

EA4 – Éléments d'algorithmique TP n° 6 : tables de hachage

Vous téléchargerez sur Moodle les fichiers tp6_ex*.py à compléter, ainsi que le fichier proust.txt.

Dans ce TP, les tables de hachage sont représentées par des objets de type TableHachage possédant les attributs suivants :

- cles : tableau de clés,
- lg: longueur du tableau cles,
- nbCles : nombre de clés présentes dans la table,
- nbMarques : nombre de cases marquées dans la table,
- h : nom de la fonction permettant de calculer le haché des clés (c'est-à-dire assurant la conversion de données de type quelconque en entiers, sans exigence de dispersion),
- h1: nom de la fonction de hachage primaire,
- h2: nom de la fonction de hachage secondaire,
- tmin: taux minimal de remplissage,
- tmax : taux maximal de remplissage.

Chaque case du tableau de cles de la table peut prendre les valeurs :

- None (case vide),
- MARQUE = (None, None) (case où une clé a été supprimée),
- (hcle, cle) où cle est une clé (de type quelconque) et hcle son haché (entier).

La classe TableHachage définit :

- un constructeur __init__ que l'on invoque en utilisant le nom de la classe. Par exemple : maTable = TableHachage(8, hash, hash1, hash2, 0.25, 0.75),
- quelques méthodes que vous pouvez appliquer à vos objets de type TableHachage : des accesseurs comme maTable.getCle(5), et un générateur positionsSuccessives qui permet d'itérer sur les positions successives de sondage d'une clé donnée.

Exercice 1:

Vous allez écrire les fonctions usuelles d'accès aux tables de hachage avec adressage ouvert et sondage linéaire ou double hachage. Dans un premier temps, vous ne vous préoccuperez pas de redimensionnement (c'est-à-dire qu'il faudra commencer avec une table de taille suffisamment grande et on choisira de préférence une puissance de deux).

La méthode positionsSuccessives, invoquée de la façon suivante :

for pos in table.positionsSuccessives(cle):

permet d'itérer sur les positions successives de sondage dans la table table pour une clé cle.

1. Définir les fonctions hash1(hcle, lg) et hash2(hcle, lg) qui implémentent un sondage linéaire à partir de la position k = hcle (modulo $\ell = \text{lg}$), c'est-à-dire avec comme position de $(i+1)^e$ sondage $h(k,i) = k+i \mod \ell$.

(remarque : dans ce cas simple, hash1 et hash2 ne dépendent pas de lg, toute la dépendance en lg est prise en charge par table.positionsSuccessives; voir question 5 pour des exemples plus complexes)

L2 Informatique Année 2023–2024

2. Écrire la fonction rechercher(table, cle, flag) qui doit avoir les deux comportements différents suivants selon la valeur de flag:

- quand flag vaut False, elle renvoie la position de la clé cle dans le tableau de clés si elle se trouve dans la table, et None sinon;
- quand flag vaut True, elle renvoie la position de la clé cle dans le tableau de clés si elle se trouve dans la table, et celle où elle doit être insérée dans le cas contraire.

Lors de la comparaison de clés, commencez par comparer les hachés des clés, puis, seulement si ceux-ci sont identiques, comparez les clés elles-mêmes : l'efficacité est ainsi améliorée dans le cas d'objets complexes.

- 3. Écrire la fonction inserer qui, étant donné une table de hachage et une clé, insère la clé dans la table (sans créer de doublon).
- 4. Écrire la fonction supprimer qui, étant donné une table de hachage et une clé, supprime la clé de la table. Une case où une clé est supprimée prend la valeur MARQUE.
- 5. Afin de faire des tests avec différentes fonctions de hachage, définir les fonctions hash1b et hash2b en plus des fonctions hash1 et hash2 permettant d'implémenter les fonctions de hachage suivantes (ℓ représente la longueur de la table) :
 - $-h(k,i) = \lfloor \{kA\} \times \ell \rfloor + i \mod \ell,$
 - $-h(k,i) = k + i(2k+1) \mod \ell,$
 - $-h(k,i) = |\{kA\} \times \ell| + i(2k+1) \mod \ell,$

où $\{r\}$ représente la partie fractionnaire du réel r et A est la constante définie au début du fichier $tp6_ex1_ex2.py$.

6. Dans le main, décommenter les deux premiers appels à courbes afin de comparer les temps d'insertion et de recherche, ainsi que la taille moyenne du plus grand cluster. Les trois premiers graphiques correspondent au hachage sur des listes qui comportent des valeurs proches sur différents intervalles, les trois suivants correspondent au hachage sur des listes formées de valeurs uniformément distribuées. Que constate-t-on?

Jouer avec les paramètres tmin et tmax, et regarder l'évolution de vos courbes pour les deux types de listes, puis écrivez vos commentaires dans l'emplacement réservé pour cela.

Exercice 2:

- 1. Écrire la fonction redimensionner qui, étant donné une table de hachage et une longueur lg, redimensionne la table à la longueur lg.
- 2. Modifier ensuite les fonctions inserer et supprimer pour qu'elles redimensionnent la table si nécessire :
 - a. la fonction supprimer doit diviser la longueur de la table par deux si le taux de remplissage passe sous le taux tmin;
 - b. la fonction inserer doit (éventuellement) doubler la longueur de la table si le taux de remplissage dépasse tmax; mais attention, pour déclencher le redimensionnement, il faut prendre en compte à la fois le nombre de clés et le nombre de cases marquées : en effet, si le nombre de cases marquées est trop important, la recherche ne sera plus aussi efficace; ces cases marquées ne seront en revanche pas recopiées dans la nouvelle table, qui n'a donc peut-être pas besoin d'être plus longue que la précédente : il faut décider, en fonction du nombre de clés, s'il faut un réel redimensionnement (longueur doublée) ou un simple nettoyage (longueur conservée).
- 3. Observer de nouveau les résultats sur les courbes et jouer de nouveau avec les paramètres tmin et tmax. Pour cela, il faudra décommenter les deux derniers appels à courbes. Que constate-t-on? Écrire vos commentaires dans l'emplacement réservé pour cela.

L2 Informatique Année 2023–2024

Exercice 3:

Le but de cet exercice est de créer et manipuler une structure de données pour stocker un ensemble de mots. Il faudra essentiellement utiliser les fonctions écrites précédemment.

Le fichier proust.txt sur Moodle contient le roman de Marcel Proust, À la recherche du temps perdu. La fonction proust() renvoie un générateur des mots du roman et s'utilise de la façon suivante :

```
for mot in proust():
```

- 1. Écrire la fonction $mot_to_int(w)$ qui, étant donné un mot $w = w_0 \dots w_n$, renvoie l'entier $h(w) = \sum_{i=0}^n c_i \ 31^{n-i} \mod 2^{32}$, où c_i est égal au code ascii de w_i (qui peut être obtenu à l'aide de la fonction ord). $mot_to_int(w)$ représente le haché du mot w.
- 2. À l'aide des fonctions écrites précédemment, écrire des fonctions permettant de représenter un ensemble de mots par une table de hachage :
 - a. creer_dico(taille=0) qui crée un ensemble de mots vide;
 - b. ajouter_mot(dico, mot) qui ajoute le mot mot à l'ensemble de mots dico;
 - c. retirer_mot(dico, mot) qui supprime le mot mot de l'ensemble de mots dico;
 - d. dans_dico(dico, mot) qui renvoie vrai si le mot mot est dans l'ensemble de mots dico.
- 3. Écrire les tests pour tester vos fonctions sur l'ensemble des mots du roman de Marcel Proust.