Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroduction

Notations et règles de franchisse-

ment

Places, Transitions et

Arcs

Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Les Réseaux de Pétri

Mourad Daoudi

USTHB

Jeudi 25 Juin

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroductio

Notations e règles de franchissement

Places.

Transitions et Arcs Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

des résea de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

- Introduction
- 2 Notations et règles de franchissement
 - Places, Transitions et Arcs
 - Marquages
 - Franchissement
 - Réseaux particuliers
- 3 Propriétés des réseaux de Petri
 - Graphe de Marquage Accessible (GMA)
 - Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état
 - Quelques propriétés qualitatives
 - Bornitude
 - Pseudo-vivacité
 - Quasi-vivacité
 - Vivacté
 - Réseau sans blocage
 - Etat d'accueil
 - Conservation
 - Types de réseaux de Petri
 - Réseaux de Petri généralisés
 Réseaux de Petri généralisés
 - Réseaux de Petri à capacités
 - Graphe de marquage
 - Arborescence de couverture
 - Algorithme de contstruction d'un graphe de marquage

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

Introduction

Notations et règles de franchissement

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

(GMA)
Le vecteur
d'occurrence
et l'équation
de
changement
d'état

Introduction

- 2 Notations et règles de franchissement
 - Places, Transitions et Arcs
 - Marquages
 - Franchissement
 - Réseaux particuliers
- 3 Propriétés des réseaux de Petri
 - Graphe de Marquage Accessible (GMA)
 - Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état
 - Quelques propriétés qualitatives
 - Bornitude
 - Pseudo-vivacit
 - Quasi-vivacité
 - Vivacté
 - Réseau sans blocage

Définition génerale

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

Introduction

Notations e règles de franchisse-

Places, Transitions et Arcs Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA) Le vecteur

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Rappel d'histoire

Les réseaux de Petri ont été inventés par le mathématicien allemand Carl Alain Petri dans les années 1960.

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroduction

Notations et règles de franchissement

Places, Transitions et Arcs Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

Proprietes des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état Introduction

- Notations et règles de franchissement
 - Places, Transitions et Arcs
 - Marquages
 - Franchissement
 - Réseaux particuliers
- 3 Propriétés des réseaux de Petri
 - Graphe de Marquage Accessible (GMA)
 - Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état
 - Quelques propriétés qualitatives
 - Bornitude
 - Pseudo-vivacité
 - Quasi-vivacité
 - Vivacté
 - Réseau sans blocage

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

Introductio

Notations et règles de franchissement

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

- Introduction
- 2 Notations et règles de franchissement
 - Places, Transitions et Arcs
 - Marquages
 - Franchissement
 - Réseaux particuliers
- Propriétés des réseaux de Petri
 - Graphe de Marquage Accessible (GMA)
 - Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état
 - Quelques propriétés qualitatives
 - Bornitude
 - Pseudo-vivacité
 - Quasi-vivacité
 - Vivacté
 - Réseau sans blocage

Les Réseaux de Pétri

Mourad Daoudi

ntroductio

Notations e règles de franchisse-

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Un réseau de pétri c'est quoi ?

un graphe

- Une place (pi) modélise les ressources utilisées dans le système.
- Une transition (ti) modélise les actions sur les ressources.

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroductio

Notations et règles de franchisse-

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Un réseau de pétri c'est quoi ?

- un graphe
- formé de deux types de nœuds appelés places et transitions, reliés par des arcs orientés

- Une place (pi) modélise les ressources utilisées dans le système.
- Une transition (ti) modélise les actions sur les ressources.

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroductio

Notations e règles de franchisse-

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

(GMA)
Le vecteur
d'occurrence
et l'équation
de
changement
d'état

Un réseau de pétri c'est quoi ?

- un graphe
- formé de deux types de nœuds appelés places et transitions, reliés par des arcs orientés
- biparti, c.-à-d. qu'un arc relie alternativement une place à une transition et une transition à une place

- Une place (pi) modélise les ressources utilisées dans le système.
- Une transition (ti) modélise les actions sur les ressources.

Les Réseaux de Pétri

Mourad Daoudi

ntroductio

Notations et règles de franchisse-

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

(GMA)
Le vecteur
d'occurrence
et l'équation
de
changement
d'état

Un réseau de pétri c'est quoi ?

- un graphe
- formé de deux types de nœuds appelés places et transitions, reliés par des arcs orientés
- biparti, c.-à-d. qu'un arc relie alternativement une place à une transition et une transition à une place

- Une place (pi) modélise les ressources utilisées dans le système.
- Une transition (ti) modélise les actions sur les ressources.

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroductio

Notations et règles de franchisse-

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

(GMA)
Le vecteur
d'occurrence
et l'équation
de
changement
d'état

Un réseau de pétri c'est quoi ?

- un graphe
- formé de deux types de nœuds appelés places et transitions, reliés par des arcs orientés
- biparti, c.-à-d. qu'un arc relie alternativement une place à une transition et une transition à une place

- Une place (pi) modélise les ressources utilisées dans le système.
- Une transition (ti) modélise les actions sur les ressources.

Exemples

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

atroduction

Notations e règles de franchisse-

franchissement

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

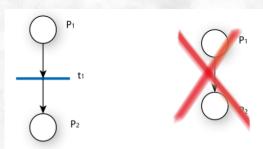
des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Exemples

la place p1 est en entrée de la transition t1 et p2 est en sortie de t1 .





Les Réseaux de Pétri

Mourad Daoudi

ntroductio

Notations et règles de franchisse-

Places, Transitions et

Arcs
Marquages

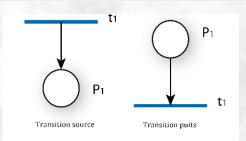
Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

- -Une transition sans place en entrée est une transition source.
- -Une transition sans place en sortie est une transition puits.



Les Réseaux de Pétri

Mourad Daoudi

ntroductio

Notations e règles de franchissement

Places, Transitions et

Marquages

Arcs

Franchissement Réseaux particuliers

des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

- Introduction
- 2 Notations et règles de franchissement
 - Places, Transitions et Arcs
 - Marquages
 - Franchissement
 - Réseaux particuliers
- 3 Propriétés des réseaux de Petri
 - Graphe de Marquage Accessible (GMA)
 - Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état
 - Quelques propriétés qualitatives
 - Bornitude
 - Pseudo-vivacit
 - Quasi-vivacité
 - Vivacté
 - Réseau sans blocage

Marquage

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroduction

règles de franchissement

Places, Transitions et Arcs

Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux

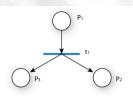
Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Le Marquage

Chaque place (pi) d'un RdP peut contenir un ou plusieurs marqueurs (jetons).

La configuration complète du réseau, avec toutes les marques positionnées, forme le marquage et définit l'état du réseau (et donc l'état du système modélisé).



- P1 ,P2,P3 sont des places .
- T1 est une transition qui permet de passer de P1 vers Deux places P2 et P3 .

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

Introductio

Notations e règles de franchissement

Places, Transitions et Arcs Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

- Introduction
- 2 Notations et règles de franchissement
 - Places, Transitions et Arcs
 - Marquages
 - Franchissement
 - Réseaux particuliers
- 3 Propriétés des réseaux de Petri
 - Graphe de Marquage Accessible (GMA)
 - Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état
 - Quelques propriétés qualitatives
 - Bornitude
 - Pseudo-vivacité
 - Quasi-vivacité
 - Vivacté
 - Réseau sans blocage

Franchissement

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroduction

Notations e règles de franchissement

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement

Réseaux particuliers

Propriétés des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Franchissement

C'est le formalisme qui permet de passer d'un marquage à un autre, ce qui rend compte de l'évolution du système modélisé. Une transition est franchissable si chacune des places en entrée compte au moins un jeton ; dans ce cas :

le franchissement est une opération indivisible (atomique)

Franchissement

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroduction

Notations e règles de franchissement

Places, Transitions et Arcs Marquages

Franchissement Réseaux

particuliers

Propriétés des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA) Le vecteur

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Franchissement

C'est le formalisme qui permet de passer d'un marquage à un autre, ce qui rend compte de l'évolution du système modélisé. Une transition est franchissable si chacune des places en entrée compte au moins un jeton ; dans ce cas :

- le franchissement est une opération indivisible (atomique)
- 2 un jeton est consommé dans chaque place en entrée

Franchissement

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroduction

Notations e règles de franchissement

Places.

Transitions et Arcs Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseau

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Franchissement

C'est le formalisme qui permet de passer d'un marquage à un autre, ce qui rend compte de l'évolution du système modélisé. Une transition est franchissable si chacune des places en entrée compte au moins un jeton ; dans ce cas :

- le franchissement est une opération indivisible (atomique)
- un jeton est consommé dans chaque place en entrée
- 3 un jeton est produit dans chaque place en sortie

Exemples de franchissement

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

Notations e règles de franchisse-

ment Places

Transitions et Arcs

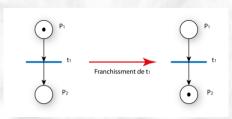
Marquages Franchissement

Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état Voici des exemples de franchissement avec deux réseaux différents.





Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroduction

Notations e règles de franchissement

Places, Transitions et Arcs Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

- Introduction
- 2 Notations et règles de franchissement
 - Places, Transitions et Arcs
 - Marquages
 - Franchissement
 - Réseaux particuliers
- Propriétés des réseaux de Petri
 - Graphe de Marquage Accessible (GMA)
 - Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état
 - Quelques propriétés qualitatives
 - Bornitude
 - Pseudo-vivacité
 - Quasi-vivacité
 - Vivacté
 - Réseau sans blocage

Graphe d'état

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroductio

Notations e règles de franchisse-

ment Places,

Transitions et Arcs Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés

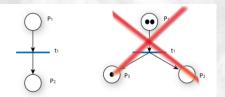
des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état Il existe des réseaux particuliers on va dans la suite de ce cours citer quelques uns .

Graphe d'état

un graphe d'état a une particularité qui est relative à ses transitions tel que , chaque transition ne dispose que d'une place en entrée et une place en sortie.



Réseau sans conflit

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

مائمون الموسطة

Notations et règles de franchissement

Places, Transitions et Arcs Marquages

Franchissement Réseaux

Réseaux particuliers

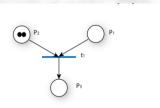
Propriétés des réseau de Petri

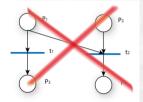
Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Réseau sans conflit

Un réseau sans conflit est un réseau où chaque place n'a qu'une transition en sortie.





Réseau simple

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroductio

Notations e règles de franchisse-

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement

Réseaux particuliers

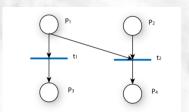
Propriétés des réseau

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Réseau simple

Les réseaux dits simples sont des réseaux avec conflit(s) où chaque transition n'intervient au plus que dans une situation de conflit.



Les Graphes purs

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

Notations e règles de franchissement

ment
Places

Transitions et Arcs

Marquages Franchissement

Franchissem Réseaux

Réseaux particuliers

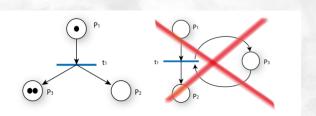
Propriétés des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Graphe pur

Les Graphes purs sont ceux dont aucune place n'est à la fois en entrée ou en sortie de la même transition.



Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

atroduction

Notations et règles de franchisse-

ment
Places

Transitions et Arcs Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Définition

Un réseau de Petri est défini par le tuple (P, T, $Pr\acute{e}$, Post, M_0)

- P: ensemble de places p_i
- T : ensemble de transitions
- Pré : Pré(p, t) est une valeur (0) associée à l'arc allant de la place p à la transition t
- Post : Post(p, t) est une valeur (0) associée à l'arc allant de la transition t à la place p
- M_0 : vecteur décrivant le marquage initial, $M_0 = (M_0 (p_1), \ldots, M_0 (p_n))$. nombre de jetons dans la place p_1

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

Introductio

règles de franchissement

Places, Transitions et Arcs Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

- 1 Introduction
- 2 Notations et règles de franchissemen
 - Places, Transitions et Arcs
 - Marquages
 - Franchissement
 - Réseaux particuliers
- 3 Propriétés des réseaux de Petri
 - Graphe de Marquage Accessible (GMA)
 - Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état
 - Quelques propriétés qualitatives
 - Bornitude
 - Pseudo-vivacité
 - Quasi-vivacité
 - Vivacté
 - Réseau sans blocage

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroduction

règles de franchisse-

Places, Transitions et

Transitions et Arcs Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroduction

Notations e règles de franchissement

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

- Introduction
- 2 Notations et règles de franchissement
 - Places, Transitions et Arcs
 - Marquages
 - Franchissement
 - Réseaux particuliers
- 3 Propriétés des réseaux de Petri
 - Graphe de Marquage Accessible (GMA)
 - Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état
 - Quelques propriétés qualitatives
 - Bornitude
 - Pseudo-vivacité
 - Quasi-vivacité
 - Vivacté
 - Réseau sans blocage

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Les Réseaux de Pétri

Mourad Daoudi

ntroductio

Notations et règles de franchisse-

ment

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Définition

Un marquage sera dit accessible si on peut l'atteindre à partir du marquage initial, soit directement (avec un seul tir), soit indirectement (avec plusieurs tirs). On note A l'ensemble des marquages accessibles d'un réseau de Petri.



 $\begin{aligned} & \mathsf{Exemple} \; \big(\mathsf{pr\acute{e}c\acute{e}dent} \big) \; : \\ & \mathsf{A} = \; \mathsf{M0} \;, \; \mathsf{M1} \;, \; \mathsf{M2} \\ & \mathsf{Le} \; \mathsf{graphe} \; \mathsf{des} \; \mathsf{marquages} \; \mathsf{accessibles} : \end{aligned}$

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

Notations e

franchisse

ment

Places.

Places, Transitions et

Arcs

Marquages

Franchissement

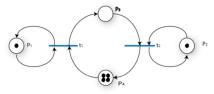
Réseaux particuliers

des réseaux de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Application Considérons le réseau de Petri suivant :



soit $T = (t_1, t_2)$, on a:

$$C^{-} = \text{Pr\'e} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \\ 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}; C^{+} = \text{Post} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \\ 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix};$$

$$C = C^{+} - C^{-} = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 1 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$$

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Les Réseaux de Pétri

Mourad Daoudi

Introduction

Notations e règles de franchisse-

franchissement

Places, Transitions et

Arcs Marquages

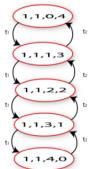
Franchissement Réseaux particuliers

des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Application(suite)



avec M0 = (1, 1, 0, 4)

On peut avoir les autres marquages accessibles,

exemple : M0 [t1 > M1 car [1, 1, 0, 4] > [1, 0, 0, 1]

Donc: M1 = M0 + 1 C = [1, 1, 0, 4] + [0, 0, 1, 3] etc.

Le graphe des marquages accessibles :

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroductio

Notations e règles de franchissement

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

- Introduction
- 2 Notations et règles de franchissement
 - Places, Transitions et Arcs
 - Marquages
 - Franchissement
 - Réseaux particuliers
- 3 Propriétés des réseaux de Petri
 - Graphe de Marquage Accessible (GMA)
 - Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état
 - Quelques propriétés qualitatives
 - Bornitude
 - Pseudo-vivacit
 - Quasi-vivacité
 - Vivacté
 - Réseau sans blocage

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroductio

Notations et règles de franchisse-

ment
Places,
Transitions et

Transitions et Arcs Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

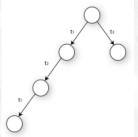
Propriétés des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état Soit T^* l'ensemble de transitions $T^*=t1$, t2, . . . , tn Soit S une séquence de transitions (S T^*); $\overrightarrow{\sigma}=(\overrightarrow{\sigma}(t))_t$ où $\overrightarrow{\sigma}(t)$ est le nombre d'occurrences de t dans S.

Exemple 1:

Soit le graphe de marquage ci-dessous,



avec T = t1 , t2 , t3. Considérons la séquence $\overrightarrow{\sigma}$ = t1 t2 t3 Alors le vecteur d'occurrences $\overrightarrow{\sigma} = (\overrightarrow{\sigma}(t1), \overrightarrow{\sigma}(t2), \overrightarrow{\sigma}(t3))$ est $\overrightarrow{\sigma}$ = (2, 1, 0)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroduction

Notations e règles de franchisse-

ment Places,

Transitions et Arcs Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux

Graphe de Marquage Accessible

d'état

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement Ainsi, à partir d'un marquage M , on peut tirer une séquence de transitions σ , et on trouve le marquage $M^{'}$.

L'équation de changement d'état est alors donnée comme suit : $M_0 = M + C.\overrightarrow{\sigma}$

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

Introductio

Notations e règles de franchissement

ment
Places,
Transitions et
Arcs

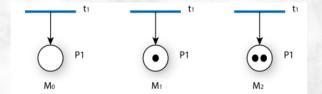
Marquages Franchissement

Franchisseme Réseaux particuliers

des résea de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état **Exemple 2 :** le franchissement d'une transition «source» consiste à rajouter un jeton à chacune des places en sortie.



Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

......

Notations e règles de

franchissement

Places, Transitions et Arcs

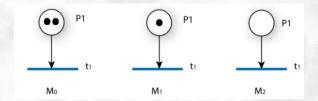
Marquages Franchissement

Réseaux particuliers

des résea de Petri

Graphe de Marquage Accessible

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état **Exemple 3 :** le franchissement d'une transition «puits» consiste à retirer un jeton de chacune de ses places en entrée.



Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

Places. Transitions et Marquages Franchissement

Réseaux particuliers

Graphe de Marquage Accessible

Le vecteur d'occurrence et l'équation changement d'état

Exemple 4:

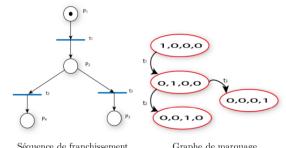
séquence de franchissement :

M0 [t1 > M1 avec M1 = (0, 1, 0, 0)

M0 [t1 t2 > M2 avec M2 = (0, 0, 0, 1)

M0 [t1 t3 > M3 avec M3 = (0, 0, 0, 1)

Ensemble des marquages accessibles : M = M0, M1, M1, M3



Séquence de franchissement

Graphe de marquage

Sommaire

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroduction

Notations e règles de franchissement

Places, Transitions et Arcs Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état Introduction

Notations et règles de franchissement

- Places, Transitions et Arcs
 - Marquages
- Franchissement
- Réseaux particuliers
- 3 Propriétés des réseaux de Petri
 - Graphe de Marquage Accessible (GMA)
 - Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état
 - Quelques propriétés qualitatives
 - Bornitude
 - Pseudo-vivacit
 - Quasi-vivacité
 - Vivacté
 - Réseau sans blocage

Quelques propriétés qualitatives:Bornitude

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

atroductio

Notations e règles de franchisse

franchissement Places.

Transitions et Arcs Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état Quelques propriétés qualitatives Vérifiables en se basant sur le graphe des marquages accessibles.

Bornitude

Définition

Une place sera dite k-bornée si $\forall M, M(p) \leq k$

Exemple (précédent):

- $-M_0(p1) = M_1(p1) = M_2(p2) = M_3(p3) = M_4(p4) = 1$ donc p1 est 1-bornée
- la place p4 est 4-bornée

Un réseau de Petri est borné s'il existe une valeur k telle que :

Mourad Daoudi

ntroductio

Notations e règles de franchisse-

Places, Transitions et Arcs

Arcs Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

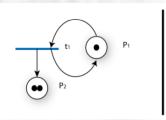
Propriétés des réseau

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

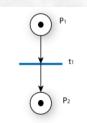
Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Remarque

Pour que le réseau soit borné, il faut que son ensemble de marquages accessibles A soit fini (sinon, le réseau n'est pas borné).



Réseaux non borné



Réseau 2-borné



Quelques propriétés qualitatives: Pseudo-vivacité

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

atroductio

Notations e règles de

franchisse ment

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

(GMA)
Le vecteur
d'occurrence
et l'équation
de
changement
d'état

Pseudo-vivacité

Définition

Le réseau de Petri est pseudo-vivant si $\forall M, \exists t/M[t > \text{c.-à-d.}]$ pour tout marquage, il existe au moins une transition tirable à partir de ce marquage.

Ainsi, le GMA d'un RdP pseudo-vivant possède au moins un arc (transition) sortant de chaque état (marquage).

Remarque

Un réseau pseudo vivant n'a pas de marquage puits (ou mort) c.-à-d. un marquage sans transition tirable. Donc s'il y a un marquage à partir duquel on ne peut pas tirer une transition alors le réseau n'est pas pseudo-vivant.

Quelques propriétés qualitatives: Quasi-vivacité

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroducti

Notations e règles de franchisse-

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Quasi-vivacité

Définition

Un réseau est quasi-vivant si : $\exists M/M[t>c$.-à-d. que pour toute transition, il existe au moins un marquage à partir duquel on peut direr cette transition.

Ainsi, la quasi-vivacité désigne la possibilité de franchir au moins une fois chaque transition.

Quelques propriétés qualitatives: Vivacité

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

atroduction

Notations et règles de

tranchissement Places.

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement

Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux de Petri

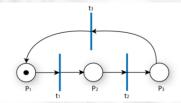
Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Vivacité

Définition

Un RdP est vivant s'il est pseudo-vivant et quasi-vivant.



Réseau vivant.

Quelques propriétés qualitatives: Réseau sans blocage

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

Notations en règles de franchisse-

Places, Transitions et Arcs Marquages

Franchissement Réseaux particuliers

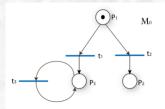
des réseau de Petri

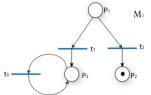
Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état Réseau sans blocage

Définition

Un RdP est dit sans blocage s'il n'a pas de marquage puits (mort).





 M_1 (après franchissement de t_2) est un blocage

Quelques propriétés qualitatives: Etat d'accueil

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

Introductio

Notations e règles de franchisse-

ment
Places.

Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Etat d'accueil

Définition

Un RdP admet un état d'accueil M_a si

 $: \forall M \in A, \exists \sigma \in T/M[\sigma > M_a.$

c.-à-d. un marquage d'accueil M_a est tel qu'on peut lui accéder à partir de n'importe quel autre marquage M via une séquence de transition σ .

Remarque 1:

Un état d'accueil est accessible quelque soit l'évolution du réseau.

Quelques propriétés qualitatives: Etat d'accueil

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

Introductio

Notations et règles de franchissement

Places, Transitions et Arcs Marquages Franchissement Réseaux

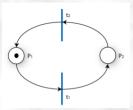
Propriétés des réseaux

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

Remarque 2:

Si le marquage initial (M0) est un marquage d'accueil, alors le réseau est dit réinitialisable.



Réseau réinitialisable

> Mourad Daoudi

ntroduction

règles de franchisse-

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseau

de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA) Le vecteur d'occurrence et l'équation

changement

Sommaire

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroductio

Notations et règles de franchissement

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Proprietes des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

- Introduction
- Notations et règles de franchissement
 - Places, Transitions et Arcs
 - Marquages
 - Franchissement
 - Réseaux particuliers
- 3 Propriétés des réseaux de Petri
 - Graphe de Marquage Accessible (GMA)
 - Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état
 - Quelques propriétés qualitatives
 - Bornitude
 - Pseudo-vivacit
 - Quasi-vivacité
 - Vivacté
 - Réseau sans blocage

> Mourad Daoudi

troduction

règles de franchisse-

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA) Le vecteur d'occurren

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

> Mourad Daoudi

troduction

règles de franchisse-

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux

Propriétés des réseaux

Graphe de Marquage Accessible (GMA) Le vecteur d'occurrence et l'équation

changement

> Mourad Daoudi

troduction

règles de franchisse-

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux

Graphe de Marquage Accessible (GMA) Le vecteur d'occurrence et l'équation

changement

> Mourad Daoudi

troduction

règles de franchisse-

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux

Graphe de Marquage Accessible (GMA) Le vecteur d'occurrence et l'équation

changement

Sommaire

Les Réseaux de Pétri

> Mourad Daoudi

ntroductio

Notations et règles de franchissement

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

des réseau de Petri

Graphe de Marquage Accessible (GMA)

Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état

- Introduction
- 2 Notations et règles de franchissement
 - Places, Transitions et Arcs
 - Marquages
 - Franchissement
 - Réseaux particuliers
- 3 Propriétés des réseaux de Petri
 - Graphe de Marquage Accessible (GMA)
 - Le vecteur d'occurrence et l'équation de changement d'état
 - Quelques propriétés qualitatives
 - Bornitude
 - Pseudo-vivacit
 - Quasi-vivacité
 - Vivacté
 - Réseau sans blocage

> Mourad Daoudi

Introduction

règles de franchisse-

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux

Graphe de Marquage Accessible (GMA) Le vecteur d'occurrence et l'équation

changement

> Mourad Daoudi

troduction

règles de franchisse-

Places, Transitions et Arcs

Marquages Franchissement Réseaux particuliers

Propriétés des réseaux

Graphe de Marquage Accessible (GMA) Le vecteur d'occurrence et l'équation

changement