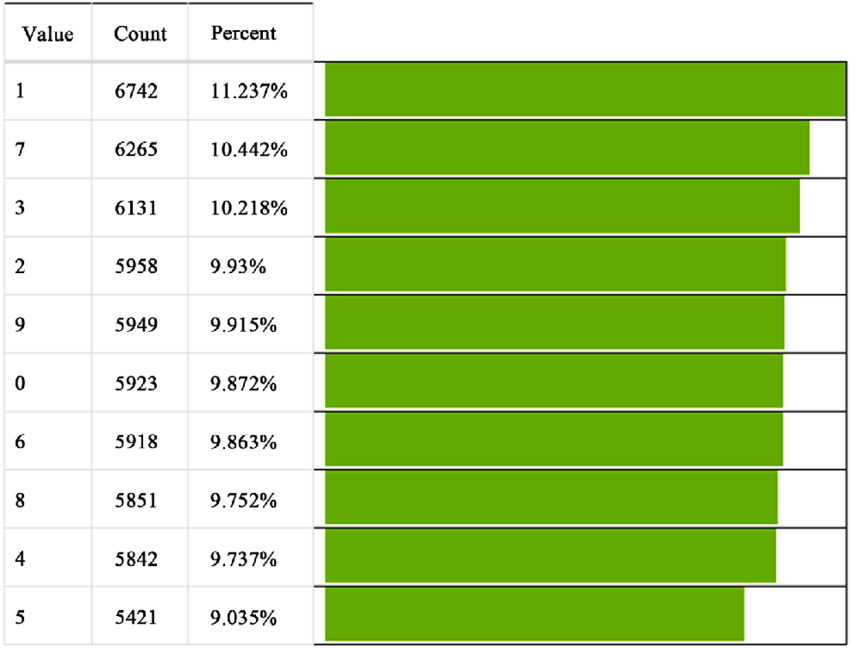
Obraz zawierający wykres

Opis wygenerowany automatycznieObraz zawierający wykres

Opis wygenerowany automatycznie

Confiusion matrix, accuracy, czułość, specyficzność, precyzja

MNIST DISTRIBUTION



Rysunek 1.2 Funkcja dokładności i funkcja strat

Obraz zawierający wykres

Opis wygenerowany automatycznie

*źródło: opracowanie własne*

Na (rys. 1.2.) został przedstawiony model odpowiednio wyuczony. Funkcja dokładności osiąga wyższe wartości dla danych uczących niż dla danych testowych. Funkcja strat maleje wraz z upływem czasu, jednak odległość pomiędzy prostymi dla danych uczących i testowych nie zmniejsza się, co świadczy o zbyt małej reprezentatywności danych treningowych. Model zawiera zbyt mało danych uczących [13].

Augmentacja: rotate, zoom, shift, shear

<https://medium.com/the-data-science-publication/how-to-augment-the-mnist-dataset-using-tensorflow-4fbf113e99a0>

(NOTATKI)

? Napisać o zbiorze danych MNIST

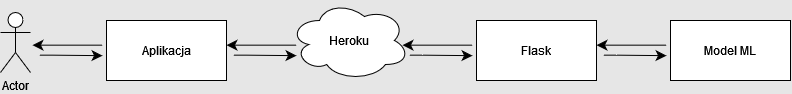
? MAE, RMSE, RAE, RRAE, ROC i AUC

GŁÓWNE PYTANIA;

1. Czy można zostawić przeuczony model
2. Co zrobić z danymi nie zbilansowanymi i czy faktycznie są niezbilansowane

## Korzystanie z modelu ML poprzez API http

Aplikacja wykorzystuje komunikację z serwerem aby rozpoznać liczby napisane przez użytkownika. Klient wysyła żądanie HTTP do API - serwera Heroku zawierające obraz do rozpoznania oraz informację o potrzebie jego zaklasyfikowania. Korzysta z metody protokołu HTTP: POST do wysyłania danych. Flask otrzymuje żądanie i przekazuje obraz modelowi ML. Następnie model zwraca rozpoznaną liczbę. Flask wysyła liczbę do aplikacji w formacie JSON (rys. 2.3).



Rysunek 2.6 Schemat architektury aplikacji z modelem ML

*źródło: opracowanie własne*

# Opis implementacji i działania aplikacji

## Ekran startowy i podstawowe funkcjonalności

Tryby areas itp.

Łatwy, średni, trudny

## Schematy, opisy poszczególnych funkcjonalności, opis kodów

## Przykłady zastosowania aplikacji w konkretnych zadaniach

# Zakończenie

Wyniki, rezultaty, udowodnienie tezy, co na przyszłość rozwinąć

Zwiększenie trybów gry

Rozpoznawanie liczb ujemnych, dziesiętnych

Kolejność wykonywania działań – nawiasy

Doszkalanie modelu – pytanie użytkownika o jaką liczbę mu chodziło

Statystyki

Część teoretyczna przed grą – np. wzory na pola

# Bibliografia

[1] M. [Candocia](https://www.linkedin.com/in/max-candocia-a270b574/" \t "_blank)*, A Simple Explanation of how Computers Recognize Images,* [Analysis for Many Audiences,](https://maxcandocia.com/)  2016, url: <https://maxcandocia.com/article/2016/Apr/06/how-computers-recognize-images/>, dostęp: 23.02.2023

[2] S. M. Shamim, M. B. A. Miah, A. Sarker, M. Rana, A. A. Jobair, 2018, *Handwritten Digit Recognition Using Machine Learning,* Algorithms Indonesian Journal of Science & Technology (1) vol. 3, str.: 29-39 ISSN 2528-1410, ISSN 2527-8045

[3] R. Dixit, R. Kushwah, S. Pashine, *Handwritten Digit Recognition using Machine and  
Deep Learning Algorithms,* Artykuł Naukowy 2021, url: <https://arxiv.org/pdf/2106.12614.pdf>, dostęp: 1.03.2023

[4] M. Javed, The Best Machine Learning Algorithm for Handwritten Digits Recognition, 2020, url:<https://towardsdatascience.com/the-best-machine-learning-algorithm-for-handwritten-digits-recognition-2c6089ad8f09>, dostęp: 1.03.2023

[5] R. Gandhi, *Support Vector Machine — Introduction to Machine Learning Algorithms*, 2018, url: <https://towardsdatascience.com/support-vector-machine-introduction-to-machine-learning-algorithms-934a444fca47>, dostęp: 1.03.2023

[6] J. Brownlee, *Develop Deep Learning Models on Theano and TensorFlow Using Keras,* 2016, str: 37-42*,* 116 – 134

[7] M. Mamczur, *Jak działają konwolucyjne sieci neuronowe (CNN)?,* 2021, url: <https://miroslawmamczur.pl/jak-dzialaja-konwolucyjne-sieci-neuronowe-cnn/>, dostęp: 14.03.2023

[8] D.C. Ciresan, U. Meier, L. M. Gambardella, J. Schmidhuber, *Deep Big Multilayer Perceptrons For Digit Recognition,* 2012, w: G. Montavon, G.B. Orr, KR. Müller, *Neural Networks: Tricks of the Trade. Lecture Notes in Computer Science*, vol 7700, str: 581-598, Springer, Berlin, Heidelberg

[9] S. Ahlawat, A. Choudhary, A. Nayyar, S. Singh, B. Yoon, 2020, *Improved Handwritten Digit Recognition Using Convolutional Neural Networks (CNN)*

[10] J. Nelson*, What is Image Preprocessing and Augmentation?,* Roboflow, 2020, url: <https://blog.roboflow.com/why-preprocess-augment/>, dostęp: 28.02.2023

[11] N. Bressler, *How to Check the Accuracy of Your Machine Learning Model,* 2022, url: <https://deepchecks.com/how-to-check-the-accuracy-of-your-machine-learning-model/>, dostęp: 23.03.2023

[12] D. Nikolaiev *Overfitting and Underfitting Principles,* 2021,url: *<https://towardsdatascience.com/overfitting-and-underfitting-principles-ea8964d9c45c>,* dostęp: *14.03.2023*

[13] J. Brownlee, *How to use Learning Curves to Diagnose Machine Learning Model Performance, 2019,* url: <https://machinelearningmastery.com/learning-curves-for-diagnosing-machine-learning-model-performance/>, dostęp: 9.03.2023

[14] A Lekhtman, 2019, *Data Science in Medicine — Precision & Recall or Specificity & Sensitivity?,* url: <https://towardsdatascience.com/should-i-look-at-precision-recall-or-specificity-sensitivity-3946158aace1>, dostęp: 29.03.2023

[15] S. Ghoneim, 2019, *Accuracy, Recall, Precision, F-Score & Specificity, which to optimize on?,* url: <https://towardsdatascience.com/accuracy-recall-precision-f-score-specificity-which-to-optimize-on-867d3f11124>, dostęp: 29.03.2023

# Aneks (kod, tabelka z danymi, treść ankiety)