

تمرینات تحلیل زمان بازگشتی:

1- زمان اجراى الگوريتمهاى بازگشتى زير را محاسبه نماييد.

a.
$$T(n) = 2T\left(\frac{n}{2}\right) + n^4$$

b.
$$T(n) = 7T\left(\frac{n}{10}\right) + n$$

c. $T(n) = 7T\left(\frac{n}{3}\right) + n^2$

c.
$$T(n) = 7T\left(\frac{n}{3}\right) + n^2$$

d.
$$T(n) = \sqrt[4]{2}T\left(\frac{n}{4}\right) + \sqrt[5]{n}$$

e.
$$T(n) = 2T(n-2) + n^2$$

f.
$$T(n) = T\left(\frac{n}{2}\right) + T\left(\frac{n}{4}\right) + T\left(\frac{n}{8}\right) + n$$

g.
$$T(n) = 3T(\frac{n}{3} - 2) + \frac{n}{2}$$

h.
$$T(n) = 3T\left(\frac{n}{3}\right) + \frac{n}{lgn}$$

i.
$$T(n) = 4T\left(\frac{n}{3}\right) + nlgn$$

j.
$$T(n) = 4T\left(\frac{n}{2}\right) + n^2\sqrt{n}$$

k.
$$T(n) = 2T(\sqrt{n}) + O(1)$$

$$l. T(n) = T(\sqrt{n}) + O(\log \log n)$$

تمرینات مرتبسازی:

ر کر مسئله زیر را در نظر بگیرید:

ليستى از فارغالتحصيلان كارآفرين دانشگاه صنعتى شاهرود كه بر اساس سال ورود (و سپس نام) مرتب شده است، در اختیار داریم. میخواهیم این لیست را بر اساس شماره دانشجویی مرتب نماییم. دقت کنید که ابتدای تمام شمارههای دانشجویی، سال ورود است. nlogn

شما برای حل این مسئله مرتبسازی درجی را برمی گزینید یا سریع؟ چرا؟

رمان اجرای مرتبسازی هرمی (heap sort) برای یک آرایه به طول n که به صورت صعودی مرتب شده 3است، چیست؟ برای حالت نزولی چطور؟

4- الگوريتم bucket sort را بر روى مقادير زير اجرا كرده و مراحل را به طور كامل نمايش دهيد.

 $\{0.79, 0.13, 0.16, 0.64, 0.39, 0.20, 0.89, 0.53, 0.71, 0.42\}$

5- به سوالات زیر در رابطه با مرتبسازی سریع (Quick Sort) پاسخ دهید:

يعنى آرايه هاى حاصل باشند n-1 دار ای طو لهای 1 و

best = T(n) = 2T(n/2) + teta(n) = O(nlogn)worst = T(n-1) + teta(n) = $O(n^2)$

أ. رابطه بازگشتی الگوریتم چیست و مرتبه اجرایی آن چیست؟

🗘. چه زمانی این الگوریتم بدترین عملکرد را خواهد داشت؟

ج. مزیت این الگوریتم نسبت به مرتب سازی ادغامی چیست؟

ر الگوریتم را روی آرایه زیر انجام داده و مراحل را نمایش دهید.

6- فرض کنید آرایهای از مقادیر 0 و 1 به طول n دارید. می خواهید این آرایه را مرتب نمایید. یک الگوریتم

مرتبسازی ممکن است دارای ویژگیهای زیر باشد:

اجرا شود. O(n) اجرا شود.

2- يايدار باشد.

حرجا باشد، یعنی اندازه فضای اضافی مورد استفاده آن ثابت باشد (نه به اندازه داده ورودی، n یا -3توابعی از آن).

INSCYTION C INSEV TION

- أ. الگوریتمی را نام ببرید که دارای ویژگیهای 1 و 2 باشد......
 - \cdot ب. الگوریتمی را نام ببرید که دارای ویژگیهای 1 و 3 باشد.
 - ج. الگوریتمی را نام ببرید که دارای ویژگیهای 2 و 3 باشد.
- د. آیا هیچکدام از الگوریتمهایی که در مراحل الف تا ج توصیف کردید، قادر است ${f n}$ داده ${f d}$ بیتی را در ترکیب با radix sort در زمان O(bn) مرتب نماید؟ اگر بله، چگونه و اگر خیر، چرا؟

- 7- فرض کنید آرایهای از مقادیر 1 تا k به طول n دارید. توضیح دهید چگونه می توان مرتبسازی شمارشی -7 فرض کنید آرایهای از مقادیر داد تا داده ها به صورت درجا و در زمان O(n+k) مرتب شوند. البته مجاز هستید که برای شمارش، فضایی به اندازه k را مصرف نمایید.
 - آرایه مرتبشدهای از n عدد داریم. 10 بار، هربار دو عنصر از آرایه را به صورت رندم جابجا می کنیم. ثابت کنید می توان آرایه را در O(n) مرتب کرد.