بنویسید)



## تمرینات برنامهنویسی پویا (dynamic programming):

است. 
$$O(2^n)$$
 است. الگوریتم بازگشتی فیبوناچی دارای زمان

print "line " i ", station " j - 1

۲- الگوریتم چاپ مسیر در مسئله برنامهریزی خط تولید کارخانه را می توان به صورت زیر نوشت:

PRINT-STATIONS 
$$(1, n)$$

1  $i \leftarrow 1^*$ 

2 print "line "  $i$  ", station "  $n$ 

3 **for**  $j \leftarrow n$  **downto** 2

4 **do**  $i \leftarrow l_i[j]$ 

این الگوریتم را طوری تغییر دهید که ایستگاهها را به ترتیب صعودی چاپ نماید. (راهنمایی: الگوریتم را بازگشتی

۳۰ فضای لازم برای محاسبه 
$$f^*$$
 و  $l^*$  مجموعا  $l^*$  است. آیا می توان این فضا را به  $l^*$  کاهش داد؟ چگونه؟

۴ - ماتریس هایی با ابعاد زیر داریم. ضمن تعیین حداقل تعداد ضرب های ممکن، با پرانتز گذاری، ترتیب ضرب بهینه را مشخص نمایید. (با ارائه مراحل کامل راهحل)

$p_0$	5
$p_1$	10
$p_2$	3
$p_3$	12
$p_4$	5
$p_5$	50
$p_6$	6

5

۵- میخواهیم حداکثر تعداد ضربها برای محاسبه حاصل ضرب یک دنباله از ماتریسها را بدست آوریم. آیا این مسئله با dynamic programming قابل حل است؟ توضیح دهید و یک مثال بزنید.

 $2 \times 1$  دو رشته به طولهای m و m و m دو رشته به طولهای m و m داد؛  $m \times n$  محاسبه نمود. آیا می توان این فضا را باز هم کاهش داد؛

الگوریتمی ارائه دهید که در زمان  $O(n^2)$  طولانی ترین زیر دنباله اکیدا یکنواخت را در یک دنباله از اعداد بیابد.

۹- برای رسم درخت دودویی بهینه نیاز است تا علاوه بر محاسبه و نگهداری مقادیر W و هزینه بهینه (e)، بهترین رسم درخت دودویی بهینه نیاز است تا علاوه بر محاسبه و نگهداری شود. این جدول را root بهترین ریشه در هر زیر مسئله که منجر به هزینه بهینه شده است نیز نگهداری شود. این جدول را ConstructOptimalBest(root مینامیم. الگوریتم فرایندی به نام به صورت زیر باشد:

 $k_1$  is the left child of  $k_2$   $d_0$  is the left child of  $k_1$   $d_1$  is the right child of  $k_2$   $k_5$  is the right child of  $k_2$   $k_4$  is the left child of  $k_5$   $k_3$  is the left child of  $k_4$   $d_2$  is the left child of  $k_3$  $d_3$  is the right child of  $k_3$ 

 $k_2$  is the root

 $d_4$  is the right child of  $k_4$ 

 $d_5$  is the right child of  $k_5$ 

۱۰-درخت دودویی بهینه و هزینه آن را برای <u>۲ ک</u>لیدی که فرکانسهای آنها به صورت زیر تعریف شده است را بیابید (با توصیف مراحل)

	i	0	1	2	3	4	5	6	7
	$p_i$		0.04	0.06	0.08	0.02	0.10	0.012	0.14
_	$q_i$	0.06	0.06	0.06	0.060.05	0.05	0.05	0.05	0.05