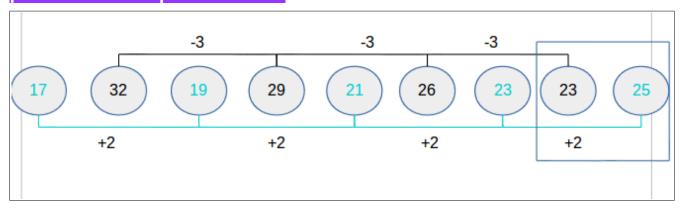
TOP2017

Correction de la tour 1 de l'épreuve de la préselection

Partie #1: question de réfexion et de logique

problème #1: La paire suivante



la réponse est: 23 25

probléme #2: une nouvelle langue !

Blyonot => feuille de chêne.

Blycrin => feuille d'érable

Bly => feuille.
Crin => érable.

On procède par élimination:

- **bly**muth (non): il y a le mot feuille.
- hupp**onot** (non): il y a le mot chêne.
- patricrin(oui): on ne sait pas le sens de patri mais on connaît le mot érable (crin).
- crinweel(non): érable est au début, et d'après la grammaire posé par Oussema on dit "**quelque chose** d'érable".

La réponse est: patricrin.

Probléme #3: Au supermarché

On note:

#mx: le nombre d'employés de l'entreprise de Maxime.

#mo: le nombre d'employés de l'entreprise de Mohamed.

#ma: le nombre d'employés de l'entreprise de Mamadou.

#ss: le nombre d'employés du supermarché.

On a:

```
#mx \geq #mo max(min(#mx, #ma, #ma).
#mx \geq #ma Mais on ne peut pas savoir si #ma \geq#mo ou non.
```

La réponse: on ne peut pas le savoir.

Problème #4: Monastir ou Djerba!

On sait que: $\overline{x ou y} = \overline{x} et \overline{y}$

La negation de (Je passerai mes vacances d'été à Monastir ou à Djerba) = Je ne passerai pas mes vacances d'été Monastir ni à Djerba.

Problème #5: divisble par 8

Si n est impair, alors n^2 -1 est un multiple de 8.

montrez que si: $n \in \mathbb{Z}$ et n est impair, alors $8|n^2-1$

Démonstration par induction:

• Cas de base:

 $1 \in \mathbb{Z}$, et 1 est impair => $8|1^2-1=0$ est correcte.

- Pas(step of induction) d'induction:
 - Hypothèse d'induction:

On suppose que pour tout $n \in \mathbb{Z}(n \ge 1)$, tel que n'est impair que $8|n^2-1$.

• Montrons que:

 $8|(n+2)^2-1$, telque n+2 est l'entier impair directement supérieur à n.

On note par: a | m, a divise m.

on
$$a:8|n^2-1=>n^2-1=8q$$

$$(n+2)^2 - 1 = n^2 + 4n + 4 - 1 = n^2 - 1 + 4n + 4 = 8q + 4(n+1)$$

$$n \ est \ impair <=> n+1 \ est \ pair <=> n+1 = 2k$$

$$donc : (n+2)^2 - 1 = 8q + 4(n+1) = 8q + 4.2k = 8(q+k)$$

$$(n+2)^2 - 1 = 8k' <=> \text{le reste de la division de}(n+2)^2 - 1 \ par 8 = 0$$

Si n est impair, alors n²-1 est un multiple de 8. Cette proposition est vraie.

Probléme #6: Bien réfléchir

On considère la proposition : "Les personnes qui parlent trop ne réfléchissent pas souvent".

Q6 - Parmi les propositions suivantes, laquelle est équivalente à la proposition énoncée ?

Les personnes qui parlent trop ne réfléchissent pas.

Les personnes qui réfléchissent souvent ne parlent pas trop.

Les personnes qui réfléchissent souvent parlent trop.

Les personnes qui réfléchissent souvent parlent trop.

Aucune des réponses précédentes

Probléme #7: Quelle explication

Q7 - Quelle est la ligne ou il y a une erreur de raisonnement par rapport à la ligne précédente: On souhaite mettre 0,999999 sous la forme d'un nombre rationnel	
0	On pose donc x = 0,999999
0	Donc 10 x = 9,99999

Donc 10 x = 9 + x

Donc 10 x = 9 + 0,99999

- O Donc $9 \times = 9$
- O Donc x = 1 (alors qu'au départ on avait x = 0,999999)

Probléme #8: le casier d'Ahmed

 $code = c_1 c_2 c_{3}, telque \ c_1, c_2 et \ c_3 \ sont \ les \ trois \ chiffres \ qui \ composent \ le \ code \ d' \ Ahmed \ .$ $code + 3 = c_1 c_2 a_3, avec \ c_1 c_2 a_3 est \ le \ nombre \ après \ l' \ ajout \ de \ 3 \ au \ code \ .$ $On \ suppose \ ici \ que \ uniquement \ le \ chiffre \ d' \ unit\'e \ qui \ aie \ chang\'e \ .$

$$c_1 + c_2 + c_3 = \frac{c_1 + c_2 + a_3}{3}$$

$$<=>3c_1+3c_2+3c_3=c_1+c_2+a_3$$

on peut avoir plusieurs codes.

$$<=>2c_1+2c_2+3c_3-a_3=0$$

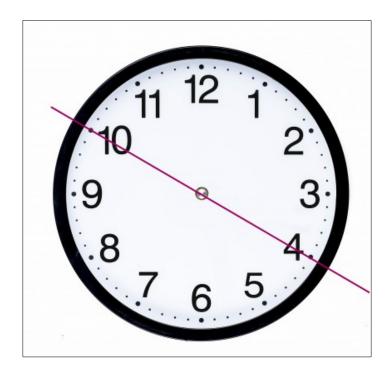
on suppose que:
$$c_1$$
=1, c_2 =0 and c_3 =0<=>2- a_3 =0<=> a_3 =2.

Le code après l'ajout de 3 est 102 et le code = 100.

$$1+0+0=\frac{1+0+2}{3}$$

Un code d'Ahmed est 100.

Probléme #9: quelle heure est-il ?



Il est 10h 20 min

Probléme #10: Le nombre d'Emna

soit n un nombre positif de quatre chiffre
$$c_1c_2c_3c_4$$

$$11|n<=>11|c_2+c_4-(c_1+c_3)$$

$$ona: \begin{bmatrix} c_2 + c_4 - (c_1 + c_3) = 11 \, q \\ c_1 + c_2 + c_3 + c_4 = 11 \end{bmatrix} <=> 11 \, q + 2 \, c_1 + 2 \, c_3 = 11$$

$$c_1 + c_3 = \frac{11 - 11 \, q}{2} \quad , \quad q < 0 \, et \, 2 | 11 - 11 \, q$$

On peut avoir plusieurs nombre d'Emna en fonction de valeur de q choisi.

$$on \, prend \, q = -1 <=> c_1 + c_3 = 11$$

$$On \, prend \, c_1 = 2 \, et \, c_3 = 9 <=> c_2 + c_4 - (2 + 9) = c_2 + c_4 - 11 = 11 <=> c_2 + c_4 = 0 <=> c_2 = 0 \, et \, c_4 = 0.$$

$$c_1 = 2, \ c_2 = 0, \ c_3 = 9, \ c_4 = 0$$

Un nombre d'Emna est 2090

$$2+0+9+0=11$$