

Kω マニュアル リリース 1.0.0

Contents

1	概要	1
2	イセンス 2	
3	アルゴリズム 3.1 Seed switch 付き Shifted BiCG 法 3.2 Seed switch 付き Shifted COCG 法 3.3 Seed switch 付き Shifted CG 法 3.4 Seed switch 付き Shifted CG 法 3.5 Seed switch 付き Shifted CG 法	4
4	プログラム内でのライブラリの動作イメージ 4.1 Shifted BiCG ライブラリの動作イメージ	9
5	使用方法 5.1 各ルーチンの説明	
6	Contact	24
7	参考文献	25

概要

本資料は ISSP Math Library の内の、Krylov 部分空間法に基づくシフト線形方程式群ソルバーライブラリ $K\omega$ に関するマニュアルである. 本ライブラリは、(射影付き) シフト線形問題

$$G_{ij}(z) = \langle i|(z\hat{I} - \hat{H})^{-1}|j\rangle \equiv \varphi_i^* \cdot (z\hat{I} - \hat{H})^{-1}\varphi_j$$
(1.1)

を、Krylov 部分空間法を用いて解くためのルーチンを提供する. 言語は fortran を用いる. また、BLAS レベル 1 ルーチンを使用する.

ライセンス

© 2016- The University of Tokyo. All rights reserved.

This software is developed under the support of "Project for advancement of software usability in materials science" by The Institute for Solid State Physics, The University of Tokyo.

This library is free software; you can redistribute it and/or modify it under the terms of the GNU Lesser General Public License as published by the Free Software Foundation; either version 2.1 of the License, or (at your option) any later version. This library is distributed in the hope that it will be useful, but WITHOUT ANY WARRANTY; without even the implied warranty of MERCHANTABILITY or FITNESS FOR A PARTICULAR PURPOSE. See the GNU Lesser General Public License for more details.

You should have received a copy of the GNU Lesser General Public License along with this library; if not, write to the Free Software Foundation, Inc., 59 Temple Place, Suite 330, Boston, MA 02111-1307 USA

For more details, See 'COPYING.LESSER' in the root directory of this library.

アルゴリズム

このライブラリは, \hat{H} および z が複素数であるか実数であるかに応じて, 次の 4 種類の計算をサポートする (\hat{H} は複素数の場合はエルミート行列、実数の場合は実対称行列).

- \hat{H} も z も両方複素数の場合: Shifted Bi-Conjugate Gradient(BiCG) 法 [1]
- \hat{H} が実数で z が複素数の場合: Shifted Conjugate Orthogonal Conjugate Gradient(COCG) 法 [2]
- \hat{H} が複素数で z が実数の場合: Shifted Conjugate Gradient(CG) 法 (複素ベクトル)
- \hat{H} も z も両方実数の場合: Shifted Conjugate Gradient(CG) 法 (実ベクトル)

いずれの場合も Seed switching [2] を行う. 左ベクトルが N_L 個, 右ベクトルが N_R 個 (典型的には 1 個) あるとする. 以下、各手法のアルゴリズムを記載する.

3.1 Seed switch 付き Shifted BiCG 法

$$\begin{split} \pi_k^{\text{new}} &= [1 + \alpha(z_k - z_{\text{seed}})] \pi_k - \frac{\alpha\beta}{\alpha^{\text{old}}} (\pi_k^{\text{old}} - \pi_k) \\ &\text{do } i = 1 \cdots N_L \\ p_{ik} &= \frac{1}{\pi_k} \boldsymbol{\varphi}_i^* \cdot \boldsymbol{r} + \frac{\pi_k^{\text{old}} \pi_k^{\text{old}}}{\pi_k \pi_k} \beta p_{ik} \\ G_{ij}(z_k) &= G_{ij}(z_k) + \frac{\pi_k}{\pi_k^{\text{new}}} \alpha p_{ik} \\ \pi_k^{\text{old}} &= \pi_k, \pi_k = \pi_k^{\text{new}} \\ &\text{end do } i \\ \end{aligned}$$
 end do i end do k
$$q = \left(1 + \frac{\alpha\beta}{\alpha^{\text{old}}}\right) \boldsymbol{r} - \alpha \boldsymbol{q} - \frac{\alpha\beta}{\alpha^{\text{old}}} \boldsymbol{r}^{\text{old}}, \ \boldsymbol{r}^{\text{old}} = \boldsymbol{r}, \ \boldsymbol{r} = q \\ q = (z_{\text{seed}}^* \hat{I} - \hat{H}) \tilde{\boldsymbol{r}}, \ q = \left(1 + \frac{\alpha^*\beta^*}{\alpha^{\text{old}^*}}\right) \tilde{\boldsymbol{r}} - \alpha^* \boldsymbol{q} - \frac{\alpha^*\beta^*}{\alpha^{\text{old}^*}} \tilde{\boldsymbol{r}}^{\text{old}}, \ \tilde{\boldsymbol{r}}^{\text{old}} = \tilde{\boldsymbol{r}}, \ \tilde{\boldsymbol{r}} = q \\ \circ \text{ Seed switch} \\ |\pi_k| \ \boldsymbol{\mathcal{M}}$$
最も小さいを持済・ $\rightarrow z_{\text{seed}}, \ \pi_{\text{seed}}, \ \pi_{\text{seed}}$ π_{seed} π_k π

 ${\rm end}\ {\rm do}\ j$

3.2 Seed switch 付き Shifted COCG 法

BiCG のアルゴリズムで、
$$\tilde{r}=r^*$$
、 $\tilde{r}^{\mathrm{old}}=r^{\mathrm{old}*}$ とすると得られる. $G_{ij}(z_k)=0 (i=1\cdots N_L,\ j=1\cdots N_R,\ k=1\cdots N_z)$ do $j=1\cdots N_R$ $r=arphi_j, r^{\mathrm{old}}=\mathbf{0}$ $p_{ik}=0 (i=1\cdots N_L,\ k=1\cdots N_z),\ \pi_k=\pi_k^{\mathrm{old}}=1 (k=1\cdots N_z)$ $ho=\infty,\ \alpha=1,\ z_{\mathrm{seed}}=0$ do iteration \circ シード方程式 $ho^{\mathrm{old}}=\rho,\ \rho=r\cdot r$ $\beta=\rho/\rho^{\mathrm{old}}$ $q=(z_{\mathrm{seed}}\hat{I}-\hat{H})r$ $\alpha^{\mathrm{old}}=\alpha,\ \alpha=\frac{\rho}{r\cdot q-\beta\rho/\alpha}$ \circ シフト方程式 do $k=1\cdots N_z$

$$\pi_k^{\mathrm{new}} = [1 + \alpha(z_k - z_{\mathrm{seed}})]\pi_k - \frac{\alpha\beta}{\alpha^{\mathrm{old}}}(\pi_k^{\mathrm{old}} - \pi_k)$$
 do $i = 1 \cdots N_L$
$$p_{ik} = \frac{1}{\pi_k} \boldsymbol{\varphi}_i^* \cdot \boldsymbol{r} + \frac{\pi_k^{\mathrm{old}} \pi_k^{\mathrm{old}}}{\pi_k \pi_k} \beta p_{ik}$$

$$G_{ij}(z_k) = G_{ij}(z_k) + \frac{\pi_k}{\pi_k^{\mathrm{new}}} \alpha p_{ik}$$

$$\pi_k^{\mathrm{old}} = \pi_k, \pi_k = \pi_k^{\mathrm{new}}$$
 end do i end do k
$$\boldsymbol{q} = \left(1 + \frac{\alpha\beta}{\alpha^{\mathrm{old}}}\right) \boldsymbol{r} - \alpha \boldsymbol{q} - \frac{\alpha\beta}{\alpha^{\mathrm{old}}} \boldsymbol{r}^{\mathrm{old}}, \ \boldsymbol{r}^{\mathrm{old}} = \boldsymbol{r}, \ \boldsymbol{r} = \boldsymbol{q} \right)$$
 \circ Seed switch
$$|\pi_k| \ \text{が最も小さい} \ k \ \text{を探す}. \rightarrow z_{\mathrm{seed}}, \pi_{\mathrm{seed}}, \pi_{\mathrm{seed}}$$

$$\boldsymbol{r} = \boldsymbol{r}/\pi_{\mathrm{seed}}, \ \boldsymbol{r}^{\mathrm{old}} = \boldsymbol{r}^{\mathrm{old}}/\pi_{\mathrm{seed}}^{\mathrm{old}}$$
 $\alpha = (\pi_{\mathrm{seed}}^{\mathrm{old}}/\pi_{\mathrm{seed}})\alpha, \rho = \rho/(\pi_{\mathrm{seed}}^{\mathrm{old}}\pi_{\mathrm{seed}}^{\mathrm{old}})$ $\{\pi_k = \pi_k/\pi_{\mathrm{seed}}, \ \pi_k^{\mathrm{old}} = \pi_k^{\mathrm{old}}/\pi_{\mathrm{seed}}^{\mathrm{old}}\}$ if $(|\boldsymbol{r}| < \mathrm{Threshold})$ exit end do iteration

3.3 Seed switch 付き Shifted CG法

end do j

BiCG のアルゴリズムで、
$$\tilde{r}=r$$
、 $\tilde{r}^{\mathrm{old}}=r^{\mathrm{old}}$ とすると得られる. $G_{ij}(z_k)=0 (i=1\cdots N_L,\ j=1\cdots N_R,\ k=1\cdots N_z)$ do $j=1\cdots N_R$ $r=arphi_j, r^{\mathrm{old}}=\mathbf{0}$ $p_{ik}=0 (i=1\cdots N_L,\ k=1\cdots N_z),\ \pi_k=\pi_k^{\mathrm{old}}=1 (k=1\cdots N_z)$ $ho=\infty,\ \alpha=1,\ z_{\mathrm{seed}}=0$ do iteration \circ シード方程式 $ho^{\mathrm{old}}=\rho,\ \rho=r^*\cdot r$ $\beta=\rho/\rho^{\mathrm{old}}$ $q=(z_{\mathrm{seed}}\hat{I}-\hat{H})r$ $\alpha^{\mathrm{old}}=\alpha,\ \alpha=\frac{\rho}{r^*\cdot q-\beta\rho/\alpha}$ \circ シフト方程式 do $k=1\cdots N_z$ $\pi_k^{\mathrm{new}}=[1+\alpha(z_k-z_{\mathrm{seed}})]\pi_k-\frac{\alpha\beta}{\alpha^{\mathrm{old}}}(\pi_k^{\mathrm{old}}-\pi_k)$ do $i=1\cdots N_L$

$$p_{ik} = \frac{1}{\pi_k} \boldsymbol{\varphi}_i^* \cdot \boldsymbol{r} + \left(\frac{\pi_k^{\text{old}}}{\pi_k}\right)^2 \beta p_{ik}$$
$$G_{ij}(z_k) = G_{ij}(z_k) + \frac{\pi_k}{\pi_k^{\text{new}}} \alpha p_{ik}$$
$$\pi_k^{\text{old}} = \pi_k, \pi_k = \pi_k^{\text{new}}$$

end do i

 $\mathrm{end}\;\mathrm{do}\;k$

$$m{q} = \left(1 + rac{lphaeta}{lpha^{
m old}}
ight)m{r} - lpham{q} - rac{lphaeta}{lpha^{
m old}}m{r}^{
m old}, \ m{r}^{
m old} = m{r}, \ m{r} = m{q}$$

o Seed switch

 $|\pi_k|$ が最も小さい k を探す. $o z_{
m seed}, ~\pi_{
m seed}, ~\pi_{
m seed}^{
m old}$

$$r = r/\pi_{\mathrm{seed}}, \ r^{\mathrm{old}} = r^{\mathrm{old}}/\pi_{\mathrm{seed}}^{\mathrm{old}}$$

$$\alpha = (\pi_{\rm seed}^{\rm old}/\pi_{\rm seed})\alpha, \rho = \rho/\pi_{\rm seed}^{\rm old}^2$$

$$\{\pi_k = \pi_k/\pi_{\text{seed}}, \ \pi_k^{\text{old}} = \pi_k^{\text{old}}/\pi_{\text{seed}}^{\text{old}}\}$$

if(
$$|r|$$
 < Threshold) exit

end do iteration

end do j

プログラム内でのライブラリの動作イ メージ

以下では N_R のループは省略する (各右辺ベクトルごとに同じ事をすればいいので). また $G_{ij}(z_k)$ の代わりに N_z 個の N_L 次元の解ベクトル \mathbf{x}_k を求める.

ライブラリの各ルーチンの名前は次の通りである.

komega_bicg_init, komega_cocg_init, komega_cg_c_init, komega_cg_r_init
 ライブラリ内部で使う (ユーザーの目に触れない) 変数の Allocate や初期値設定を行う.

 komega_bicg_update, komega_cg_r_update komega_cocg_update,

komega_cg_c_update,

Iteration の中で呼び出される. 解ベクトル群の更新等を行う.

 komega_bicg_finalize, komega_cg_r_finalize komega_cocg_finalize,

komega_cg_c_finalize,

Allocate したライブラリ内部ベクトルを開放する.

 komega_bicg_getcoef, komega_cg_r_getcoef komega_cocg_getcoef,

komega_cg_c_getcoef,

各 iteration で保存しておいた α , β , z_{seed} , \mathbf{r}^{L} を取り出す.

 komega_bicg_getvec, komega_cg_r_getvec komega_cocg_getvec,

komega_cg_c_getvec,

 $r, r^{\text{old}}, \tilde{r}, \tilde{r}^{\text{old}}$ を取り出す.

 komega_bicg_restart, komega_cg_r_restart komega_cocg_restart,

komega_cg_c_restart,

保存しておいた α 等を用いて、新規の z での計算を行う。 r 等も有る場合には komega_bicg_init, komega_cocg_init, komega_cg_r_init の代わりに用いてリスタートすることもできる。

ノート:

- komega_*_init を呼び出す前にサイズ N_H のベクトルを 2 本 (BiCG の時には 4 本)Allocate しておく.
- ハミルトニアン-ベクトル積を行う部分はあらかじめ作成しておく.

• 解ベクトルを Allocate しておく. ただし, 解ベクトルの長さは必ずしも N_H である必要はない. 実際前節の 場合は N_L である. この時 (双) 共役勾配ベクトル \mathbf{p}_k も N_z 本の N_L 次元のベクトルである. ユーザーは N_H 次元の残差ベクトルを N_L 次元へ変換するルーチン/関数をあらかじめ作っておかなければならない.

$$\mathbf{r}^{\mathrm{L}} = \hat{P}^{\dagger} \boldsymbol{r}, \qquad \hat{P} \equiv (\boldsymbol{arphi}_{1}, \cdots, \boldsymbol{arphi}_{N_{L}})$$

- komega_*_update の出力 status の第一成分が負の値になった場合には、解が収束した、もしくは破 たんしたことを表す. したがって status(1) < 0 でループを抜けるようにしておく.
- komega_*_update 内での収束判定には、シード点での残差ベクトルの 2-ノルムが使われる. すなわち、 すべてのシフト点での残差ベクトルの2-ノルムがthresholdを下回った時に収束したと見做される.
- 各反復での $lpha,eta,\mathbf{r}^{\mathbf{L}}$ を保存しておき, あとで再利用する場合には最大反復回数 itermax を 0 以外の値に 設定する.

4.1 Shifted BiCG ライブラリの動作イメージ

Allocate $v_{12}, v_{13}, v_2, v_3, \{\mathbf{x}_k\}, \mathbf{r}^{L} v_2 = \varphi_i$ komega_bicg_init(N_H, N_L, N_z, x, z, itermax, threshold) start Allocate $v_3, v_5, \{\pi_k\}, \{\pi_k^{\text{old}}\}, \{\mathbf{p}_k\}$ Copy $\{z_k\}$

itermax $\neq 0$ ならば α , β , \mathbf{r}^{L} を保存する配列を確保する.

$$egin{aligned} & oldsymbol{v}_4 = oldsymbol{v}_2^*$$
 (任意), $oldsymbol{v}_3 = oldsymbol{v}_5 = oldsymbol{0}$, $& oldsymbol{p}_k = oldsymbol{x}_k = oldsymbol{0}(k = 1 \cdots N_z)$, $& \pi_k = \pi_k^{\mathrm{old}} = 1(k = 1 \cdots N_z)$, $&
ho = \infty$, $& lpha = 1$, $& z_{\mathrm{seed}} = 0$, ($& oldsymbol{v}_2 \equiv oldsymbol{r}$, $& oldsymbol{v}_3 \equiv oldsymbol{r}^{\mathrm{old}}$, $& oldsymbol{v}_4 \equiv oldsymbol{ ilde{r}}$, $& oldsymbol{v}_5 \equiv oldsymbol{ ilde{r}}^{\mathrm{old}}$.)

komega bicg init finish

do iteration

$$\mathbf{r}^{\mathrm{L}}=\hat{P}^{\dagger}oldsymbol{v}_{2}$$
 $oldsymbol{v}_{12}=\hat{H}oldsymbol{v}_{2},oldsymbol{v}_{14}=\hat{H}oldsymbol{v}_{4}$ [$(oldsymbol{v}_{12},oldsymbol{v}_{14})=\hat{H}(oldsymbol{v}_{2},oldsymbol{v}_{4})$ とも書ける]

komega_bicq_update(v_12, v_2, v_14, v_4, x, r_small, status) start

$$ho^{ ext{old}} =
ho, \;
ho = oldsymbol{v}_4^* \cdot oldsymbol{v}_2$$
 $eta =
ho/
ho^{ ext{old}}$ $oldsymbol{v}_{12} = z_{ ext{seed}} oldsymbol{v}_2 - oldsymbol{v}_{12}, oldsymbol{v}_{14} = z_{ ext{seed}}^* oldsymbol{v}_4 - oldsymbol{v}_{14}$ $lpha^{ ext{old}} = lpha, \; lpha = rac{
ho}{oldsymbol{v}_3^* oldsymbol{v}_{12} - eta
ho/lpha}$ \circ シフト方程式 $oldsymbol{dot}$ do $k = 1 \cdots N_z$ $oldsymbol{\pi}_k^{ ext{new}} = [1 + lpha (z_k - z_{ ext{seed}})] oldsymbol{\pi}_k - rac{lpha eta}{lpha^{ ext{old}}} (oldsymbol{\pi}_k^{ ext{old}} - oldsymbol{\pi}_k)$

 $\mathbf{p}_k = \frac{1}{\pi_k} \mathbf{r}^{\mathrm{L}} + \frac{\pi_k^{\mathrm{old}} \pi_k^{\mathrm{old}}}{\pi_k \pi_k} \beta \mathbf{p}_k$

$$\mathbf{x}_k = \mathbf{x}_k + \frac{\pi_k}{\pi_k^{\mathrm{new}}} lpha \mathbf{p}_k$$
 $\pi_k^{\mathrm{old}} = \pi_k, \pi_k = \pi_k^{\mathrm{new}}$
end do k
 $\mathbf{v}_{12} = \left(1 + \frac{\alpha\beta}{\alpha^{\mathrm{old}}}\right) \mathbf{v}_2 - \alpha \mathbf{v}_{12} - \frac{\alpha\beta}{\alpha^{\mathrm{old}}} \mathbf{v}_3, \mathbf{v}_3 = \mathbf{v}_2, \ \mathbf{v}_2 = \mathbf{v}_{12}$
 $\mathbf{v}_{14} = \left(1 + \frac{\alpha^*\beta^*}{\alpha^{\mathrm{old}*}}\right) \mathbf{v}_4 - \alpha^* \mathbf{v}_{14} - \frac{\alpha^*\beta^*}{\alpha^{\mathrm{old}*}} \mathbf{v}_5, \mathbf{v}_5 = \mathbf{v}_4, \ \mathbf{v}_4 = \mathbf{v}_{14}$
 \circ Seed switch
 $|\pi_k|$ が最も小さい k を探す. $\rightarrow z_{\mathrm{seed}}, \ \pi_{\mathrm{seed}}, \ \pi_{\mathrm{seed}}$
 $\mathbf{v}_2 = \mathbf{v}_2/\pi_{\mathrm{seed}}, \mathbf{v}_3 = \mathbf{v}_3/\pi_{\mathrm{seed}}^{\mathrm{old}}, \mathbf{v}_4 = \mathbf{v}_4/\pi_{\mathrm{seed}}^*, \mathbf{v}_5 = \mathbf{v}_5/\pi_{\mathrm{seed}}^{\mathrm{old}*}$
 $\alpha = (\pi_{\mathrm{seed}}^{\mathrm{old}}/\pi_{\mathrm{seed}}) \alpha, \rho = \rho/(\pi_{\mathrm{seed}}^{\mathrm{old}}\pi_{\mathrm{seed}}^{\mathrm{old}})$
 $\{\pi_k = \pi_k/\pi_{\mathrm{seed}}, \ \pi_k^{\mathrm{old}} = \pi_k^{\mathrm{old}}/\pi_{\mathrm{seed}}^{\mathrm{old}}\}$

komega_bicg_update finish

if(status(1) < 0 (これは $|v_2|$ < Threshold となった事を意味する)) exit

end do iteration

komega_bicg_finalize start

Deallocate
$$v_4$$
, v_5 , $\{\pi_k\}$, $\{\pi_k^{\text{old}}\}$, $\{\mathbf{p}_k\}$

komega_bicg_finalize finish

4.2 Shifted COCG ライブラリの動作イメージ

Allocate
$$v_1, v_2, \{\mathbf{x}_k\}, \mathbf{r}^{\mathrm{L}} \ v_2 = \boldsymbol{\varphi}_j$$

komega_cocg_init (N_H, N_L, N_z, x, z, itermax, threshold) start Allocate $v_3, \{\pi_k\}, \{\pi_k^{\mathrm{old}}\}, \{\mathbf{p}_k\}$
Copy $\{z_k\}$
itermax $\neq 0$ ならば $\alpha, \beta, \mathbf{r}^{\mathrm{L}}$ を保存する配列を確保する.
 $v_3 = \mathbf{0},$
 $\mathbf{p}_k = \mathbf{x}_k = \mathbf{0}(k = 1 \cdots N_z), \ \pi_k = \pi_k^{\mathrm{old}} = 1(k = 1 \cdots N_z)$
 $\rho = \infty, \ \alpha = 1, \ \beta = 0, \ z_{\mathrm{seed}} = 0$
($v_2 \equiv r, v_3 \equiv r^{\mathrm{old}}$.)

komega_cocg_init finish

do iteration

$$\mathbf{r}^{\mathrm{L}}=\hat{P}^{\dagger}m{v}_{2}$$
 $m{v}_{1}=\hat{H}m{v}_{2}$ komega_cocg_update(v_1, v_2, x, r_small, status) start o シード方程式 $ho^{\mathrm{old}}=
ho,\
ho=m{v}_{2}\cdotm{v}_{2}$ $eta=
ho/
ho^{\mathrm{old}}$

komega_cocg_update finish

if(status(1) < 0 (これは $|v_2|$ < Threshold となった事を意味する)) exit

end do iteration

komega_cocg_finalize start

Deallocate
$$v_3$$
, $\{\pi_k\}$, $\{\pi_k^{\mathrm{old}}\}$, $\{\mathbf{p}_k\}$

komega_cocg_finalize finish

4.3 Shifted CG ライブラリの動作イメージ

COCG と同様.

使用方法

各ライブラリともユーザーはライブラリ名および型を指定し、

- 初期設定 (*_init)
- アップデート (*_*update*)
- (オプション) 再計算用の情報を取り出す. (*_getcoef, *_getvec)
- 終了関数 (* finalize)

の手順で関数を使用することで、計算が実施される. なお、リスタートを行う場合には

- 前回の計算で残した再計算用の情報を用いた初期設定 (*_restart)
- アップデート (*_update)
- (オプション) 更なる再計算用の情報を取り出す. (*_getcoef, *_getvec)
- 終了関数 (*_finalize)

の手順で実行する.

警告: $K\omega$ はスレッドセーフ ではない ので、これらのルーチンは必ず OpenMP のパラレルリージョンの外から呼ばなければならない。

fortran から呼び出すときには

```
USE komega_cg_r ! 実ベクトルに対する共役勾配法
USE komega_cg_c ! 複素ベクトルに対する共役勾配法
USE komega_cocg ! 共線直交共役勾配法
USE komega_bicg ! 双共役勾配法
```

のようにモジュールを呼び出す (すべてのモジュールを呼び出す必要はなく, 行う計算の種類に対応するものだけでよい). MPI/Hybrid 並列版のルーチンを利用するときには,

```
USE pkomega_cg_r
USE pkomega_cg_c
USE pkomega_cocg
USE pkomega_bicg
```

のようにする.

C/C++で書かれたプログラムから呼び出すときには、

```
#include komega_cg_r.h
#include komega_cg_c.h
#include komega_cocg.h
#include komega_bicg.h
```

のようにヘッダーファイルを読み込む。また、スカラー引数はすべてポインタとして渡す。MPI/Hybrid 並列版のルーチンを利用するときには、

```
#include pkomega_cg_r.h
#include pkomega_cg_c.h
#include pkomega_cocg.h
#include pkomega_bicg.h
```

のようにする。またライブラリに渡すコミュニケーター変数を、次のように C/C++のものから fortran のものに変換する。

```
comm_f = MPI_Comm_c2f(comm_c);
```

5.1 各ルーチンの説明

5.1.1 * init

ライブラリ内部変数の割り付けおよび初期化を行う.シフト線形方程式を解く前に、一番初めに実行する.

構文

Fortran シリアル/OpenMP 版

```
CALL komega_cg_r_init(ndim, nl, nz, x, z, itermax, threshold)
CALL komega_cg_c_init(ndim, nl, nz, x, z, itermax, threshold)
CALL komega_cocg_init(ndim, nl, nz, x, z, itermax, threshold)
CALL komega_bicg_init(ndim, nl, nz, x, z, itermax, threshold)
```

Fortran MPI/Hybrid 並列版

```
CALL pkomega_cg_r_init(ndim, nl, nz, x, z, itermax, threshold, comm)
CALL pkomega_cg_c_init(ndim, nl, nz, x, z, itermax, threshold, comm)
CALL pkomega_cocg_init(ndim, nl, nz, x, z, itermax, threshold, comm)
CALL pkomega_bicg_init(ndim, nl, nz, x, z, itermax, threshold, comm)
```

C/C++ シリアル/OpenMP 版

```
komega_cg_r_init(&ndim, &nl, &nz, x, z, &itermax, &threshold);
komega_cg_c_init(&ndim, &nl, &nz, x, z, &itermax, &threshold);
komega_cocg_init(&ndim, &nl, &nz, x, z, &itermax, &threshold);
komega_bicg_init(&ndim, &nl, &nz, x, z, &itermax, &threshold);
```

C/C++ MPI/Hybrid 並列版

```
pkomega_cg_r_init(&ndim, &nl, &nz, x, z, &itermax, &threshold, &comm);
pkomega_cg_c_init(&ndim, &nl, &nz, x, z, &itermax, &threshold, &comm);
pkomega_cocg_init(&ndim, &nl, &nz, x, z, &itermax, &threshold, &comm);
pkomega_bicg_init(&ndim, &nl, &nz, x, z, &itermax, &threshold, &comm);
```

パラメーター

```
INTEGER, INTENT(IN) :: ndim
```

線形方程式の次元. 以降のサブルーチンのパラメーターの次元で現れる ndim はこれと同じものになる.

```
INTEGER, INTENT(IN) :: nl
```

射影された解ベクトルの次元. 以降のサブルーチンのパラメーターの次元で現れる nl はこれと同じものになる.

```
INTEGER, INTENT(IN) :: nz
```

シフト点の数. 以降のサブルーチンのパラメーターの次元で現れる nz はこれと同じものになる.

```
REAL(8), INTENT(OUT) :: x(nl*nz) ! ("CG_R_init", "cg_c_init" の場合) COMPLEX(8), INTENT(OUT) :: x(nl*nz) ! (それ以外)
```

解ベクトル.0ベクトルが返される.

```
REAL(8),INTENT(IN):: z(nz)! ("CG_R_init", "cg_c_init" の場合)
COMPLEX(8),INTENT(IN):: z(nz)! (それ以外)
```

シフト点.

```
INTEGER, INTENT(IN) :: itermax
```

リスタート用配列の割り付けのための最大反復回数. これを () にした場合にはリスタート用配列を割りつけない(したがって後述のリスタート用変数の出力を行えない)

```
REAL(8), INTENT(IN) :: threshold
```

収束判定用しきい値. シード方程式の残差ベクトルの 2-ノルムがこの値を下回った時に 収束したと判定する.

```
INTEGER, INTENT(IN) :: comm
```

MPI/Hybrid 並列版のみ. MPI のコミニュケーター (MPI_COMM_WORLD など) を入れる.

5.1.2 * restart

リスタートを行う場合に *_init の代わりに用いる. ライブラリ内部変数の割り付けおよび初期化を行う. シフト 線形方程式を解く前に, 一番初めに実行する.

構文

Fortran (シリアル/OpenMP 版)

```
CALL komega_cg_r_restart(ndim, nl, nz, x, z, itermax, threshold, status, & iter_old, v2, v12, alpha_save, beta_save, z_seed, r_l_save)

CALL komega_cg_c_restart(ndim, nl, nz, x, z, itermax, threshold, status, & iter_old, v2, v12, alpha_save, beta_save, z_seed, r_l_save)

CALL komega_cocg_restart(ndim, nl, nz, x, z, itermax, threshold, status, & iter_old, v2, v12, alpha_save, beta_save, z_seed, r_l_save)

CALL komega_bicg_restart(ndim, nl, nz, x, z, itermax, threshold, status, & iter_old, v2, v12, v4, v14, alpha_save, beta_save, & z_seed, r_l_save)
```

Fortran (MPI/ハイブリッド並列版)

```
CALL pkomega_cg_r_restart(ndim, nl, nz, x, z, itermax, threshold, comm, status, &
                     iter_old, v2, v12, alpha_save, beta_save, z_seed, r_l_save)
    CALL pkomega_cg_c_restart(ndim, nl, nz, x, z, itermax, threshold, comm, status, &
                     iter_old, v2, v12, alpha_save, beta_save, z_seed, r_l_save)
    CALL pkomega_cocg_restart(ndim, nl, nz, x, z, itermax, threshold, comm, status, &
                     iter_old, v2, v12, alpha_save, beta_save, z_seed, r_l_save)
    CALL pkomega_bicg_restart(ndim, nl, nz, x, z, itermax, threshold, comm, status, &
                     iter_old, v2, v12, v4, v14, alpha_save, beta_save, &
                     z_seed, r_l_save)
    C/C++ (シリアル/OpenMP 版)
    komega_cg_r_restart(&ndim, &nl, &nz, x, z, &itermax, &threshold, status, &
                     &iter_old, v2, v12, alpha_save, beta_save, &z_seed, r_l_save);
    komega_cg_c_restart(&ndim, &nl, &nz, x, z, &itermax, &threshold, status, &
                     &iter_old, v2, v12, alpha_save, beta_save, &z_seed, r_l_save);
    komega_cocg_restart(&ndim, &nl, &nz, x, z, &itermax, &threshold, status, &
                     &iter_old, v2, v12, alpha_save, beta_save, &z_seed, r_l_save);
    komega_bicg_restart(&ndim, &nl, &nz, x, z, &itermax, &threshold, status, &
                     &iter_old, v2, v12, v4, v14, alpha_save, beta_save, &
                     &z_seed, r_l_save);
    C/C++ (MPI/ハイブリッド並列版)
    pkomega_cg_r_restart(&ndim, &nl, &nz, x, z, &itermax, &threshold, &comm, status, &
                     &iter_old, v2, v12, alpha_save, beta_save, &z_seed, r_l_save);
    pkomega_cg_c_restart(&ndim, &nl, &nz, x, z, &itermax, &threshold, &comm, status, &
                     &iter_old, v2, v12, alpha_save, beta_save, &z_seed, r_l_save);
    pkomega_cocg_restart(&ndim, &nl, &nz, x, z, &itermax, &threshold, &comm, status, &
                     &iter_old, v2, v12, alpha_save, beta_save, &z_seed, r_l_save);
    pkomega_bicg_restart(&ndim, &nl, &nz, x, z, &itermax, &threshold, &comm, status, &
                     &iter_old, v2, v12, v4, v14, alpha_save, beta_save, &
    δ
                     &z_seed, r_l_save);
パラメーター
    INTEGER, INTENT(IN) :: ndim
    INTEGER, INTENT(IN) :: nl
    INTEGER, INTENT(IN) :: nz
    REAL(8), INTENT(OUT) :: x(n1*nz)
    REAL(8), INTENT(IN) :: z(nz) ! ("CG_R_restart", "cg_c_restart" の場合)
    COMPLEX(8), INTENT(IN) :: z(nz) ! (それ以外)
    INTEGER, INTENT(IN) :: itermax
    REAL(8), INTENT(IN) :: threshold
    INTEGER, INTENT(IN) :: comm
        * init と同様.
    INTEGER, INTENT(OUT) :: status(3)
        エラーコードを返す.
        第一成分(status(1))
           解が収束した場合、もしくは計算が破綻した場合には現在の総反復回数にマイナ
           スが付いた値が返される. それ以外の場合には現在の総反復回数 (マイナスが付
           かない) が返される. status (1) が正の値の時のみ反復を続行できる. それ以
           外の場合は反復を進めても有意な結果は得られない.
        第二成分(status(2))
```

15

itermax を有限にして、かつ itermax 回の反復で収束に達しなかった場合には 1 が返される. α が発散した場合には 2 が返される. $\pi_{\rm seed}$ が 0 にになった場合には 3 が返される. COCG_restart もしくは BiCG_restart で、残差ベクトルと影の残差ベクトルが直交した場合には 4 が返される. それ以外の場合には 0 が返される.

```
第三成分(status(3))
```

シード点の index が返される.

```
INTEGER, INTENT(IN) :: iter_old
```

先行する計算での反復回数.

```
REAL(8),INTENT(IN) :: v2(ndim) ! ("CG_R_restart" の場合)
COMPLEX(8),INTENT(IN) :: v2(ndim) ! (それ以外)
```

先行する計算での最後の残差ベクトル.

```
REAL(8),INTENT(IN):: v12(ndim)! ("CG_R_restart" の場合)
COMPLEX(8),INTENT(IN):: v12(ndim)! (それ以外)
```

先行する計算での最後から2番目の残差ベクトル.

```
REAL(8),INTENT(IN) :: alpha_save(iter_old) ! ("CG_R_restart", "cg_c_restart"の場合)
COMPLEX(8),INTENT(IN) :: alpha_save(iter_old) ! (それ以外)
```

先行する計算での各反復での (Bi)CG 法のパラメーター α .

```
REAL(8), INTENT(IN) :: beta_save(iter_old) ! ("CG_R_restart", "cg_c_restart"の場合)
COMPLEX(8), INTENT(IN) :: beta_save(iter_old) ! (それ以外)
```

先行する計算での各反復での (Bi)CG 法のパラメーター β .

```
REAL(8),INTENT(IN) :: z_seed ! ("CG_R_restart", "cg_c_restart"の場合)
COMPLEX(8),INTENT(IN) :: z_seed ! (それ以外)
```

先行する計算でのシードシフト.

```
REAL(8),INTENT(IN):: r_l_save(nl,iter_old)! ("CG_R_restart"の場合)
COMPLEX(8),INTENT(IN):: r_l_save(nl,iter_old)! (それ以外)
```

先行する計算での各反復での射影された残差ベクトル.

```
REAL(8),INTENT(IN) :: v4(ndim) ! ("CG_R_restart" の場合)
COMPLEX(8),INTENT(IN) :: v4(ndim) ! (それ以外)
```

BiCG restart の場合のみ使用. 先行する計算での最後の影の残差ベクトル.

```
REAL(8), INTENT(IN) :: v14(ndim) ! ("CG_R_restart" の場合)
COMPLEX(8), INTENT(IN) :: v14(ndim) ! (それ以外)
```

BiCG restart の場合のみ使用. 先行する計算での最後から2番目の影の残差ベクトル.

5.1.3 * update

ループ内で行列ベクトル積と交互に呼ばれて解を更新する.

構文

5.1. 各ルーチンの説明

エラーコードを返す. 第一成分(status(1))

16

```
Fortran (シリアル/OpenMPI 版)
CALL komega_cg_r_update(v12, v2, x, r_l, status)
CALL komega_cg_c_update(v12, v2, x, r_l, status)
CALL komega_cocg_update(v12, v2, x, r_1, status)
CALL komega_bicg_update(v12, v2, v14, v4, x, r_1, status)
Fortran (MPI/ハイブリッド並列版)
CALL pkomega_cg_r_update(v12, v2, x, r_1, status)
CALL pkomega_cg_c_update(v12, v2, x, r_l, status)
CALL pkomega_cocg_update(v12, v2, x, r_l, status)
CALL pkomega_bicg_update(v12, v2, v14, v4, x, r_l, status)
C/C++ (シリアル/OpenMPI 版)
komega_cg_r_update(v12, v2, x, r_l, status);
komega_cg_c_update(v12, v2, x, r_l, status);
komega_cocg_update(v12, v2, x, r_l, status);
komega_bicg_update(v12, v2, v14, v4, x, r_l, status);
C/C++ (MPI/ハイブリッド並列版)
pkomega_cg_r_update(v12, v2, x, r_l, status);
pkomega_cg_c_update(v12, v2, x, r_l, status);
pkomega_cocg_update(v12, v2, x, r_l, status);
pkomega_bicg_update(v12, v2, v14, v4, x, r_l, status);
パラメーター
REAL(8), INTENT(INOUT) :: v12(ndim) ! ("CG_R_update" の場合)
COMPLEX(8), INTENT(INOUT) :: v12(ndim) ! (それ以外)
   入力は残差ベクトル (√2)と行列の積. 出力は、更新された残差ベクトルの 2-ノルムが、先
   頭の要素に格納される(これは収束の具合を表示して調べる時などに用いる).
REAL(8), INTENT(INOUT) :: v2 (ndim) ! ("CG_R_update" の場合)
COMPLEX(8), INTENT(INOUT) :: v2(ndim) ! (それ以外)
   入力は残差ベクトル. 出力は更新された残差ベクトル.
REAL(8), INTENT(IN) :: v14(ndim) ! ("CG_R_update" の場合)
COMPLEX(8), INTENT(IN) :: v14(ndim) ! (それ以外)
   影の残差ベクトル ( v4) と行列の積.
REAL(8), INTENT(INOUT) :: v4(ndim) ! ("CG_R_update" の場合)
COMPLEX(8), INTENT(INOUT) :: v4(ndim) ! (それ以外)
   入力は影の残差ベクトル. 出力は更新された影の残差ベクトル.
INTEGER, INTENT(OUT) :: status(3)
```

解が収束した場合、もしくは計算が破綻した場合には現在の総反復回数にマイナスが付いた値が返される。それ以外の場合には現在の総反復回数(マイナスが付かない)が返される。status(1)が正の値の時のみ反復を続行できる。それ以外の場合は反復を進めても有意な結果は得られない。

17

第二成分(status(2))

*_init ルーチンで, itermax を有限にして, かつ itermax 回の反復で収束に達しなかった場合には 1 が返される. α が発散した場合には 2 が返される. $\pi_{\rm seed}$ が 0 にになった場合には 3 が返される. COCG_update もしくは BiCG_update で, 残差ベクトルと影の残差ベクトルが直交した場合には 4 が返される. それ以外の場合には 0 が返される.

```
第三成分(status(3))
```

シード点の index が返される.

5.1.4 *_getcoef

後でリスタートをするときに必要な係数を取得する. このルーチンを呼び出すためには、 $*_{init}$ ルーチンで itermax を 0 以外の値にしておく必要がある.

また、このルーチンで使われる総反復回数 (iter_old) は *_update の出力 status を用いて次のように計算される.

```
iter old = ABS(status(1))
```

構文

Fortran (シリアル/OpenMP 版)

```
CALL komega_cg_r_getcoef(alpha_save, beta_save, z_seed, r_l_save)
CALL komega_cg_c_getcoef(alpha_save, beta_save, z_seed, r_l_save)
CALL komega_cocg_getcoef(alpha_save, beta_save, z_seed, r_l_save)
CALL komega_bicg_getcoef(alpha_save, beta_save, z_seed, r_l_save)
Fortran (MPI/ハイブリッド並列版)

CALL pkomega_cg_r_getcoef(alpha_save, beta_save, z_seed, r_l_save)
CALL pkomega_cg_c_getcoef(alpha_save, beta_save, z_seed, r_l_save)
CALL pkomega_cocg_getcoef(alpha_save, beta_save, z_seed, r_l_save)
CALL pkomega_cocg_getcoef(alpha_save, beta_save, z_seed, r_l_save)
CALL pkomega_bicg_getcoef(alpha_save, beta_save, z_seed, r_l_save)
CALL pkomega_bicg_getcoef(alpha_save, beta_save, z_seed, r_l_save)
C/C++(シリアル/OpenMP版)

komega_cg_r_getcoef(alpha_save, beta_save, &z_seed, r_l_save);
```

```
komega_cg_cgetcoef(alpha_save, beta_save, &z_seed, r_l_save);
komega_ccg_getcoef(alpha_save, beta_save, &z_seed, r_l_save);
komega_bicg_getcoef(alpha_save, beta_save, &z_seed, r_l_save);
```

C/C++ (MPI/ハイブリッド並列版)

```
pkomega_cg_r_getcoef(alpha_save, beta_save, &z_seed, r_l_save);
pkomega_cg_c_getcoef(alpha_save, beta_save, &z_seed, r_l_save);
pkomega_cocg_getcoef(alpha_save, beta_save, &z_seed, r_l_save);
pkomega_bicg_getcoef(alpha_save, beta_save, &z_seed, r_l_save);
```

パラメーター

```
REAL(8),INTENT(OUT) :: alpha_save(iter_old) ! ("CG_R_restart", "cg_c_restart"の場合)
COMPLEX(8),INTENT(OUT) :: alpha_save(iter_old) ! (それ以外)
```

各反復での (Bi)CG 法のパラメーター α .

5.1. 各ルーチンの説明

```
REAL (8), INTENT (OUT) :: beta_save(iter_old) ! ("CG_R_restart", "cg_c_restart"の場合)
COMPLEX (8), INTENT (OUT) :: beta_save(iter_old) ! (それ以外)

各反復での(Bi)CG 法のパラメーター β.

REAL (8), INTENT (OUT) :: z_seed ! ("CG_R_restart", "cg_c_restart"の場合)
COMPLEX (8), INTENT (OUT) :: z_seed ! (それ以外)

シードシフト.

REAL (8), INTENT (IN) :: r_l_save(nl,iter_old) ! ("CG_R_restart"の場合)
COMPLEX (8), INTENT (IN) :: r_l_save(nl,iter_old) ! (それ以外)

各反復での射影された残差ベクトル.
```

5.1.5 *_getvec

後でリスタートをするときに必要な残差ベクトルを取得する. このルーチンを呼び出すためには, *_init ルーチンで itermax を 0 以外の値にしておく必要がある.

構文

```
Fortran (シリアル/OpenMP 版)
```

```
CALL komega_cg_r_getvec(r_old)
CALL komega_cg_c_getvec(r_old)
CALL komega_cocg_getvec(r_old)
CALL komega_bicg_getvec(r_old, r_tilde_old)
```

Fortran (MPI/ハイブリッド並列版)

```
CALL pkomega_cg_r_getvec(r_old)
CALL pkomega_cg_c_getvec(r_old)
CALL pkomega_cocg_getvec(r_old)
CALL pkomega_bicg_getvec(r_old, r_tilde_old)
```

C/C++ (シリアル/OpenMP 版)

```
komega_cg_r_getvec(r_old);
komega_cg_c_getvec(r_old);
komega_cocg_getvec(r_old);
komega_bicg_getvec(r_old, r_tilde_old);
```

C/C++ (MPI/ハイブリッド並列版)

```
pkomega_cg_r_getvec(r_old);
pkomega_cg_c_getvec(r_old);
pkomega_cocg_getvec(r_old);
pkomega_bicg_getvec(r_old, r_tilde_old);
```

パラメーター

18

```
REAL(8),INTENT(OUT) :: r_old(ndim) ! ("CG_R_getvec" の場合)
COMPLEX(8),INTENT(OUT) :: r_old(ndim) ! (それ以外)
```

先行する計算での最後から2番目の残差ベクトル.

```
COMPLEX(8), INTENT(OUT) :: r_tilde_old(ndim)
```

BiCG getvec の場合のみ使用. 先行する計算での最後から 2 番目の影の残差ベクトル.

5.1.6 *_getresidual

各シフト点での残差ベクトルの 2- ノルムを取得する. このルーチンは *_init と *_finalize の間の任意の場所で呼び出すことが出来る. また, いつ何回呼び出しても最終的な計算結果には影響を与えない.

構文

```
Fortran (シリアル/OpenMP 版)
```

```
CALL komega_cg_r_getresidual(res)
    CALL komega_cg_c_getresidual(res)
    CALL komega_cocg_getresidual(res)
    CALL komega_bicg_getresidual(res)
    Fortran (MPI/ハイブリッド並列版)
    CALL pkomega_cg_r_getresidual(res)
    CALL pkomega_cg_c_getresidual(res)
    CALL pkomega_cocg_getresidual(res)
    CALL pkomega_bicg_getresidual(res)
    C/C++ (シリアル/OpenMP 版)
    komega_cg_r_getresidual(res);
    komega_cg_c_getresidual(res);
    komega_cocg_getresidual(res);
    komega_bicg_getresidual(res);
    C/C++ (MPI/ハイブリッド並列版)
    pkomega_cg_r_getresidual(res);
    pkomega_cg_c_getresidual(res);
    pkomega_cocg_getresidual(res);
    pkomega_bicg_getresidual(res);
パラメーター
    COMPLEX(8), INTENT(OUT) :: res(nz)
```

5.1.7 * finalize

ライブラリ内部で割りつけた配列のメモリを解放する.

各シフト点での残差ベクトルの 2- ノルム.

構文

Fortran (シリアル/OpenMP 版)

```
CALL komega_cg_r_finalize()
CALL komega_cg_c_finalize()
CALL komega_cocg_finalize()
CALL komega_bicg_finalize()
```

Fortran (MPI/ハイブリッド並列版)

```
CALL pkomega_cg_r_finalize()
CALL pkomega_cg_c_finalize()
CALL pkomega_cocg_finalize()
CALL pkomega_bicg_finalize()
```

5.1. 各ルーチンの説明

20

```
C/C++(シリアル/OpenMP版)
komega_cg_r_finalize();
komega_cg_c_finalize();
komega_cocg_finalize();
komega_bicg_finalize();
C/C++(MPI/ハイブリッド並列版)
pkomega_cg_r_finalize();
pkomega_cg_c_finalize();
pkomega_cocg_finalize();
pkomega_bicg_finalize();
```

5.2 Shifted BiCG ライブラリを使用したソースコードの例

以下, 代表的な例として Shifted BiCG ライブラリの場合の使用方法を記載する.

```
PROGRAM my_prog
 USE komega_bicg, ONLY: komega_bicg_init, komega_bicg_restart, &
                         komega_bicg_update, komega_bicg_getcoef, &
                        komega_bicg_getvec, komega_bicg_finalize
 USE solve_cc_routines, ONLY : input_size, input_restart, &
                              projection, &
                              hamiltonian_prod, generate_system, &
                              output_restart, output_result
 IMPLICIT NONE
 INTEGER, SAVE :: &
 & ndim, & ! Size of Hilvert space
 & nz,
            & ! Number of frequencies
           & ! Number of Left vector
 & nl.
 & itermax, & ! Max. number of iteraction
 REAL(8), SAVE :: &
 & threshold ! Convergence Threshold
 COMPLEX(8), SAVE :: &
 & z_seed ! Seed frequency
 COMPLEX(8), ALLOCATABLE, SAVE :: &
 & z(:)
               ! (nz): Frequency
 COMPLEX(8), ALLOCATABLE, SAVE :: &
 & ham(:,:), &
 & rhs(:), &
 & v12(:), v2(:), & ! (ndim): Working vector
 & v14(:), v4(:), & ! (ndim): Working vector
 & r_l(:), & ! (nl) : Projected residual vector
 & x(:,:) ! (nl,nz) : Projected result
  ! Variables for Restart
 COMPLEX(8),ALLOCATABLE,SAVE :: &
```

Chapter 5. 使用方法

```
& alpha(:), beta(:) ! (iter_old)
COMPLEX(8), ALLOCATABLE, SAVE :: &
& r_l_save(:,:) ! (nl,iter_old) Projected residual vectors
! Variables for Restart
INTEGER :: &
& iter, & ! Counter for Iteration
& status(3)
LOGICAL :: &
& restart_in, & ! If .TRUE., sestart from the previous result
& restart_out ! If .TRUE., save datas for the next run
! Input Size of vectors, numerical conditions
CALL input_size(ndim, nl, nz)
CALL input_condition(itermax, threshold, restart_in, restart_out)
ALLOCATE (v12 (ndim), v2 (ndim), v14 (ndim), v4 (ndim), r_1 (nl), &
         x(nl,nz), z(nz), ham(ndim,ndim), rhs(ndim))
CALL generate_system(ndim, ham, rhs, z)
WRITE ( * , * )
WRITE(*,*) "##### CG Initialization #####"
WRITE ( * , * )
IF(restart_in) THEN
  CALL input_restart(iter_old, zseed, alpha, beta, r_l_save)
  IF (restart_out) THEN
     CALL komega_bicg_restart( &
       ndim, nl, nz, x, z, itermax, threshold, &
         status, iter_old, v2, v12, v4, v14, alpha, &
     &
        beta, z_seed, r_l_save)
  ELSE
     CALL komega_bicg_restart ( &
          ndim, nl, nz, x, z, 0, threshold, &
          status, iter_old, v2, v12, v4, v14, alpha, &
     S.
          beta, z_seed, r_l_save)
  END IF
  ! These vectors were saved in BiCG routine
  DEALLOCATE (alpha, beta, r_l_save)
  IF (status (1) /= 0) GOTO 10
  1
ELSE
   ! Generate Right Hand Side Vector
   v2(1:ndim) = rhs(1:ndim)
   v4(1:ndim) = CONJG(v2(1:ndim))
   !v4(1:ndim) = v2(1:ndim)
```

```
IF (restart_out) THEN
     CALL komega_bicg_init(ndim, nl, nz, x, z, termax, threshold)
   ELSE
      CALL komega_bicg_init(ndim, nl, nz, x, z, 0, threshold)
   END IF
END IF
! BiCG Loop
WRITE ( * , * )
WRITE(*,*) "##### CG Iteration #####"
WRITE (*, *)
DO iter = 1, itermax
   ! Projection of Residual vector into the space
   ! spaned by left vectors
   r_1(1:nl) = projection(v2(1:nl))
   ! Matrix-vector product
   CALL hamiltonian_prod(Ham, v2, v12)
   CALL hamiltonian_prod(Ham, v4, v14)
   ! Update result x with BiCG
   CALL komega_bicg_update(v12, v2, v14, v4, x, r_l, status)
   WRITE(*,'(a,i,a,3i,a,e15.5)') "lopp: ", iter, &
                                  ", status : ", status(1:3), &
                                  ", Res. : ", DBLE(v12(1))
   IF (status(1) < 0) EXIT</pre>
END DO
IF (status (2) == 0) THEN
   WRITE(*,*) " Converged in iteration ", ABS(status(1))
ELSE IF(status(2) == 1) THEN
  WRITE(*,*) " Not Converged in iteration ", ABS(status(1))
ELSE IF(status(2) == 2) THEN
  WRITE(*,*) " Alpha becomes infinity", ABS(status(1))
ELSE IF(status(2) == 3) THEN
  WRITE(*,*) " Pi_seed becomes zero", ABS(status(1))
ELSE IF(status(2) == 4) THEN
WRITE (*, *) " Residual & Shadow residual are orthogonal", &
&
          ABS (status (1))
END IF
! Total number of iteration
iter_old = ABS(status(1))
! Get these vectors for restart in the Next run
IF (restart_out) THEN
```

```
ALLOCATE (alpha (iter_old), beta (iter_old), r_l_save (nl, iter_old))
     CALL komega_bicg_getcoef(alpha, beta, z_seed, r_l_save)
     CALL komega_bicg_getvec(v12,v14)
     CALL output_restart(iter_old, z_seed, alpha, beta, &
                        r_l_save, v12, v14)
    DEALLOCATE (alpha, beta, r_l_save)
  END IF
10 CONTINUE
  !
  ! Deallocate all intrinsic vectors
  CALL komega_bicg_finalize()
  ! Output to a file
  CALL output_result(n1, nz, z, x, r_1)
  DEALLOCATE (v12, v2, v14, v4, r_1, x, z)
  WRITE (*, *)
  WRITE(*,*) "##### Done #####"
  WRITE ( * , * )
END PROGRAM my_prog
```

Contact

このライブラリについてのご意見、ご質問、バグ報告等ありましたら下記までお問い合わせください。 河村光晶

mkawamura_at_issp.u-tokyo.ac.jp

at**を**@に変えてください.

参考文献

- [1] A. Frommer, Computing **70**, 87 (2003).
- [2] S. Yamamoto, T. Sogabe, T. Hoshi, S.-L. Zhang, and T. Fujiwara, J. Phys. Soc. Jpn. 77, 114713 (2008).