

5

3.13 $0 \times 62 = (01100010)_2$, $0 \times 12 = (00010010)_2$

| 迭代次数 | 步骤 | 乘积 | 被乘数 |
|------|------------------|---------------------|----------|
| 0 | 初始值 | 00000000 00010010 | 01100010 |
| 1 | 1: 0 → 无操作 | 00000000 00010010 | |
| | 2: 右移乘数 | 00000000 00001001 | |
| 2 | 1: 乘积 = 乘积 + 被乘数 | 01100010 00001001 | |
| | 2: 右移乘数 | 00110001 00000100 | |
| 3 | 1: 0 → 无操作 | 00110001 00000100 | |
| | 2: 右移乘数 | 00011000 10000010 | |
| 4 | 1: 乘积 = 乘积 + 被乘数 | 00011000 10000010 | |
| | 2: 右移乘数 | 00001100 01000001 | |
| 5 | 1: 乘积 = 乘积 + 被乘数 | 01101110 01000001 | |
| | 2: 右移乘数 | 00110111 00100000 | |
| 6 | 1: 0 → 无操作 | 00110111 00100000 | |
| | 2: 右移乘数 | 00011011 10010000 | |
| 7 | 1: 0 → 无操作 | 00011011 10010000 | |
| | 2: 右移乘数 | 00001101 11001000 | |
| 8 | 1: 0 → 无操作 | 00001101 11001000 | |
| | 2: 右移乘数 | 00000110 11100100 | |

因此结果为 $0000\ 0110\ 1110\ 0100 = 06E4$

3.17. 由于 $0 \times 33 = 51 = 2^5 + 2^4 + 2^1 + 2^0$, $0 \times 55 = (01010101)_2$

- 可按如下步骤:
- ① 0×55 左移 5 位, 加到结果中
 - ② 0×55 左移 4 位, 加到结果中
 - ③ 0×55 左移 1 位, 加到结果中
 - ④ 0×55 加到结果中

列表如下:

| 步骤 | 加数 | 结果 |
|----|--------------|---------------------|
| 1 | — | 0000 0000 0000 0000 |
| 2 | 101010100000 | 0000 10101010 0000 |
| 3 | 10101010000 | 0000 11111111 0000 |

| | | |
|---|----------|------------------|
| 4 | 10101010 | 0001000010011010 |
| 5 | 1010101 | 0001000011101111 |

故结果为 $(0001000011101111)_2 = 0xDEF = (4335)_{10}$

3.19. $74 = (01001010)_2$, $21 = (00010101)_2$

| 次数 | 步骤 | 除数(Div) | 余数 / 商 |
|----|---|----------------------------|---|
| 0 | 初始值 | 010001 | 000 000 111 100 |
| 1 | R << Rem = Rem - Div Rem < 0, R + D | 010001 010001 010001 | 000 001 111 000 111 000 111 000 000 001 111 000 |
| 2 | R << Rem = Rem - Div Rem < 0, R + D | 010001 010001 010001 | 000 011 110 000 110 010 110 000 000 011 110 000 |
| 3 | R << Rem = Rem - Div Rem < 0, R + D | 010001 010001 010001 | 000 111 100 000 110 110 110 000 000 111 100 000 |
| 4 | R << Rem = Rem - Div Rem < 0, R + D | 010001 010001 010001 | 001 111 000 000 111 110 000 000 001 111 000 000 |
| 5 | R << Rem = Rem - Div Rem < 0, R + D | 010001 010001 010001 | 011 110 000 000 111 110 000 000 001 101 000 001 |
| 6 | R << Rem = Rem - Div Rem < 0, R + D | 010001 010001 010001 | 011 010 000 010 001 001 000 010 001 001 000 011 |

由表得 商 = $(000 011)_2 = (3)_8$

余数 = $(001 001)_2 = (11)_8$

$$3.27 \quad -1.5625 \times 10^{-1} = -0.15625 \times 10^0 = -0.00101 \times 2^0 \\ = -1.01 \times 2^{-3}$$

$$\text{指数} = -3 + 15 = 12, \text{阶数} = -0.0100000000$$

最终半精度表示: 1011000100000000

$$3.30. \quad -8.0546875 \times -1.79931640625 \times 10^{-1}$$

$$\text{由于 } -8.0546875 = -1.0000000111 \times 2^3$$

$$-1.79931640625 \times 10^{-1} = -1.0111000010 \times 2^{-3}$$

$$\text{指数: } -3 + 3 = 0, \quad 0 + 15 = 15 = (0111)_2, \text{符号为正}$$

$$\begin{array}{r} 0000000111 \\ \times 0111000010 \\ \hline 100000000111 \\ 1000000000111 \\ 1000000000111 \\ 100000000111 \\ 100000000111 \\ \hline 1.01110011001000100110 \end{array}$$

$$\text{保护位} = 0, \text{舍入位} = 0, \text{黏滞位} = 1$$

$$1.0111001100 \times 2^0 = 0100000111001100$$

$$1.0111001100 = 1.44921875$$

$$\text{又 } -8.0546875 \times -0.179931640625 = 1.4492931365966796875$$

$$\text{差值 (真值 - 计算值)} : 0.0000743865966796875$$

$$3.35 \quad 3.41796875 \times 10^{-3} = 0.00341796875 = 1.11 \times 2^{-9}$$

$$6.34765625 \times 10^{-3} = 0.00634765625 = 1.101 \times 2^{-8}$$

$$1.05625 \times 10^2 = 105.625 = 1101001.101 = 1.101001101 \times 2^6$$

$$\text{指数: } -9 + (-8) = -17$$

$$\text{其他第一个乘法: } 1.11 \times 1.101 = 10.11011 = 1.011011 \times 2^1$$

故第一个乘法结果为 1.011011×2^{-16}

第二次乘法指数: $-16 + 6 = -10$

$$\begin{array}{r}
 1.011011000 \\
 \times 1.101001101 \\
 \hline
 1011011000 \\
 1011011000 \\
 1011011000 \\
 1011011000 \\
 1011011000 \\
 1011011000 \\
 1011011000 \\
 \hline
 10.01011000101111000
 \end{array}$$

结果 = $1.0010110001011110 \times 2^1$, 指数偏阶 = 6

保护位 = 0, 舍入位 = 1, 粘贴位 = 1

故半精度存储表示为: 0001100010110001

+进制表示: $1.0010110001 \times 2^{-9} = 0.0022907257080078125$