

# Rapport D'Analyse

Yassine Moreno  
Mehdi Kitane  
Amine ElRhazi  
Abdelalim Tribak  
Meryem Benchakroune  
Karim Benhmida

13 octobre 2014

## Table des matières

<b>1</b>	<b>Introduction</b>	<b>2</b>
1.1	Mise en situation . . . . .	2
1.2	Concepts généraux et Contraintes . . . . .	2
<b>2</b>	<b>Programmation Linéaire Monocritère</b>	<b>3</b>
2.1	Modélisation et Proposition de solution : Comptable . . . . .	3
2.2	Modélisation et Proposition de solution : Resp.Atelier . . . . .	4
2.3	Modélisation et Proposition de solution : Resp.Stock . . . . .	5
2.4	Modélisation et Proposition de solution : Resp.Commercial . . . . .	6
2.5	Modélisation et Proposition de solution : Resp.Personnel . . . . .	7
<b>3</b>	<b>Programmation Linéaire Multicritère</b>	<b>9</b>
3.1	Introduction . . . . .	9
3.2	Matrice de Gain . . . . .	9
3.3	Application de la Programation Lineaire Multicritere . . . . .	10
3.3.1	Axe de travail . . . . .	10
3.3.2	Resultats . . . . .	11
<b>4</b>	<b>Partie3</b>	<b>13</b>

# 1 Introduction

## 1.1 Mise en situation

## 1.2 Concepts généraux et Contraintes

### Concepts généraux

On considèrera dans tout ce qui suit :

-  $X = \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \\ d \\ e \\ f \end{pmatrix}$  le vecteur définissant la quantité hebdomadaire à fabriquer pour chaque produit

(variables de décision).

-  $Mchn = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$  l'ensemble des machines utilisées dans la fabrication des produits.

-  $Mtr = \{MP1, MP2, MP3\}$  l'ensemble des matières premières utilisées lors de la confection des produits.

...

### Jeu de contraintes

Nous détaillerons dans cette section les contraintes imposées par les différents constituants de l'entreprise FaBrique.

Tout d'abord, les contraintes de domaine stipulent que toutes les quantités hebdomadaires à fabriquer par l'entreprise doivent être positifs ou nuls, ce qui peut se traduire par l'inégalité suivante :

$$0 \leq X \Leftrightarrow 0 \leq a, 0 \leq b, 0 \leq c, 0 \leq d, 0 \leq e, 0 \leq f$$

Ensuite, les contraintes imposées par la quantité maximale de matières premières admissible : **350 unités pour MP1, 620 unités pour MP2 et 485 unités pour MP3**. Ces contraintes se traduiront par les inégalités suivantes :

$$\begin{cases} a + 2b + c + 5d + 2f \leq 350 \\ 2a + 2b + c + 2d + 2e + f \leq 620 \\ a + 3c + 2d + 2e \leq 485 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 & 5 & 0 & 2 \\ 2 & 2 & 1 & 2 & 2 & 1 \\ 1 & 0 & 3 & 2 & 2 & 0 \end{pmatrix} \cdot X \leq \begin{pmatrix} 350 \\ 620 \\ 485 \end{pmatrix}$$

Enfin, les contraintes traduisant le volume horaire **hebdomadaire** maximal du fonctionnement des machines, ne dépassant pas 16 heures par jour, 5 jours par semaine -un total de **4800**

minutes hebdomadaires-

$$\left\{ \begin{array}{l} 8a + 15b + 5d + 10f \leq 4800 \\ 7a + b + 2c + 15d + 7e + 12f \leq 4800 \\ 8a + b + 11c + 10e + 25f \leq 4800 \\ 2a + 10b + 5c + 4d + 13e + 7f \leq 4800 \\ 5a + 7d + 10e + 25f \leq 4800 \\ 5a + 3b + 5c + 8d + 7f \leq 4800 \\ 5a + 5b + 3c + 12d + 8e \leq 4800 \end{array} \right. \Leftrightarrow \begin{pmatrix} 8 & 15 & 0 & 5 & 0 & 10 \\ 7 & 1 & 2 & 15 & 7 & 12 \\ 8 & 1 & 11 & 0 & 10 & 25 \\ 2 & 10 & 5 & 4 & 13 & 7 \\ 5 & 0 & 0 & 7 & 10 & 25 \\ 5 & 3 & 5 & 8 & 0 & 7 \\ 5 & 5 & 3 & 12 & 8 & 0 \end{pmatrix} \cdot X \leq \begin{pmatrix} 4800 \\ 4800 \\ 4800 \\ 4800 \\ 4800 \\ 4800 \\ 4800 \end{pmatrix}$$

## 2 Programmation Linéaire Monocritère

### 2.1 Modélisation et Proposition de solution : Comptable

L'objectif du comptable est de maximiser le bénéfice, ce dernier est obtenu par la différence entre le revenu global  $G$  et des charges totales  $C$  liées à l'achat des matières premières et du cout d'usinage sur les machines de l'entreprise.

Ainsi la fonction objectif du problème de comptabilité se modélise sous la forme suivante :

$$F_{compta}(X) = G(X) - C(X)$$

En considérant les fonctions suivantes :

- Le revenu global :

$$G(X) = (20 \ 27 \ 26 \ 30 \ 45 \ 40) \cdot X$$

$$G(X) = 20 \cdot a + 27 \cdot b + 26 \cdot c + 30 \cdot d + 45 \cdot e + 40 \cdot f$$

- Les charges totales :

$$C(X) = C_{mtrprem}(X) + C_{machines}(X)$$

Pour les matières premières :  $C_{mtrprem}(X) = \sum_{i \in X} C_{mtp_i} \cdot i$

$$Prix = \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \\ 2 \end{pmatrix}$$

$$C_{mtp_a} = (1 \ 2 \ 1) \cdot Prix = 13$$

$$C_{mtp_b} = (2 \ 2 \ 0) \cdot Prix = 14$$

$$C_{mtp_c} = (1 \ 1 \ 3) \cdot Prix = 15$$

$$C_{mtp_d} = (5 \ 2 \ 2) \cdot Prix = 27$$

$$C_{mtp_e} = (0 \ 2 \ 2) \cdot Prix = 12$$

$$C_{mtp_f} = (2 \ 1 \ 0) \cdot Prix = 10$$

D'où :  $C_{mtrprem}(X) = 13 \cdot a + 14 \cdot b + 15 \cdot c + 27 \cdot d + 12 \cdot e + 10 \cdot f$

Pour les couts d'usinage :

$$C_{machines}(X) = \sum_{i \in X} C_{machines_i} \cdot i$$

$$CoutMinute = \begin{pmatrix} 0.03 \\ 0.03 \\ 0.017 \\ 0.017 \\ 0.03 \\ 0.05 \\ 0.05 \end{pmatrix}$$

$$\begin{aligned} C_{machines_a} &= (8 \ 7 \ 8 \ 2 \ 5 \ 5 \ 5) \cdot CoutMinute = 1.33 \\ C_{machines_b} &= (15 \ 1 \ 1 \ 10 \ 0 \ 5 \ 3) \cdot CoutMinute = 1.11 \\ C_{machines_c} &= (0 \ 2 \ 11 \ 5 \ 0 \ 3 \ 5) \cdot CoutMinute = 0.73 \\ C_{machines_d} &= (5 \ 15 \ 0 \ 4 \ 7 \ 12 \ 8) \cdot CoutMinute = 1.96 \\ C_{machines_e} &= (0 \ 7 \ 10 \ 13 \ 10 \ 8 \ 0) \cdot CoutMinute = 1.35 \\ C_{machines_f} &= (10 \ 12 \ 25 \ 7 \ 25 \ 0 \ 7) \cdot CoutMinute = 2.45 \end{aligned}$$

D'où :  $C_{machines}(X) = 1.33 \cdot a + 1.11 \cdot b + 0.73 \cdot c + 1.96 \cdot d + 1.35 \cdot e + 2.45 \cdot f$

Ainsi, nous pouvons déduire la fonction objectif -traduisant le bénéfice- à maximiser :

$$F_{compta}(X) = (5.67 \ 11.88 \ 12.27 \ 1.03 \ 31.65 \ 27.55) \cdot X$$

De ce fait, nous avons effectué cette démarche en minimisant la fonction suivante tout en intégrant les contraintes spécifiés précédemment :

$$f(X) = -F_{compta}(X) = (-5.67 \ -11.88 \ -12.27 \ -1.03 \ -31.65 \ -27.55) \cdot X$$

$$\text{avec} \begin{cases} f(X) \text{ à minimiser} \\ A \cdot X \leq b \\ 0 \leq X \end{cases}$$

$$\text{La solution proposée est la suivante : } X = \begin{pmatrix} 0 \\ 20.41 \\ 0 \\ 0 \\ 242.50 \\ 94.18 \end{pmatrix}$$

Le bénéfice maximal envisageable est de : **10 512 €**

## 2.2 Modélisation et Proposition de solution : Resp.Atelier

L'objectif du responsable d'atelier est de maximiser la fabrication des produits. Autrement dit, maximiser la quantité totale des produits. Nous modéliserons la fonction objectif sous la forme suivante :

$$F_{respAtelier}(X) = (1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1) \cdot X$$

Ainsi, le problème est réduit à une fonction  $f$  à minimiser tout en tenant compte des contraintes globales précédentes :  $f(X) = -F_{respAtelier}(X) = (-1 \ -1 \ -1 \ -1 \ -1 \ -1) \cdot X$

$$avec \begin{cases} f(X) \text{ à minimiser} \\ A \cdot X \leq b \\ 0 \leq X \end{cases}$$

La solution proposée est la suivante :  $X = \begin{pmatrix} 0 \\ 56.73 \\ 38.69 \\ 0 \\ 184.46 \\ 98.92 \end{pmatrix}$

La production maximale envisageable est de : **378.8 Produits**

### 2.3 Modélisation et Proposition de solution : Resp.Stock

La problématique du responsable des stocks est double, puisqu'il s'agit de minimiser le stock global de l'entreprise tout en préservant un niveau minimal d'activité au sein de l'entreprise.

Nous nous attaquerons dans un premier temps à la fonction objectif , obtenu par la somme des quantités des produits et des quantités de matières premières pour chaque produit :

$$F_{respStock}(X) = (1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1) + (4 \ 4 \ 5 \ 9 \ 4 \ 3) \cdot X$$

$$F_{respStock}(X) = (5 \ 5 \ 6 \ 10 \ 5 \ 4) \cdot X$$

Néanmoins, cette fonction -à minimiser- admet le vecteur nul comme solution minimale, réduisant à néant la productivité de l'entreprise.

De ce fait, afin de contourner le problème, nous ajouterons 2 contraintes supplémentaires concernant la production totale de l'entreprise pour traduire l'activité.

- La première contrainte, qui concerne la production maximale, se traduit par l'inégalité suivante :

$$a+b+c+d+e+f < 378.8$$

- La deuxième contrainte concerne un seuil minimal d'activité qui ne pourrait être inférieur à 50% du maximum afin de maintenir un bénéfice acceptable pour l'entreprise :

$$378.8 \cdot i < a+b+c+d+e+f \text{ avec } 0.50 < i < 1$$

En intégrant les nouvelles contraintes au jeu établi précédemment par le biais de  $A_{new}$  et de  $b_{new}$  , nous avons pu modéliser l'évolution du stock global  $F_{respStock}(X)$  en fonction du pourcentage  $\%prodMax$  de la production maximale imposé en seuil minimal d'activité (cf. Figure 1).

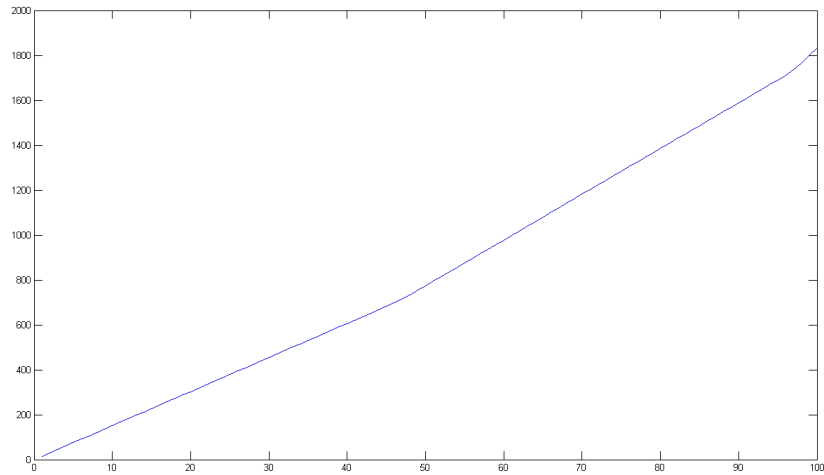


FIGURE 1 – Évolution du stock en fonction de %prodMax

Ainsi, nous constatons un point d'inflexion établi à **80%** de la production maximale. Au delà, on constate une augmentation très rapide du stock qui ne satisfait nullement l'objectif fixé. C'est à partir de ce point particulier que nous construirons notre solution au problème suivant :  $f(X) = F_{respStock}(X) = (5 \ 5 \ 6 \ 10 \ 5 \ 4) \cdot X$

$$avec \begin{cases} f(X) \text{ à minimiser} \\ A_{new} \cdot X \leq b_{new} \\ 0 \leq X \end{cases}$$

La solution optimale pour ce problème est la suivante :  $X = \begin{pmatrix} 38.35 \\ 25.47 \\ 0 \\ 0 \\ 108.87 \\ 130.36 \end{pmatrix}$

Le stock minimal obtenu par ces données est de : **1384 unités**

## 2.4 Modélisation et Proposition de solution : Resp.Commercial

Le responsable commercial a pour objectif la réalisation de l'équilibre entre la première famille de produits (A,B et C) et la seconde (D,E et F). Cette contrainte d'égalité se modélise par l'équation suivante :

$$a + b + c = d + e + f \Leftrightarrow (1 \ 1 \ 1 \ -1 \ -1 \ -1) \cdot X = 0 \Leftrightarrow A_{eq} \cdot X = b_{eq}$$

Le fonction objectif du responsable commercial demeure identique à celle du responsable d'atelier, maximiser la production de l'entreprise -pour assurer l'activité de l'entreprise- tout en tenant compte de la nouvelle contrainte d'équilibre.

$$F_{respComm}(X) = (1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1) \cdot X$$

Ainsi, le problème est mathématiquement réduit à une fonction  $f$  à minimiser tout en tenant compte des contraintes globales précédentes en plus de la nouvelle contrainte d'équilibre :  
 $f(X) = -F_{respComm}(X) = (-1 \ -1 \ -1 \ -1 \ -1 \ -1) \cdot X$

$$avec \begin{cases} f(X) \text{ à minimiser} \\ A \cdot X \leq b \\ A_{eq} \cdot X = b_{eq} \\ 0 \leq X \end{cases}$$

La solution optimale pour ce problème est la suivante :  $X = \begin{pmatrix} 142.11 \\ 0 \\ 44.42 \\ 0 \\ 104.80 \\ 81.73 \end{pmatrix}$

La production de la première famille s'élève à **186.53 unités**

La production de la deuxième famille s'élève à **186.53 unités**

L'écart théorique constaté entre ces deux familles est de : **0 unités**

## 2.5 Modélisation et Proposition de solution : Resp.Personnel

La problématique du responsable du personnel concerne la réduction de l'usage des machines 3 et 5 tout en maintenant une activité correcte de l'entreprise. La fonction objectif modélisant le problème se retranscrit sous la forme suivante :

$$\begin{aligned} F_{respPers}(X) &= F_{TmpsMachine3}(X) + F_{TmpsMachine5}(X) \\ F_{TmpsMachine3}(X) &= (8 \ 1 \ 11 \ 0 \ 10 \ 25) \cdot X \\ F_{TmpsMachine5}(X) &= (5 \ 0 \ 0 \ 7 \ 10 \ 25) \cdot X \\ F_{respPers}(X) &= (13 \ 1 \ 11 \ 7 \ 20 \ 50) \cdot X \end{aligned}$$

Cependant, le minimum envisageable pour cette fonction est le vecteur nul, solution absurde pour assurer l'activité de l'entreprise. Ainsi, de manière identique au problème du responsable des stocks, nous ajouterons 2 contraintes supplémentaires liées à l'activité maximale de l'entreprise. - La première contrainte, qui concerne la production maximale, se traduit par l'inégalité suivante :  **$a+b+c+d+e+f < 378.8$**

- La deuxième contrainte concerne un seuil minimal (pourcentage de la production maximale, à définir) d'activité :  **$378.8 \cdot i < a+b+c+d+e+f$  avec  $0 < i < 1$**

A partir du jeu de contraintes modifié interprété par  $A_{new}$  et de  $b_{new}$ , nous pouvons établir une relation traduisant l'impact du seuil minimal sur les temps d'usinage des machines 3 et 5

ainsi que sur le temps d'utilisation global (cf. Figure 2)

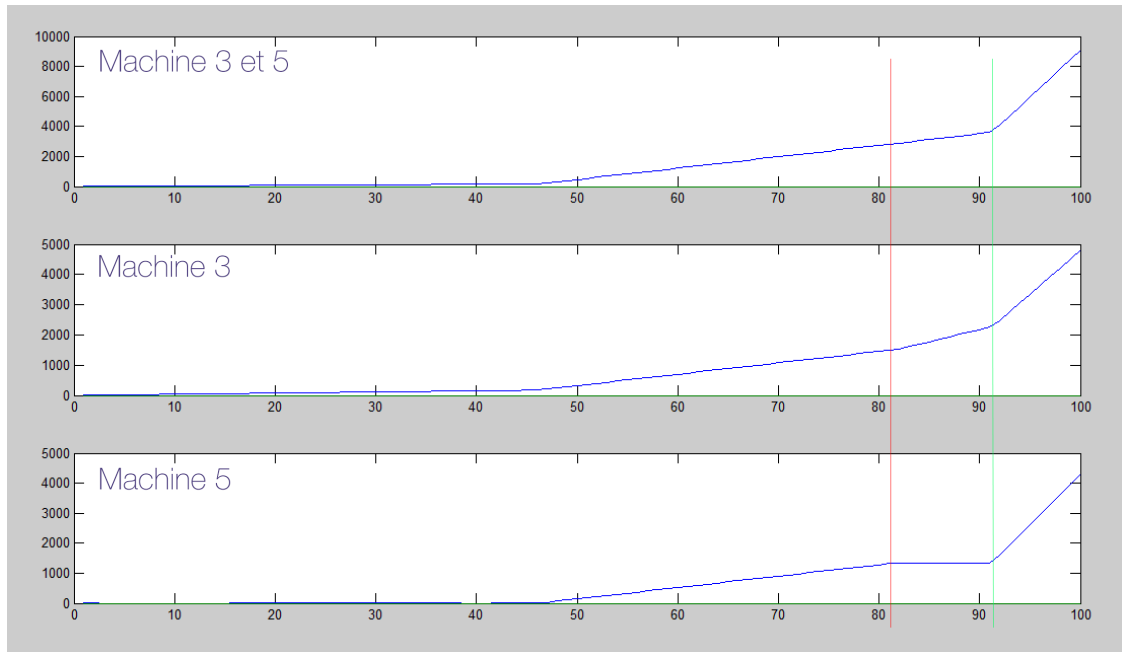


FIGURE 2 – Évolution des différents temps machine en fonction %prodMax

A partir de l'analyse des graphiques produits, nous constatons une zone de solutions possibles intéressantes (délimitées par les frontières rouges et vertes). Dans cette zone, le temps d'utilisation de la machine 5 est quasi-constant. L'augmentation est ainsi liée par le temps d'utilisation de la machine 3.

L'objectif étant de minimiser le temps d'utilisation des deux machines et respecter un certain équilibre entre ces dernières (ne pas préserver une machine au détriment d'une autre), nous déduisons que la solution optimale pour cette problématique s'établit à **82%** de la production maximale, assurant un compromis idéal entre l'utilisation maximale des deux machines et l'utilisation indépendante de chacune d'entre elles. Cette condition supplémentaire nous permettra de construire notre solution au problème suivant :  $f(X) = F_{respPers}(X) = (13 \ 1 \ 11 \ 7 \ 20 \ 50) \cdot X$

$$\text{avec } \begin{cases} f(X) \text{ à minimiser} \\ A_{new} \cdot X \leq b_{new} \\ 0 \leq X \end{cases}$$



La solution optimale pour ce problème est la suivante :  $X = \begin{pmatrix} 0 \\ 174.38 \\ 1.23 \\ 0 \\ 135 \\ 0 \end{pmatrix}$

Le temps total minimal obtenu est de : **2887.9 mn**

Le temps minimal de la machine 3 obtenu est de : **1537.9 mn**

Le temps minimal de la machine 5 obtenu est de : **1350 mn**

### 3 Programmation Linéaire Multicritère

#### 3.1 Introduction

Nous considérons à présent le point de vue du directeur d'entreprise. Son objectif est de contenter tous les responsables en satisfaisant au mieux possible les critères de chacun.

#### 3.2 Matrice de Gain

Nous commençons par représenter la matrice de Gain.

La matrice de Gain correspond aux valeurs obtenues pour les objectifs de chaque responsable en fonction du cas idéal d'un responsable. Elle est générée à partir des résultats de la partie 1, c'est à dire aux choix d'une programmation mono-critère. En récupérant les fonctions objectifs de chaque responsable et les solutions optimales de chaque responsable, nous pouvons donc calculer la matrice de gain.

$$F_{compta} = (-5.67 \quad -11.88 \quad -12.27 \quad -1.03 \quad -31.65 \quad -27.55)$$

$$F_{respAtelier} = (-1 \quad -1 \quad -1 \quad -1 \quad -1 \quad -1)$$

$$F_{respStock} = (-5 \quad -5 \quad -6 \quad -10 \quad -5 \quad -4)$$

$$F_{respCom} = (-1 \quad -1 \quad -1 \quad 1 \quad 1 \quad 1)$$

$$F_{respPers} = (-13 \quad -1 \quad -11 \quad -7 \quad -20 \quad -50)$$

$$sol_{compta} = (0 \quad 20.41 \quad 0 \quad 0 \quad 242.5 \quad 94.18)$$

$$sol_{respAtelier} = (0 \quad 56.73 \quad 38.69 \quad 0 \quad 184.46 \quad 98.92)$$

$$sol_{respStock} = (38.3473 \quad 25.4708 \quad 0.0000 \quad 0.0000 \quad 108.8663 \quad 130.3556)$$

$$sol_{respCom} = (142.12 \quad 0 \quad 44.42 \quad 0 \quad 104.81 \quad 81.73)$$

$$sol_{respPers} = (0 \quad 174.38 \quad 1.23 \quad 0 \quad 135 \quad 0)$$

$$F^t = (F_{compta}^t \quad F_{respAtelier}^t \quad F_{respStock}^t \quad F_{respCom}^t \quad F_{respPers}^t)$$

$$Solt = (sol_{compta}^t \quad sol_{respAtelier}^t \quad sol_{respStock}^t \quad sol_{respCom}^t \quad sol_{respPers}^t)$$

On obtient la matrice de Gain en effectuant le calcul suivant :

$$Gain = -Solt^t \cdot Ft$$

$$Gain = \begin{pmatrix} 10512 & 357 & 1691 & -316 & 9579 \\ 9712 & 379 & 1834 & -188 & 9118 \\ 7557 & 303 & 1385 & -175 & 9219 \\ 6920 & 373 & 1828 & 0 & 8519 \\ 6359 & 311 & 1554 & 41 & 2888 \end{pmatrix}$$

La première colonne correspond au bénéfice obtenu en tenant compte de la solution optimale de chaque responsable. La deuxième correspond quand à elle au nombre de produit à fabriquer. La troisième quand à elle correspond au nombre de produit dans le stock tandis que la quatrième correspond à la différence de quantité de produit fabriqué entre les deux familles. Finalement, la 5ème correspond aux temps d'utilisation des machines 3 et 5.

Les lignes de la matrice correspondent aux résultats obtenus pour un responsable particulier

La diagonale correspond au point de Mire, c'est à dire, le résultat optimal que voudrait atteindre le responsable de l'entreprise. Nous devons donc essayer de nous y approcher le plus possible.

$$PM = \begin{pmatrix} 10512 \\ 378.8 \\ 1385 \\ 0 \\ 2887.9 \end{pmatrix}$$

### 3.3 Application de la Programation Lineaire Multicritere

#### 3.3.1 Axe de travail

Nous allons à present considerer le bénéfice de l'entreprise comme variable à modifier et placer les autres variable en contrainte. Nous pouvons alors jouer sur les différentes valeurs pour essayer de maximiser les différentes valeurs. La matrice de contrainte A et le vecteur B deviennent :

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 & 5 & 0 & 2 \\ 2 & 2 & 1 & 2 & 2 & 1 \\ 1 & 0 & 3 & 2 & 2 & 0 \\ 8 & 15 & 0 & 5 & 0 & 10 \\ 7 & 1 & 2 & 15 & 7 & 12 \\ 8 & 1 & 11 & 0 & 10 & 25 \\ 2 & 10 & 5 & 4 & 13 & 7 \\ 5 & 0 & 0 & 7 & 10 & 25 \\ 5 & 3 & 5 & 8 & 0 & 7 \\ 5 & 5 & 3 & 12 & 8 & 0 \\ -1 & -1 & -1 & -1 & -1 & -1 \\ -5 & -5 & -6 & -10 & -5 & -4 \\ -1 & -1 & -1 & 1 & 1 & 1 \\ -13 & -1 & -11 & -7 & -20 & -50 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 350 \\ 620 \\ 485 \\ 4800 \\ 4800 \\ 4800 \\ 4800 \\ 4800 \\ 4800 \\ 4800 \\ -378.8 \\ -1385 \\ -0 \\ -2887.9 \end{pmatrix}$$

Nous allons donc modifier les valeurs de B pour essayer de maximiser les chiffres. Nous remarquons que les valeurs sont corrélées, plus nous maximisons un des différents objectifs, plus les autres diminuent. Il faut alors essayer de trouver un compromis qui satisfera au mieux les différents responsables.

Afin de construire notre solution finale, nous allons spécifier des contraintes moins strictes que les contraintes initiales. Notre axe de travail sera donc de baisser le nombre de produit (Réduire la valeur 378.8), augmenter le stock (Augmenter la valeur 1385), faire varier l'équilibre entre les deux familles (Réduire ou Augmenter la valeur de 0) et finalement augmenter la durée d'utilisation des machines (Augmenter la valeur de 2887.9) dans la matrice B afin d'obtenir une solution qui nous satisfera.

### 3.3.2 Resultats

Bien entendu, le bénéfice et le profit sont les variables stratégiques à maximiser. Nous avons opté alors pour les valeurs suivantes pour assurer un niveau optimal de cohérence entre les différents responsables et l'objectif global de l'entreprise.

$$B = \begin{pmatrix} 350 \\ 620 \\ 485 \\ 4800 \\ 4800 \\ 4800 \\ 4800 \\ 4800 \\ 4800 \\ 4800 \\ -339 \\ -1425 \\ 40 \\ -3075 \end{pmatrix}$$

Nous obtenons alors un nombre de produits fabriqués de l'ordre de :

**0** produits A

**102.9687** produits B

**57.1875** produits C

**0** produits D

**156.7187** produits E

**43.4375** produits F

Cette configuration nous permettra de réaliser :

**8081€** de bénéfice

**360** produits fabriqués

**1815** de produits dans le stock

**40** de différence entre les produits de la famille A et B

**6038** de temps d'utilisation des machines 3 et 5

Ceci permet de satisfaire :

**77%** des objectifs du Comptable

**95%** des objectifs du responsable Atelier

**77%** des objectifs du responsable Stock

**80%** des objectifs du responsable commercial

**48%** des objectifs du responsable personnel

(Cf Figure 3)

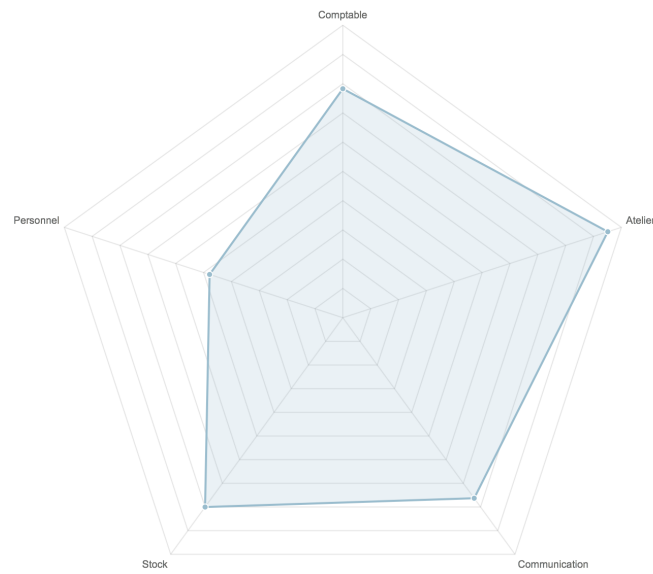


FIGURE 3 – Niveau de satisfaction en fonction des objectifs de chaque responsable

Nous trouvons cette solution satisfaisante car nous rognons seulement sur les objectifs du responsable personnel pour obtenir environ 80% des objectifs des autres responsables.

## 4 Partie3

test

## Annexe

test