

Исследование различных детерминированных подходов в угломерной радиопеленгации

Виноградов А.Д., Минин Л.А., Морозов Е.Ю., Ушаков С.Н.

1 Случай локальной системы с НПУ

В работе [1] рассматривалась локальная угломерная навигационная система (ЛУНС), состоящая из трех наземных радиоориентиров и воздушного объекта, оснащенного радиолокационным оборудованием, которое способно определять азимут и угол места каждого из наземных радиоориентиров. Авторами было показано, что определение пространственных координат и угловой ориентации воздушного объекта сводится к решению нелинейной системы уравнений следующего вида:

$$\begin{cases} \ell_1^2 + \ell_2^2 - 2\ell_1\ell_2 \cos \alpha_{12} = d_{12}^2 \\ \ell_1^2 + \ell_3^2 - 2\ell_1\ell_3 \cos \alpha_{13} = d_{13}^2 \\ \ell_2^2 + \ell_3^2 - 2\ell_2\ell_3 \cos \alpha_{23} = d_{23}^2 \end{cases}, \quad (1)$$

где ℓ_i — это расстояние от воздушного объекта до i -го радиоориентира, $d_{i,j}$ — расстояние между i -м и j -м наземным радиоориентиром, $\cos \alpha_{i,j}$ — плоский угол, образованный наземными ориентирами i и j и воздушным объектом. Из этой системы далее выводятся координаты и угловая ориентация воздушного объекта.

Система (1) может иметь несколько решений, что ведет к неоднозначности определения координат и угловой ориентации летательного аппарата. Поэтому, в статье [1] приводятся области, где решение можно определить однозначно. Более того, решение системы (1) производится численно, что потенциально может привести к дополнительным ошибкам в определении пространственных параметров воздушного объекта. В связи с этим, далее предлагается еще один вариант ЛУНС, которая лишена вышеперечисленных недостатков ценой усложнения структуры системы.

Предлагается заменить один из пассивных радиоориентиров на наземный пункт управления (НПУ), оснащенный радиоориентиром. Требуется, чтобы НПУ мог определять азимут и угол места двух других радиоориентиров и воздушного объекта.

По аналогии с [1], будем считать, что воздушный объект находится в точке $M_0(x, y, z)$, НПУ — в $M_1(x_1, y_1, z_1)$, а i -й РО — в точке $M_i(x_i, y_i, z_i)$, $i = 1, 2$.

2 Случай автономной системы

Автономная угломерная радионавигационная система (АУНС) предназначена для определения координат и угловой ориентации в пространстве двух воздушных объектов, оснащенных высотомерами и бортовыми радиоориентирами с наземного пункта управления (НПУ), оснащенного радиоориентиром.

Пусть радиоориентир НПУ расположен в точке M_0 с заранее известными координатами $M_0(x_0, y_0, z_0)$ в Балтийской системе координат (БСК), а воздушные объекты – в точках M_1 и M_2 с координатами $M_i(x_i, y_i, z_i)$, при этом z_i совпадает с измерениями высотомера h_i . НПУ M_0 способен измерять радиопеленг θ_i и угол возвышения β_i i -го воздушного объекта в БСК. Воздушный объект M_n способен измерять азимут α_{ni} и угол места ε_{ni} i -го радиоориентара (наземного или воздушного) в связанной системе координат БПА [1]. Схема размещения с указанными величинами указана на рис. 1. Пространственное положение радиоориентиров в БСК также можно охарактеризовать радиус-векторами $\mathbf{r}_i = (x_i, y_i, z_i)$, где $i = 1, 2, 3$.

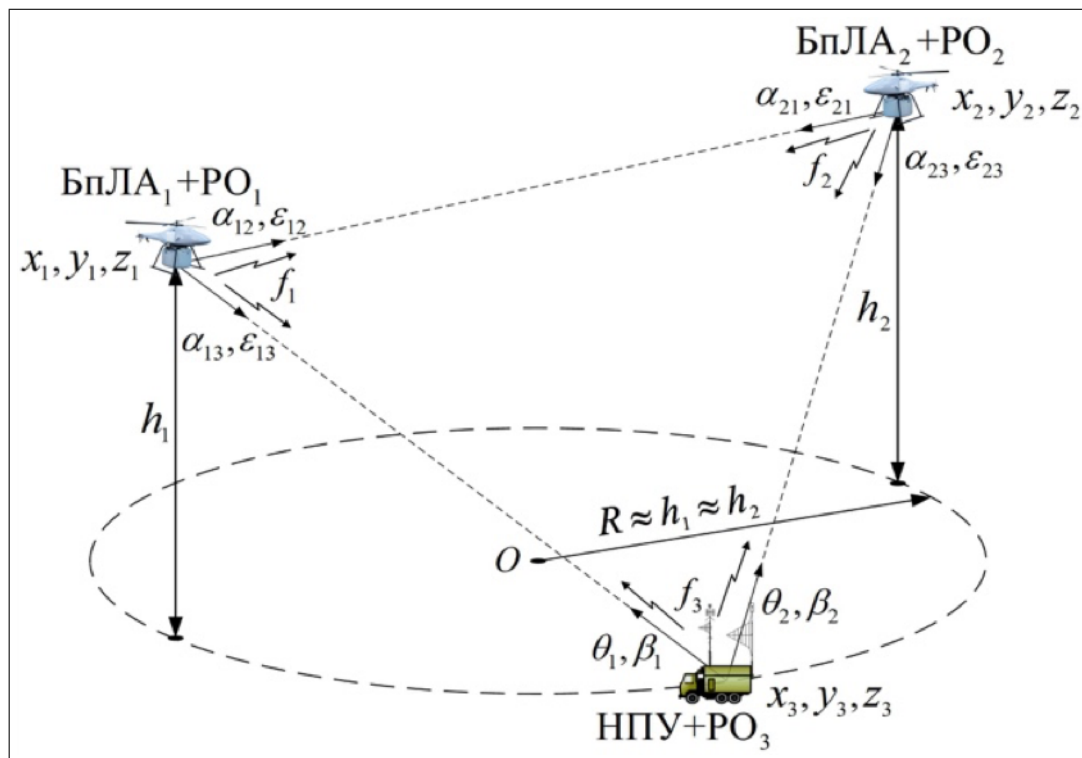


Рис. 1: Схемы размещения на местности БПЛА, НПУ и РО для реализации АУНС

При детерминированном подходе для такой системы возможно однозначно определить координаты и угловую ориентацию воздушных объектов. Для этого нужно выполнить следующие ключевые шаги:

1. Определить координаты воздушных объектов в БСК.
2. Определить координаты радиоориентиров в связанной системе координат воздушного объекта M_1 ($\Sigma_{св1}$).
3. Составить матрицу поворота системы координат $\Sigma_{св1}$ по алгоритму, представленному ниже.
4. Определить углы поворота $\Sigma_{св1}$ по алгоритму, представленному в [1].
5. Повторить предыдущие шаги для воздушного ориентира M_2 .

Первая часть алгоритма реализуется явно — совокупность данных с высотомеров воздушных объектов и углов θ_i , β_i позволяют определить координаты летательных

аппаратов однозначно. Таким образом, координаты радиоориентира M_1 и M_2 определяются следующим соотношением:

$$\begin{cases} x_1 = \rho_1 \cos \theta_1 \cos \beta_1 \\ y_1 = \rho_1 \cos \theta_1 \sin \beta_1 \\ z_1 = h_1 = \rho_1 \sin \beta_1 \\ \rho_1 = z_1 / \sin \beta_1 \end{cases}, \begin{cases} x_2 = \rho_2 \cos \theta_2 \cos \beta_2 \\ y_2 = \rho_2 \cos \theta_2 \sin \beta_2 \\ z_2 = h_2 = \rho_2 \sin \beta_2 \\ \rho_2 = z_2 / \sin \beta_2 \end{cases}. \quad (2)$$

Далее необходимо определить координаты радиоориентиров M_0 и M_2 в связанной системе координат воздушного объекта M_1 :

$$\begin{cases} x'_0 = \rho_{10} \cos \alpha_{10} \cos \varepsilon_{10} \\ y'_0 = \rho_{10} \sin \alpha_{10} \cos \varepsilon_{10} \\ z'_0 = z_1 - z_0 = \rho_{10} \sin \varepsilon_{10} \\ \rho_{10} = |\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_0| \end{cases}, \begin{cases} x'_2 = \rho_{12} \cos \alpha_{12} \cos \varepsilon_{12} \\ y'_2 = \rho_{12} \sin \alpha_{12} \cos \varepsilon_{12} \\ z'_2 = z_1 - z_2 = \rho_{12} \sin \varepsilon_{12} \\ \rho_{12} = |\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2| \end{cases}, \quad (3)$$

где $M'_0(x'_0, y'_0, z'_0)$ и $M'_2(x'_2, y'_2, z'_2)$ — координаты M_0 и M_2 в связанной СК M_1 .

Для определения матрицы поворота системы координат $\Sigma_{св1}$, необходимо сначала ввести радиус-вектора $\mathbf{r}'_0 = (x'_0, y'_0, z'_0)$ и $\mathbf{r}'_2 = (x'_2, y'_2, z'_2)$, которые определяют положения радиоориентиров M_0 и M_2 в связанной системе координат M_1 . Далее, зададим единичные векторы \mathbf{s}'_1 , \mathbf{s}'_2 и \mathbf{s}'_3 следующим образом:

$$\mathbf{s}'_1 = \frac{\mathbf{r}'_0}{|\mathbf{r}'_0|}, \quad \mathbf{s}'_2 = \frac{\mathbf{r}'_2}{|\mathbf{r}'_2|}, \quad \mathbf{s}'_3 = \mathbf{s}'_1 \times \mathbf{s}'_2. \quad (4)$$

Те же вектора в балтийской системе координат:

$$\mathbf{s}_{01} = \frac{\mathbf{r}_0 - \mathbf{r}_1}{|\mathbf{r}_0 - \mathbf{r}_1|}, \quad \mathbf{s}_{21} = \frac{\mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_1}{|\mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_1|}, \quad \mathbf{n}_1 = \mathbf{s}_{01} \times \mathbf{s}_{21}. \quad (5)$$

Отсюда получим следующее преобразование координат:

$$\mathbf{R}_1 \times \begin{pmatrix} \mathbf{s}_{01} \\ \mathbf{s}_{21} \\ \mathbf{n}_1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mathbf{s}'_1 \\ \mathbf{s}'_2 \\ \mathbf{s}'_3 \end{pmatrix} \quad (6)$$

В таком случае, матрицу поворота связанной системы координат $\Sigma_{св1}$ можно найти следующим образом:

$$\mathbf{R}_1 = \begin{pmatrix} \mathbf{s}'_1 \\ \mathbf{s}'_2 \\ \mathbf{s}'_3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} \mathbf{s}_{01} \\ \mathbf{s}_{21} \\ \mathbf{n}_1 \end{pmatrix}^{-1} \quad (7)$$

По аналогии можно получить матрицу поворота \mathbf{R}_2 связанной системы координат M_2 . Вводятся радиус-вектора $\mathbf{r}''_0 = (x''_0, y''_0, z''_0)$, $\mathbf{r}''_1 = (x''_1, y''_1, z''_1)$, по ним же определяются единичные вектора \mathbf{s}''_1 , \mathbf{s}''_2 и \mathbf{s}''_3 :

$$\mathbf{s}''_1 = \frac{\mathbf{r}''_0}{|\mathbf{r}''_0|}, \quad \mathbf{s}''_2 = \frac{\mathbf{r}''_1}{|\mathbf{r}''_1|}, \quad \mathbf{s}''_3 = \mathbf{s}''_1 \times \mathbf{s}''_2. \quad (8)$$

В балтийской системе координат:

$$\mathbf{s}_{02} = \frac{\mathbf{r}_0 - \mathbf{r}_2}{|\mathbf{r}_0 - \mathbf{r}_2|}, \quad \mathbf{s}_{12} = \frac{\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2}{|\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2|}, \quad \mathbf{n}_2 = \mathbf{s}_{02} \times \mathbf{s}_{12}. \quad (9)$$

Отсюда, матрица поворота определяется следующим образом:

$$\mathbf{R}_2 = \begin{pmatrix} \mathbf{s}_1'' \\ \mathbf{s}_2'' \\ \mathbf{s}_3'' \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} \mathbf{s}_{02} \\ \mathbf{s}_{12} \\ \mathbf{n}_2 \end{pmatrix}^{-1} \quad (10)$$

Углы курса ψ_1 , ψ_2 , крена μ_1 , μ_2 и тангажа ϑ_1 , ϑ_2 находятся из матриц \mathbf{R}_1 и \mathbf{R}_2 в соответствии с [1].

Список литературы

- [1] *Виноградов А.Д., Минин Л.А., Морозов Е.Ю., Ушаков С.Н.* Детерминированный подход к решению задачи определения координат и угловой ориентации бортовой пеленгаторной антенны по результатам радиопеленгования радиоориентиров // Информационно-измерительные и управляющие системы, 2019, №1.