9. Aufgabenblatt zur Vorlesung

## Algorithmen und Datenstrukturen

SoSe 2025

Wolfgang Mulzer

Abgabe am 27. Juni 2025 bis 10 Uhr im Whiteboard

## Aufgabe 1 Suchen in Zeichenketten I

10 Punkte

Implementieren Sie den naiven Algorithmus und den Algorithmus von Rabin-Karp zur Suche in Zeichenketten. Finden Sie dann heraus, wie oft das Wort *whale* in Moby Dick vorkommt (ignorieren Sie dabei Groß- und Kleinschreibung). Wie schneiden Ihre Implementierungen im Vergleich ab?

Hinweis: Den Roman Moby Dick finden Sie unter

http://www.gutenberg.org/files/2701/2701-0.txt.

## Aufgabe 2 Suchen in Zeichenketten II

10 Punkte

(a) Der Algorithmus von Rabin-Karp lässt sich leicht auf mehrere Suchmuster verallgemeinern. Gegeben eine Zeichenkette s und Suchmuster  $t_1, \ldots, t_k$ , bestimme die erste Stelle in s, an der eines der Muster  $t_1, \ldots, t_k$  vorkommt. Beschreiben Sie, wie man den Algorithmus von Rabin-Karp für diese Situation anpassen kann. Was ist die heuristische Laufzeit Ihres Algorithmus (unter der Annahme, dass Kollisionen selten sind)?

*Hinweis:* Nehmen Sie zunächst an, dass alle Suchmuster die gleiche Länge haben. Der allgemeine Fall lässt sich darauf zurückführen, z.B., indem man zum Hashen alle Suchmuster auf die Minimallänge verkürzt.

(b) Implementieren Sie Ihren Algorithmus aus (a). Beantworten Sie sodann folgende Frage: Was kommt öfter in dem Roman Sense & Sensibility vor: sense oder sensibility/sensible?

Hinweis: Siehe http://www.gutenberg.org/files/161/161-0.txt.

## Aufgabe 3 Suche in Zeichenketten III

10 Punkte

Sei  $\Sigma = C, G, T, A$ . Sei s = CTTGGATTA und t = TTA.

(a) Verwenden Sie den naiven Algorithmus, um festzustellen, ob/wo das Muster t in der Zeichenkette s vorkommt.

Zeigen Sie die einzelnen Schritte.

(b) Verwenden Sie den Algorithmus von Rabin-Karp, um festzustellen, ob/wo das Muster t in der Zeichenkette s vorkommt. Verwenden Sie A:0,T:1,G:2,C:3 und die Primzahl 5 als Modulus für die Hashfunktion.

Zeigen Sie die einzelnen Schritte.

(c) Verwenden Sie den Algorithmus von Knuth-Morris-Pratt, um festzustellen, ob/wo das Muster t in der Zeichenkette s vorkommt. Zeigen Sie die einzelnen Schritte.