

Práctica de Laboratorio 1: Secuencia de Fibonacci en MIPS32

Nombre del Estudiante

Julio 2025

1. Implementación de recursividad en MIPS32

- **Mecanismo:** Llamadas anidadas mediante `jal` con gestión manual de contexto
- **Rol de la pila (\$sp):**
 - Almacena dirección de retorno (\$ra)
 - Preserva argumentos (ej. \$a0 con valor actual de `n`)
 - Guarda resultados intermedios
 - Maneja crecimiento dinámico: `addi $sp, $sp, -12` (reserva) y `addi $sp, $sp, 12` (liberación)

2. Riesgos de desbordamiento y mitigación

Riesgo	Causa	Mitigación
Stack overflow	Recursión profunda ($n \geq 1000$)	Limitar <code>n</code> ≤ 40
Integer overflow	<code>fib(47)</code> $\geq 2^{31} - 1$	Validar <code>n</code> ≤ 46
Heap overflow	Memoria dinámica con <code>n</code> grande	Liberar memoria con <code>sbrk</code> negativo

3. Comparación: Iterativo vs. Recursivo

Característica	Iterativo	Recursivo
Complejidad temporal	$O(n)$	$O(2^n)$
Uso memoria	Heap: $4(n + 1)$ bytes	Pila: $12n$ bytes
Registros usados	Temporales (\$tX)	Preservados (\$sX)
Legibilidad	Más extenso	Similar a definición matemática

4. Diferencias con ejemplos académicos

- **Código real incluye:**
 - Validación de entrada (`n > 0`)
 - Gestión de memoria dinámica (`sbrk`)
 - Mensajes de error específicos
 - Interfaz de usuario completa (prompts, formatos)
 - Visualización de secuencia completa (iterativo)
- **Ejemplos académicos:** Focalizados en algoritmo básico sin manejo de errores

5. Tutorial de Ejecución Paso a Paso en MARS

5.1. Preparación Inicial

1. Descargar e instalar MARS (versión 4.5 o superior)
2. Configurar:
 - Settings → Memory Configuration → Compact, Data at Address 0
 - Settings → Delayed Branches → Disabled

5.2. Ejecución del Fibonacci Iterativo (n=5)

1. Cargar y ensamblar:
 - Abrir `Fibonacci_Iterativo.asm`
 - Ensamblar (F3)
2. Flujo de ejecución:
 - a) **main:** Muestra prompt y lee entrada (ingresar 5)
 - b) **Reserva de memoria:**
 - `addi $t0, $s1, 1`: $\$t0 = 6$ ($n+1$)
 - `sll $a0, $t0, 2`: $\$a0 = 24$ bytes
 - `li $v0, 9`: `syscall sbrk` → $\$s2 = \text{dirección base}$ (ej: 0x10040000)
 - c) **fib_array:**
 - `sw $zero, 0($s2)`: $\text{fib}[0] = 0$
 - `li $t0, 1`; `sw $t0, 4($s2)`: $\text{fib}[1] = 1$
 - Bucle (i=2 a 5):
 - d) **Salida:**
 - Muestra: `.El número Fibonacci F(5) es: 5`
 - Secuencia completa: `"0 1 1 2 3 5"`

i	Dirección	Valor
2	0x10040008	1 (0+1)
3	0x1004000C	2 (1+1)
4	0x10040010	3 (1+2)
5	0x10040014	5 (2+3)

5.3. Ejecución del Fibonacci Recursivo (n=3)

1. Cargar y ensamblar: Fibonacci_Recursivo.asm (F3)

2. Flujo de ejecución:

a) main: Lee n=3, llama a fib_rec

b) Pila durante ejecución:

Llamada	\$ra	\$a0	Resultado
fib_rec(3)	0x00400034	3	?
fib_rec(2)	0x004000A8	2	?
fib_rec(1)	0x004000A8	1	1
fib_rec(0)	-	0	0

c) Desarrollo:

- fib_rec(3): Guarda \$ra=0x00400034, \$a0=3. Llama a fib_rec(2).
- fib_rec(2): Guarda \$ra=0x004000A8, \$a0=2. Llama a fib_rec(1) y fib_rec(0).
- fib_rec(1): Retorna 1 → guardado en pila de fib_rec(2).
- fib_rec(0): Retorna 0.
- fib_rec(2): Calcula 1+0=1 → retorna 1.
- fib_rec(3): Recupera resultado fib(2)=1, calcula fib(1)=1 → 1+1=2 → retorna 2.

d) main: Recibe 2, muestra "F(3) es: 2"

6. Justificación de enfoque

Iterativo recomendado cuando:

- $n > 30$ (evita stack overflow)
- Eficiencia crítica ($O(n)$ vs $O(2^n)$)
- Memoria limitada

Recursivo recomendado cuando:

- $n \leq 30$ y claridad ¿rendimiento
- Propósitos educativos

Conclusión: Para MIPS32 el enfoque iterativo es superior en estabilidad y rendimiento.

7. Análisis de resultados

- **Límites prácticos:**

- Recursivo: $n = 40$ tarda ¡10s
- Iterativo: $n = 10^6$ en ¡1s (teórico)

- **Consumo memoria:**

- Recursivo: $\approx 12n$ bytes (pila)
- Iterativo: $4(n + 1)$ bytes (heap)

- **Optimizaciones identificadas:**

- Iterativo: Almacenar sólo últimos 2 valores (reduce memoria a $O(1)$)
- Recursivo: Memoization (caché de resultados)

Conclusiones

La implementación iterativa es preferible para aplicaciones reales en MIPS32 por su eficiencia y estabilidad, mientras la recursiva sirve como herramienta educativa para demostrar el manejo de pila en llamadas anidadas.