Aluno: Ruan de Freitas Moreira

**Matrícula: 2211403** 

# **Proposições**

Definimos as seguintes proposições:

- P: Ana vai à festa.
- Q: Bruno vai à festa.
- M: Bruno traz música.
- R: A festa é animada.

# Condições Lógicas

As condições lógicas para a análise são:

- 1. P → Q: Se Ana vai à festa, então Bruno também vai.
- 2. (P V Q) → R: Se Ana ou Bruno vão à festa, então a festa é animada.
- 3. ¬P → (M → R): Se Ana não vai à festa, então a animação da festa depende de Bruno trazer música.

Essas condições serão representadas visualmente no diagrama de Venn.

# Construção do Diagrama de Venn

### Etapas de Construção

# 1. Definição dos Conjuntos

- o Desenhamos quatro conjuntos (círculos), cada um representando uma proposição:
  - **P** (Ana vai à festa)
  - Q (Bruno vai à festa)
  - M (Bruno traz música)
  - R (A festa é animada)

### 2. Configuração das Condições no Diagrama

- o **P** → **Q**:
  - Para atender a esta condição, o conjunto P foi colocado completamente dentro do conjunto Q, garantindo que, sempre que P for verdadeiro (Ana vai à festa), Q também será verdadeiro (Bruno vai à festa).
- o (P ∨ Q) → R:
  - A união dos conjuntos P e Q foi posicionada dentro do conjunto R. Isso garante que, se Ana ou Bruno (ou ambos) vão à festa, a festa será animada (R).

- o ¬P → (M → R):
  - Fora de P (ou seja, no conjunto complementário de P), o conjunto M está contido em R. Isso representa que, se Ana não vai à festa, então a animação da festa dependerá de Bruno trazer música (M) para que R seja verdadeiro.

# Diagrama Final

O diagrama foi organizado de forma que todas as condições estejam representadas corretamente:

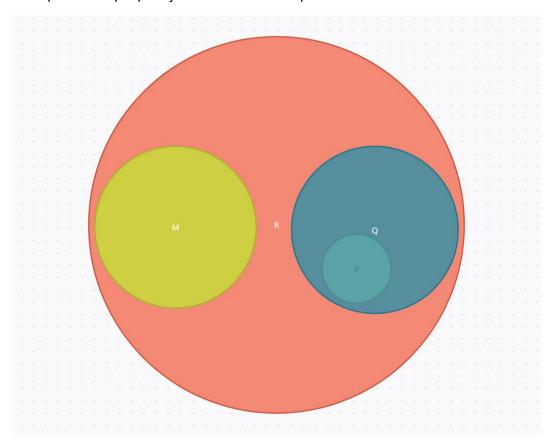
- P está inteiramente contido dentro de Q.
- P e Q estão contidos em R.
- M está contido em R fora de P.

#### Interpretação do Diagrama

Com base no diagrama, podemos interpretar visualmente cada condição:

- P → Q: A área do conjunto P está completamente dentro de Q, indicando que a ida de Ana implica a ida de Bruno.
- 2. (P ∨ Q) → R: A união de P e Q dentro de R mostra que, se Ana ou Bruno forem, a festa será animada.
- 3. ¬P → (M → R): Fora de P, a área de M está dentro de R, indicando que, na ausência de Ana, a animação da festa depende da presença da música de Bruno.

Essas representações atendem às exigências lógicas do problema, e o diagrama final fornece uma visualização completa das proposições e suas interdependências.



#### Resultados da Tabela Verdade

A tabela verdade gerada pelo código exibe todas as combinações possíveis das proposições **P** (Ana vai à festa), **Q** (Bruno vai à festa), **M** (Bruno traz música), e **R** (a festa é animada). Para cada combinação, o código avalia as condições lógicas do problema e verifica se elas são atendidas.

#### Estrutura da Tabela Verdade

A tabela contém as seguintes colunas:

- P, Q, M, R: Cada combinação possível de verdadeiro (V) e falso (F) para as proposições P, Q, M, e R.
- C1 (P → Q): Indica se a primeira condição lógica é atendida para cada combinação. Esta condição afirma que, se Ana vai à festa (P), então Bruno também vai (Q).
  - Resultado esperado: A condição C1 será verdadeira em todas as linhas onde P é verdadeiro e Q também é verdadeiro, ou onde P é falso (pois uma implicação com o antecedente falso é sempre verdadeira).
- 3. C2 ((P ∨ Q) → R): Indica se a segunda condição lógica é atendida. Esta condição diz que, se Ana ou Bruno vão à festa (P ∨ Q), então a festa será animada (R).
  - Resultado esperado: C2 será verdadeira em todas as linhas onde a festa é animada (R) sempre que Ana ou Bruno estão presentes.
- C3 (¬P → (M → R)): Avalia a terceira condição lógica, que afirma que, se Ana não vai à festa (¬P), então a festa depende de Bruno trazer música (M → R).
  - Resultado esperado: C3 será verdadeira em todas as linhas onde, na ausência de P, a festa é animada sempre que M é verdadeiro.
- 5. **Satisfaz Condições**: Esta coluna indica se todas as condições (**C1**, **C2**, e **C3**) são verdadeiras para uma combinação específica de **P**, **Q**, **M**, e **R**. Somente as linhas onde todas as condições são verdadeiras atendem completamente as exigências lógicas do problema.

#### Interpretação dos Resultados

- Linhas que Satisfazem Todas as Condições: As combinações em que Satisfaz Condições é
  verdadeiro representam os cenários em que o problema está inteiramente satisfeito. Essas
  linhas indicam as configurações lógicas em que as proposições P, Q, M, e R cumprem todas
  as condições dadas.
- 2. Linhas que Não Satisfazem Todas as Condições: Quando Satisfaz Condições é falso, significa que uma ou mais das condições (C1, C2, ou C3) não foram atendidas para aquela combinação de proposições. Essas linhas ajudam a identificar onde as condições falham e fornecem uma visão de quais variáveis precisam ser ajustadas para atender o problema.

## **Exemplos de Resultados**

Se observarmos algumas linhas específicas da tabela, poderemos notar o seguinte:

Linha onde P = V, Q = V, M = V, R = V:

- o C1: Verdadeiro, pois P implica Q.
- o C2: Verdadeiro, pois P ou Q é verdadeiro, então R deve ser verdadeiro.
- o **C3**: Verdadeiro, pois **P** é verdadeiro, então a condição não se aplica.
- Satisfaz Condições: Verdadeiro, pois todas as condições são atendidas.

## Linha onde P = F, Q = V, M = V, R = F:

- o **C1**: Verdadeiro, pois **P** é falso, o que satisfaz a implicação.
- o **C2**: Falso, pois **Q** é verdadeiro, mas **R** é falso, violando a condição.
- C3: Verdadeiro, pois na ausência de P, M → R precisa ser verdadeiro, e R é falso quando
   M é verdadeiro.
- o **Satisfaz Condições**: Falso, pois nem todas as condições são atendidas.

