# OBLICZENIA NAUKOWE Lista nr 4 (laboratorium)

zad. 1 Napisać funkcję obliczającą ilorazy różnicowe.

function ilorazyRoznicowe (x::Vector{Float64}, f::Vector{Float64})

#### Dane:

- x wektor długości n+1 zawierający węzły  $x_0,\ldots,x_n$  x [1] = $x_0,\ldots,$  x [n+1] = $x_n$
- f wektor długości n+1 zawierający wartości interpolowanej funkcji w węzłach  $f(x_0), \ldots, f(x_n)$

## Wyniki:

fx – wektor długości n+1 zawierający obliczone ilorazy różnicowe fx[1]= $f[x_0]$ , fx[2]= $f[x_0, x_1]$ ,..., fx[n]= $f[x_0, \dots, x_{n-1}]$ , fx[n+1]= $f[x_0, \dots, x_n]$ .

Zaprogramować funkcję bez użycia tablicy dwuwymiarowej (macierzy).

**zad. 2** Napisać funkcję obliczającą wartość wielomianu interpolacyjnego stopnia n w postaci Newtona  $N_n(x)$  w punkcie x = t za pomocą uogólnionego algorytmu Hornera, w czasie O(n), (implementacja algorytmu z zadania 8 lista nr 4 – ćwiczenia).

function warNewton (x::Vector{Float64}, fx::Vector{Float64}, t::Float64)

## Dane:

- x wektor długości n+1 zawierający węzły  $x_0, \ldots, x_n$   $x[1]=x_0, \ldots, x[n+1]=x_n$
- fx wektor długości n+1 zawierający ilorazy różnicowe fx[1]= $f[x_0]$ ,
- fx[2]= $f[x_0, x_1],...,$  fx[n]= $f[x_0,...,x_{n-1}],$  fx[n+1]= $f[x_0,...,x_n]$ t punkt, w którym należy obliczyć wartość wielomianu
- Wyniki:

nt – wartość wielomianu w punkcie t.

zad. 3 Znając współczynniki wielomianu interpolacyjnego w postaci Newtona  $c_0 = f[x_0], c_1 = f[x_0, x_1], c_2 = f[x_0, x_1, x_2], \ldots, c_n = f[x_0, \ldots, x_n]$  (ilorazy różnicowe) oraz węzły  $x_0, x_2, \ldots, x_n$  napisać funkcję obliczającą, w czasie  $O(n^2)$ , współczynniki jego postaci naturalnej  $a_0, \ldots, a_n$  tzn.  $a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \ldots + a_1 x + a_0$  (implementacja algorytmu z zadania 9 lista nr 4 – ćwiczenia).

function naturalna (x::Vector{Float64}, fx::Vector{Float64})

#### Dane:

- x wektor długości n+1 zawierający węzły  $x_0,\ldots,x_n$  x [1]= $x_0,\ldots,$  x [n+1]= $x_n$  fx wektor długości n+1 zawierający ilorazy różnicowe fx [1]= $f[x_0]$ , fx [2]= $f[x_0,x_1],\ldots,$  fx [n]= $f[x_0,\ldots,x_{n-1}]$ , fx [n+1]= $f[x_0,\ldots,x_n]$
- Wyniki:
  - a wektor długości n+1 zawierający obliczone współczynniki postaci naturalnej a [1]= $a_0$ , a [2]= $a_1$ ,..., a [n]= $a_{n-1}$ , a [n+1]= $a_n$ .
- zad. 4 Napisać funkcję, która zinterpoluje zadaną funkcję f(x) w przedziale [a,b] za pomocą wielomianu interpolacyjnego stopnia n w postaci Newtona. Następnie narysuje wielomian interpolacyjny i interpolowaną funkcję. Do rysowania zainstaluj np. pakiet Plots, PyPlot lub Gadfly.

W interpolacji użyć węzłów równoodległych, tj.

$$x_k = a + kh, h = (b - a)/n, k = 0, 1, \dots, n.$$

Nie wyznaczać wielomianu interpolacyjnego w jawnej postaci. Należy skorzystać z funkcji ilorazyRoznicowe i warNewton.

function rysujNnfx(f,a::Float64,b::Float64,n::Int)

#### Dane:

f – funkcja f(x) zadana jako anonimowa funkcja,

a,b - przedział interpolacji

n – stopień wielomianu interpolacyjnego

## Wyniki:

– funkcja rysuje wielomian interpolacyjny i interpolowaną funkcję w przedziale [a, b].

Uwagi: Powyższe funkcje powinny być zaprogramowane w języku Julia i umieszczone w module. Napisać programy testujące!!!!!!!

zad. 5 Przetestować funkcję rysujNnfx(f,a,b,n) na następujących przykładach:

- (a)  $e^x$ , [0,1], n = 5, 10, 15,
- (b)  $x^2 \sin x$ , [-1,1], n = 5, 10, 15.

zad. 6 Przetestować funkcję rysujNnfx(f,a,b,n) na następujących przykładach (zjawisko rozbieżności):

- (a) |x|, [-1,1], n = 5, 10, 15,
- (b)  $\frac{1}{1+x^2}$ , [-5,5], n = 5, 10, 15 (zjawisko Runge'go).

**Uwagi:** Do sprawozdania z eksperymentów opisanych w zad. 5 i 6 należy dołączyć wykresy rysowane przez funkcję rysujNnfx(f,a,b,n).

Rozwiązania zadań przedstawić w sprawozdaniu, plik pdf + wydruk, które powinno zawierać:

- 1. krótki opis problem,
- 2. rozwiązanie,
- 3. wyniki oraz ich interpretację,
- 4. wnioski.

Do sprawozdania należy dołączyć pliki z kodem (\*.jl). Pliki powinny być skomentowane: imię i nazwisko autora (anonimy nie będą sprawdzane), opisane parametry formalne funkcji, komentarze zmiennych. Spakowane pliki wraz ze sprawozdaniem (\*.zip) należy przesłać e-mailem prowadzącemu. Natomiast wydruk sprawozdania należy oddać prowadzącemu na laboratorium.

UWAGA: Ostateczną wersję programów proszę przetestować pod linuksem.