2차원 데이터 정리

데이터 준비

```
[] import numpy as np
import pandas as pd

%precision 3
pd.set_option('precision', 3)
```

```
[ ] df = pd.read_csv('scores_em.csv',
index_col='student number')
```

데이터 준비

```
en_scores = np.array(df['english'])[:10]
    ma_scores = np.array(df['mathematics'])[:10]
    scores_df = pd.DataFrame({'english':en_scores,
                               'mathematics':ma_scores},
                              index=pd.Index(['A', 'B', 'C', 'D', 'E',
                                              'F', 'G', 'H', 'I', 'J'],
                          english mathematics
                                             name='student'))
```

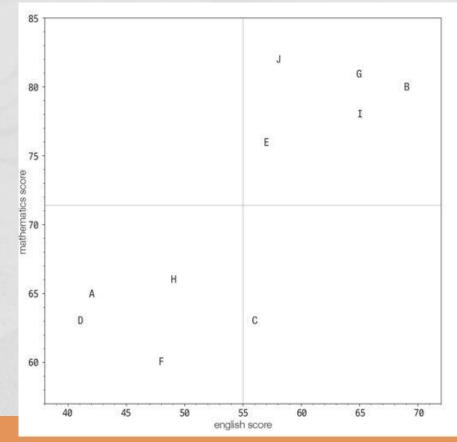
scores df

	engrisii	mathematics			
student					
Α	42	65			
В	69	80			
С	56	63			
D	41	63			
E	57	76			
F	48	60			
G	65	81			
Н	49	66			
1	65	78			
J	58	82			

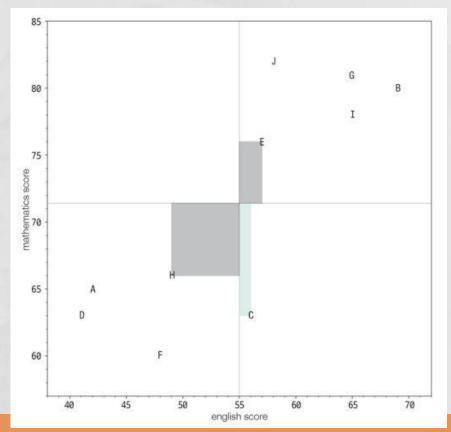
데이터 준비

- 영어 점수가 높은 학생일수록 수학 점수가 높은 경향이 있다면 영어 점수와 수학 점수는 양의 상관 관계
- 영어 점수가 높은 학생일수록 수학 점수가 낮은 경향이 있다면 영어 점수와 수학 점수는 음의 상관 관계
- o 영어 점수가 수학 점수에 직접적으로 영향을 미치지 않을 때, 영어 점수와 수학 점수는 무상관

- o 중간의 가로선과 세로선은 수학과 영어 평균 점수
- o 영어 점수와 수학 점수는 양의 상관 관계



- o 직사각형의 가로길이는 영어 점수의 편차, 세로는 수학 점수의 편차
- o 공분산은 면적, 음의 면적도 가능(음의 상관)



```
\begin{split} S_{xy} &= \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})(y_i - \overline{y}) \\ &= \frac{1}{n} \left\{ (x_1 - \overline{x})(y_1 - \overline{y}) + (x_2 - \overline{x})(y_2 - \overline{y}) + \cdots + (x_n - \overline{x})(y_n - \overline{y}) \right\} \end{split}
```

```
[] summary_df = scores_df.copy()
    summary_df['english_deviation'] =\footnote{\text{warmary_df['english']} - summary_df['english'].mean()}
    summary_df['mathematics_deviation'] =\footnote{\text{warmary_df['mathematics']} - summary_df['mathematics'].mean()}
    summary_df['product of deviations'] =\footnote{\text{warmary_df['english_deviation']}} * summary_df['mathematics_deviation']}
    summary_df
```

```
[] summary_df['product of deviations'].mean()
62.800
```

	english	mathematics	english_deviation	mathematics_deviation	product of deviations
student					
Α	42	65	-13.0	-6.4	83.2
В	69	80	14.0	8.6	120.4
С	56	63	1.0	-8.4	-8.4
D	41	63	-14.0	-8.4	117.6
Е	57	76	2.0	4.6	9.2
F	48	60	-7.0	-11.4	79.8
G	65	<mark>81</mark>	10.0	9.6	96.0
Н	49	66	-6.0	-5.4	32.4
L	65	78	10.0	6.6	66.0
J	58	82	3.0	10.6	31.8

공분산

o NumPy의 cov 함수 반환값은 공분산 행렬(분산공분산 행렬)

o 1행 2열, 2행 1열 성분이 영어 수학의 공분산

```
[] cov_mat[0, 1], cov_mat[1, 0]
(62.80000000000004, 62.80000000000004)
```

상관계수

- 공분산의 단위는 직감적으로 이해하기 어려우므로, 단위에 의존하지 않는는 상관을 나타내는 지표
- o 시험 점수간의 공분산 (점수 X 점수), 키와 점수 (cm X 점수)
- o 상관계수는 공분산을 각 데이터의 표준편차로 나누어 단위에 의존하지

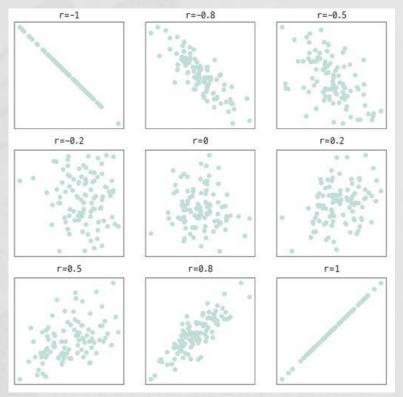
않음
$$r_{xy} = \frac{S_{xy}}{S_x S_y}$$

$$= \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left(\frac{x_i - \overline{x}}{S_x} \right) \left(\frac{y_i - \overline{y}}{S_y} \right)$$

o 양의 상관은 1에 가까워지고, 음의 상관은 -1에 가까워지고, 무상관은 0

상관계수

- o 양의 상관은 1에 가까워지고, 음의 상관은 -1에 가까워지고, 무상관은 0
- o 상관계수가 -1일 때와 1일 때 데이터는 완전히 직선상에 놓임



상관계수

o 수식대로 계산하는 영어 점수와 수학 점수의 상관계수

o NumPy의 corrcoef 함수(상관행렬의 [0,1] [1,0] 성분)

상관계수

o DataFrame의 corr 메서드

[]] scores_df.corr()			
		english	mathematics	
	english	1.000	0.819	
	mathematics	0.819	1.00 <mark>0</mark>	

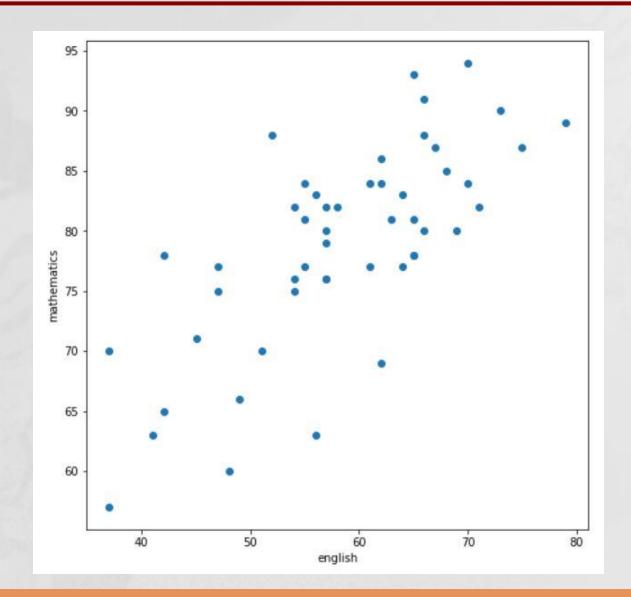
산점도

o 산점도

```
[ ] import matplotlib.pyplot as plt
    %matplotlib inline
english_scores = np.array(df['english'])
    math_scores = np.array(df['mathematics'])
    fig = plt.figure(figsize=(8, 8))
    ax = fig.add_subplot(111)
    # 산점도
    ax.scatter(english_scores, math_scores)
    ax.set_xlabel('english')
    ax.set_ylabel('mathematics')
    plt.show()
```

산점도

o 산점도



회귀직선

o 회귀직선

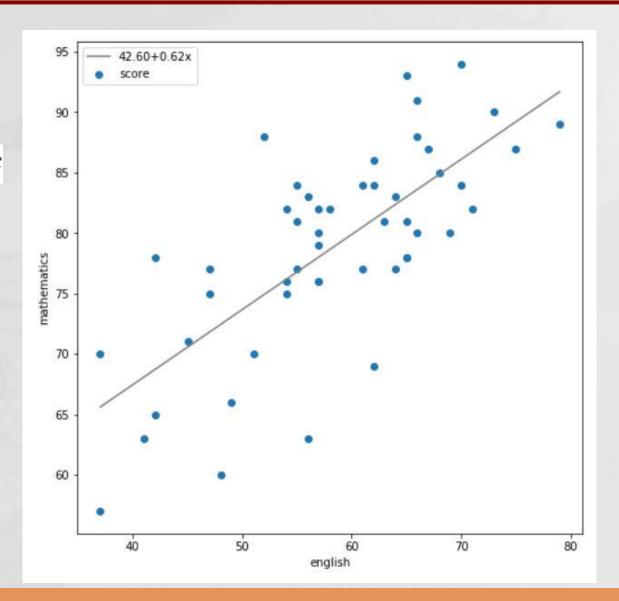
$$y = \beta_0 + \beta_1 x$$

```
# 계수β_0와β_1를 구한다
   poly_fit = np.polyfit(english_scores, math_scores, 1)
   # β_0+β_1 x를 반환하는 함수를 작성
   poly_1d = np.poly1d(poly_fit)
   # 직선을 그리기 위해 x좌표를 생성
   xs = np.linspace(english scores.min(), english scores.max())
   # xs에 대응하는 y좌표를 구한다
   vs = polv 1d(xs)
   fig = plt.figure(figsize=(8, 8))
   ax = fig.add subplot(111)
   ax.set xlabel('english')
   ax.set_ylabel('mathematics')
   ax.scatter(english scores, math scores, label='score')
   ax.plot(xs, ys, color='gray',
          label=f'{poly_fit[1]:.2f}+{poly_fit[0]:.2f}x')
   # 범례의 표시
   ax.legend(loc='upper left')
   plt.show()
```

회귀직선

o 회귀직선

$$y = \beta_0 + \beta_1 x$$

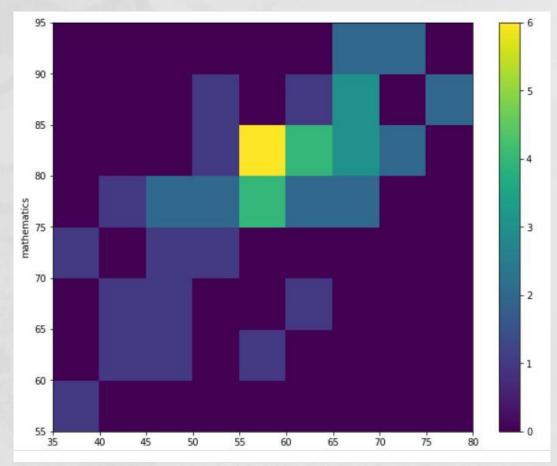


히트맵

- o 히스토그램의 2차원 버전으로 색을 이용해 표현하는 그래프
- o 영어 점수 35점부터 80점, 수학 점수 55점부터 95점까지 5점 간격

히트맵

o 색이 진한 영역일수록 많은 학생이 분포



동일한 지표, 다른 데이터

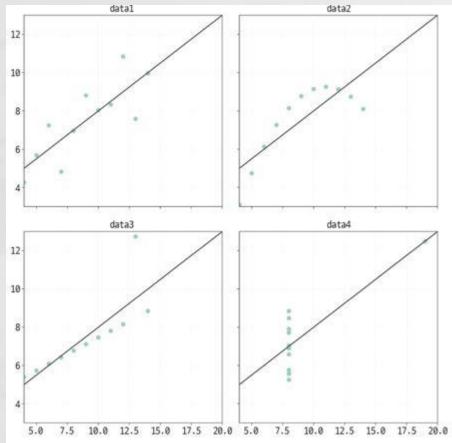
• 동일한 지표를 가지고 있지만 그림으로 표현하면 전혀 다른 데이터

	data1	data2	data3	data4
X_mean	9.00	9.00	9.00	9.00
X_variance	10.00	10.00	10.00	10.00
Y_mean	7.50	7.50	7.50	7.50
Y_variance	3.75	3.75	3.75	3.75
X&Y_correlation	0.82	0.82	0.82	0.82
X&Y_regression line	3.00+0.50x	3.00+0.50x	3.00+0.50x	3.00+0.50x

동일한 지표, 다른 데이터

o 동일한 지표를 가지고 있지만 그림으로 표현하면 전혀 다른 데이터

	data1	data2	data3	data4
X_mean	9.00	9.00	9.00	9.00
X_variance	10.00	10.00	10.00	10.00
Y_mean	7.50	7.50	7.50	7.50
Y_variance	3.75	3.75	3.75	3.75
X&Y_correlation	0.82	0.82	0.82	0.82
X&Y_regression line	3.00+0.50x	3.00+0.50x	3.00+0.50x	3.00+0.50x



동일한 지표, 다른 데이터

```
[] # npy 형식으로 저장된 NumPy array를 읽음
    anscombe_data = np.load('anscombe.npy')
    print(anscombe_data.shape)
    anscombe_data[0]
    (4, 11, 2)
   array([[10. , 8.04],
         [8, , 6.95],
         [13, , 7.58],
         [ 9. , 8.81],
          [11. , 8.33],
         [14. , 9.96],
         [6., 7.24],
         [ 4. , 4.26],
         [12. , 10.84],
         [7., 4.82],
         [5., 5.68]])
```

동일한 지표, 다른 데이터

```
l stats_df = pd.DataFrame(index=['X_mean', 'X_variance', 'Y_mean',
                                             'Y variance', 'X&Y correlation'.
                                             'X&Y regression line'])
     for i, data in enumerate(anscombe data):
          dataX = data[:, 0]
          dataY = data[:, 1]
                                                                            dat a1
                                                                                  data2
                                                                                         data3
                                                                                               data4
          poly_fit = np.polyfit(dataX, dataY, 1)
                                                                     X mean
                                                                             9.00
                                                                                   9.00
                                                                                          9.00
                                                                                                9.00
          stats df[f'data{i+1}'] =\
                                                                    X variance
                                                                             10.00
                                                                                   10.00
                                                                                         10.00
                                                                                                10.00
                                                                     Y mean
                                                                             7.50
                                                                                          7.50
                                                                                                7.50
               [f'{np.mean(dataX):.2f}'.
                                                                   Y variance
                                                                             3.75
                                                                                   3.75
                                                                                          3.75
                                                                                                3.75
                f'{np.var(dataX):.2f}'.
                                                                 X&Y correlation
                                                                                    0.82
                                                                                          0.82
                                                                                                0.82
                f'{np.mean(dataY): 2f}'.
                                                               X&Y regression line 3.00+0.50x 3.00+0.50x 3.00+0.50x 3.00+0.50x
                f'{np.var(dataY):.2f}'.
                f'{np.corrcoef(dataX, dataY)[0, 1]:.2f}',
                f'\{poly_fit[1]:.2f\}+\{poly_fit[0]:.2f\}\times'
     stats_df
```

동일한 지표, 다른 데이터

```
[] # 그래프를 그리기 위한 영역을 2x2개 생성
   fig, axes = plt.subplots(nrows=2, ncols=2, figsize=(10, 10),
                           sharex=True, sharev=True)
   xs = np.linspace(0, 30, 100)
   for i, data in enumerate(anscombe_data):
       poly_fit = np.polyfit(data[:,0], data[:,1], 1)
       poly_1d = np.poly1d(poly_fit)
       ys = poly_1d(xs)
       # 그리는 영역을 선택
       ax = axes[i//2, i\%2]
       ax.set_xlim([4, 20])
       ax.set_ylim([3, 13])
       # 타이틀을 부여
       ax.set title(f'data{i+1}')
       ax.scatter(data[:,0], data[:,1])
       ax.plot(xs, vs, color='gray')
   # 그래프 사이의 간격을 좁힘
   plt.tight lavout()
   plt.show()
```

정리

정리

- o 두 데이터 사이의 관계를 나타내는 지표
- o 2차원 데이터의 시각화
- o 앤스캠의 예