38.7 [sidan 1068] Våg- och materiefysik MÖ

Elektronerna har rörelseenergin $E_{k,1}=\frac{1}{2}mv^2=\frac{1}{2}\cdot 9.109\cdot 10^{-31}\cdot 900^2=3.6891\cdot 10^{-25}$ J och vågtalet $k_1=\hbar^{-1}\sqrt{2mE_{k,1}}=\left(1.05456\cdot 10^{-34}\right)^{-1}\sqrt{2\cdot 9.109\cdot 10^{-31}\cdot 3.6891\cdot 10^{-25}}=7.7739\cdot 10^6~m^{-1}$ före potentialsteget (index 1). Efter potentialstegets yta (eng: $step\ boundary$) (index 2) delas den totala energin upp i en mindre kinetisk del och en potentiell del. Den potentiella energin blir $E_{p,2}=qU=-e\cdot (-)\,1.25\mu V=2.0025\cdot 10^{-25}$ J, varför den nya kinetiska energin är

$$E_{k,1} = E_{k,2} + E_{p,2} \Rightarrow E_{k,2} = E_{k,1} - E_{p,2} = (3.6891 - 2.0025) \cdot 10^{-25} = 1.6866 \cdot 10^{-25} J.$$

$$(1)$$
Det nya vågtalet blir $k_2 = \hbar^{-1} \sqrt{2mE_{k,2}} = \left(1.05456 \cdot 10^{-34}\right)^{-1} \sqrt{2 \cdot 9.109 \cdot 10^{-31} \cdot 1.6866 \cdot 10^{-25}} = 5.25636 \cdot 10^6 \ m^{-1}.$

Vi låter (38-30) och (38-33) representera vågfunktionen före potentialstegen, respektive efter potentialsteget. För att se hur mycket ström som transmitteras T=1-R (38-37), vill vi först räkna ut R från (38-36), varför vi behöver kvoten B/A.

De två matchningsvillkoren (38-34)

$$A + B = C, (2)$$

samt (38-35)

$$Ak_1 - Bk_1 = Ck_2, (3)$$

kan ge oss denna kvot. Multiplicera tex (2) med k_1 och bilda sedan summan av (2) och (3), vilket ger

$$2Ak_1 = C(k_1 + k_2) \Rightarrow A = \frac{C}{2k_1}(k_1 + k_2). \tag{4}$$

På liknande sätt erhåller vi $B=\frac{C}{2k_1}\left(k_1-k_2\right),$ så att $B/A=\left(k_1-k_2\right)/\left(k_1+k_2\right)$ och därmed transmittansens

$$T = 1 - R = 1 - \frac{|B|^2}{|A|^2} = 1 - \left(\frac{k_1 - k_2}{k_1 + k_2}\right)^2 = 1 - \left(\frac{8.2258 - 5.5619}{8.2258 + 5.5619}\right)^2 = 0.9627.$$
(5)

Strömmen efter potentialsteget, I_2 , är strömmen innan, $I_1=5.00$ mA, multiplicerat med transmissionskoefficienten T. Så att $I_2=0.9627\cdot 5.00=4.8134$ mA.

Svar: Strömmen på andra sidan potentialsteget är 4.81 mA.