

## 组成原理实验课程第二次实验报告

实验名称	乘法器的效率提升实验			班级	张金
学生姓名	冯思程	学号	2112213	指导老师	董前琨
实验地点	实验楼 A306		实验时间	4月3日 14:00	

### 1、实验目的

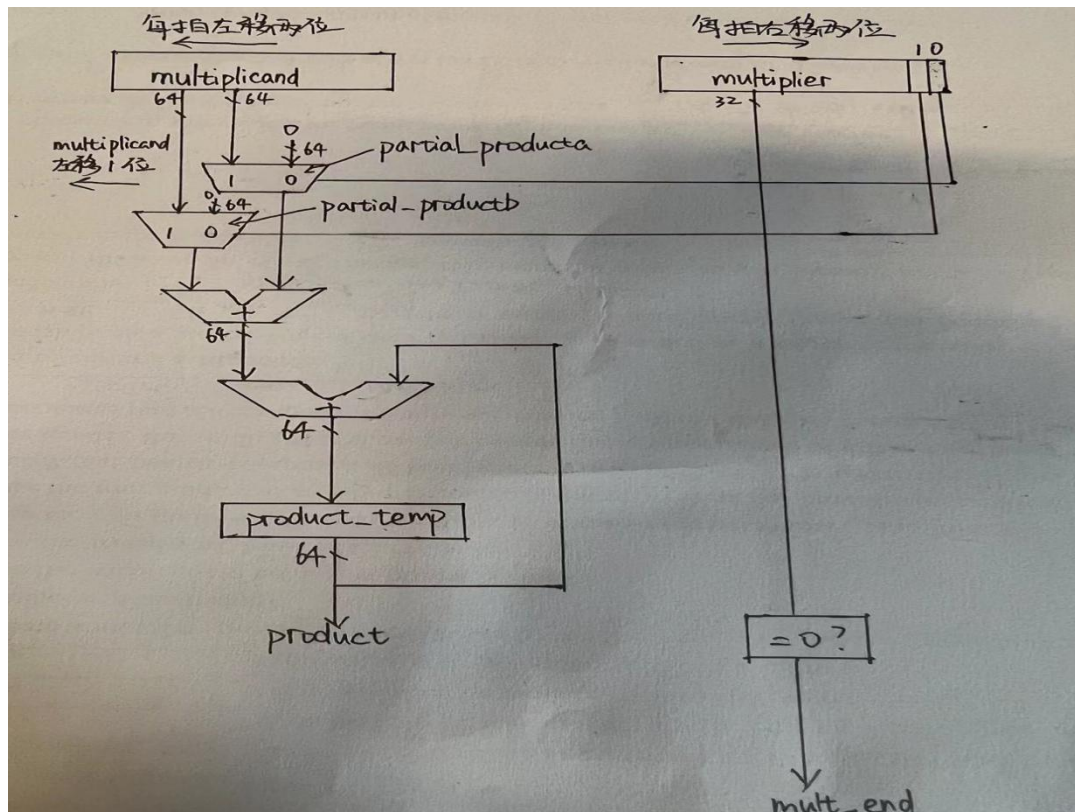
1. 理解定点乘法的不同实现算法的原理，掌握基本实现算法。
2. 熟悉并运用 verilog 语言进行电路设计。
3. 为后续设计 cpu 的实验打下基础。

### 2、实验内容说明

1. 学习并理解计算机中定点乘法器的多种实现算法的原理，重点掌握迭代乘法的实现算法。
2. 根据第二次实验原理自行设计本次修改实验的方案，画出结构框图，详细标出输入输出端口。
3. 针对组成原理第二次的乘法法器实验进行改进的具体要求：
  - 1) 将原有的迭代乘法改进成两位乘法，即每个时钟周期移位移两位，从而提高乘法效率。（其他形式的优化也建议尝试）
  - 2) 将改进后的乘法器进行仿真验证，得到正确的波形图。
  - 3) 将改进后的乘法器进行上实验箱验证，上箱验证时调整数据不在前 4 格显示。
  - 4) 实验报告中的原理图为迭代乘法的算法图，不再是顶层模块图实验原理图。

### 3、实验原理图

对迭代乘法算法原理图进行修改，改为每拍移位两位，原理图如下：



其中 `partial_producta`, `partial_productb` 分别代表乘数末位和乘数倒数第二位与被乘数相乘得到的结果, 其中当乘数末位为 1 的时候, `partial_producta` 是乘数本身; 当乘数末位为 0, 临时变量 `a` 为 0。当乘数倒数第二位为 1, `partial_productb` 由被乘数左移一位得到; 乘数倒数第二位为 0, `partial_productb` 为 0。`partial_producta`, `partial_productb` 加和作为循环变量迭代。最后当乘数是 0 时候 `mult_end` 翻转, 乘法结束。

#### 4、实验步骤

(1) 对 `multiply.v` 的修改: (红色表示进行修改的地方)

第一部分, 对加载被乘数的修改, 原来是运算时每次左移 1 位, 现在改为两位。代码如下:

```
reg [63:0] multiplicand;
always @ (posedge clk)
begin
    if (mult_valid)
    begin // 如果正在进行乘法, 则被乘数每时钟左移两位
        multiplicand <= {multiplicand[61:0], 2'b00};
    end
    else if (mult_begin)
    begin // 乘法开始, 加载被乘数, 为乘数 1 的绝对值
        multiplicand <= {32'd0, op1_absolute};
    end
end
```

第二部分, 对加载乘数的修改, 原来是运算时每次右移 1 位, 改为两位。代码如下:

```
reg [31:0] multiplier;
always @ (posedge clk)
begin
    if (mult_valid)
    begin // 如果正在进行乘法, 则乘数每时钟右两位
        multiplier <= {2'b00, multiplier[31:2]};
    end
    else if (mult_begin)
    begin // 乘法开始, 加载乘数, 为乘数 2 的绝对值
        multiplier <= op2_absolute;
    end
end
```

第三部分, 对部分积的修改, 当乘数末位为 1, 临时变量 `a` 是乘数本身; 当乘数末位为 0, 临时变量 `a` 为 0。乘数倒数第二位为 1, 临时变量 `b` 由被乘数左移一位得到; 乘数倒数第二位为 0, 临时变量 `b` 为 0。通过上述分别处理乘数的末位和倒数第二位, 我可以实现每次移位两次的处理, 代码如下:

```
wire [63:0] partial_producta;
wire [63:0] partial_productb;
assign partial_producta = multiplier[0] ? multiplicand : 64'd0;
assign partial_productb = multiplier[1] ? {multiplicand[62:0], 1'b0} : 64'd0;
```

第四部分, 对后面累加器的表达式进行微小修改, 将原来的一个 `partial_` 换成了上面部

分积中的两个临时变量。代码如下：

```
reg [63:0] product_temp;
always @ (posedge clk)
begin
    if (mult_valid)
    begin
        product_temp <= product_temp + partial_producta + partial_productb;
    end
    else if (mult_begin)
    begin
        product_temp <= 64'd0; // 乘法开始，乘积清零
    end
end
```

(2) 对 display 部分的修改：要求不能从显示屏的前四格显示，于是下面定义显示区域的语句进行修改，将 1-4 显示区域改成 5-8 显示区域。(红色标注修改部分)

```
always @(posedge clk)
begin
    case(display_number)
        6'd5:
        begin
            display_valid <= 1'b1;
            display_name  <= "M_OP1";
            display_value <= mult_op1;
        end
        6'd6:
        begin
            display_valid <= 1'b1;
            display_name  <= "M_OP2";
            display_value <= mult_op2;
        end
        6'd7:
        begin
            display_valid <= 1'b1;
            display_name  <= "PRO_H";
            display_value <= product_r[63:32];
        end
        6'd8:
        begin
            display_valid <= 1'b1;
            display_name  <= "PRO_L";
            display_value <= product_r[31: 0];
        end
        default :
        begin
```

```

display_valid <= 1'b0;
display_name  <= 48'd0;
display_value <= 32'd0;

end
endcase

End

```

(3) 对仿真文件的示例数据进行一定修改(修改成一组很容易验证正误的数据), 然后跑仿真并验证仿真结果(分别 run synthesis 和 run implementation, 然后在 run behavioral simulation), 代码如下: (红色标注修改部分)

```

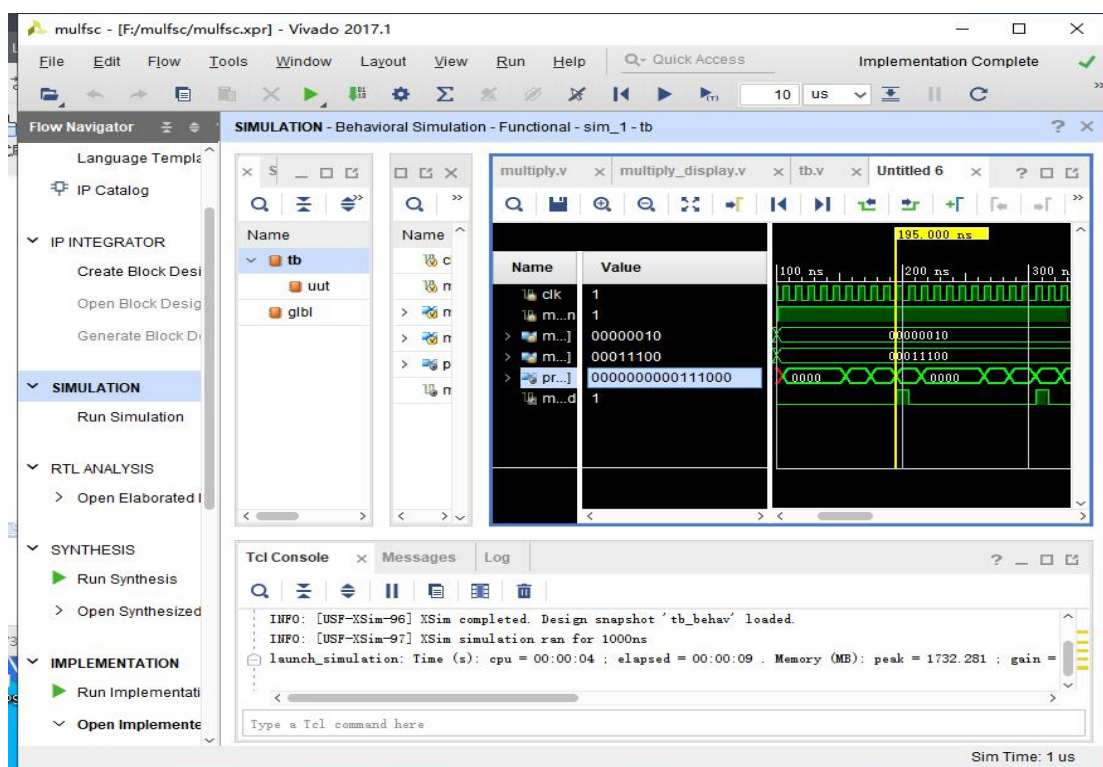
#100;
mult_begin = 1;
mult_op1 = 32'H00000010;
mult_op2 = 32'H00011100;

```

(4) 将源码给出的约束文件导入和同时导入 lcd 屏模块, 然后再进行上箱实验验证。其中约束文件可以直接使用, 无需再进行修改。lcd 屏模块也在源码文件 (source code) 中给出, 直接导入。然后分别依次跑综合、增强后确认无误, 将电脑连接到实验箱后生成流文件到实验箱上, 然后在实验箱上进行调试观察, 验证是否完整的实现了目标功能。

## 5、实验结果分析

(1) 仿真结果: (先调整波形图的横坐标尺度, 找到 mult\_end 翻转的地方, 然后去观察乘法器输出的结果)



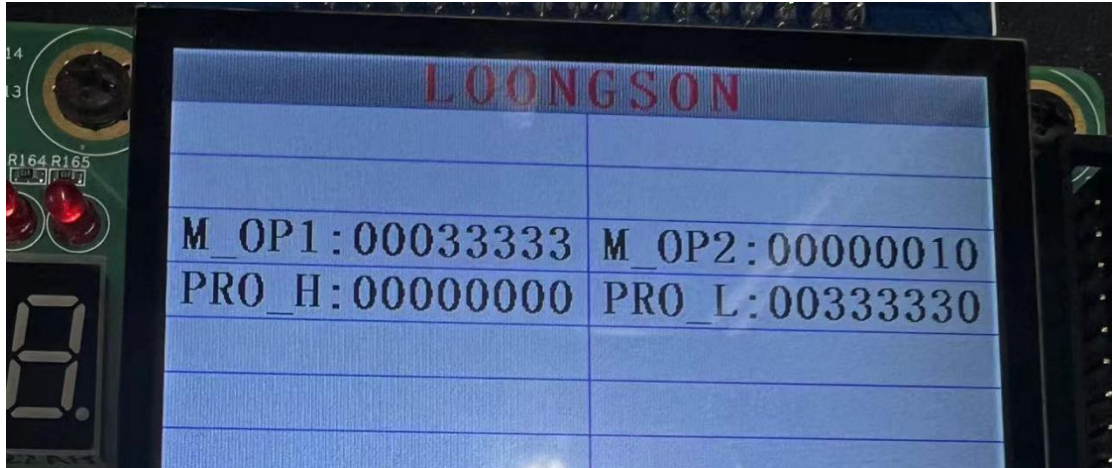
分析: 结果正确, 发现对于这组数据一共经过 9 个时钟周期得出结果, 对照我们的改进乘法器原理, 每次右移位 2 位, 在乘数为 0 时停止乘法, 乘数是 00011100, 发现两两



非零对恰好为 9 组，与结果对应。证明了原理的正确性和代码的准确性。同时证明了这种经过修改后的乘法器的效率提升了，运行周期减少一半。

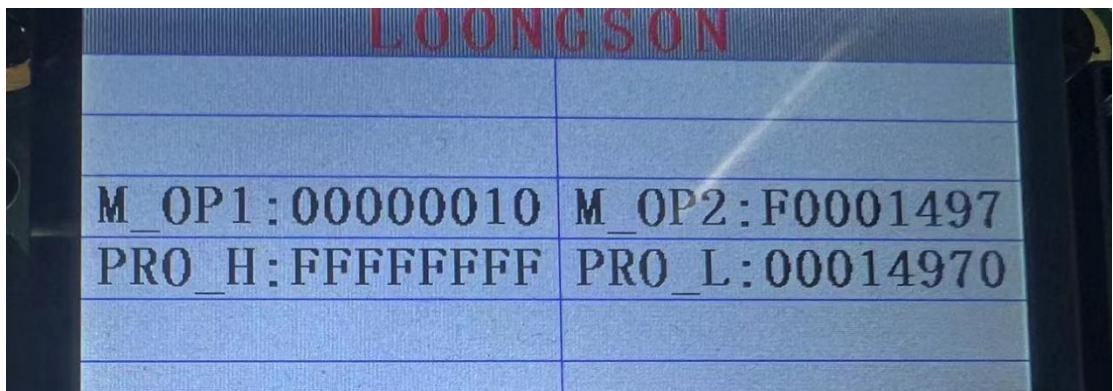
(2) 上箱结果验证：(要对按钮进行说明，下面一排按钮最左边按钮控制选择输入乘数还是被乘数，在这排按钮的左边有一个按键是复位键)

正数与正数相乘：



结果正确，16 进制数乘一个 0x10 就是非零数位左移一位，成功验证了乘法器的正确功能。

正数与负数相乘：



其中 0xF0001497 是负数，0x00000010 是正数。正数的补码还是本身，负数的补码是取反后+1，即为 0x0FFFE69，将补码相乘，结果是 0x00000000FFFE690,最后判断正负，结果是负数，对补码结果取反+1，得到 0xFFFFFFFF00014970,经验证上述结果依然正确。

综上所述可以说明代码成功的实现了本次实验的要求。完成了实验任务。

## 6、总结感想

在本次实验中，我成功地实现了一个 32 位移位乘法器，并将其烧录到实验箱上进行了测试。通过这个实验，我更加熟练地使用 Verilog 语言描述数字电路的行为和结构，掌握了移位乘法的原理和实现方法。

在实验过程中，我遇到了一些问题，如 Verilog 语法错误和测试不通过等。但通过仔细分析和调试，最终解决了这些问题，并且成功地完成了实验。

此外，在本次实验中，我也更加熟练地使用 Vivado 软件进行 FPGA 开发，让我更好地理解数字电路和硬件描述语言。

当我在实现 32 位移位乘法器的过程中，我发现使用每次移动两位来计算乘法比每次移动一位要快得多。这是因为移位操作是一种基本的位运算，比乘法操作要快得多。我深刻地体会到了效率的重要性。

因为效率对于未来整体 **cpu** 的设计至关重要。所以我想在了解一些乘法器效率优化上的技巧或者方法，以下是我学到的一些简单易懂的方法：

除了使用移位来计算乘法以外，还有一些其他的方法可以进一步优化乘法器的效率，如下：

**1.Wallace 树：**Wallace 树是一种将多个部分积相加的加法器结构。通过 Wallace 树，可以将乘法器的延迟和面积都大大减少。它的思想我认为类似分治，将整个事件进行拆分，实现效率的大幅度提升。

**2.Karatsuba 算法：**Karatsuba 算法是一种通过分治算法来实现乘法的方法。通过 Karatsuba 算法，可以将乘法的复杂度从  $O(n^2)$  降低到  $O(n^{\log_2(3)})$ ，从而提高乘法器的效率。

综上所述，乘法器的效率可以通过多种方法进行优化。在实际设计中，我们需要根据具体的需求和资源限制，选择合适的方法来优化乘法器的效率。