38.1 [sidan 1068] Våg- och materiefysik MÖ

a) För en EM våg med våglängd $\lambda=589\cdot 10^{-9}$ m har varje foton energin $E=hf=h\frac{c}{\lambda}=6.626\cdot 10^{-34}\cdot \frac{2.998\cdot 10^8}{589\cdot 10^{-9}}=3.3726\cdot 10^{-19}$ J. Med effekten P=100 W betyder det att antalet fotoner, N, per sekund blir

$$N = \frac{P}{E} = \frac{100 \left[\frac{J}{s}\right]}{3.3726 \cdot 10^{-19} \left[J\right]} = 2.9651 \cdot 10^{20} \left[\frac{1}{s}\right]. \tag{1}$$

Svar a): Antalet fotoner per sekund är $2.97 \cdot 10^{20}$.

b) Fotonflödet vi vill ha är

$$\phi = 1.00 \left[\frac{1}{cm^2 \cdot s} \right] = 1.00 \left[\frac{1}{(0.01 \, m)^2 \cdot s} \right] = 1.00 \cdot 10^4 \left[\frac{1}{m^2 \cdot s} \right].$$
 (2)

Totala arean som fotoner flödar igenom ges av $A = 4\pi r^2$, varför

$$\phi = \frac{N}{A} \implies r = \sqrt{\frac{N}{4\pi\phi}} = \sqrt{\frac{2.9651 \cdot 10^{20} \left[\frac{1}{s}\right]}{4\pi \cdot 1.00 \cdot 10^4 \left[\frac{1}{m^2 \cdot s}\right]}} = 4.8575 \cdot 10^7 \ [m] \,. \tag{3}$$

Svar b): På avståndet $r = 4.86 \cdot 10^7$ m är fotonflödet 1.00 $\left[\frac{1}{cm^2 \cdot s}\right]$.

c) Två meter från lampan är arean $A=4\pi\cdot 2.00^2=16\pi\;m^2,$ varför

$$\phi = \frac{N}{A} = \frac{2.9651 \cdot 10^{20} \left[\frac{1}{s}\right]}{16\pi \left[m^2\right]} = 5.8989 \cdot 10^{18} \left[\frac{1}{m^2 \cdot s}\right]. \tag{4}$$

Svar c): Fotonflödet på två meters avstånd är $5.90 \cdot 10^{18} \ \left[\frac{1}{m^2 \cdot s} \right]$.