1 - Ja, hallo und ein ganz herzliches Willkommen zu einer neuen Runde Meth Hinduischen. 0 2 - Ich bin Amarcus und in diesem Video will ich über ein ganz wichtiges Thema sprechen, 3 - nämlich so was wie der Schlüssel um algebraische Strukturen zu verstehen und damit um algebra zu 4 - verstehen. 5 - Und zwar basiert dieses Video oder diese Idee dazu auf einem Kommentar zu einem anderen 6 - Video von mir über die algebraischen Strukturen und die wichtigsten Begriffe, die verstehst du nur, 7 - wenn du diese eine Idee jetzt hier gleich verstanden hast. 8 - Und zwar die wichtigsten Strukturen, die ich dir in dem Video vorgestellt habe, die 9 hier sind auch noch mal wichtig und wiederholung schadet nie. 10 - Deswegen du hast am meisten in den Vorlesungen zu tun mit den Begriffen eines Ringes, mit 11 - einem Körper, mit einem Vektorraum. 12 - Ich kürz das ab mit einer Gruppe und ganz selten so für fortgeschritten oder vielleicht hast 13 - du es auch schon gehabt Modulen, also ein Modul mehrere Modulen. 14 - Und diese Begriffe, da ist es einmal wichtig, dass du so eine Art Standardbeispiel immer im Kopf hast, 15 - was du dir darunter vorstellen kannst. 16 - Deswegen schreibe ich das hier gleich dazu. 17 - Ein Ring hat erstmal die ganzen Zahlen, ein Körper hat die realen Zahlen, ein Vektorraum, 18 - der hat beispielsweise den Erkvertrat, den du dir da gut vorstellen kannst oder auch erhocht 19 - 3 oder irgendwas anderes. 20 - Und bei einer Gruppe nehme ich jetzt einfach mal auch die ganzen Zahlen mit der Operation Plus, 21 - bei so einem Gruppe die steckt in Ringen und Körper steckt die immer drin. 22 - Aber dann hat nur für eine Operation, in dem Fall das Plus. 23 - Wenn bei einem Ring und bei einem Körper, da habe ich immer im Prinzip die vier Grundrechenarten, 24 - hier oben habe ich Plus, Minus, Mal und Geteilt. 25 - Und hier drüben bei einem Ring habe ich fast die gleichen, nur mit dem Unterschied, 26 - dass ich also nicht immer Teilen darf. 27 - Es gibt zwar Fälle, wo ich das machen kann, das Teilen aber nicht immer. 28 - Bei einem Vektorraum hingegen, da kann ich auch Adirien und Subtrachieren, aber ich habe 29 - da keine Multiplikation, Vektor, Vektor, sondern ich habe eine Scalar Multiplikation. 30 - Deswegen ich versuch's ein bisschen kleiner zu machen, aber im Prinzip ist es das gleiche Symbol, 31 - man benutzt fast immer auch das Multiplikation Symbol, also der einfache Punkt für dieses Symbol. 32 - Aber es ist im Prinzip was anderes, weil hier oben ist es immer so, du hast zwei Elemente 33 - darin, bei Ringen, bei Körper, bei Gruppe und die vermischen sich und werden dann zu irgendeinem 34 - dritten Element. Bei der Scalar Multiplikation ist es aber anders, weil zu jedem Vektorraum 35 - gehört noch ein zugrunde Liegen der Körper, das ist in unserem Beispiel hier die Menge 36 - der realen Zahlen, die steckt hier schon drin, wie du siehst, da steckt der Körper im 37 - Vektorraum drin. Du kannst ja auch immer vorstellen, ein Vektorraum ist wie mehrfach so 38 - Körper hintereinander geschalten, als Menge erst mal zumindest gesehen. 39 -Also die Einträge in einem Vektorraum sind sozusagen aus einem Körper. Das ist erstmal das Grund 40 - wissen, was du haben solltest, überall gebraagisch. Und jetzt ist es aber ganz wichtig, folgenden 41 - Fakt zu verstehen und zwar ist eine allgebraagische Struktur erst mal nichts anderes als eine Menge M, 42 - mit der du anfängst. Dieses M das kann doch irgendein anderes Symbol sein, also das ist jetzt wirklich 43 - nur weil M, das selbe, den selben Buchstaben am Anfang hat wie Menge. Also du fängst immer 44 - mit einer Menge an. Und was hat so eine Menge für tolle Eigenschaften, im Prinzip gar keine, 45 - die du hast deine Elemente, du hast deine Objekte, aber du kannst mit denen nichts machen, weil so eine 46 - Menge ist erstmal tot. Und deswegen kommt jetzt so eine Struktur ins Spiel, weil du möchtest, 47 - dass deine Elemente irgendwie interagieren können, wenn du A und B-Nims dann solltet was wieder 48 - dabei passieren, da soll was rauskommen. Und zwar warum ist das so ja, weil diese ganzen Grundrechenarten, 49 - die wir oben schon kennengelernt haben, das sind ja Dinge, die sind aus der Praxis abgeleitet, 50 - aus der Realität haben wir Erkannter, gibt es einen nutzen und diese ganzen Rechenregeln, 51 - die sind nichts anderes formal gesehen als eine Struktur. Das heißt, du möchtest deiner Menge 52 -Rechenregeln geben und diese Rechenregeln unterscheiden sich jetzt je nach Anwendungsfall. So, 53 - das ist jetzt ganz wichtig. Also das heißt, eine Menge hat nicht die Struktur. Beispielsweise könnte 54 - man ja denken, die Riellenzahlen, ich nehme eine andere Farbe hier unten, beispielsweise die 55 - Riellenzahlen, da könnte man denken, die Riellenzahlen, die sind ein Körper, ich weiß, die Riellenzahlen 56 - sind ein Körper und nichts anderes und wenn jemand kommt und was anderes behauptet, dann werde ich 57 - dementse besseren belehren, aber das ist wirklich falsch, weil je nachdem, was mein Anwendungsfall ist, 58 - können die Riellenzahlen auch eine ganz andere Struktur tragen. Ich kann nämlich auch die Riellenzahlen 59 - interpretieren als einen Ring, weil jeden Körper kann ich als einen Ring auffassen. Ich könnte allerdings 60 - auch die Riellenzahlen auffassen als einen Wektorraum. Das geht auch, weil ein Wektorraum ist, 61 - also nur der Erhoch 1, wenn ich das hier noch hinschreien würde, ist ja etwas ähnliches hier wie 62 - ein Erhoch 2, also allgemein etwas von der Form Erhoch nennen, das kennst du ja auch als Wektorraum. 63 - Und das muss ich überhaupt nicht widersprechen. Also ich kann tatsächlich auch sagen, die Riellenzahlen 64 - sind ein eindimensionaler Wektorraum, das ist völlig korrekt und sogar einer der wichtigen 65 - Anwendungsfälle in der Dienerleigebrach. Ich könnte aber auch sagen, die

Riellenzahlen sind ein 66 - Modul, weil jeder Wektorraum ist insbesondere ein Modul, genauso wie jeder Körper, insbesondere ein 67 - Ring ist. Und deswegen merkst du jetzt hier, du hast formal gesehen erst mal nur die Menge, 68 - die immer identisch ist, hier oben steht formal nur eine Menge und die hat ein Symbol und welche 69 -Struktur du dieser Menge gibt, das ist je nach Anwendungsfall verschieden. Und deswegen ist es so 70 - wichtig, dass du das verstehst, also eine Struktur kann man quasi wechseln für eine Menge, wie du deine 71 - Kleiderwechselst jeden Tag, ja, heute ziehst du das an, morgen ziehst du das an, je nach dem, was der 72 -Anwendungsfall ist, ja, morgen gehst du an die Uni und über morgen hast du ein Vorstellungsgespräch, 73 - ja, da ist der Anwendungsfall ein anderer und deswegen wechselst du die Klamotten, ja. Und so 74 - genau so ist das quasi hier auch bei den algebraischen Strukturen und deswegen ist es falsch, wenn 75 jemand kommt und sagt, das ist ein Ring und deswegen ist das kein Wektorraum oder so, ja, das ist 76 - per se erst mal nicht ausgeschlossen. Aber was halt auch so ist, es gibt typische Anwendungsfälle und 77 - deswegen habe ich dir diese beispiele hier hingemacht, das sind nämlich typische Beispiele, das sind so, 78 - was wir die häufigsten Anwendungsfälle, die du also in der Vorlesung haben wirst, die Riellenzahlen, 79 - die sind halt in der Regel sehr, sehr häufig ein Körper und man möchte in einem Körper, die 80 - vier Grundrechenarten nutzen und die realen Zahlen, die bieten sich dafür halt wunderbar an. Der 81 - Erhoch 2, der ist halt ein Wektorraum, klar, der ist auch ein Modul, aber fast immer wirst du den 82 - im Kontext eines Wektorroms verwenden und deswegen, wenn ich dieses Bild nochmal hier unten aufgreife, 83 - gibt es so was wie einen typischen Anwendungsfall, der sehr, sehr häufig eintritt. Aber sobald dir 84 - dieses Wort begegnet, ich fasse diese Menge auf als etwas anderes. Ich fasse diese Menge als einen 85 - Ring auf, ich fasse diese Menge als ein Wektorrom auf, dieses auffassen als etwas anderes, das ist 86 - immer das Alarmsignal, das hier jetzt nicht der typische Fall eintritt, sondern irgendwas 87 - besonderes und dass man dem anderen einfach hier diese Menge einfach mal neue Kleider gibt. Das ist 88 - die Idee dahinter und wenn du das verstanden hast, dann erschließen sich dir diese ganzen Begriffe, 89 - wenn er mich viel viel einfacher denn, was ich hinter diesen ganzen Begriffen wirklich nur 90 - verbürgt, ist immer nur eine Menge und eine Struktur und die Menge sind einfach nur Symbole und 91 deine Struktur sind einfach nur deine Rechenregeln und schon erschließt sich dir das Ganze auf einmal. 92 - Wenn dir dieses Video jetzt also geholfen hat, die Allgipra etwas besser zu verstehen, dann 93 - solltest du unbedingt diesen Link dir anschauen, denn da findest du noch viel mehr in Richtung Allgipra 1.