

## 底层基本数据结构：

- 链表（LinkedList/List）-线性
- 树（Tree）
- 图（Graph）

研究的问题：一切希望相关操作的算法运行时间尽量缩短，尽管代码可能复杂

对一系列数进行 search 某一个数

单纯只对一系列数进行某一个数的一次 search, wc time complexity :  $O(n)$

但如果要多次对多个系列数进行对应的数的 search, 就要进行先排序再按照某种搜索算法进行搜索（老方法,  $O(n^2)$ ）

排序 -  $O(n \lg N)$

涉及：排序、搜索/查询（新方法,  $O(n \lg n) < O(n^2)$ ）

比如说：Binary Search Algorithm

Search/查找/查询

对数据进行基本的增（Insert）、删（Delete）、改、查（Search）

有一些数据库服务器（例如 postgresSQL）的底层是通过树（Tree）来存储数据的

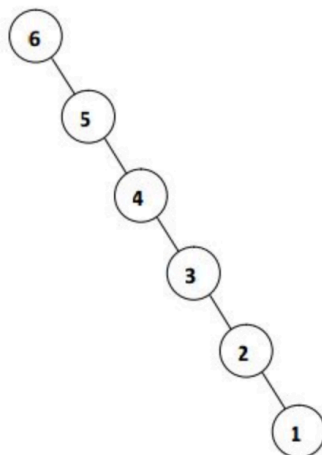
**AVL 树存在的目的是什么？**

AVL Tree 是自平衡二叉查找树（Self Balancing Binary Search Tree）的一种实现方式

为什么会有自平衡二叉查找树（Self Balancing Binary Search Tree）？

主要是因为 Binary Search Tree（二叉查找树）

在遇到有序数列的情况下会退化成「链表 List」



而「链表」查找元素的时间复杂度为  $O(n)$ 。所以为了避免出现这种情况，就需要「自平衡」。

# Self-balancing binary search tree

From Wikipedia, the free encyclopedia



This article **needs additional citations for verification**. Please help [improve this article](#) by adding citations to reliable [sources](#). Unsourced material may be challenged and removed. *(November 2010)* ([Learn how and when to remove this template message](#))

In **computer science**, a **self-balancing** (or **height-balanced**) **binary search tree** is any **node**-based **binary search tree** that automatically keeps its height (maximal number of levels below the root) small in the face of arbitrary item insertions and deletions.<sup>[1]</sup>

These structures provide efficient implementations for mutable ordered **lists**, and can be used for other **abstract data structures** such as **associative arrays**, **priority queues** and **sets**.

The **red-black tree**, which is a type of self-balancing binary search tree, was called symmetric binary B-tree<sup>[2]</sup> and was renamed but can still be confused with the generic concept of **self-balancing binary search tree** because of the initials.

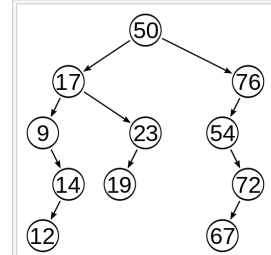
## Contents [hide]

- [Overview](#)
- [Implementations](#)
- [Applications](#)
- [See also](#)
- [References](#)
- [External links](#)

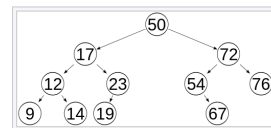
## Overview [edit]

Most operations on a binary search tree (BST) take time directly proportional to the height of the tree, so it is desirable to keep the height small. A binary tree with height *h* can contain at most  $2^0+2^1+\cdots+2^h = 2^{h+1}-1$  nodes. It follows that for a tree with *n* nodes and height *h*:

$$n \leq 2^{h+1} - 1$$



An example of an **unbalanced** tree; following the path from the root to a node takes an average of 3.27 node accesses



The same tree after being height-balanced; the average path effort decreased to 3.00 node accesses

通俗一些，就是将原来位置随意琐碎乱套的 二叉搜索树（ Binary Search Tree），有 *n* 个结点（Node），通过某种方式，尽量将树的高度变矮、两边饱满（尽量都有 subtree, leaf），高度控制在 floor(lg*N*)

实现自平衡二叉查找树（Self Balancing Binary Search Tree）的几种数据结构（包括了 AVL 树）

AVL 树更严格，不仅要遵循基本 bst 性质，又要每个结点（Node）的平衡因子的值在 -1 和 1 之间

## Implementations [edit]

Popular data structures implementing this type of tree include:

- [2-3 tree](#)
- [AA tree](#)
- [AVL tree](#)
- [B-tree](#)
- [Red-black tree](#)
- [Scapegoat tree](#)
- [Splay tree](#)
- [Treap](#)
- [Weight-balanced tree](#)

## 对 AVL 树旋转方式的误解（与常态下的旋转完全是两个不同的概念）

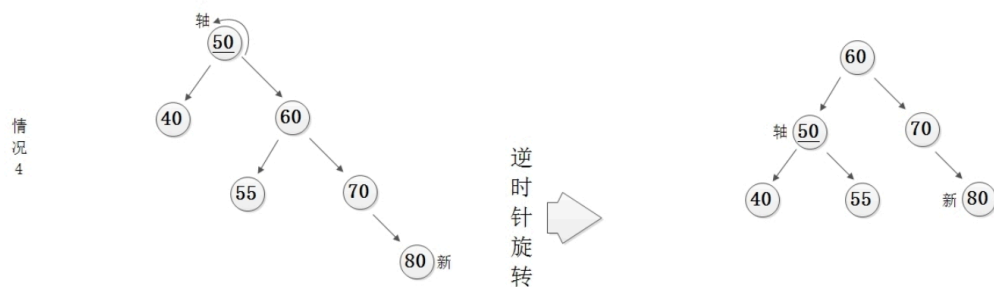
### AVL 树旋转在哪里出现？在 bst insert 之后的 fix imbalance 里出现

- 所谓左“旋转”：50 这个结点受影响，是让 60 结点做 root，50 做 60 的左子树（node70 是新 insert 的，insert 到 60 的右子树）

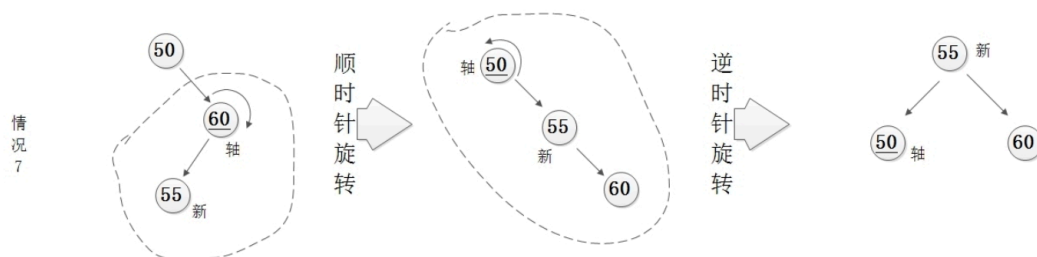
- 右旋转同理

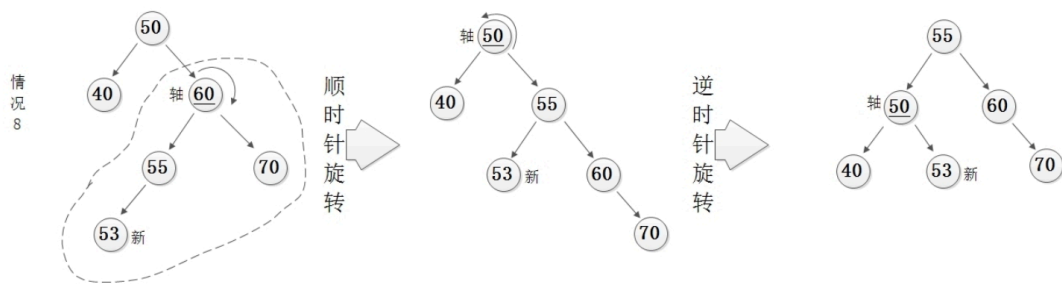


- 同时左旋转还包含一种情况：（node80 是新 insert 的，insert 到 70 的右子树）同样是 50 这个结点受影响，是让 60 结点做 root，让 60 左侧的所有结点统一做 60 的左子树

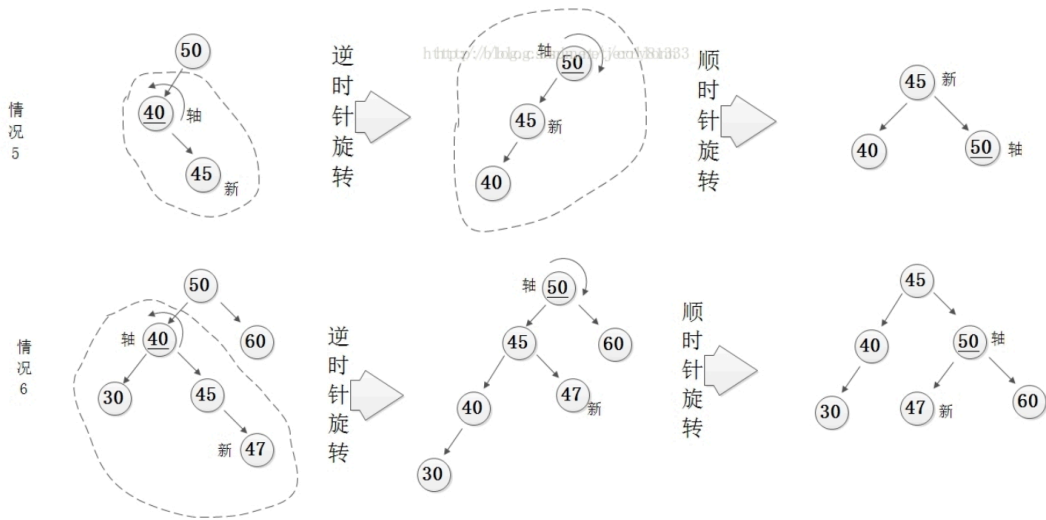


右左（RL） - 都要经历两次所谓的“旋转”（先右后左）





左右（LR）- 都要经历两次所谓的“旋转”（先左后右）



- 自下往上进行所谓的“旋转”（递归）

AVL 树相关操作算法的 **precondition** 和 **postcondition**（依然都要保证是 AVL 树）

### Augmented Data Structure

往原有 bst/avl 里的树结点加新的 field/attribute，使一些操作/method 方法运行时间保持不变或更快。（比如说 node.height，如果没有 height，则还要在算法里单独写 height 的 helper function）

但加了新的 field/attribute 之后，每一次基本的 insert、delete 都要伴随实时更新每一个树结点的新的 field/attribute，再之后，去进行相应的操作/method（查询等）

### Tutorial 3

	select	rank	insert/delete	search
AVL	$O(n)$	$O(n)$	$O(\lg N)$	$O(\lg N)$
AVL node.rank	$O(\lg N)$	$O(\lg N)$	$O(n)$	$O(\lg N)$
AVL node.size	$O(\lg N)$	$O(\lg N)$	$O(\lg N)$	$O(\lg N)$
sort	$O(1)$	$O(\lg N)$	$O(n \lg N)$	$O(\lg N)$

$O(\lg N)$ 基本上代表着以高度 height 从 root 至下进行遍历  
相比于传统的 traversal 遍历 preOrder, postOrder, inOrder 的  $O(n)$ ，即遍历每一个节点更节省时间