Estruturas de Dados I

Prof. Dr. Jesmmer Alves*

Instituto Federal Goiano Campus Morrinhos Curso Bacharel em Ciência da Computação

 $^{^*}$ jesmmer.alves@ifgoiano.edu.br

Agenda

- Sobre o Curso
- 2 Aspectos Preliminares
 - Estruturas de Dados
 - Análise de Algoritmos
 - Notação Big "OH"
 - Gerenciamento de Memória
 - Pilhas
 - Recursão
 - Filas

Sobre o Curso

Informações Básicas

- Disciplina: Estrutura de Dados I
- Carga horária: 36.66h teóricas e 36.66h práticas

Ementa

Alocação dinâmica de memória. Estruturas dinâmicas: pilhas, filas, deck, listas encadeadas. Tipos abstratos de dados. Árvores. (Grafos - Introdução)

Bibliografia Básica

- CORMEN, Thomas H. et. al. Algoritmos Teoria e Prática.
- GOODRICH, M. T., TAMASSIA, R. Estruturas de Dados e Algoritmos em Java.
- TENENBAUM, A.M. et al. Estruturas de Dados usando C.
- VINU V. Princípios de Estruturas de Dados Usando C e C++.

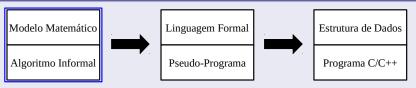
Agenda

- Sobre o Curso
- 2 Aspectos Preliminares
 - Estruturas de Dados
 - Análise de Algoritmos
 - Notação Big "OH"
 - Gerenciamento de Memória
 - Pilhas
 - Recursão
 - Filas

Introdução sobre Estruturas de Dados

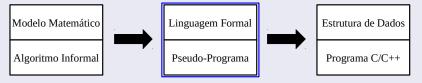
- Dados
 - entidade de um cálculo ou processo de manipulação
 - numéricos e alfanuméricos
 - simples ou conjunto de valores
- Estrutura de Dados
 - representação estrutural e relacionamentos + lógica funcional
 - dividir, conquistar e combinar
 - projeto e impacto na eficiência do programa

Passos para Elaboração de um Programa



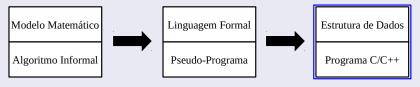
- visão de parte do sistema
- mapas mentais, fórmulas, ER, etc.
- algoritmo informal

Passos para Elaboração de um Programa



- padronização, regras
- algoritmo formal
- operações, expressões, funções

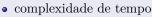
Passos para Elaboração de um Programa



- representação, relacionamento
- tipos de dados abstratos
- programa em uma linguagem e programação

Análise de Algoritmos

- analisar a corretude
- execução passo a passo
- prova matemática
- análise de simplicidade
- análise de performance
 - complexidade de espaço





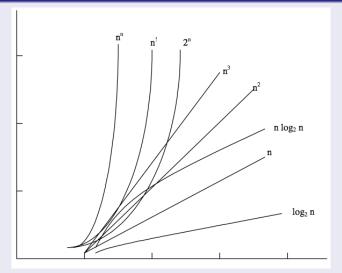
Complexidade de Espaço

- montante de memória necessário
- estimar tamanho do "problema"
- espaço de instrução (versão executável)
- espaço de dados
 - constantes e variáveis (fixo ou variável?)
 - variáveis estruturais (arrays e structures)
 - alocações dinâmicas
- espaço ambiente de pilha (chamada de funções)

Complexidade de Tempo

- montante de tempo necessário
- pode variar de acordo com o hardware
- analisar operações chave
- taxa de crescimento
 - f(n) é uma função do tempo com relação à entrada n
 - funções exponenciais $(2^n, n^n, ...)$
 - $\bullet\,$ muito lento exceto para n pequeno
 - funções polinomiais $(n, n^2, n^3, ...)$
- forma de análise
 - melhor caso, caso médio, pior caso

Complexidade de Tempo



Notação Big "OH"

- utilizado para analisar a performance do algoritmo
- determinar um limite superior para o tempo necessário
- busca sequencial (www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/Search.html)
 - $f(n) = n \to O(n)$ (pior caso)
 - f(n) = 1 (melhor caso)
 - f(n) = n/2 (caso médio)
- busca binária (qual complexidade de tempo?)

```
A(){
   int i;
   for (i = 1 to n)
        printf("Texto");
}
```

- melhor caso?
- caso médio?
- pior caso?

```
A(){
   int i;
   for (i = 1 to n)
        printf("Texto");
}
```

- melhor caso? $\Rightarrow O(n)$
- caso médio?
- pior caso?

```
A(){
   int i;
   for (i = 1 to n)
        printf("Texto");
}
```

- melhor caso? $\Rightarrow O(n)$
- caso médio? $\Rightarrow O(n)$
- pior caso? $\Rightarrow O(n)$

- melhor caso?
- caso médio?
- pior caso?

- melhor caso? $\Rightarrow O(n^2)$
- caso médio? $\Rightarrow O(n^2)$
- pior caso? $\Rightarrow O(n^2)$

```
i = 1
j = quantas vezes?
k = ?
```

```
 \begin{vmatrix} i = & 1 \\ j = & \text{quantas vezes?} \\ k = & ? \end{vmatrix}
```

$$\begin{vmatrix} i = & 1 \\ j = & 1 \text{ vez} \\ k = & ? \end{vmatrix}$$

$$i = 1$$

 $j = 1$
 $k = 100$

$$\begin{vmatrix} i = & 1 & 2 \\ j = & 1 & ? \\ k = & 100 & ? \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} i = & 1 & 2 \\ j = & 1 & 2 \\ k = & 100 & 2 * 100 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} i = & 1 \\ j = & 1 \\ k = & 100 \end{vmatrix} \begin{vmatrix} 2 & 3 \\ 2 * 100 \end{vmatrix} \begin{vmatrix} 3 \\ 3 * 100 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} i = & 1 & 2 & 3 & \dots & n \\ j = & 1 & 2 & 3 & \dots & n \\ k = & 100 & 2 * 100 & 3 * 100 & \dots & n * 100 \\ \end{vmatrix}$$

$$100 + 2 * 100 + 3 * 100 + ... + n * 100$$
$$100(1 + 2 + 3 + ... + n)$$
$$100 \left(\frac{n(n+1)}{2}\right) = O(n^2)$$

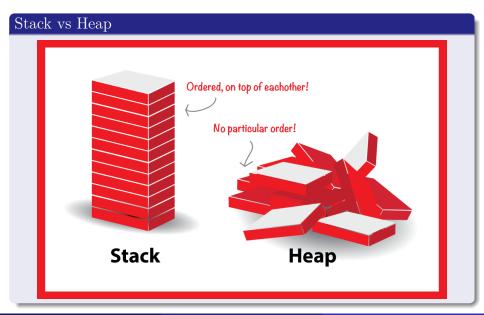
Exercícios de Revisão

- ① Diferencie complexidade de tempo e complexidade de espaço.
- Pale sobre gerenciamento de alocação de memória dinâmica.
- O que são tipos primitivos?
- O que é mais importante analisar em um algoritmo: melhor caso, pior caso ou caso médio?
- Oconsidere a função "desfazer" de um editor de texto. Qual a melhor estrutura para implementar, pilhas ou filas?
- 6 Identifique uma situação que é conveniente utilizar a implementação filas.

Sobre Gerenciamento de Memória

- Endereçamento de células de memória.
- ② Gerenciar manualmente solicitações de alocação e liberação de memória .
- Struturas de dados dinâmica (adicionar, liberar e reorganizar).
- Gerenciamento de memória dinâmica (em tempo de execução).
- Sample of the state of the s





Stack vs Heap - Exemplos

```
int main () {
  int valor = 5; //alocacao Stack

int *hvalor = new int; //alocacao Heap
  *hvalor = 5;

return 0;
}
```

Stack vs Heap - Exemplos

```
int main () {
  int array[5]; //alocacao Stack

int *harray = new int[5]; //alocacao Heap
  ...

return 0;
}
```

Stack vs Heap

- Stack: alocação estática (quando compilar)
 - int i, j; //dois bytes para inteiro
 - float a[5], f; //quatro bytes para real
 - limitação no armazenamento
 - desperdício de espaço
- 2 Heap: alocação dinâmica (durante execução)
 - reservar exatamente o espaço necessário
 - malloc(); calloc(); realloc(); new(); free()

Stack vs Heap

- Stack: alocação estática (quando compilar)
 - int i, j; //dois bytes para inteiro
 - float a[5], f; //quatro bytes para real
 - limitação no armazenamento
 - desperdício de espaço
- Heap: alocação dinâmica (durante execução)
 - reservar exatamente o espaço necessário
 - malloc(); calloc(); realloc(); new(); free().

Alocação de memória em C/C++ - malloc()

- reserva um bloco de bytes de memória
- retorna um ponteiro void*
- o conteúdo não é inicializado
- sintaxe:
 void* malloc (size_t size);
- exemplo: buffer = (char*) malloc (sizeof(int));

Alocação de memória em C/C++ - malloc()

```
#include <stdlib.h> /* malloc, free. rand */
#include <iostream>
using namespace std;
int main () {
 int i,n;
 char * buffer:
 srand((unsigned)time(0));
 cout << "Qual o tamanho da string? "; cin >> i;
 buffer = (char*) malloc (i+1);
 if (buffer == NULL) exit (1):
 for (n = 0; n < i; n++)
   buffer[n] = rand()\%26 + 97;
 buffer[i] = '\0';
 cout << "String aleatoria:" << buffer;</pre>
 free (buffer);
 return 0;
```

Alocação de memória em C/C++ - calloc()

- bloco de bytes de memória para um array
- retorna um ponteiro *void**
- conteúdo é inicializado com zero
- sintaxe:

```
void* calloc (size_t num, size_t size);
```

• exemplo:

```
pData = (int*) calloc (i, sizeof(int));
```

Alocação de memória em C/C++ - calloc()

```
#include <stdlib.h> /* malloc, free, rand */
#include <iostream>
using namespace std;
int main () {
   int i, n;
   int *pData;
   cout << "Qtd de numeros: ";</pre>
   cin >> i:
   pData = (int*) calloc (i,sizeof(int));
   if (pData == NULL) exit (1);
   for (n = 0; n < i; n++){
       cout << "Digite o " << n + 1 << "o. numero: ";</pre>
       cin >> pData[n];
   cout << "Voce digitou: ";</pre>
   for (n = 0; n < i; n++) cout << pData[n] << " ";
   free(pData);
   return 0;
```

Alocação de memória em C/C++ - free()

- Libera o bloco de memória alocado por malloc, calloc ou realloc
- Evita memory leak
- Não retorna valores
- Sintaxe: void free (void* ptr);
- Exemplo:

```
B1= (int*) malloc (100*sizeof(int));
free (B1);
```



Alocação de memória em C/C++ - free()

```
#include <stdlib.h> /* malloc, calloc, realloc, free */
int main () {
 int *buffer1, *buffer2, *buffer3;
 buffer1 = (int*) malloc (100*sizeof(int)):
 buffer2 = (int*) calloc (100,sizeof(int));
 buffer3 = (int*) realloc (buffer2.500*sizeof(int)):
 free (buffer1):
 free (buffer3):
 return 0:
}
```

Alocação de memória em C/C++ - realloc()

- Muda o tamanho do bloco de memória
- Muda o bloco de memória para outra localização
- Conteúdo é preservado
- Retorna um ponteiro para o novo bloco de memória
- Sintaxe:

```
void* realloc (void* ptr, size_t size);
```

• Exemplo:

```
array2 = (int*) realloc (array1, qtd * sizeof(int));
```

Alocação de memória em C/C++ - realloc()

```
#include <stdlib.h> /* malloc, free. rand */
#include <iostream>
using namespace std;
int main () {
 int entrada, n;
 int qtd = 0;
 int *numeros = NULL:
 int *mais numeros = NULL;
 do {
   cout << "Digite um valor inteiro (0 para terminar): ";</pre>
   cin >> entrada:
   qtd++;
   mais_numeros = (int*) realloc (numeros, qtd * sizeof(int));
   if (mais numeros != NULL) {
     numeros = mais numeros:
     numeros[qtd-1] = entrada;
     . . .
```

Alocação de memória em C/C++ - realloc() - continuação

```
else {
   free (numeros);
    cout << "Erro na re-alocacao de memoria":</pre>
    exit(1);
} while (entrada != 0);
cout << "Numeros digitados: ";</pre>
for (n = 0; n < qtd; n++)
    cout << numeros[n] << " ";</pre>
free (numeros);
return 0:
```

Alocação de memória em C/C++ - new e delete

```
• new
int *A = new int[n];
```

• delete
delete[] A;

Alocação de memória em C/C++ - new x malloc

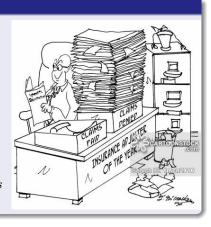
malloc	
não é Construtor	
retorna void *	
se falhar, NULL	
usa memória heap	
não permite sobreposição	
calculado manualmente	

Atividades

- Refaça todos os exemplos utilizando new e delete.
- 2 Diferencie malloc e new.
- 3 Diferencie delete e free.
- Escreva um programa para encontrar o maior elemento de um conjunto de valores digitados, usando alocação dinâmica de memória.
- 6 Compare a alocação de memória Stack com alocação Heap.

Características

- Coleção de itens ordenada
- Estrutura de dados linear
- Estrutura de dados recursiva
- Somente uma opção para inserir ou remover (Topo)
- Last-in-First-out
- \bullet Implementada com arranjos ou listas



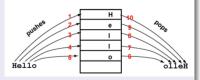
- Avaliar expressões prefix, postfix e infix
 - 5+6*7?
- Backtracking
- Inverter Strings
- Chamadas de Funções



- Avaliar expressões *prefix*, *postfix* e *infix*
 - 5 + 6 * 7?
- Backtracking
- Inverter Strings
- Chamadas de Funções



- Avaliar expressões prefix, postfix e infix
 - 5+6*7?
- Backtracking
- ullet Inverter Strings
- Chamadas de Funções



- ullet Avaliar expressões prefix, postfix e infix
 - 5+6*7?
- Backtracking
- ullet Inverter Strings
- Chamadas de Funções



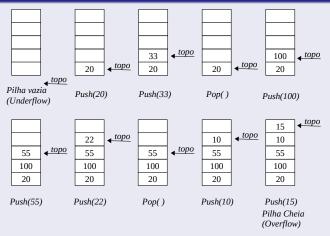
Exemplos de Implementações

- Pilhas com Arrays (www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/StackArray.html)
- Pilhas com Ponteiros e Listas (www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/Stackl

Operações na Pilha

- \bullet Push(x)
 - Inserir um novo elemento na Pilha
 - ullet topo é incrementado em 1
 - Pode ocorrer o Overflow (pilha cheia)
- *Pop()*
 - Remover um elemento da Pilha
 - topo é decrementado em 1
 - Pode ocorrer o *Underflow* (pilha vazia)

Operações na Pilha



Implementação com Arranjos ou Ponteiros

- Implementação com Arranjo
 - Fácil implementação
 - Tamanho não flexível
 - Otimização de memória ruim
- Implementação com *Ponteiros*
 - Implementação mais difícil
 - Tamanho flexível
 - Otimização de memória boa

Implementação com Arranjos (Push)

```
void Push(int x){
   if (top == MAX_SIZE - 1){
      cout << "\n Erro: A Pilha esta cheia!";
      return;
   }
   top = top + 1;
   A[top] = x;
   // A[++top] = x
}</pre>
```

Implementação com Arrays (Pop)

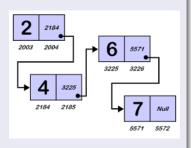
```
void Pop(){
   if (top == -1){
      cout << "\n Erro: A Pilha esta vazia!";
      return;
   }
   top--;
}</pre>
```

Atividades - Implementação de *Pilhas* com *Arranjos*

- Utilize os exemplos dos *Slides* para escrever um programa em C++ para fazer a implementação de uma pilha utilizando arranjos.
- ② Insira a função *Estado* para: mostrar o elemento que está no topo da *pilha*; mostrar a quantidade de elementos; e informar se está vazia, cheia ou funcionando.
- Insira a função Imprimir para escrever todos os elementos na pilha.
- A função main deve disponibilizar um Menu para interagir com a pilha.
- Identifique vantagens e desvantagens na implementação de pilhas com Arranjos.
- **6** Utilize a biblioteca C++ STL para implementar pilhas.

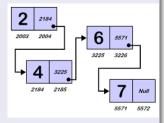
Listas Lincadas

- Elementos são ligados com ponteiros
- Possui tamanho dinâmico
- Fácil manipulação
- Porque usar?
 - Tamanho de arranjos é fixo
 - Manipulação de arranjos não é eficiente (push e pop)
- Desvantagens
 - Acesso aleatório não permitido
 - Espaço extra para um ponteiro



Listas Lincadas - Representação em C/C++

- Um ponteiro para o primeiro nó na lista
- O primeiro nó é chamado head
- Se a lista está vazia, então head = NULL
- Cada nó consiste em pelo menos duas partes:
 - valor
 - 2 ponteiro para o próximo nó
- Em C, pode-se representar um nó através de uma *struct*
- Em Java ou C++, pode ser feito com Classes



Listas Lincadas - Operações

- Remover()
- Inserir()
- Imprimir()
- Pesquisar()
- . . .
- Qual o custo de cada uma destas operações?
 - Operações para Pilhas? Compare com Arranjos

Listas Lincadas - Operações

- $Remover() \Rightarrow O(1)$ ou O(n)
- $Inserir() \Rightarrow O(1)$ ou O(n)
- $Imprimir() \Rightarrow O(n)$
- $Pesquisar() \Rightarrow O(n)$
- . . .
- Qual o custo de cada uma destas operações?
 - Operações para Pilhas? Compare com Arranjos

Listas Lincadas - Representação em C/C++

Lista lincada simples com 3 nós em C:

```
#include <stdio.h>
#include <iostream>
using namespace std;

//definindo a estrutura para cada no
struct No {
    int valor;
    struct No *proximo;
};
...
```

Listas Lincadas - Representação em C/C++

```
int main() {
//criar 3 nos
       struct No* primeiro = NULL;
       struct No* segundo = NULL;
       struct No* terceiro = NULL;
//alocar espaco para cada no
       primeiro = (struct No*)malloc(sizeof(struct No));
       segundo = (struct No*)malloc(sizeof(struct No));
       terceiro = (struct No*)malloc(sizeof(struct No));
//definir valores para cada no
       primeiro->valor = 1;
       primeiro->proximo = segundo;
       segundo->valor = 2;
       segundo->proximo = terceiro;
       terceiro->valor = 3:
       terceiro->proximo = NULL;
```

Listas Lincadas - Representação em C/C++

Percorrendo a lista:

```
void imprimirLista(struct No *n) {
    while (n != NULL) {
        printf("%d ", n->valor);
        n = n->proximo;
    }
}
```

Pilhas através de Listas Lincadas

Escreva um programa que implemente a utilização de pilhas através de listas lincadas. Este programa deve ter uma estrutura para armazenar cada nó da lista, e as funções Push(valor), Pop() e Imprimir().

Pilhas através de Listas Lincadas

- declare a estrutura No com dois membros valor e proximo
- ${f 2}$ declare o ponteiro topo com valor NULL e declare as funções
- **3** todas as funções devem ser acionadas pela *main*

```
#include <stdio.h>
#include <iostream>
using namespace std;

struct No{
   int valor;
   struct No *proximo;
}
*topo = NULL;
void Push(int);
void Pop();
void Imprimir();
```

Pilhas através de Listas Lincadas

- declare a estrutura No com dois membros valor e proximo
- 2 declare o ponteiro topo com valor NULL e declare as funções
- o todas as funções devem ser acionadas pela main

```
#include <stdio.h>
#include <iostream>
using namespace std;

struct No{
   int valor;
   struct No *proximo;
}
*topo = NULL;
void Push(int);
void Pop();
void Imprimir();
```

Pilhas através de Listas Lincadas - Função Push(valor)

- defina um novo Nó com o valor especificado
- \odot se pilha vazia, então defina $novoNo \rightarrow proximo = NULL$
- \odot senão, então defina $novoNo \rightarrow proximo = topo$
- \bullet finalmente, defina topo = novoNo

```
void Push(int valor){
   struct No *novoNo;
   novoNo = (struct No*)malloc(sizeof(struct No));
   novoNo->valor = valor;
   if(topo == NULL)
        novoNo->proximo = NULL;
   else
        novoNo->proximo = topo;
   topo = novoNo;
}
```

Pilhas através de Listas Lincadas - Função Push(valor)

- defina um novo Nó com o valor especificado
- \odot se pilha vazia, então defina $novoNo \rightarrow proximo = NULL$
- \bullet finalmente, defina topo = novoNo

Pilhas através de Listas Lincadas - Função Pop()

- se pilha vazia, então mostre "Pilha vazia!" e termine
- 2 senão, então defina o ponteiro temp e defina como topo
- \odot defina $topo = topo \rightarrow proximo$
- finalmente apague temp

```
void Pop(){
   if(topo == NULL)
        cout << "Pilha Vazia !!!\n";
   else{
        struct No *temp = topo;
        cout << "Elemento apagado: " << temp->valor << "\n";
        topo = temp->proximo;
        free(temp);
   }
}
```

Pilhas através de Listas Lincadas - Função Pop()

- se pilha vazia, então mostre "Pilha vazia!" e termine
- 2 senão, então defina o ponteiro temp e defina como topo
- \bullet finalmente apague temp

```
void Pop(){
   if(topo == NULL)
      cout << "Pilha Vazia !!!\n";
   else{
      struct No *temp = topo;
      cout << "Elemento apagado: " << temp->valor << "\n";
      topo = temp->proximo;
      free(temp);
   }
}
```

Atividades

- Modifique os exemplos para usar a função new() e delete.
- 2 Defina uma função para verificar se a pilha está vazia.
- Opera el Defina uma função para imprimir o elemento no topo.
- O Defina uma função para retornar a quantidade de elementos na pilha.
- O Defina uma função para mostrar a pilha na ordem inversa.
- **o** Defina um novo projeto para implementar *filas*.

Bibliografia



VINU V. DAS: Princípios de Estruturas de Dados Usando C e C++, MIT Press, $\left(2006\right)$



THOMAS H. et. al., Algoritmos - Teoria e Prática, (1989)



TENENBAUM, A.M. et al, Estruturas de Dados usando C., Pearson, (2010)



GOODRICH, M. T. e TAMASSIA, R., Estruturas de Dados e Algoritmos em Java., Bookman, (2013)