

Clustering of dynamic graphs

Hauptseminar Networkvisualisation

Moritz Hamann



Abb. 1. In den Wolken: Vancouver von Cypress Mountain. Auf der ersten Seite dürfen keine Grafiken außer dieser optionalen Aufmachgrafik (Teaser) abgebildet sein.

Kurzbeschreibung—This paper presents a summary about various techniques to detect and identify densely connected nodes in a graph, so called clusters. In the first part, we introduce the concept of clusters for static graphs alongside their main properties. For dynamic graphs with time varying edge connections, these clusters may be subject to change with every time step. Therefore additional characteristics have to be introduced.

The second part describes two methods to detect, identify and track clusters in a dynamic graph. A common solution for this problem is the clustering of a static graph at each time step, and the identification of the same clusters over multiple time steps. A method is presented to track these clusters, which is independent of the underlying static graph clustering algorithm. Furthermore, we describe an extension of the k-clique percolation algorithm to dynamic graphs.

Finally, the clique percolation algorithm is applied to two different real world networks, which yields interesting results about group dynamics, with regards to the correlation of various group properties.

1 MOTIVATION

Das mathematische Konzept der Graphen ist ein essentielles Modellierungswerkzeug in der Informatik. Nicht nur lassen sich damit verschiedenste Datenstrukturen anschaulich darstellen, sondern mit ihrer Hilfe lassen sich auch jegliche Beziehungen zwischen einzelnen Objekten oder Prozessen in einem Netzwerk modellieren und untersuchen. Aus diesem Grund sind sie heutzutage nicht nur in der klassischen Informatik sowie in der Mathematik zu finden, sondern haben auch in vielen anderen Wissenschaften ihren Einzug erhalten. So werden sie genutzt um die Gruppendynamik in biologischen Netzwerken zu beschreiben, dienen als Kontrollalgorithmen für Multiagenten Systeme [?] und beschreiben Kommunikationsmuster in sozialen Netzwerken.

Um die Eigenschaften sehr großer Netzwerke analytisch untersuchen zu können, werden häufig Zufallsgraphen nach dem Model von Edgar Gilbert (nachweise?) oder Erdos-Renyi verwendet. Diese Graphen haben die Besonderheit, dass die Wahrscheinlichkeit für eine Verbindung zwischen je zwei Objekten im gesamten Netzwerk konstant ist. Dadurch entsteht ein gleichmäßiger Graph, dessen Gradverteilung binomial verteilt sind, und somit die meisten Knoten die gleiche Anzahl an Kanten haben. Mit Hilfe der Wahrscheinlichkeitstheorie, lassen sich nun die Eigenschaften dieser Graphen auch für eine sehr hohe Anzahl an Knoten bestimmen und untersuchen.

Allerdings haben Untersuchungen von realen Netzen gezeigt (nachweis), dass sich diese in den meisten Fällen von Zufallsgraphen unterscheiden. Reale Netzwerke sind häufig sogenannte Skalenfreie Netze (im Englischen 'Scale-free networks'), in denen die Anzahl der Verbindungen pro Knoten nicht binomial verteilt ist, sondern nach einem Potenzgesetz. Dadurch entsteht ein Netzwerk, in dem einzelne wenige Knoten eine große Anzahl an Verknüpfungen hat, und die meisten weniger stark verknüpft sind. Weiterhin ist die Gradverteilung auch lokal sehr inhomogen, so dass sich Teilgraphen ausbilden, deren Knoten untereinander sehr stark bis komplett verknüpft sind. Diese Teilgraphen werden auch 'Cluster' genannt.

Für viele Anwendungsgebiete sind diese Cluster von verstärktem Interesse, da stark verknüpfte Knoten oftmals die gleichen Eigenschaften besitzen.

In human relation networks offenbaren Gruppen in vielen Formen wie etwa Freundeskreise, Arbeitskollegen, Städte etc. zeigen können. With the rise of the world wide web and the emerging increase of electronic communication, a lot of interest shifted toward the detection and identification of these communities within a network. A prime example in the context of social network sites is the suggestion of possible friends or the identification of common interests, which is crucial for any kind of social marketing.

But clustering analysis in graphs is not limited to human social networks. In the authors outlined various real world networks, in which the detection of clusters within the graphs is essential.

This paper provides an o

2 BASICS

was sind cluster, ueberlabende cluster, definition?

2.1 Properties of Cluster

2.2 Properties of dynamic graphs

3 CLUSTERING IN STATIC GRAPHS

3.1 Clique percolation

3.2 modularity function clustering?

4 CLUSTERING IN DYNAMIC GRAPHS

4.1 Extension of clique percolation

4.2 Time step Clustering

5 MAYBE VISUALIZATION OF DYNAMIC GRAPHS

6 GROUP EVOLUTION (RESULTS)

7 CONCLUSION

7.1 Abbildungen und Tabellen

Alle Abbildungen (siehe Abb. 2) und Tabellen (Tabelle 1) sollten zentriert sein (`\centering`). Abbildungen über beide Textspalten (Abb. 3) können mit `\begin{figure*}...\end{figure*}` eingefügt werden.

7.2 Referenzen

Literaturangaben wie beispielsweise Levoy [?] werden mit Hilfe von BibTeX erzeugt. Dazu werden die Referenzen in die Literaturliste (hier *literatur.bib*) eingetragen und entsprechend mit `\cite` referenziert.

7.3 L^AT_EX-Übersetzung

Die L^AT_EX-Datei kann mit *latex* oder *pdflatex* übersetzt werden. Dabei ist zu beachten, dass für die Übersetzung mit *latex* die Grafiken in Postscript (eps) vorliegen, für *pdflatex* entsprechend als jpg, png oder pdf. Der Ablauf ist dabei der folgende:

1. `pdflatex <quelldatei.tex>`
2. `bibtex <quelldatei>`
3. `pdflatex <quelldatei.tex>` (evtl. mehrfach)

Alternativ kann auch das mitgelieferte Makefile verwendet werden.

Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua [?, ?]. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet.

Duis autem vel eum iriure dolor in hendrerit in vulputate velit esse molestie consequat, vel illum dolore eu feugiat nulla facilisis at vero eros et accumsan et iusto odio dignissim qui blandit praesent luptatum zzril delenit augue duis dolore te feugait nulla facilisi [?]. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy nibh euismod tincidunt ut laoreet dolore magna aliquam erat volutpat.

Ut wisi enim ad minim veniam, quis nostrud exerci tation ullamcorper suscipit lobortis nisl ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis autem vel eum iriure dolor in hendrerit in vulputate velit esse molestie consequat, vel illum dolore eu feugiat nulla facilisis at vero eros et

accumsan et iusto odio dignissim qui blandit praesent luptatum zzril delenit augue duis dolore te feugait nulla facilisi.

Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum [?]. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet.

Duis autem vel eum iriure dolor in hendrerit in vulputate velit esse molestie consequat, vel illum dolore eu feugiat nulla facilisis at vero eros et accumsan et iusto odio dignissim qui blandit praesent luptatum zzril delenit augue duis dolore te feugait nulla facilisi. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur adipiscin elit, sed diam nonummy nibh euismod tincidunt ut laoreet dolore magna aliquam erat volutpat [?].

Ut wisi enim ad minim veniam, quis nostrud exerci tation ullamcorper suscipit lobortis nisl ut aliquip ex ea commodo consequat [?]. Duis autem vel eum iriure dolor in hendrerit in vulputate velit esse molestie consequat, vel illum dolore eu feugiat nulla facilisis at vero eros et accumsan et iusto odio dignissim qui blandit praesent luptatum zzril delenit augue duis dolore te feugait nulla facilisi.

Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet.

Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet.

Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua.

$$\sum_{j=1}^z j = \frac{z(z+1)}{2} \quad (1)$$

Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur

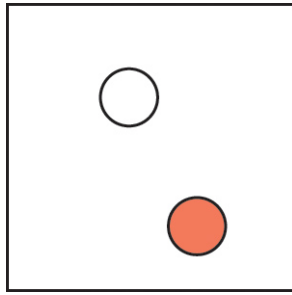


Abb. 2. Beispielillustration.

Tabelle 1. Vis Paper Acceptance Rate

| Year | Submitted | Accepted | Accepted (%) |
|------|-----------|----------|--------------|
| 1994 | 91 | 41 | 45.1 |
| 1995 | 102 | 41 | 40.2 |
| 1996 | 101 | 43 | 42.6 |
| 1997 | 117 | 44 | 37.6 |
| 1998 | 118 | 50 | 42.4 |
| 1999 | 129 | 47 | 36.4 |
| 2000 | 151 | 52 | 34.4 |
| 2001 | 152 | 51 | 33.6 |
| 2002 | 172 | 58 | 33.7 |
| 2003 | 192 | 63 | 32.8 |
| 2004 | 167 | 46 | 27.6 |
| 2005 | 268 | 88 | 32.8 |
| 2006 | 228 | 63 | 27.6 |

sadipscing elit, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elit, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet.

Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elit, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elit, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elit, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet.

Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elit, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elit, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet.

Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elit, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elit, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et

dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elit, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet.

7.4 Mezcal Head

Duis autem [?] vel eum iriure dolor in hendrerit in vulputate velit esse molestie consequat, vel illum dolore eu feugiat nulla facilisis at vero eros et accumsan et iusto odio dignissim qui blandit praesent luptatum zzril delenit augue duis dolore te feugait nulla facilisi. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed diam nonummy nibh euismod tincidunt ut laoreet dolore magna aliquam erat volutpat¹.

7.4.1 Ejector Seat Reservation

Ut wisi enim ad minim veniam, quis nostrud exerci tation ullamcorper suscipit lobortis nisl ut aliquip ex ea commodo consequat [?]. Duis autem vel eum iriure dolor in hendrerit in vulputate velit esse molestie consequat, vel illum dolore eu feugiat nulla facilisis at vero eros et accumsan et iusto odio dignissim qui blandit praesent luptatum zzril delenit augue duis dolore te feugait nulla facilisi.

Rejected Ejector Seat Reservation Ut wisi enim ad minim veniam, quis nostrud exerci tation ullamcorper suscipit lobortis nisl ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis autem vel eum iriure dolor in hendrerit in vulputate velit esse molestie

8 CONCLUSION

Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elit, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elit, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elit, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet.

Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elit, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elit, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum.

¹Fußnoten erscheinen an der Unterseite der Spalte. Sie sollten jedoch vermieden werden, da der Lesefluss gestört wird.

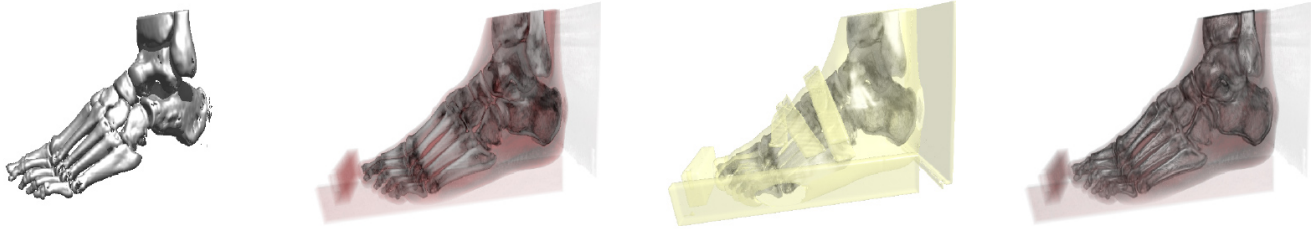


Abb. 3. Illustration über beide Textspalten hinweg. Auch Illustrationen müssen entsprechend den Quellen gekennzeichnet werden. [?]