Algorithmen und Datenstrukturen SoSe25

-Assignment 3-

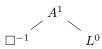
Problem 1: AVL-Bäume

a) Fügen Sie die Schlüssel A, L, G, O, D, T, S, X, Y, Z in dieser Reihenfolge in einen anfangs leeren AVL-Baum ein. Löschen Sie sodann die Schlüssel Z, A, L. Zeichnen Sie den Baum nach jedem Einfüge- und Löschvorgang, und zeigen Sie die Rotationen, welche durchgeführt werden. Annotieren Sie dabei auch die Knoten mit ihrer jeweiligen Höhe.

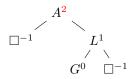
1. Einfügen: A

 A^0

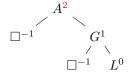
2. Einfügen: L



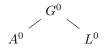
3. Einfügen: G



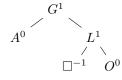
- BF-Faktor bei Knoten A ist größer als $1 \Rightarrow$ Um-balancieren der Knoten A, L, G
- \Rightarrow Links-Rotation der Knoten L&G



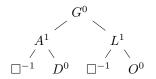
 \Rightarrow Rechts-Rotation der Knoten A&G



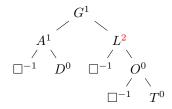
- \Rightarrow AVL-Baum ist ausgeglichen
- 4. Einfügen: O



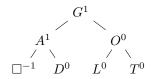
5. Einfügen: D



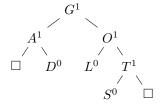
6. Einfügen: T



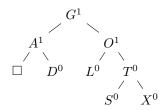
- BF-Faktor bei Knoten L ist größer als 1 \Rightarrow Um-balancieren der Knoten L, O, T
- \Rightarrow Rechts-Rotation der Knoten L&O



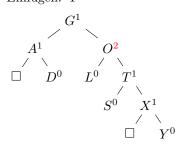
- \Rightarrow AVL-Baum ist ausgeglichen
- 7. Einfügen: S



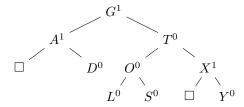
8. Einfügen: X



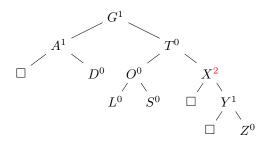
9. Einfügen: Y



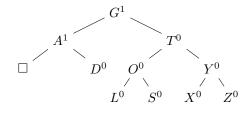
- BF-Faktor bei Knoten O ist größer als $1 \Rightarrow$ Um-balancieren der Knoten O&T
- \Rightarrow Links-Rotation der Knoten O&T



- \Rightarrow AVL-Baum ist ausgeglichen
- 10. Einfügen: Z



- BF-Faktor bei Knoten X ist größer als $1 \Rightarrow$ Um-balancieren der Knoten Y & Z
- \Rightarrow Links-Rotation der Knoten X&Y



- \Rightarrow AVL-Baum ist ausgeglichen
- b) Beweisen Sie: Beim Einfügen in einen AVL-Baum wird höchstens eine (Einfach- oder Doppel-)Rotation ausgeführt. Gilt das auch beim Löschen (Begründung)?